

Det Biovidenskabelige Fakultet



# Studiepraktik 2017

Algoritmer og problemløsning

Arinbjörn Brandsson Benjamin Rotendahl Mathias Fleig Mortensen Christopher Mulvad Groot



Dagens program

2 Introduktion til algoritmer

Algoritme vs Algoritme

Algoritme design



### Indtil kl 11.45

• Algoritme design og metoder.



### Indtil kl 11.45

- Algoritme design og metoder.
- Hvordan man kan sammenligne forskellige løsninger.



### Indtil kl 11.45

- · Algoritme design og metoder.
- Hvordan man kan sammenligne forskellige løsninger.
- Hvad er grænserne for algoritmer?



### Indtil kl 11.45

- Algoritme design og metoder.
- Hvordan man kan sammenligne forskellige løsninger.
- Hvad er grænserne for algoritmer? Historie tid!



### Indtil kl 11.45

- · Algoritme design og metoder.
- Hvordan man kan sammenligne forskellige løsninger.
- Hvad er grænserne for algoritmer? Historie tid!

### Fra 13 til 14.30

Øvelser i algoritmer



### Indtil kl 11.45

- Algoritme design og metoder.
- Hvordan man kan sammenligne forskellige løsninger.
- Hvad er grænserne for algoritmer? Historie tid!

### Fra 13 til 14.30

- Øvelser i algoritmer
- Sjove gåder



#### Indtil kl 11.45

- · Algoritme design og metoder.
- Hvordan man kan sammenligne forskellige løsninger.
- Hvad er grænserne for algoritmer? Historie tid!

### Fra 13 til 14.30

- Øvelser i algoritmer
- Sjove gåder
- Opsamling og spørgsmål



# Hvad er en Algoritme?

An algorithm is a self-contained step-by-step set of operations to be performed that can be expressed within a finite amount of space and time and in a well-defined formal language.



## Hvad er en Algoritme?

An algorithm is a self-contained step-by-step set of operations to be performed that can be expressed within a finite amount of space and time and in a well-defined formal language.

### På dansk

En algoritme er en opskrift på hvordan et bestemt problem kan løses.



# Havregryns algoritme

## Eksempel

```
Algorithm 1
Indgangsbetingelser: En skål, mælk, havregryn
Udgangsbetingelser: Morgenmad
  while Skålen ikke er fyldt do
     Hæld Gryn i Skålen
  end while
  if Jeg er tyk then
     mælk = Minimælk
  else
     mælk = Letmælk
  end if
  while Skålen ikke er fyldt do
```

Hæld mælk i Skålen

end while

## Krav til en algoritme

**Veldefineret** Ingen tvetydigheder og vendinger som: "så tager du det bedste resultat ..."



## Krav til en algoritme

**Veldefineret** Ingen tvetydigheder og vendinger som: "så tager du det bedste resultat ..."

**Terminerer** Den må ikke køre for evigt, du skal garantere at den rent faktisk finder sit svar.



## Krav til en algoritme

**Veldefineret** Ingen tvetydigheder og vendinger som: "så tager du det bedste resultat ..."

**Terminerer** Den må ikke køre for evigt, du skal garantere at den rent faktisk finder sit svar.

**input og output** Jeg skal vide at hvis jeg giver den *A* så returnerer den *B*.



## Krav til en algoritme

**Veldefineret** Ingen tvetydigheder og vendinger som: "så tager du det bedste resultat ..."

**Terminerer** Den må ikke køre for evigt, du skal garantere at den rent faktisk finder sit svar.

**input og output** Jeg skal vide at hvis jeg giver den *A* så returnerer den *B*.

**Kan bevises** Det er muligt både at bevise korrekthed og køretid for algoritmen.



Algoritmer bruges inden for alle former for problemløsnings.



Algoritmer bruges inden for alle former for problemløsnings.

### Bioinformatik

Longest commen subsequence: Sammenligning af DNA strenge for at se hvor beslægtet to strenge er.



Algoritmer bruges inden for alle former for problemløsnings.

#### Bioinformatik

Longest commen subsequence: Sammenligning af DNA strenge for at se hvor beslægtet to strenge er.

### Primtals faktorisering

Bruges i *kryptering:* Basis for at vi kan have sikker kommunikation.



Algoritmer bruges inden for alle former for problemløsnings.

### Bioinformatik

Longest commen subsequence: Sammenligning af DNA strenge for at se hvor beslægtet to strenge er.

### Primtals faktorisering

Bruges i *kryptering:* Basis for at vi kan have sikker kommunikation.

### Machine Learning

En samling af algoritmer der selv kan lære og finde egenskaber i store data sæt. Gør det muligt at løse problemer der før var uden for menneskers kunnen.



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

### Hold A

Har en computer



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter
- De kan sortere 100 millioner tal på 4 timer.



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

#### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter
- De kan sortere 100 millioner tal på 4 timer.

### Hold B

 Har en computer der er 1000 gange hurtigere end hold A



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter
- De kan sortere 100 millioner tal på 4 timer.

- Har en computer der er 1000 gange hurtigere end hold A
- Bruger algoritmen Insertion Sort



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter
- De kan sortere 100 millioner tal på 4 timer.

- Har en computer der er 1000 gange hurtigere end hold A
- Bruger algoritmen Insertion Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på 5 timer.



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter
- De kan sortere 100 millioner tal på 4 timer.

- Har en computer der er 1000 gange hurtigere end hold A
- Bruger algoritmen
   Insertion Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på 5 timer.
- De kan sortere 100 millioner tal på 23 dage!



# Sammenligning af Algoritmer

Vi bruger begrebet Køretid for at beskrive hvordan tiden en algoritme bruger stiger med input.



# Sammenligning af Algoritmer

Vi bruger begrebet Køretid for at beskrive hvordan tiden en algoritme bruger stiger med input.

## Definition på køretid

En øvregrænse for den tid der bliver brugt på at løse et problem af størelse n. Skrives som

$$O(n), O(n^2), O(n \lg n), O(n!), O\left(\frac{a}{b}\right)$$



# Sammenligning af Algoritmer

Vi bruger begrebet Køretid for at beskrive hvordan tiden en algoritme bruger stiger med input.

## Definition på køretid

En øvregrænse for den tid der bliver brugt på at løse et problem af størelse n. Skrives som

$$O(n), O(n^2), O(n \lg n), O(n!), O\left(\frac{a}{b}\right)$$

### Algoritme for minimums funktionen

Givet en liste  $X = [x_1, x_2, ..., x_n]$  ønsker vi at returnere det mindste tal i listen. Hvad er algoritmen og hvad er køretiden?



### Eksempel

```
Algorithm 2
```

```
Input: En liste X = [x_1, x_2, ..., x_n]
Ouput: Det mindste tal i listen.
```

```
min = x_1

for x_i in X do

if x_i < min then

min = x_i

end if

end for
```



### Eksempel

### Algorithm 3

```
Input: En liste X = [x_1, x_2, ..., x_n]
Ouput: Det mindste tal i listen.
```

```
min = x_1

for x_i in X do

if x_i < min then

min = x_i

end if

end for
```

## Analyse af algoritmen



Køretid?

### Eksempel

#### Algorithm 4

```
Input: En liste X = [x_1, x_2, ..., x_n]
Ouput: Det mindste tal i listen.
```

```
min = x_1

for x_i in X do

if x_i < min then

min = x_i

end if

end for
```

## Analyse af algoritmen



Køretid? O(n)

### Eksempel

### Algorithm 5

```
Input: En liste X = [x_1, x_2, ..., x_n]
Ouput: Det mindste tal i listen.
```

```
min = x_1

for x_i in X do

if x_i < min then

min = x_i

end if

end for
```

### Analyse af algoritmen



Køretid? O(n) Er den optimal?

### Eksempel

#### Algorithm 6

```
Input: En liste X = [x_1, x_2, ..., x_n]
Ouput: Det mindste tal i listen.
```

```
min = x_1

for x_i in X do

if x_i < min then

min = x_i

end if

end for
```

### Analyse af algoritmen



Køretid? O(n)Er den optimal? Jeps!

# Eksempler på køretid

## **Bogo Sort**

Køretid på O(n!)

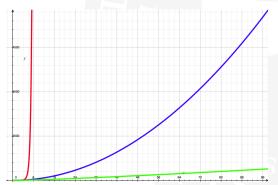
## **Insertion Sort**

Køretid?
 O(n²)

### Merge sort

Køretid på O(n lg n)

Figure: Graf over køretider





### Algoritme for algoritmer

Beskriv problemet med egne ord.



- Beskriv problemet med egne ord.
- 2 Del problemet op i mindre dele.



- Beskriv problemet med egne ord.
- 2 Del problemet op i mindre dele.
- Opening of the state of the



- 1 Beskriv problemet med egne ord.
- 2 Del problemet op i mindre dele.
- Opening of the state of the
- 4 Definer input



- 1 Beskriv problemet med egne ord.
- ② Del problemet op i mindre dele.
- Opening in the second of th
- 4 Definer input
- 6 Beskriv trin for at gå fra input til output



# Så er det historie tid!

