

Det Biovidenskabelige Fakultet



# Fagpakke dag 1

Algoritmer og problemløsning

Arinbjörn Brandsson Benjamin Rotendahl Mathias Mortensen



- Forløbets program
- Introduktion til algoritmer
- Algoritme vs Algoritme
- Algoritme design
- Øvelser
- Opsamling og Spørgsmål



## Program for de kommende uger

### Uge 1

- Introduktion til algoritmer.
- Algoritme design og metoder.
- Hvordan man kan sammenligne forskellige løsninger.
- Øvelser i algoritmer.



## Program for de kommende uger

### Uge 1

- · Introduktion til algoritmer.
- · Algoritme design og metoder.
- Hvordan man kan sammenligne forskellige løsninger.
- Øvelser i algoritmer.

### Uge 2

- Introduktion til Programmering.
- · Programmerings øvelser.



## Program for de kommende uger

### Uge 1

- Introduktion til algoritmer.
- Algoritme design og metoder.
- Hvordan man kan sammenligne forskellige løsninger.
- Øvelser i algoritmer.

## Uge 2

- Introduktion til Programmering.
- Programmerings øvelser.

### Uge 3



- Databehandling med Machine Learning.
- Øvelser i dataanalyse.

# Hvad er en Algoritme?

An algorithm is a self-contained step-by-step set of operations to be performed that can be expressed within a finite amount of space and time and in a well-defined formal language.



## Hvad er en Algoritme?

An algorithm is a self-contained step-by-step set of operations to be performed that can be expressed within a finite amount of space and time and in a well-defined formal language.

#### På dansk

En algoritme er en opskrift på hvordan et bestemt problem kan løses.



# Havregryns algoritme

## Eksempel

```
Algorithm 1
Indgangsbetingelser: En skål, mælk, havregryn
Udgangsbetingelser: Morgenmad
  while Skålen ikke er fyldt do
     Hæld Gryn i Skålen
  end while
  if Jeg er tyk then
     mælk = Minimælk
  else
     mælk = Letmælk
  end if
  while Skålen ikke er fyldt do
```

Hæld mælk i Skålen

end while

## Krav til en algoritme

**Veldefineret** Ingen tvetydigheder og vendinger som:" så tager du det bedste resultat ..."



### Krav til en algoritme

**Veldefineret** Ingen tvetydigheder og vendinger som:" så tager du det bedste resultat ..."

**Terminerer** Den må ikke køre for evigt, du skal garantere at den rent faktisk finder sit svar.



## Krav til en algoritme

**Veldefineret** Ingen tvetydigheder og vendinger som:" så tager du det bedste resultat ..."

**Terminerer** Den må ikke køre for evigt, du skal garantere at den rent faktisk finder sit svar.

**input og output** Jeg skal vide at hvis jeg giver den *A* så returnerer den *B*.



### Krav til en algoritme

**Veldefineret** Ingen tvetydigheder og vendinger som:" så tager du det bedste resultat ..."

**Terminerer** Den må ikke køre for evigt, du skal garantere at den rent faktisk finder sit svar.

input og output Jeg skal vide at hvis jeg giver den A så returnerer den B.

**Kan bevises** Det er muligt både at bevise korrekthed og køretid for algoritmen.



Algoritmer bruges inden for alle former for problemløsnings.



Algoritmer bruges inden for alle former for problemløsnings.

#### Bioinformatik

Longest commen subsequence: Sammenligning af DNA strenge for at se hvor beslægtet to strenge er.



Algoritmer bruges inden for alle former for problemløsnings.

#### Bioinformatik

Longest commen subsequence: Sammenligning af DNA strenge for at se hvor beslægtet to strenge er.

### Primtals faktorisering

Bruges i *kryptering:* Basis for at vi kan have sikker kommunikation.



Algoritmer bruges inden for alle former for problemløsnings.

#### Bioinformatik

Longest commen subsequence: Sammenligning af DNA strenge for at se hvor beslægtet to strenge er.

### Primtals faktorisering

Bruges i *kryptering:* Basis for at vi kan have sikker kommunikation.

### Machine Learning

En samling af algoritmer der selv kan lære og finde egenskaber i store data sæt. Gør det muligt at løse problemer der før var uden for menneskers kunnen.



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

### Hold A

Har en computer



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

#### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

#### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

#### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter
- De kan sortere 100 millioner tal på 4 timer.



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

#### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter
- De kan sortere 100 millioner tal på 4 timer.

### Hold B

 Har en computer der er 1000 gange hurtigere end hold A



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

#### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter
- De kan sortere 100 millioner tal på 4 timer.

- Har en computer der er 1000 gange hurtigere end hold A
- Bruger algoritmen Insertion Sort



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

#### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter
- De kan sortere 100 millioner tal på 4 timer.

- Har en computer der er 1000 gange hurtigere end hold A
- Bruger algoritmen
   Insertion Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på 5 timer.



## Soterings algoritmer

Givet en liste af n tal ønsker vi at returnere en sorteret liste af længde n.

#### Hold A

- Har en computer
- Bruger algoritmen
   Merge Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på under 20 minutter
- De kan sortere 100 millioner tal på 4 timer.

- Har en computer der er 1000 gange hurtigere end hold A
- Bruger algoritmen
   Insertion Sort
- De kan sortere 10 millioner tal på 5 timer.
- De kan sortere 100 millioner tal på 23 dage!



### Sammenligning af Algoritmer Vi bruger begrebet Køretid for at beskrive

Vi bruger begrebet Køretid for at beskrive hvordan tiden en algoritme bruger stiger med input.



### Sammenligning af Algoritmer Vi bruger begrebet Køretid for at beskrive

Vi bruger begrebet Køretid for at beskrive hvordan tiden en algoritme bruger stiger med input.

## Definition på køretid

En øvregrænse for den tid der bliver brugt på at løse et problem af størelse *n*. Skrives som

$$O(n), O(n^2), O(n \lg n), O(n!), O\left(\frac{a}{b}\right)$$



### Sammenligning af Algoritmer Vi bruger begrebet Køretid for at beskrive

Vi bruger begrebet Køretid for at beskrive hvordan tiden en algoritme bruger stiger med input.

## Definition på køretid

En øvregrænse for den tid der bliver brugt på at løse et problem af størelse *n*. Skrives som

$$O(n), O(n^2), O(n \lg n), O(n!), O\left(\frac{a}{b}\right)$$

### Algoritme for minimums funktionen

Givet en liste  $X = [x_1, x_2, ..., x_n]$  ønsker vi at returnere det mindste tal i listen. Hvad er algoritmen og hvad er køretiden?



### Eksempel

```
Algorithm 2
```

```
Input: En liste X = [x_1, x_2, ..., x_n]
Ouput: Det mindste tal i listen.
```

```
min = x_1

for x_i in X do

if x_i < min then

min = x_i

end if

end for
```



### Eksempel

#### Algorithm 3

```
Input: En liste X = [x_1, x_2, ..., x_n]
Ouput: Det mindste tal i listen.
```

```
min = x_1

for x_i in X do

if x_i < min then

min = x_i

end if

end for
```

## Analyse af algoritmen



Køretid?

### Eksempel

#### Algorithm 4

```
Input: En liste X = [x_1, x_2, ..., x_n]
Ouput: Det mindste tal i listen.
```

```
min = x_1

for x_i in X do

if x_i < min then

min = x_i

end if

end for
```

## Analyse af algoritmen



Køretid? O(n)

### Eksempel

#### Algorithm 5

```
Input: En liste X = [x_1, x_2, ..., x_n]
Ouput: Det mindste tal i listen.
```

```
min = x_1

for x_i in X do

if x_i < min then

min = x_i

end if

end for
```

### Analyse af algoritmen



Køretid? O(n) Er den optimal?

### Eksempel

#### Algorithm 6

```
Input: En liste X = [x_1, x_2, ..., x_n]
Ouput: Det mindste tal i listen.
```

```
min = x_1

for x_i in X do

if x_i < min then

min = x_i

end if

end for
```

### Analyse af algoritmen



Køretid? O(n)Er den optimal? Jeps!

# Eksempler på køretid

## **Bogo Sort**

Køretid på O(n!)

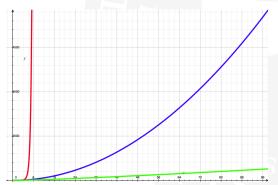
## **Insertion Sort**

Køretid?
 O(n²)

### Merge sort

Køretid på O(n lg n)

Figure: Graf over køretider





# Hvordan finder man på en algoritme

### Algoritme for algoritmer

Beskriv problemet med egne ord.



# Hvordan finder man på en algoritme

### Algoritme for algoritmer

- Beskriv problemet med egne ord.
- 2 Del problemet op i mindre dele.



# Hvordan finder man på en algoritme

# Algoritme for algoritmer

- 1 Beskriv problemet med egne ord.
- ② Del problemet op i mindre dele.
- 3 Definer output



# Hvordan finder man på en algoritme

# Algoritme for algoritmer

- 1 Beskriv problemet med egne ord.
- 2 Del problemet op i mindre dele.
- Opening of the second of th
- 4 Definer input



# Hvordan finder man på en algoritme

# Algoritme for algoritmer

- 1 Beskriv problemet med egne ord.
- 2 Del problemet op i mindre dele.
- Opening of the second of th
- 4 Definer input
- 6 Beskriv trin for at gå fra input til output



## Øvelser

## Algoritme for øvelserne

1 Der præsenteres et problem med eksempler.



## Øvelser

## Algoritme for øvelserne

- 1 Der præsenteres et problem med eksempler.
- 2 I finder på en algoritme for problemet (Arbejd gerne sammen)



## Øvelser

## Algoritme for øvelserne

- 1 Der præsenteres et problem med eksempler.
- 2 I finder på en algoritme for problemet (Arbejd gerne sammen)
- 3 Vi løser den sammen på tavlen.



# Søgning

### Mål

Givet en sorteret liste og et element, bestem om element er i listen, ved at kigge på så få elementer som muligt.



# Søgning

#### Mål

Givet en sorteret liste og et element, bestem om element er i listen, ved at kigge på så få elementer som muligt.

### Eksempel

Lad en liste være givet ved [2,4,5,7,8,11,25], hvor vi ønsker at finde ud af om elementet 11 er listen. Svaret skulle gerne være ja. (det første element har indeks 0).



# Sortering

# Mål

Sorter en givet usorteret liste.



# Sortering

### Mål

Sorter en givet usorteret liste.

### Eksempel

Lad en liste være givet ved [7, 4, 5, 12, 1], denne vil vi gerne sortere! Den sorterede liste skulle gerne være [1, 4, 5, 7, 12].



# Implementering af sorteringsmetode

### Mål

Skriv en algoritme for Bubble Sort.



# Implementering af sorteringsmetode

### Mål

Skriv en algoritme for Bubble Sort.

### Eksempel

Tayledemonstration!



## Primtal

### Mål

Skriv en algoritme der finder det *n*'te primtal - prøv at gør den så hurtig som mulig.



### **Primtal**

### Mål

Skriv en algoritme der finder det *n*'te primtal - prøv at gør den så hurtig som mulig.

### Eksempel

Find det femte primtal. Algoritmen skal gerne returnere 11.



# Spørgsmål

## Næste gang

I lærer at implementere algoritmer så i kan få en computer til at køre dem.

Nogle Spørgsmål?

