#### 本节内容

## 堆排序

王道考研/CSKAOYAN.COM

## 知识总览

选择排序

简单选择排序

堆排序

重点来了 快认真听



选择排序:每一趟在待排序元素中选取关键字最小(或最大)的元素加入有序子序列

## 什么是"堆 (Heap) "?

① 若满足: L(i)≥L(2i)且L(i)≥L(2i+1) (1 ≤ i ≤n/2) —— 大根堆 (大顶堆) ② 若满足: L(i)≤L(2i)且L(i)≤L(2i+1) (1≤i≤n/2) —— 小根堆 (小顶堆)

32

87

78

大根堆

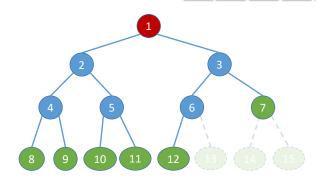


09 65 53 小根堆



王道考研/CSKAOYAN.COM

## 二叉树的顺序存储



几个重要常考的基本操作:

- i 的左孩子 --2i

  - --2i+1 i的右孩子
- i的父节点

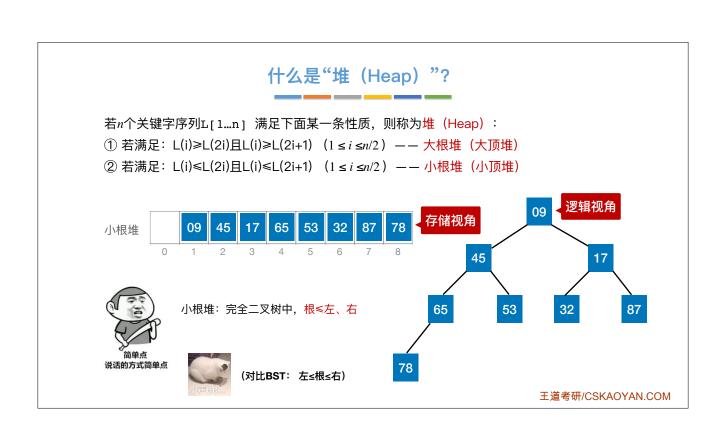
若<mark>完全二叉树</mark>中共有n个结点,则

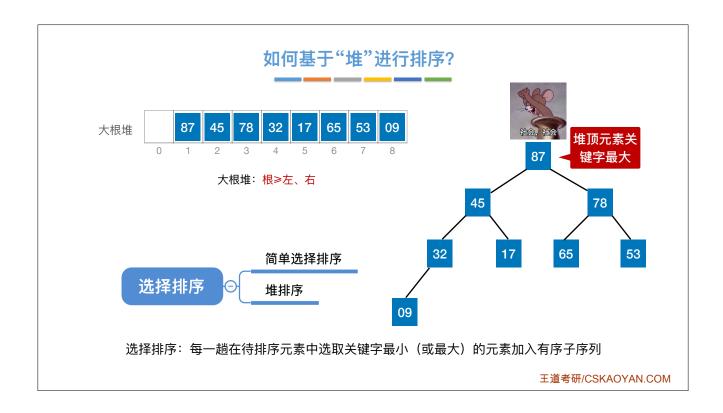
- 判断 i 是否有左孩子?
- -2i ≤ n?
- 判断 i 是否有右孩子?
- -2i+1 ≤ n?
- 判断 i 是否是叶子/分支结点? ——i > [n/2]?

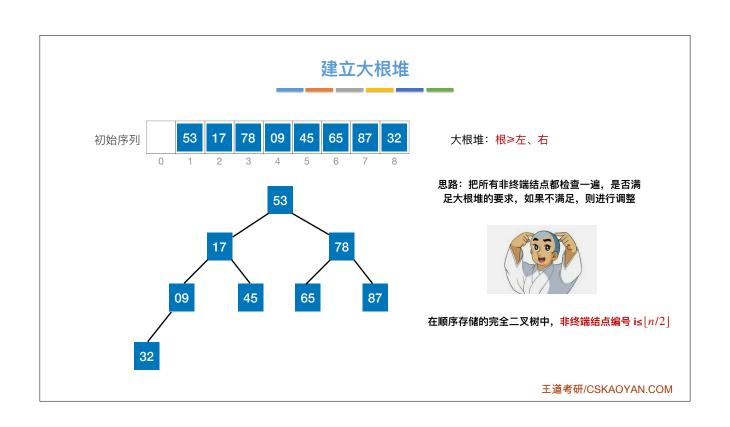


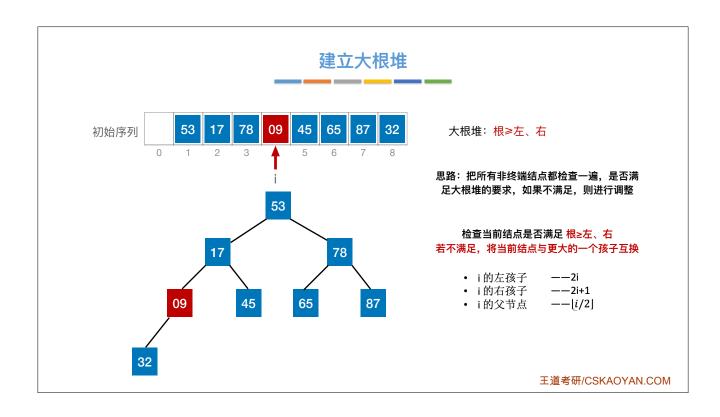
t[0] t[1] t[2] ......

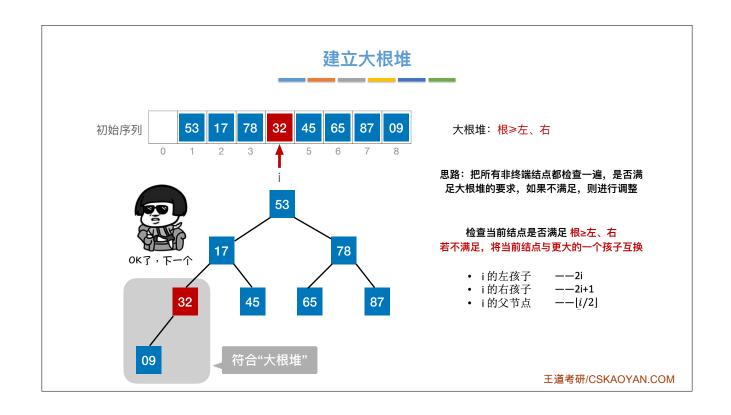
## 什么是"堆 (Heap) "? ① 若满足: L(i)≥L(2i)且L(i)≥L(2i+1) (1 ≤ i ≤n/2) —— 大根堆 (大顶堆) ② 若满足: L(i)≤L(2i)且L(i)≤L(2i+1) (1 ≤ i ≤n/2) —— 小根堆 (小顶堆) 逻辑视角 87 存储视角 大根堆 45 78 大根堆: 完全二叉树中, <mark>根≥左、右</mark> 32 65 53 09 (对比BST: 左≤根≤右) 王道考研/CSKAOYAN.COM

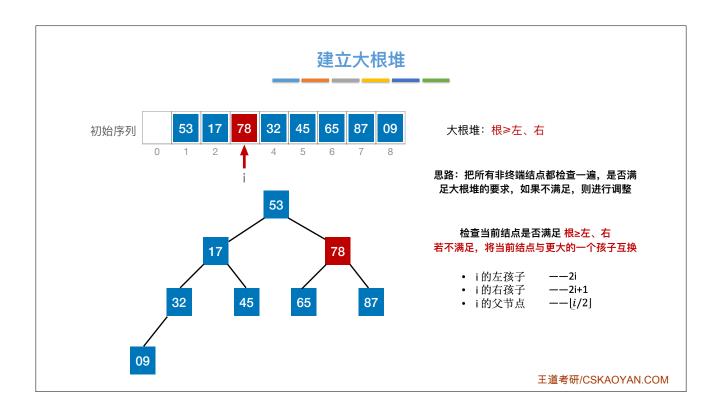


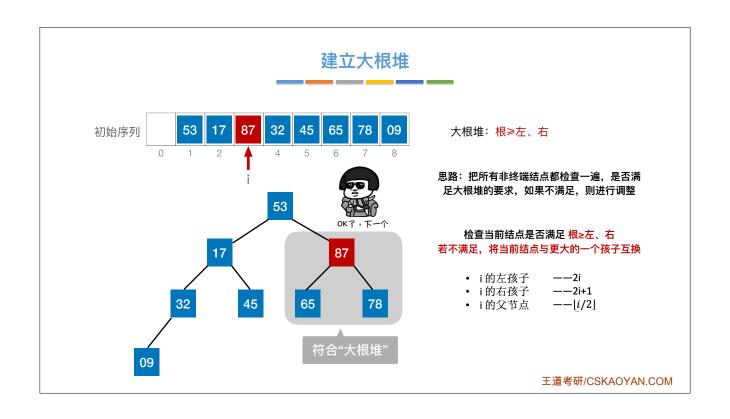


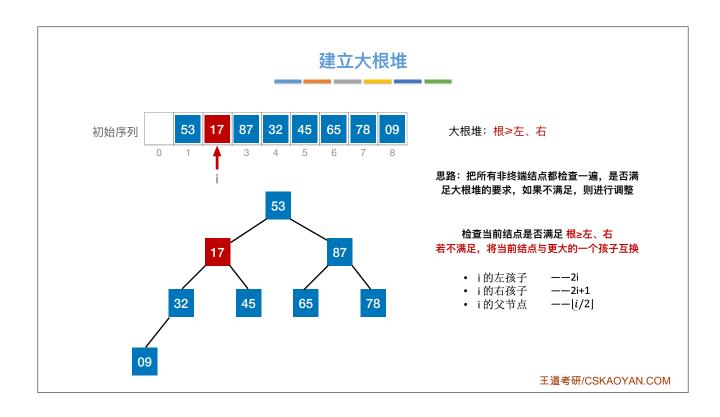


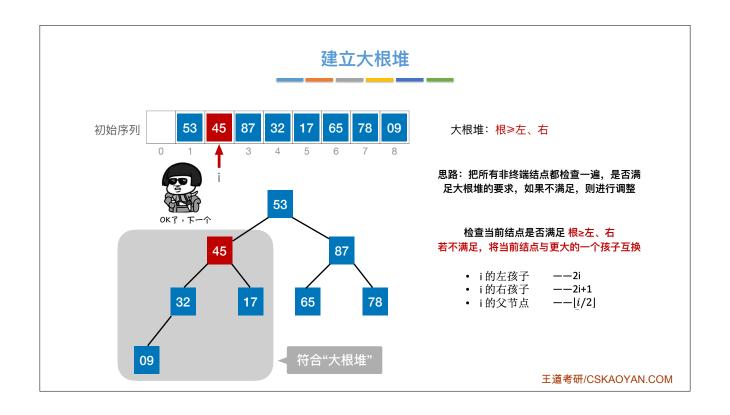


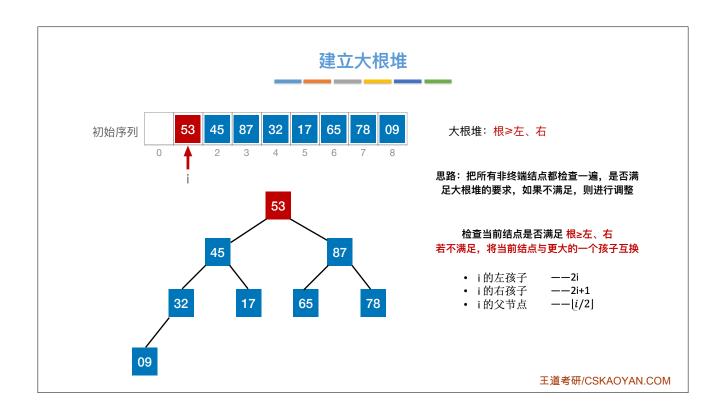


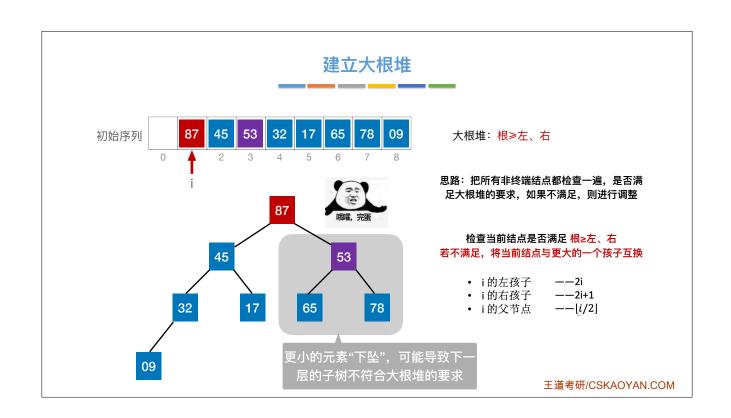


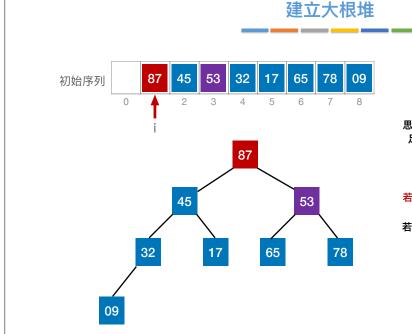












大根堆: 根≥左、右

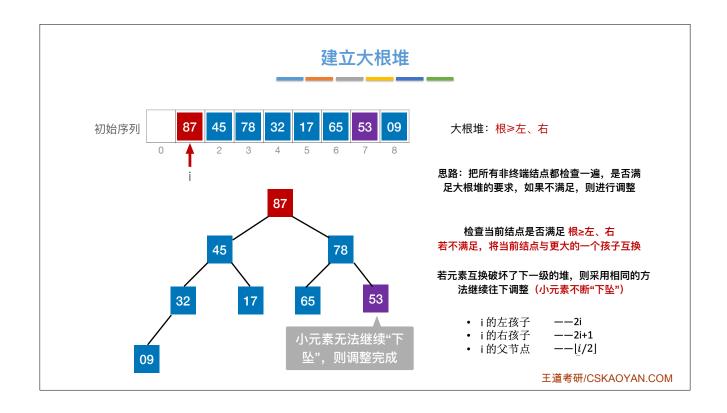
思路:把所有非终端结点都检查一遍,是否满足大根堆的要求,如果不满足,则进行调整

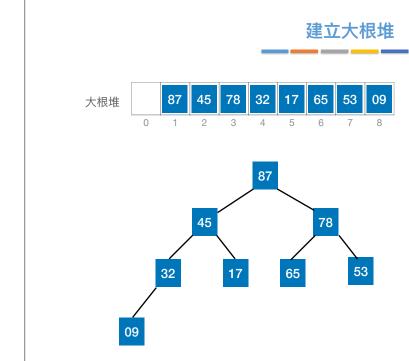
检查当前结点是否满足 <mark>根≥左、右</mark> 若不满足,将当前结点与更大的一个孩子互换

若元素互换破坏了下一级的堆,则采用相同的方 法继续往下调整 (小元素不断"下坠")

i 的左孩子 ——2ii 的右孩子 ——2i+1

i的父节点 --[i/2]





大根堆: 根≥左、右

思路:把所有非终端结点都检查一遍,是否满足大根堆的要求,如果不满足,则进行调整

检查当前结点是否满足 根≥左、右 若不满足,将当前结点与更大的一个孩子互换

若元素互换破坏了下一级的堆,则采用相同的方 法继续往下调整(小元素不断"下坠")

- - 王道考研/CSKAOYAN.COM

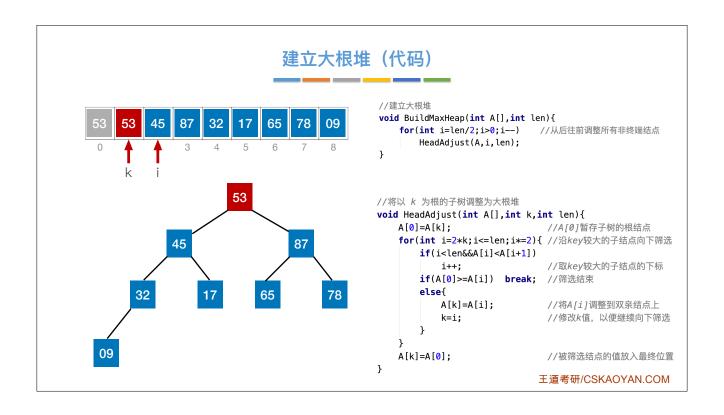
## 建立大根堆(代码)

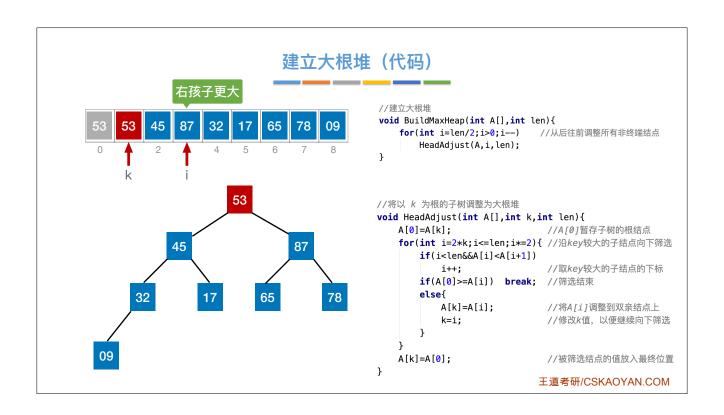
#### 53 09 45 65 32 0 4 5 53 17 78 09 45 65 87 32

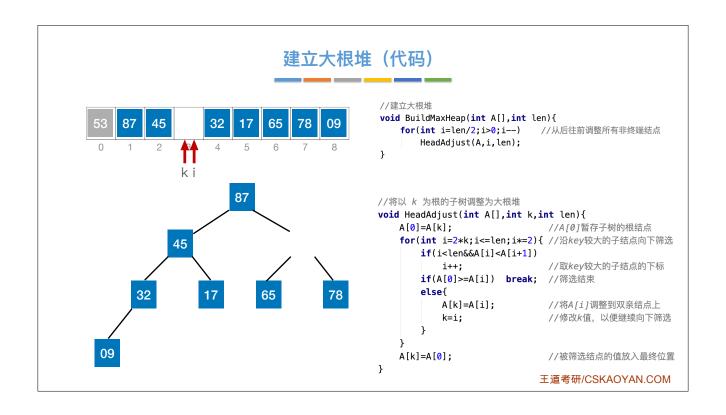
初始序列

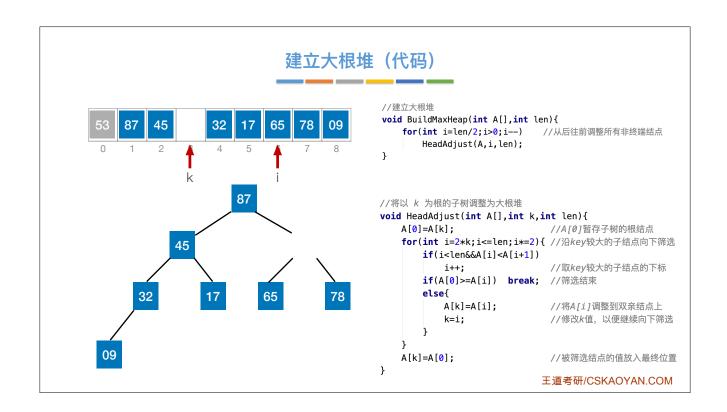
```
//建立大根堆
void BuildMaxHeap(int A[],int len){
   for(int i=len/2;i>0;i--)
                          //从后往前调整所有非终端结点
      HeadAdjust(A,i,len);
}
//将以 k 为根的子树调整为大根堆
void HeadAdjust(int A[],int k,int len){
   A[0]=A[k];
                           //A[0]暂存子树的根结点
   for(int i=2*k;i<=len;i*=2){ //沿key较大的子结点向下筛选
      if(i<len&&A[i]<A[i+1])</pre>
                           //取key较大的子结点的下标
          i++;
      if(A[0]>=A[i]) break; //筛选结束
      else{
                           //将A[i]调整到双亲结点上
          A[k]=A[i];
          k=i;
                           //修改k值, 以便继续向下筛选
   A[k]=A[0];
                           //被筛选结点的值放入最终位置
}
                          王道考研/CSKAOYAN.COM
```

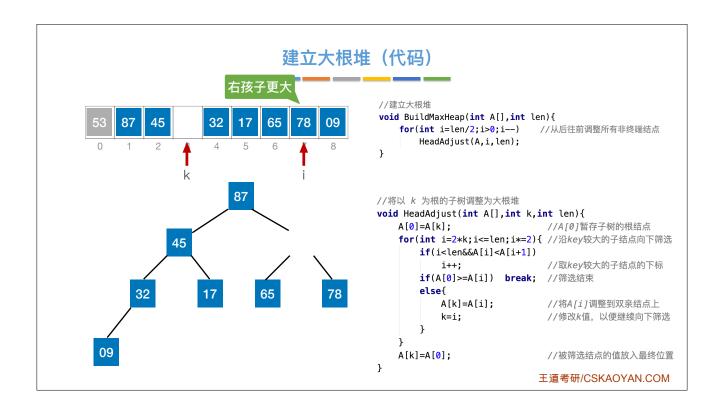
#### 建立大根堆(代码) 初始序列 //建立大根堆 void BuildMaxHeap(int A[],int len){ 45 53 09 32 //从后往前调整所有非终端结点 for(int i=len/2;i>0;i--) HeadAdjust(A,i,len); } 从最底层的分支 结点开始调整 //将以 k 为根的子树调整为大根堆 53 void HeadAdjust(int A[],int k,int len){ A[0]=A[k];//A[0]暂存子树的根结点 for(int i=2\*k;i<=len;i\*=2){ //沿key较大的子结点向下筛选 if(i<len&&A[i]<A[i+1])</pre> 17 78 i++; //取key较大的子结点的下标 **if**(A[0]>=A[i]) **break**; //筛选结束 else{ A[k]=A[i];//将A[i]调整到双亲结点上 09 45 65 87 k=i; //修改k值,以便继续向下筛选 A[k]=A[0];//被筛选结点的值放入最终位置 32 } 王道考研/CSKAOYAN.COM

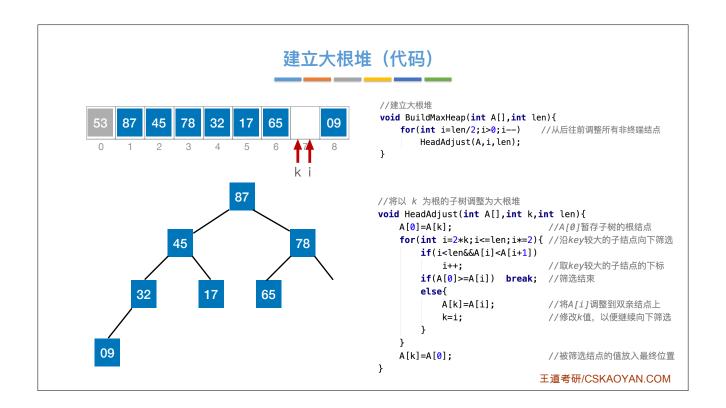


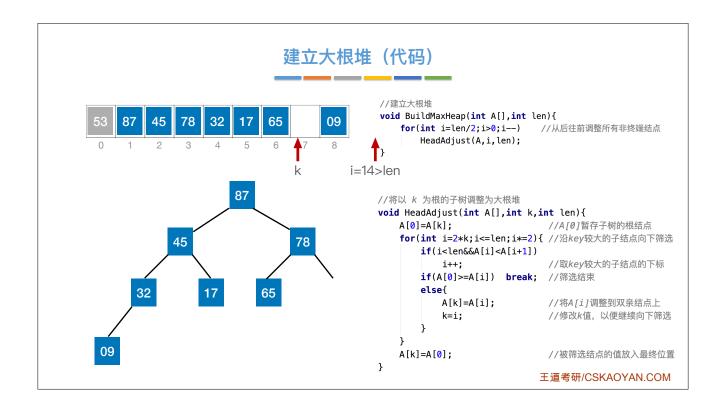


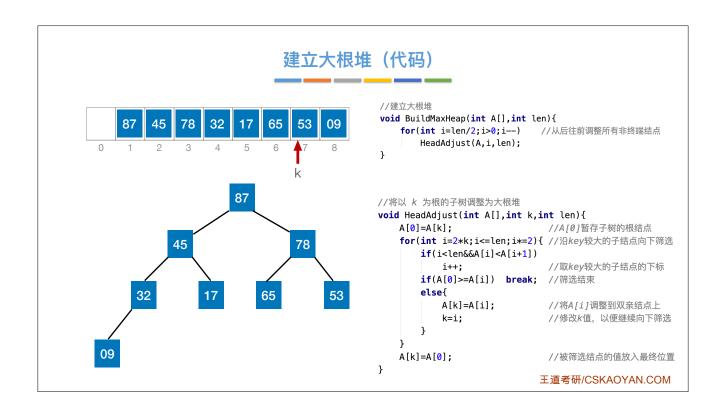


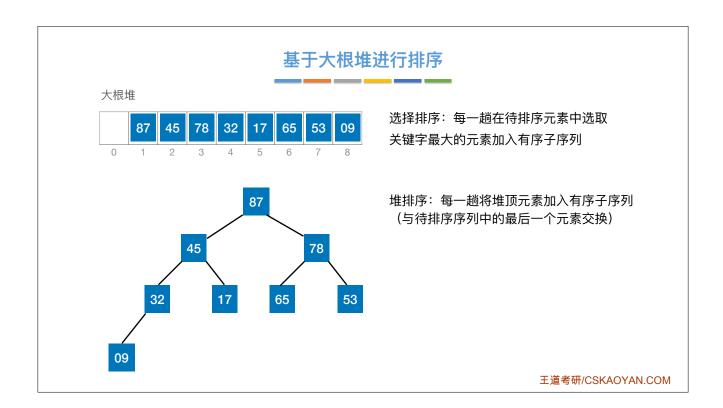








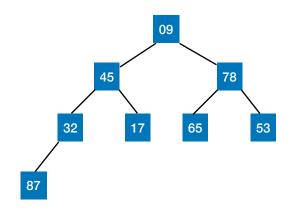




#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列

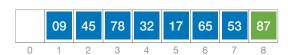


堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

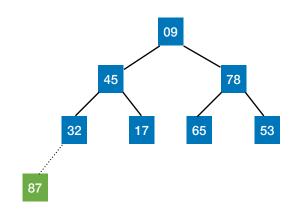
王道考研/CSKAOYAN.COM

## 基于大根堆进行排序

#### 大根堆

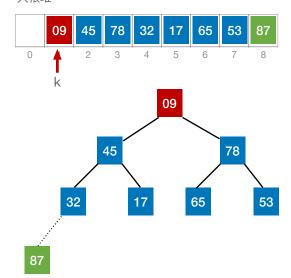


选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列

堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

//将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)

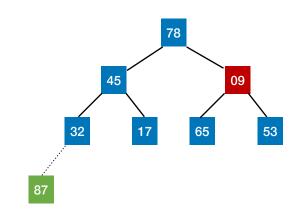
王道考研/CSKAOYAN.COM

### 基于大根堆进行排序

大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



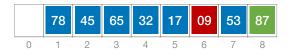
堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

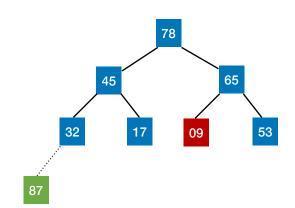
//将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)

len=7

#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

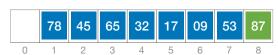
并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

//将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)

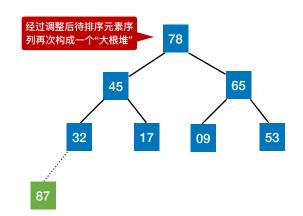
王道考研/CSKAOYAN.COM

## 基于大根堆进行排序

#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

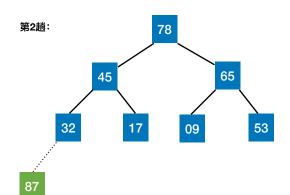
//将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)

len=7

#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



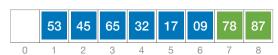
堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

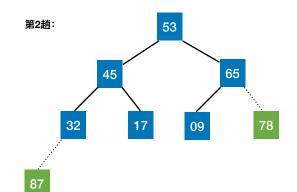
王道考研/CSKAOYAN.COM

### 基于大根堆进行排序

#### 大根堆



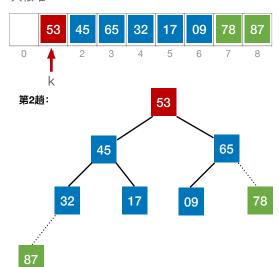
选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")





选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列

堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

//将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)

len=6

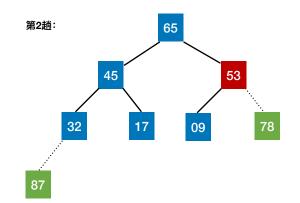
王道考研/CSKAOYAN.COM

### 基于大根堆进行排序

#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



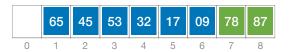
堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

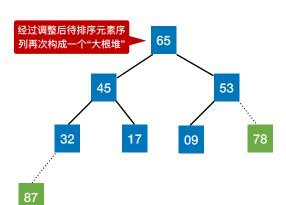
//将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)



#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

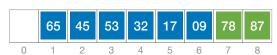
并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

//将以 k 为根的子树调整为大根堆
void HeadAdjust(int A[],int k,int len)

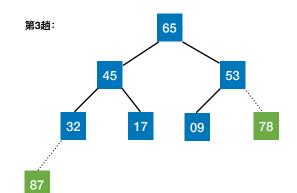
王道考研/CSKAOYAN.COM

## 基于大根堆进行排序

#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



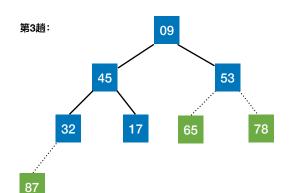
堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



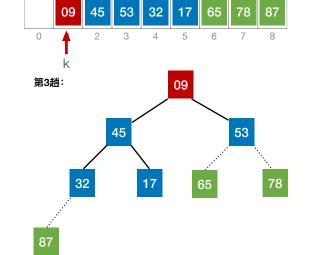
堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

王道考研/CSKAOYAN.COM

### 基于大根堆进行排序

大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列

堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

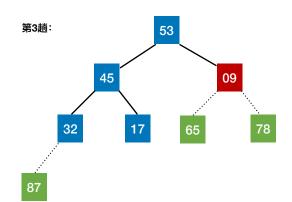
//将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)



#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

//将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)

len=5

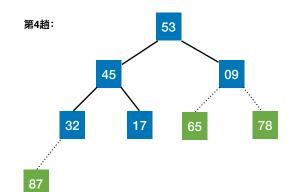
王道考研/CSKAOYAN.COM

### 基于大根堆进行排序

#### 大根堆



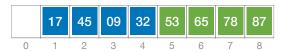
选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



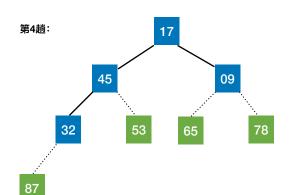
堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



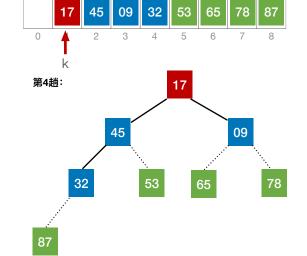
堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

王道考研/CSKAOYAN.COM

## 基于大根堆进行排序

#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列

堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

//将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)



#### 

) 并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

//将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)

王道考研/CSKAOYAN.COM

# 基于大根堆进行排序

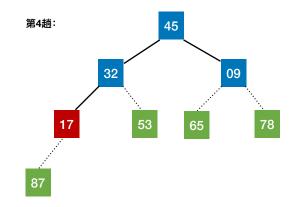


17

32

大根堆

选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

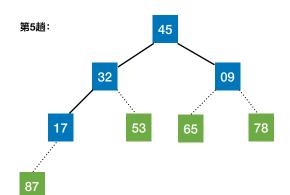
并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

//将以 k 为根的子树调整为大根堆
void HeadAdjust(int A[],int k,int len)





选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



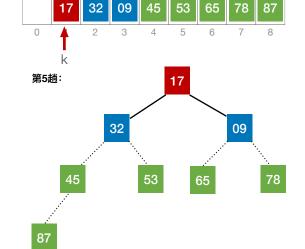
堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

王道考研/CSKAOYAN.COM

### 基于大根堆进行排序

#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列

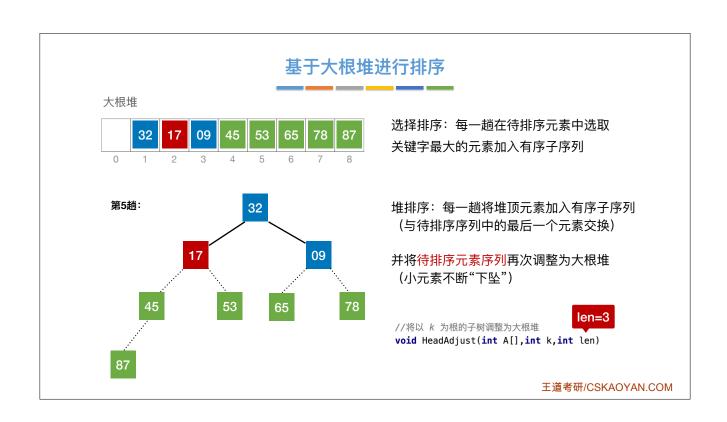
堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

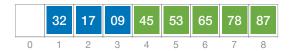
//将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)



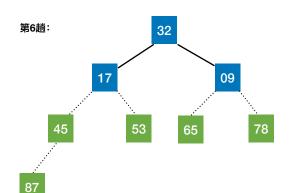
#### 基于大根堆进行排序 大根堆 选择排序:每一趟在待排序元素中选取 09 65 78 87 关键字最大的元素加入有序子序列 第5趟: 堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 17 (与待排序序列中的最后一个元素交换) 32 09 并将待排序元素序列再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠") 45 //将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len)



#### 大根堆



选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



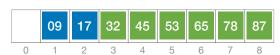
堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

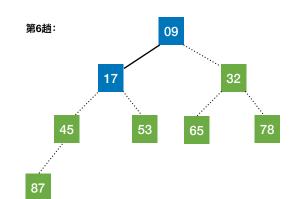
王道考研/CSKAOYAN.COM

### 基于大根堆进行排序

#### 大根堆



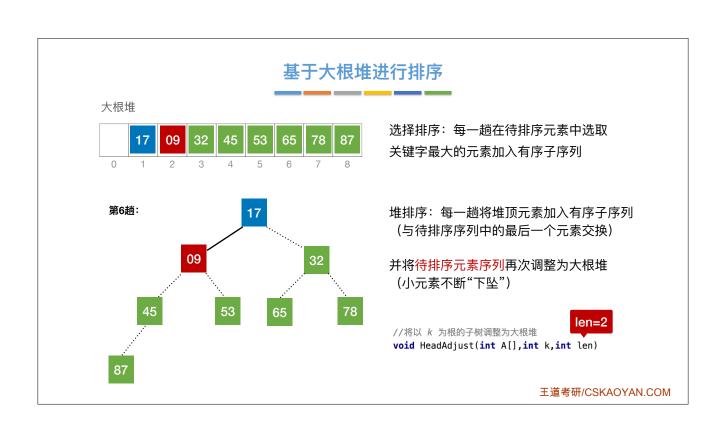
选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



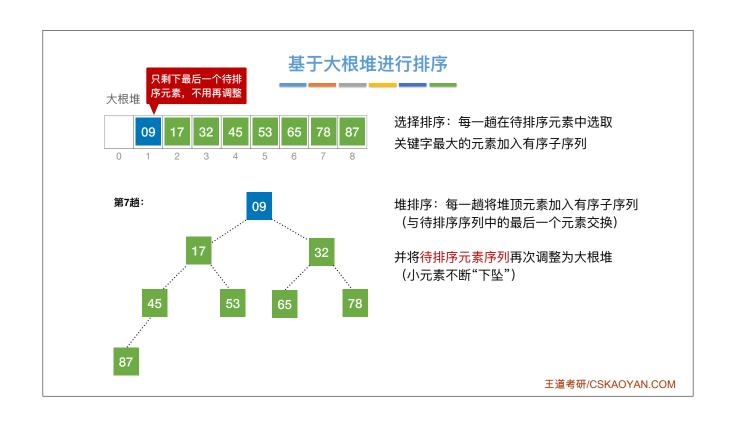
堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

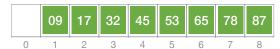
#### 基于大根堆进行排序 大根堆 选择排序:每一趟在待排序元素中选取 09 32 65 78 87 关键字最大的元素加入有序子序列 0 第6趟: 堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 09 (与待排序序列中的最后一个元素交换) 17 并将待排序元素序列再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠") 45 //将以 k 为根的子树调整为大根堆 void HeadAdjust(int A[],int k,int len) 王道考研/CSKAOYAN.COM



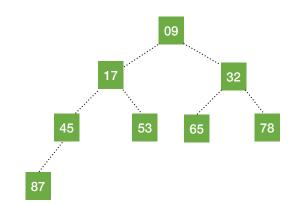
## 基于大根堆进行排序 大根堆 选择排序:每一趟在待排序元素中选取 17 32 65 78 关键字最大的元素加入有序子序列 第7趟: 17 堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换) 09 并将待排序元素序列再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠") 王道考研/CSKAOYAN.COM



#### n-1趟 处理之后:



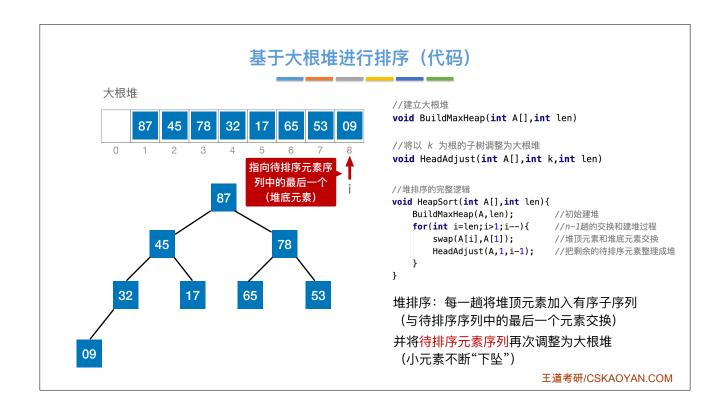
选择排序:每一趟在待排序元素中选取 关键字最大的元素加入有序子序列



堆排序:每一趟将堆顶元素加入有序子序列 (与待排序序列中的最后一个元素交换)

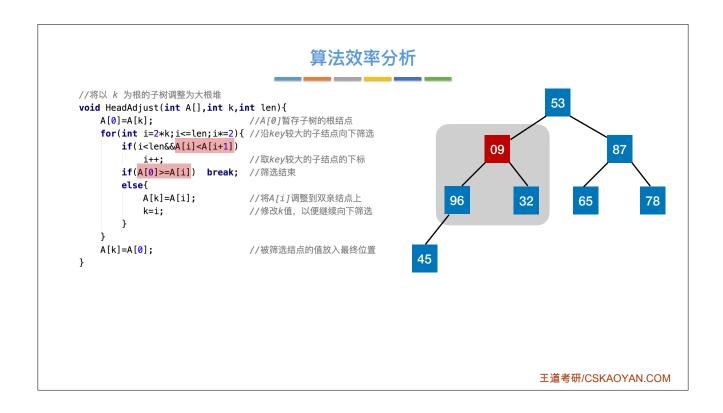
并将<mark>待排序元素序列</mark>再次调整为大根堆 (小元素不断"下坠")

注意:基于"大根堆"的堆排序得到"递增序列"

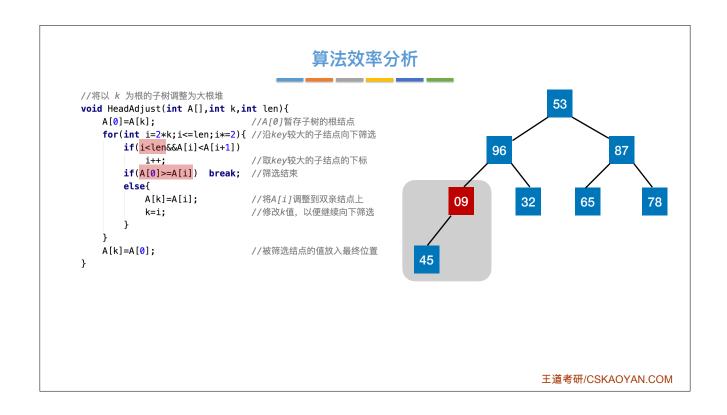


## 算法效率分析

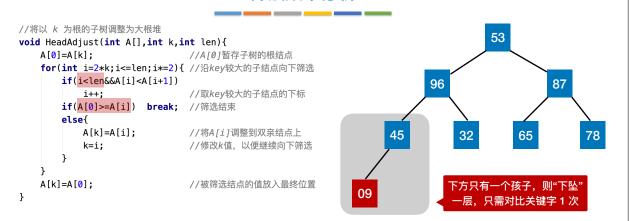
```
//建立大根堆
                                                   //将以 k 为根的子树调整为大根堆
void BuildMaxHeap(int A[],int len){
                                                   void HeadAdjust(int A[],int k,int len){
   for(int i=len/2;i>0;i--)
                            //从后往前调整所有非终端结点
                                                      A[0]=A[k];
                                                                               //A[0]暂存子树的根结点
      HeadAdjust(A,i,len);
                                                      for(int i=2*k;i<=len;i*=2){ //沿key较大的子结点向下筛选
                                                          if(i<len&&A[i]<A[i+1])</pre>
                                                                               //取key较大的子结点的下标
                                                             i++:
                                                          if(A[0]>=A[i]) break; //筛选结束
//堆排序的完整逻辑
                                                          else{
void HeapSort(int A[],int len){
                                                                               //将A[i]调整到双亲结点上
                                                             A[k]=A[i];
   BuildMaxHeap(A,len);
                          //初始建堆
                                                                               //修改k值,以便继续向下筛选
                                                             k=i;
   for(int i=len;i>1;i--){
                          //n-1趟的交换和建堆过程
      swap(A[i],A[1]);
                          //堆顶元素和堆底元素交换
                          //把剩余的待排序元素整理成堆
      HeadAdjust(A,1,i-1);
                                                      A[k]=A[0];
                                                                              //被筛选结点的值放入最终位置
   }
}
                                                                              王道考研/CSKAOYAN.COM
```



#### 算法效率分析 //将以 k 为根的子树调整为大根堆 53 void HeadAdjust(int A[],int k,int len){ A[0]=A[k];//A[0]暂存子树的根结点 **for(int** i=2\*k;i<=len;i\*=2){ //沿key较大的子结点向下筛选 if(i<len&&A[i]<A[i+1])</pre> 96 87 //取key较大的子结点的下标 i++; **if**(A[0]>=A[i]) **break;** //筛选结束 else{ //将A[i]调整到双亲结点上 A[k]=A[i]; 09 32 65 78 k=i; //修改k值,以便继续向下筛选 下方有两个孩子,则"下坠' A[k]=A[0];//被筛选结点的值放入最终位置 ·层,需对比关键字 2 次 王道考研/CSKAOYAN.COM



#### 算法效率分析



结论:一个结点,每"下坠"一层,最多只需对比关键字2次

若树高为h、某结点在第 i 层、则将这个结点向下调整最多只需要"下坠" h-i 层、关键字对比次数不超过 2(h-i)

王道考研/CSKAOYAN.COM

## 算法效率分析

结论:一个结点,每"下坠"一层,最多只需对比关键字2次若树高为h,某结点在第 i 层,则将这个结点向下调整最多只需要"下坠" h-i 层,关键字对比次数不超过 2(h-i) n个结点的完全二叉树树高  $h=\lfloor log_2n \rfloor+1$ 

第 i 层最多有  $2^{i-1}$  个结点,而只有第 1 ~ (h-1) 层的结点才有可能需要"下坠"调整

差比数列求和 (错位相减法)

将整棵树调整为大根堆,关键字对比次数不超过  $\sum_{i=h-1}^{1} 2^{i-1} 2(h-i) = \sum_{i=h-1}^{1} 2^{i} (h-i) = \sum_{j=1}^{h-1} 2^{h-j} j \leq 2n \sum_{j=1}^{h-1} \frac{j}{2^{j}} \leq 4n \sum_{i=h-1}^{h-1} 2^{i} (h-i) = \sum_{i=h-1}^{h-1} 2^{h-i} j \leq 2n \sum_{j=1}^{h-1} \frac{j}{2^{j}} \leq 4n \sum_{i=h-1}^{h-1} 2^{h-i} j \leq 2n \sum_{j=1}^{h-1} 2^{h-j} j \leq 2n \sum_{j=1}^{h$ 

求和结果小于2

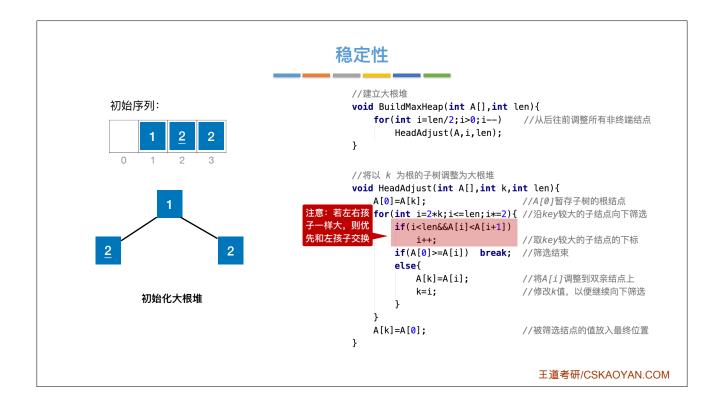
建堆的过程,关键字对比次数不超过4n,建堆时间复杂度=O(n)

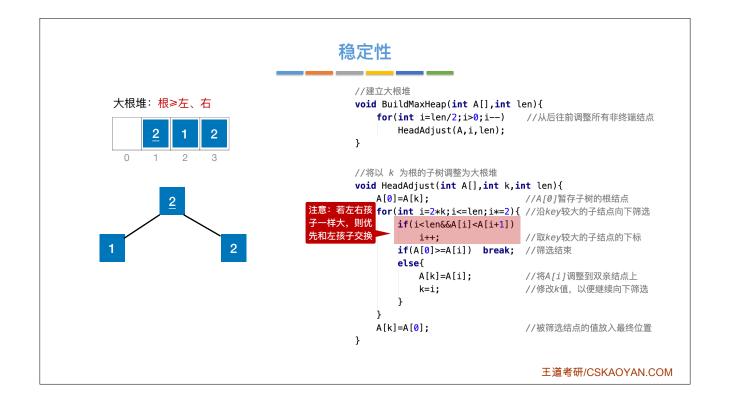
```
算法效率分析
//建立大根堆
                                                //将以 k 为根的子树调整为大根堆
void BuildMaxHeap(int A[],int len){
                                                void HeadAdjust(int A[],int k,int len){
   for(int i=len/2;i>0;i--)
                          //从后往前调整所有非终端结点
                                                   A[0]=A[k];
                                                                          //A[0]暂存子树的根结点
      HeadAdjust(A,i,len);
                                                   for(int i=2*k;i<=len;i*=2){ //沿key较大的子结点向下筛选
}
                                                      if(i<len&&A[i]<A[i+1])</pre>
                                                                          //取key较大的子结点的下标
                                                          i++:
             O(n)
                                                      if(A[0]>=A[i]) break; //筛选结束
//堆排序的完整逻辑
                                                       else{
void HeapSort(int A[],int len){
                                                                          //将A[i]调整到双亲结点上
                                                          A[k]=A[i];
   BuildMaxHeap(A,len);
                         //初始建堆
                                                                          //修改k值,以便继续向下筛选
                                                          k=i;
   for(int i=len;i>1;i--){
                         //n-1趟的交换和建堆过程
      swap(A[i],A[1]);
                        //堆顶元素和堆底元素交换
      HeadAdjust(A,1,i-1);
                         //把剩余的待排序元素整理成堆
                                                                          //被筛选结点的值放入最终位置
                                                   A[k]=A[0];
}
       总共需要n-1趟,每一趟交换后
         都需要将根节点"下坠"调整
     根节点最多"下坠" h-1 层,每下坠一层
     而每"下坠"一层,最多只需对比关键字2次,因此每一趟排序复杂度不超过 O(h) = O(log_2 n)
     共n-1 趟, 总的时间复杂度 = O(nlog_2n)
                                                                          王道考研/CSKAOYAN.COM
```

## 算法效率分析

```
//建立大根堆
                                                    //将以 k 为根的子树调整为大根堆
                                                    void HeadAdjust(int A[],int k,int len){
void BuildMaxHeap(int A[],int len){
   for(int i=len/2;i>0;i--)
                            //从后往前调整所有非终端结点
                                                       A[0]=A[k];
                                                                               //A[0]暂存子树的根结点
       HeadAdjust(A,i,len);
                                                       for(int i=2*k;i<=len;i*=2){ //沿key较大的子结点向下筛选
}
                                                           if(i<len&&A[i]<A[i+1])</pre>
                                                                               //取key较大的子结点的下标
                                                              i++;
               O(n)
                                                          if(A[0]>=A[i]) break; //筛选结束
//堆排序的完整逻辑
                                                           else{
void HeapSort(int A[],int len){
                                                              A[k]=A[i];
                                                                                //将A[i]调整到双亲结点上
   BuildMaxHeap(A,len);
                           //初始建堆
                                                                                //修改k值,以便继续向下筛选
                                                              k=i;
   for(int i=len;i>1;i--){
                          //n-1趟的交换和建堆过程
                                                          }
      swap(A[i],A[1]);
                           //堆顶元素和堆底元素交换
      HeadAdjust(A,1,i-1);
                           //把剩余的待排序元素整理成堆
                                                                                //被筛选结点的值放入最终位置
                                                       A[k]=A[0];
                                                   }
}
            O(nlog_2n)
                            堆排序的时间复杂度 = O(n) + O(nlog_2n) = O(nlog_2n)
```

堆排序的空间复杂度 = O(1)





## 稳定性

#### 大根堆: 根≥左、右



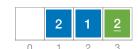


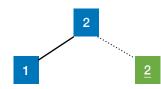
```
//堆排序的完整逻辑
void HeapSort(int A[],int len){
   BuildMaxHeap(A,len);
                          //初始建堆
   for(int i=len;i>1;i--){
                          //n-1趟的交换和建堆过程
      swap(A[i],A[1]);
                          //堆顶元素和堆底元素交换
      HeadAdjust(A,1,i-1);
                          //把剩余的待排序元素整理成堆
}
```

王道考研/CSKAOYAN.COM

## 稳定性

#### 大根堆: 根≥左、右



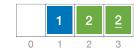


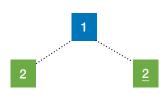
#### //堆排序的完整逻辑

```
void HeapSort(int A[],int len){
   BuildMaxHeap(A,len);
                        //初始建堆
   for(int i=len;i>1;i--){
                          //n-1趟的交换和建堆过程
      swap(A[i],A[1]);
                          //堆顶元素和堆底元素交换
      HeadAdjust(A,1,i-1);
                          //把剩余的待排序元素整理成堆
   }
}
```

## 稳定性

#### 大根堆: 根≥左、右

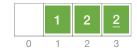


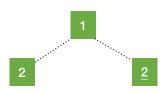


王道考研/CSKAOYAN.COM

## 稳定性

#### 排序结果:





#### //堆排序的完整逻辑

```
      void HeapSort(int A[],int len){

      BuildMaxHeap(A, len);
      //初始建堆

      for(int i=len;i>1;i--){
      //n-1趟的交换和建堆过程

      swap(A[i],A[i]);
      //堆顶元素和堆底元素交换

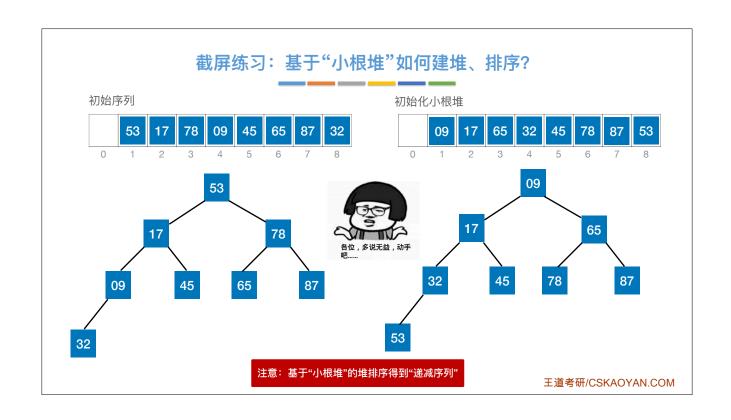
      HeadAdjust(A,1,i-1);
      //把剩余的待排序元素整理成堆

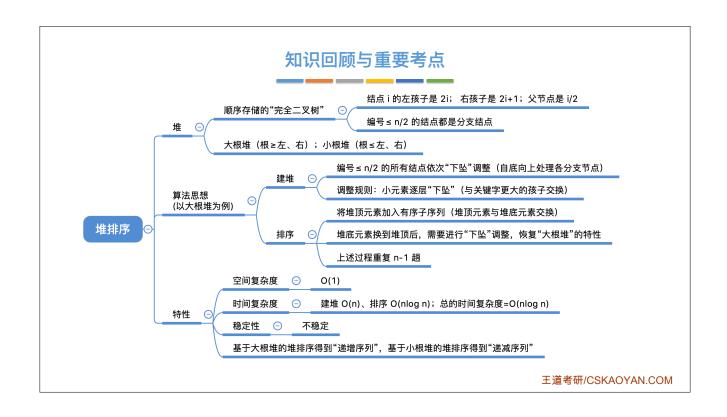
      }
```

#### 初始序列:



结论:堆排序是<mark>不稳定</mark>的











@王道论坛



@王道计算机考研备考 @王道咸鱼老师-计算机考研 @王道楼楼老师-计算机考研



@王道计算机考研

知乎

※ 微信视频号



@王道计算机考研

@王道计算机考研

@王道在线