

大家熟悉的算数表达式



Reverse Polish notation

$$((15 \div (7 - (1 + 1))) \times 3) - (2 + (1 + 1))$$
 $((15 \div (7 - (1 + 1))) \times 3) - (2 + (1 + 1))$
 $((15 \div (7 - (1 + 1))) \times 3) - (2 + (1 + 1))$

 $15 \div 7 - 1 + 1 \times 3 - 2 + 1 + 1$

① ② ④ ③ ⑤ ⑦

由三个部分组成:操作数、运算符、界限符

王道考研/CSKAOYAN.COM

3

波兰数学家的灵感

$$((15 \div (7 - (1 + 1))) \times 3) - (2 + (1 + 1))$$



Reverse Polish notation (逆波兰表达式 = 后缀表达式)

Polish notation (波兰表达式 = 前缀表达式)

王道考研/CSKAOYAN.COM

中缀、后缀、前缀表达式

运算符在两个 操作数中间

中缀表达式

a + b

a + b - c

a + b - c * d

规则:运算符在 两个操作数后面

后缀表达式

a b +

a b + c -

a b + c d * -

规则:运算符在两个操作数前面

前缀表达式

+ a b

- + a b c

- + a b * c d

王道考研/CSKAOYAN.COM

5

中缀表达式转后缀表达式 (手算)

<mark>中缀转后缀</mark>的<mark>手算方法</mark>:

- ①确定中缀表达式中各个运算符的运算顺序
- ②选择下一个运算符,按照 「左操作数 右操作数 运算符」 的方式组合成一个新的操作数
- ③ 如果还有运算符没被处理,就继续②

$$((15 \div (7 - (1 + 1))) \times 3) - (2 + (1 + 1))$$



3 2 1 4 7 6 5

15 7 1 1 $\stackrel{\text{(1)}}{+} \stackrel{\text{(2)}}{-} \stackrel{\text{(3)}}{+} 3 \times 2$ 1 1 $\stackrel{\text{(5)}}{+} \stackrel{\text{(6)}}{+} \stackrel{\text{(7)}}{+}$



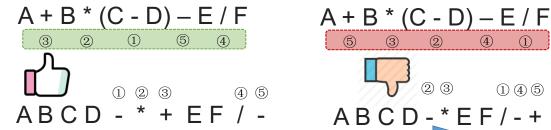
王道考研/CSKAOYAN.COM

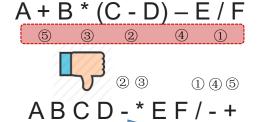
中缀表达式转后缀表达式(手算)

中缀转后缀的手算方法:

运算顺序不唯一,因此对应的 后缀表达式也不唯一

- ①确定中缀表达式中各个运算符的运算顺序
- ② 选择下一个运算符,按照 「左操作数 右操作数 运算符」 的方式组合成一个新的操作数
- ③ 如果还有运算符没被处理,就继续②





私房菜: "左优先"原则,不要FreeStyle,保证<mark>手算和机算结果相同</mark> "左优先"原则: 只要左边的运算符能先计算,就优先算左边的

客观来看两种都正确,只 是"机算"结果是前者

王道考研/CSKAOYAN.COM

7

中缀表达式转后缀表达式(手算)

中缀转后缀的<mark>手算方法</mark>:

后缀表达式也不唯一

- ①确定中缀表达式中各个运算符的运算顺序
- ② 选择下一个运算符,按照 「左操作数 右操作数 运算符」 的方式组合成一个新的操作数
- ③ 如果还有运算符没被处理,就继续②
- "左优先"原则:只要左边的运算符能先计算,就优先算左边的。

可保证运算顺序唯-

王道考研/CSKAOYAN.COM

后缀表达式的计算(手算)



<mark>后缀表达式的手算方法</mark>:

从左往右扫描,每遇到一个运算符,就让<mark>运算符前面最近的两个操作数</mark>执行对应运算, 合体为一个操作数

注意:两个操作数的左右顺序

王道考研/CSKAOYAN.COM

9

后缀表达式的计算(手算)

后缀表达式的手算方法:

从左往右扫描,每遇到一个运算符,就让<mark>运算符前面最近的两个操作数</mark>执行对应运算, 合体为一个操作数

注意:两个操作数的左右顺序

$$A + B * (C - D) - E / F$$
3 2 1 5 4

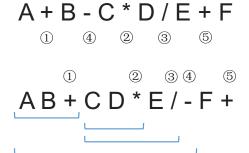
王道考研/CSKAOYAN.COM

后缀表达式的计算(手算)

后缀表达式的手算方法:

从左往右扫描,每遇到一个运算符,就让<mark>运算符前面最近的两个操作数</mark>执行对应运算, <mark>合体为一个操作数</mark>

注意:两个操作数的左右顺序







LIFO(后进先出)

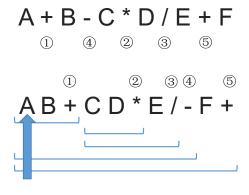
王道考研/CSKAOYAN.COM

11

后缀表达式的计算(机算)

用栈实现后缀表达式的计算:

- ①从左往右扫描下一个元素,直到处理完所有元素
- ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③
- ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到①





王道考研/CSKAOYAN.COM

后缀表达式的计算: ①从左往右扫描下一个元素,直到处理完所有元素 ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①; 否则执行③ ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到① 栈 A + B - C * D / E + F ① ② ③ ④ ⑤ A B + C D * E / - F + B A Einstruction

 后缀表达式的计算:

 ①从左往右扫描下一个元素,直到处理完所有元素

 ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③

 ③若扫描到运算符,则弹出两个栈项元素,执行相应运算,运算结果压回栈项,回到①

 栈

 A+B-C*D/E+F

 ① ④ ② ③ ⑤

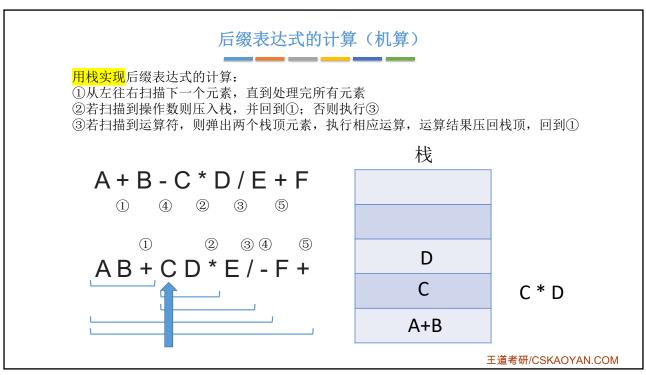
 AB+CD*E/-F+

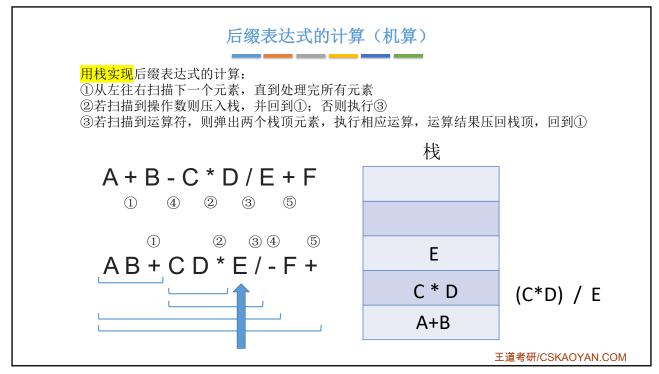
 B

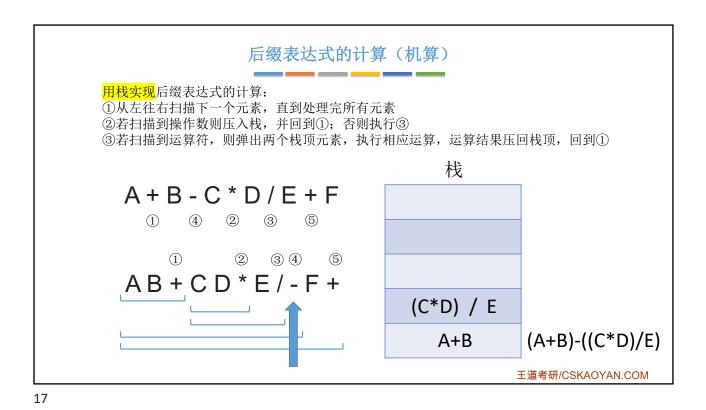
 AA+B

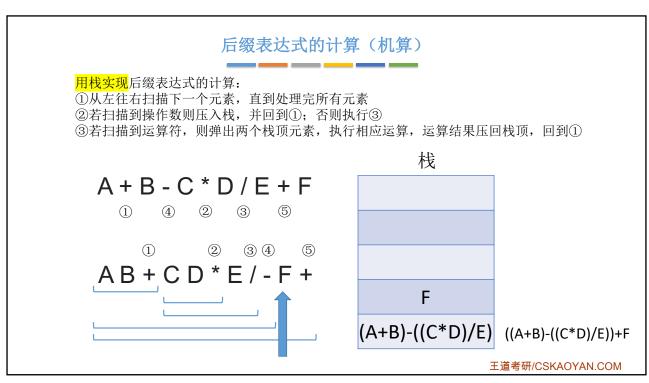
 **Einch **

14

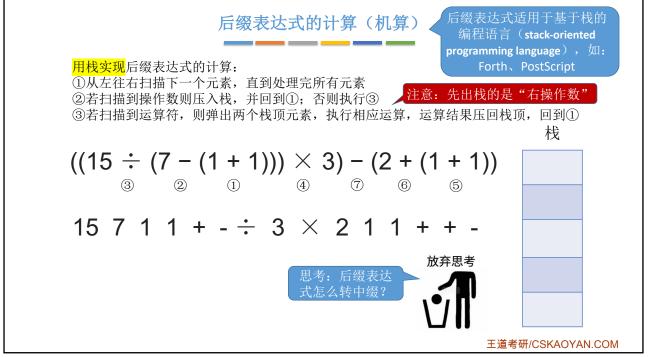








后缀表达式的计算(机算) 用栈实现后缀表达式的计算: 注意: 先出栈的 ①从左往右扫描下一个元素,直到处理完所有元素 是"右操作数" ②若扫描到操作数则压入栈,并回到①;否则执行③ ③若扫描到运算符,则弹出两个栈顶元素,执行相应运算,运算结果压回栈顶,回到① 栈 A + B - C * D / E + F(1) (4) (2) (3) (5) 2 3 4 (1) AB+CD*E/-F+若表达式合法, 则最后栈中只会 留下一个元素, ((A+B)-((C*D)/E))+F王道考研/CSKAOYAN.COM 19



中缀表达式转前缀表达式(手算)

中缀转前缀的手算方法:

- ① 确定中缀表达式中各个运算符的运算顺序
- ② 选择下一个运算符,按照 「运算符 左操作数 右操作数」 的方式组合成一个新的操作数
- ③ 如果还有运算符没被处理,就继续②

"右优先"原则:只要右边的运算符能先计算,就优先算右边的

王道考研/CSKAOYAN.COM

21

中缀表达式转前缀表达式(手算)

15 7 1 1 +
$$-\div$$
 3 \times 2 1 1 + + $-$

王道考研/CSKAOYAN.COM

