# חלק יבש מבני נתונים רטוב 2

#### תיאור מבנה הנתונים

#### מבני הנתונים מורכב מ:

מבנה Union Find על התקליטים בשם records. הקבוצות במבנה הן הערמות, והתקליטים במבנה הם האיברים. התקליטים והקבוצות שמורים במערכים בגודל n, בדומה להסבר בהרצאה על מימוש Union Find באמצעות מערכים. האינדקס של תקליט ושל קבוצה הם המיקום שלהם במערכים.
כול תקליט מכיל:

# שדה extra המתכן בעת איחוד וחיפוש, כך שסכימה על ערכי extra של כול התקליטים בחיפוש הקבוצה של תקליט שהמזהה שלו הוא r\_id תחזיר את גובה התקליט.

- שדה buys בו מספר הרכישות של התקליט
- שדה parent בו נשמר האינדקס במערך התקליטים של התקליט הבא. אם הוא מספר שלילי, התקליט מצביע לקבוצה שהמזהה שלה הוא r\_ida.

#### כול קבוצה מכילה:

- שדה size המכיל את גודל הקבוצה, כמו בUnion Find רגיל.
  - שדה column המכיל את עמודת הקבוצה.
- שדה height שהוא מספר העותקים של כול התקליטים בקבוצה ביחד.
- 2. club\_members עץ דרגות של חברי המועדון. המפתח הוא המזהה של חבר המועדון, והדרגה היא שדה rank המעודכן כך שסכימה עליו לאורך מסלול החיפוש של חבר rank מועדון תיתן את הוצאותיו החודשיות. תקינות השדה תוכח באופן רקורסיבי נראה כי ניתן לשמור על תכונות השדה במתודות הרלוונטיות בהנחה שהתקיימו קודם לכן.
  - 3. customers טבלת האש דינאמית של לקוחות, בה פתרון התנגשויות נעשה באמצעות עצי customers . AVL
    - phone מספר הטלפון של הלקוח
    - member האם הלקוח חבר מועדון. •

# : תיאור אלגוריתמים

לאורך כול התיאור, n הוא מספר הלקוחות במבנה בעוד שm הוא מספר התקליטים, כמו בתיאור התרגיל.

#### RecordsCompany() – אתחול המבנה

באתחול המבנה, המערכים שבתוך customersi records הם מצביעים שעוד לא נעשה להם הקצאת זיכרון. לכן האתחול נעשה ב(0.1) , כמו האתחול של עץ הAVL של חברי המועדון מפני ש עצים מאותחלים ב(0.1). זאת, כפי שראינו בתרגול ובהרצאה. לכן, בסה"כ, הסיבוכיות הכוללת היא (0.1).

#### newMonth(int \* records stocks, int number of records) - הפונקציה

נאתחל את המערך של התקליטים ושל הקבוצות בUnion Find למערכים בגודל ממדהה של התקליט והקבוצות הוא האינדקס שלהם במערך. הגבהים number\_of\_records . והגודל שלהם מאותחל ל0, ההתחלתיים של הקבצות מאותחלים לפי הגבהים records\_stocks , והגודל שלהם מאותחל ל0, והעמודה לאינדקס שלהם במערך. ההורה של המשתמשים מאותחל לקבוצה בעלת המזהה שלהם (מספר שלילי) והרכישות שלהם ל0. ניתן לעשות זאת ב(O(1) לפי אתחול מערכים, אבל עשיתי זאת ב(m) בשל הצורך לטפל בהקצאות זיכרון, בגלל פשטות מימוש ובגלל שלא רציתי לסמוך על כך שהערכים במערך records\_stocks קבועים במהלך ההרצה. נחזיר ערכי שגיאה עם נכשלנו בהקצאת זיכרון או שהקלט לא תקין כמתואר בדרישות התרגיל.

נעבור ב(O(n) על כול האיברים בעץ של הלקוחות כמו באחד הסיורים שהוכח שהם מסיבוכיות גודל העץ. בכול איבר נאפס את הדרגה.

בסה"כ, הסיבוכיות של הפו הזו היא O(m + n).

## getExpenses(int c\_id) - הפונקציה

- בכול rank ונסכום את השדה club\_members בעץ c\_id בעלך לאורך מסלול החיפוש של ב הצמתים לאורך מסלול החיפוש.
  - שלילי או לא קיים בעץ כמפורט בדרישות התרגיל. c\_id נחזיר ערכי שגיאה עם -

מסלול החיפוש בעץ avl הוא O(log(size) (ודל העץ. מפני שאנחנו הולכים לאורך המסלול avl החיפוש בעץ avl הוא O(log(size) (ודל העץ. מפני שאנחנו הכוללת היא מספר סופי של פעולות בסיבוכיות (O(1), נקבל כי הסיבוכיות הכוללת היא (club\_members מפני שגודל העץ club\_members (log(n))

#### addPrize(int c id1, int c id2, double amount) - הפוקציה

עבור amount בפונקציה זו, נוסיף . add\_rank( int c\_id, double amount עבור . נעץ יש פונקציה זו, נוסיף . נעסיה מחטרו ההוצאות של כול חברי המועדון שהמזהה שלהם קטן מb. . נעשה זאת באופן הבא:

- . c\_id נלך לאורך מסלול החיפוש של
- בכול פעם שנתחיל רצף פניות ימינה, נוסיף amount לדרגת הצומת הראשון ממנו פנינו ימינה
  - בסיום רצף פניות ימינה, נוסיף לדרגת הצומת הראשון ממנו פנינו שמאלה amount -
    - . amount אם מצאנו את c\_id ואנחו בתוך רצף פניות ימינה, נפחית מדרגת הצומת -
      - נוסיף amount לבן השמאלי של c\_id עם קיים.

### נכונות:

נראה נכונות עבור צמתים שלא בתת העץ של c\_id. עם ניסכום את rank לאורך מסלול החיפוש של צומת מחוץ לתת העץ של c\_id, אם המזהה של הצומת קטן מזה של , c\_id צומת זו תתאחד עם צומת מחוץ לתת העץ של c\_id אם צומת שממנה פנינו ימינה – כלומר באמצע רצף של פניות ימינה. לכן, מסלול החיפוש של rank לעומת זאת, אם המזהה של rank בrank לאורך מסלול החיפוש יגדלו בamount . לעומת זאת, אם המזהה של הצומת גדול מזה של c\_id צומת זו תתאחד עם מסלול החיפוש של c\_id עם צומת שממנה פנינו שמאלה – לאחר שנסגרו הרצפים של הפניות ימינה. לכן, ההוצאות כלומר הסכום של rank מסלול החיפוש לא השתנו.

עבור תת העץ של c\_id , הוספנו amount לדרגת בן השמאלי ודאגנו לאיפוס התוספות לדרגה לאורך מסלול החיפוש יגדלו מסלול החיפוש בשלב השלישי של האלגוריתם. לכן, הסכום של rank\_ לאורך מסלול החיפוש יגדלו בmount רק עבור איברים בתת העץ השמאלי של c\_id כנדרש.

#### : סיבוכיות

ביצענו פעולות בסיבוכיות (O(1) לאורך מסלול החיפוש של c\_id לכן, לפי תכונות עץ O(1) מההרצאות ביצענו פעולות בסיבוכיות (O(log(n)) כמו שהראינו במתודה הקודמת.

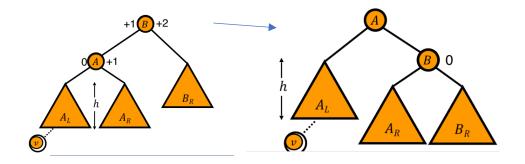
כעת עבור המתודה addPrize נבצע פשוט:

- add\_rank(c\_id2, -amount) .1
- add\_rank(c\_id1, amount) .2

אם לא החזרנו סטטוס שגיאה על קלט לא תקין.

נחפש את הלקוח בטבלת ההאש ונחזיר את מספר הטלפון שלו. לפי משפט מההרצאה, הסיבוכיות היא (C(1) בממוצע על הקלט. נחזיר ערכי שגיאה כמצופה בתיאור הפונקציה.

נשתמש בפונקציה isMember כדי לבדוק האם הלקוח במערכת והאם הוא חבר מועדון. נחזיר סטטוס שגיאה אם צריך כנדרש. אם לא – נהפוך אותו בטבלת ההאש לחבר מועדון. סיבוכיות המקרה הגרוע שגיאה אם צריך כנדרש. אם לא – נהפוך אותו בטבלת ההאש לחבר מועדון. סיבוכיות המקרה בען avl השל isMember היא (log(n). אם הלקוח במערכת, נוסיף אותו לעץ השגיאה כמו בהוספה בעץ avl . נראה כיצד נשמור על הדרגה ללא לפגוע בסיבוכיות. בעת ההוספה, נסכום את הדרגות במסלול החיפוש של ההוספה. דרגת הצומת החדשה היא מינוס הסכום. כך, שנסכום את הדרגה במסלול החיפוש של הצומת החדש נקבל 0. בגלגולים במעלה העץ נעדכן את הדרגות כך שהתכונה של השדה rank בתת של השורש המוחזר מהגילגול תישמר. לדוגמא בגילגול 13:



נחשב את השדה rank\_ באופן הבא:

- $A_R$ ->\_rank += A->\_rank -
- A-> rank += B-> rank -
- B->\_rank -= A->\_rank -

ניתן לראות שלאחר ביצוע פעולות אלו סכום ערכי הדרגה במסלולים המובילים מA B והבנים שלהם עד לשורש תת העץ נשארים אותו גבר. לכן, תכונות השדה rank\_ נשמרות בגלגולים. מפני שעדיין ביצענו פעולות שהן O(1) סה"כ בכול צומת בה עבדרנו ובגילגולולים, הסיבוכיות היא avl עדיין O(log(n)) כסיבוכיות להכנסה לעץ

#### isMember(int c\_id) - הפונקציה

נחפש את הלקוח בטבלת ההאש ונחזיר האם הוא חבר מועדון. נחזיר סטטוסי שגיאה עם נדרש כמפורט בדרישות התרגיל. לפי משפט מההרצאה, הסיבוכיות היא (O(1) בממוצע על הקלט. נחזיר ערכי שגיאה כמצופה בתיאור הפונקציה. מפני שבטבלת ההאש פתרנו התנגשויות על ידי עץ avl , מקבל כי סיבוכיות המקרה הגרוע של פונקציה זו היא O(log(n)) כי ראינו בהרצאה שסיבוכיות חיפוש בעץ avl היא מסדר גודל של גובה העץ.

buyRecord(int c id, int r id) - הפונקציה

נחזיר הודעת שגיאה עם הקלט לא תקין, או שהמזהים לא קיימים כנדרש. נבדוק האם המשתמש קיים ואם הוא חבר מועדון לפי הפונקציה isMember שסיבוכיות המקרה הגרוע שלה היא (log(n) . ניקח ב(0)1 את מספר הרכישות של התקליט r id ממערך התקליטים – נסמנו בt.

נממש באמצאות הפונקציה rank\_add שהוצגה בתיאור add\_prize באופן הבא:

- add rank(c id + 1, t +100) .1
- add\_rank(c\_id, -t-100) .2

הוספנו את הסכום הדרוש לדרגה.

. log(n) היא add\_rank() כפי שראינו סה"כ עמדנו בסיבוכיות add\_rank() מכיוון שסיבוכיות

#### addCostumer(int c id, int phone) - הפונקציה

נבצע האש לc\_id. פתרנו התנגשויות באמצעות עץ – otlan, בכול תא במערך, קיים עץ avl אליו נוסיף את הלקוח. השתמשנו בפונקציית ערבול רגילה – size%, כשsize גודל הטבלה. אם נגמר המקום, כלומר – מספר הלקוחות לפני ההוספה כגודל הטבלה, נגדיל פי שניים את הטבלה כמו שלמדנו בשיעור על מערך דינאמי. נשים בה את כול האיברים תוך ביצוע hash מחודש. נחזיר סטטוסי שגיאה עם צריך לפי דרישות התרגיל. לפי ההרצאה, הסיבוכיות המשוערכת של טבלת hash דינאמית היא (O(1) בממוצע על הקלט עם השתמשנו בפונקציית ערבול רגילה. לכן, עמדנו בסיבוכיות הנדרשת.

#### putOnTop(int r id1, int r id2) - הפונקציה

נחפש את הקבוצות של r\_id2 r\_id1 כמו בפעולת tind בפעולת הנלמדה בכיתה. פעולת החסדות הקבוצות של r\_id2 r\_id1 כמו בפעולת של במוחד החסדות החסדות החסדות החסדות המדוב בתיאור getPlace . נסמן מזהים של קבוצות אלו במ במקומות אם אינדקסים אלו במערכים של הקבוצות והתקליטים. נאחד ההתקליטים המצביעים אליהם במקומות אם אינדקסים אלו במערכים של הקבוצות והתקליטים. נאחד קבוצות אלו ונעדכן את הגבהים והגודל בהתאם. נעדכן את המוחדת להיות של B. נחלק למקרים:

אם הגודל של A גדול מהגודל של B:

- . B של התקליט A את הגובה של הקבוצה extra
- .A של התקליט B את extraה של התקליט extra של התקליט -

במקרה זה נקבל שמפני שהאיחוד מתבצע על ידי כך שההורה של התקליט B הוא התקליט A , נקבל כי הסכימה על השדה extra לאורך מסלול חיפוש הקבוצה תגדל בגובה של B עבור תקליטים בקבוצה A, ולא תשתנה עבור תקליטים בקבוצה B.

אם הגודל של B גדול מהגודל של A:

- נוסיף לexstra של התקליט A את הגובה של הקבוצה B פחות הexstra של התקליט -

במקרה זה נקבל שמפני שהאיחוד מתבצע על ידי כך שההורה של התקליט A הוא התקליט B, הסכימה על השדה extra לאורך מסלול חיפוש הקבוצה תגדל בגובה של B עבור תקליטים בקבוצה A. עבור תקליטים בקבוצה B הסכימה לא תשתנה.

מכיוון שביצענו פעולות Inion וא Find, בשינויים שלוקחים (1)O בסה"כ, לפי מה שהוכח בכיתה נקבל (2)C בסה"כ, לפי מה שהוכח בכיתה נקבל כי הסיבוכיות המשוערכת היא (log\*m) כי הסיבוכיות המשוערכת היא

ראינו שתקינות השדה extra נשמרת בפעולה.

נחזיר סטטוסים של שגיאה עבור קלט לא תקין כפי שנתבקשנו בתרגיל.

getPlace(int r id, int \*column, int \*hight) - הפונקציה

נבצע פעולת Find של Union Find כפי שנלמד בכיתה. השינויים בפעולה נעשה הם הבאים:

- במסלול חיפוש r\_id בשלב מציאת הקבוצה של התקליט בעל r\_id בשלב מציאת הקבוצה של התקליט בעל החיפוש הקבוצה. לא נבצע כיווץ.
- נשמור במשתנה נוסף את הסכום הקודם פחות האסטרה של הקבוצה (מיוצגת במקרה זה על ידי התקליט שמצביע אליה). בעת הכיוון של כול תקליט במסלול החיפוש, נוסיף את המשתנה הנ"ל לexstra של התקליט. לאחר מכן, ונפחית ממנו את הextra הישן התקליט. הכיווץ נעשה על ידי כך שהparent הוא התקליט שמצביע לקבוצה.

הסיבוכיות של Find לא נפגעת, כי בכול שלב במסלול החיפוש של הקבוצה ובכיווץ השינויים שביצענו הם (O(1) .

התקינות של השדה extra נשמרה במהלך הכיווץ, מפני שהוספנו לכול תקליט שכיווצנו את את ocia התקינות של התקליטים לפניו במסלול חיפוש הקבוצה – מפני שהם כבר לא נמצאים במסלול החיפוש שלו.

כעת עבור המתודה, נחזיר את העמודה של הקבוצה ובתור הגובה את הסכימה של שדה אקסטרה. מפני שהפונקציות putOnTopi getPlace ביצענו פעולות Findi Union , נקבל כי הסיבוכיות המשוערכת שלהן היא log\*m.

נחזיר סטטוס שגיאה עם צריך כמפורט בדרישות התרגיל.

#### ~RecordsCompany() - ההורס

במהלך ההורס, נשחרר את המערכים שהקצינו עבור הUnion Findטוטבלת ההאש – עם שיחרור כול העצים בטבלה. לאחר מכן, נשחרר את העץ של חברי המועדון. נקבל כי הסיבוכיות הכוללת של פעולות אלו הינה גודל עץ חברי המועדון וסכום גדלי העצים בטבלת ההאש, כלומר (O(n) שזה גם (O(n+m) . ניתן להרוס עץ בינארי על ידי חיפוש Postorder – הורסים את הבנים ואז את השורש. הסיבוכיות של חיפוש זה לפי ההרצאה היא (O(size) כשsize גודל העץ.