

- ▶ Что такое рекурсия?
- ▶ Правильная рекурсия
- ▶ Что такое стек вызовов?
- ▶ Что такое стек вызовов?
- ▶ Почему рекурсия это плохо
- ▶ Recursion depth
- ▶ Глубина рекурсии
- ▶ Почему рекурсия это хорошо
- ▶ Вариант задачи для рекурсии
- ▶ Хвостовая рекурсия
- ▶ Оптимизация хвостовой рекурсии и почему её нет в Python
- ▶ Пример когда рекурсия помогает
- ▶ Дополнительная литература
- ▶ Динамическое программирование
- ▶ Кэширование
- ▶ Поиск приблизительно совпадающих строк
- ▶ Рекурсивное решение
- ▶ Динамическое программирование в действии
- ▶ Вопросы-ответы

Что такое рекурсия?

Приём в программировании, когда задача может быть разделена на несколько таких же, но проще, задач.

```
def pow(x, n):  
    # возведение числа в степень это  
    # умножение числа на число  
    # в степени n-1  
    if n == 0:  
        return 1  
    return x * pow(x, n-1)
```

Правильная рекурсия

```
def pow(x, n):  
    # хорошо бы проверить,  
    # что база достижима  
    assert n >= 0  
    # base case / база рекурсии  
    if n == 0:  
        return 1  
    # recursive case / шаг рекурсии  
    return x * pow(x, n-1)
```

Что такое стек вызовов?

```
def foo(msg):  
    print('{} foo'.format(msg))
```

```
def main():  
    msg = 'hello'  
    foo(msg)
```

```
if __name__ == '__main__':  
    main()
```

Что такое стек вызовов?

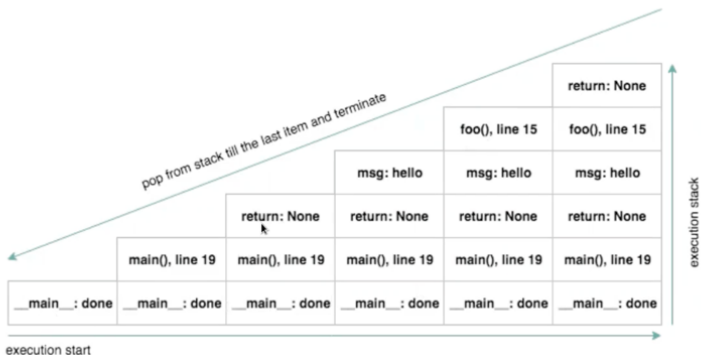


Figure 1: img

Почему рекурсия это плохо

- ▶ стек вызовов растёт вместе с ростом глубины рекурсии
- ▶ можно попасть в бесконечную рекурсию и истратить всю память на стек вызовов

Recursion depth

```
def inf_counter(x):  
    print(x)  
    return inf_counter(x+1)  
inf_counter(0)
```

Глубина рекурсии

```
import sys

print(sys.getrecursionlimit())
sys.setrecursionlimit(
    sys.getrecursionlimit() + 234
)
print(sys.getrecursionlimit())

1000
1234
```


Почему рекурсия это хорошо

Помогает описать решение задачи понятным языком

```
#  $n! = n * (n-1)$   
def factorial(n):  
    if n == 0:  
        return 1  
    return n * factorial(n-1)
```

```
print(factorial(5))
```

```
120
```

Хвостовая рекурсия

Рекурсия, не требующая действий с возвращённым результатом из шага рекурсии.

```
def factorial(n, collected=1):  
    if n == 0:  
        return collected  
    return factorial(n-1, collected*n)
```

```
print(factorial(5))
```

120

Переписываем на цикл

```
def factorial(n):  
    collected = 1  
    while n > 0:  
        collected *= n  
        n -= 1  
    return collected
```

Оптимизация хвостовой рекурсии и почему её нет в Python

- ▶ Интерпретаторы/компиляторы могут оптимизировать хвостовую рекурсию (Tail Call Optimization) и не делать записей в стек вызовов, а подменять переменные в стеке вызовов, таким образом код получится равнозначным обычному циклу
- ▶ Почему TCO нет и не будет в Python

Вариант задачи для рекурсии

Попробуйте реализовать решение этой задачи без использования рекурсии

Пример когда рекурсия помогает

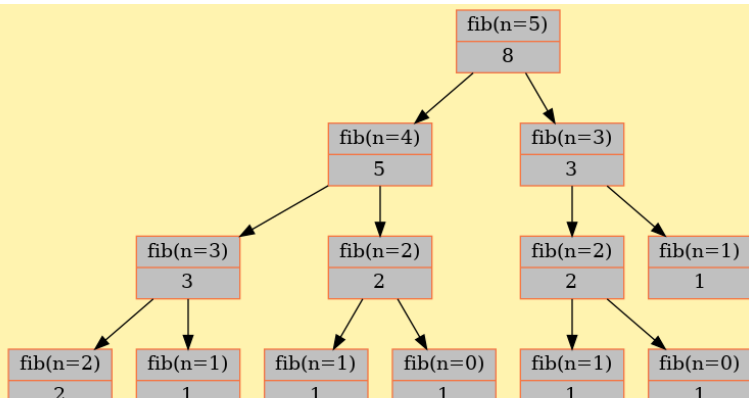
- ▶ **Задача:** У вас есть вложенная структура данных и вы хотите просуммировать значения поля X во всех объектах этой структуры.
- ▶ **Решение задачи:** https://github.com/Roxe322/recursion_webinar/blob/master/recursion_example.py

Дополнительная литература

► SICP

Динамическое программирование

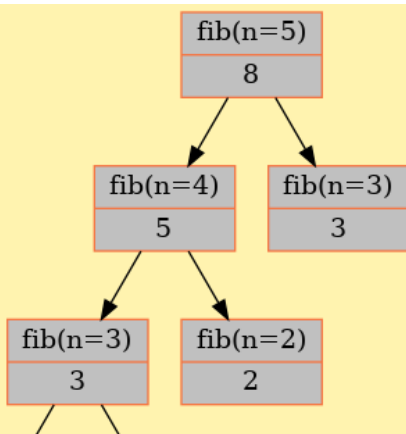
```
def fib(n):  
    if n == 0:  
        return 1  
    if n == 1:  
        return 1  
    return fib(n-1) + fib(n-2)
```



Кэширование

```
cache = {0: 1, 1: 1}
```

```
def fib(n):  
    if n not in cache:  
        cache[n] = fib(n-1) + fib(n-2)  
    return cache[n]
```



Поиск приблизительно совпадающих строк

Возможные действия над строками, каждое действие будет иметь стоимость (1)

- ▶ **замена:** заменить один символ в строку A1 на символ из строки A2. (“мама” → “рама”)
- ▶ **вставка:** вставить один символ в строку A1 так чтобы она совпала с подстрокой A2. (“роза” → “проза”)
- ▶ **удаление:** удалить один символ в строке A1 так чтобы она совпала с подстрокой A2. (“гроза” → “роза”)

Рекурсивное решение

```
def lev(a: str, b: str) -> int:
    if not a: return len(b)
    if not b: return len(a)
    return min([
        lev(a[1:], b[1:]) + (a[0] != b[0]),
        lev(a[1:], b) + 1,
        lev(a, b[1:]) + 1
    ])
```

```
print(lev("salt", "foobar"))
print(lev("halt", "salt"))
```

- 6
- 1

Динамическое программирование в действии

```
def levenshtein(  
    a: str, b: str, m: List[List[int]]  
) -> int:  
    for i in range(1, len(a)):  
        for j in range(1, len(b)):  
            m[i][j] = min(  
                m[i-1][j-1] + (a[i] != b[j]),  
                m[i][j-1] + 1,  
                m[i-1][j] + 1  
            )  
    return m[len(a)-1][len(b)-1]
```

Вопросы-ответы

