3. SÉRIES NUMÉRICAS (SOLUÇÕES)

3.1.

a)
$$x_n = (-1)^n .2;$$

c)
$$x_n = \left(-\frac{1}{3}\right)^n$$
, $S = \frac{3}{4}$;

e)
$$x_n = \frac{7}{10^n}$$
, $S = \frac{70}{9}$;

g)
$$x_n = \frac{1}{(n+2)(n+3)}$$
, $S = \frac{1}{3}$;

b)
$$x_n = \left(-\frac{1}{2}\right)^n$$
, $S = \frac{2}{3}$;

d)
$$x_n = \frac{2}{5^n}$$
, $S = \frac{1}{2}$;

$$f) x_n = \frac{1}{3^n} + \frac{1}{5^n}, S = \frac{3}{4};$$

h)
$$x_n = \frac{1}{n(n+2)}$$
, $S = \frac{3}{4}$;

3.2. a)
$$S_n = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^n$$
, $S = 1$;

b)
$$S_n = \begin{cases} 1 & \text{se } n \text{ \'e impar,} \\ 0 & \text{se } n \text{ \'e par;} \end{cases}$$

c)
$$S_n = 1 - \sqrt{n+1}$$
;

d)
$$S_n = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} - \frac{1}{2(n+1)} - \frac{1}{2(n+2)}, \quad S = \frac{3}{4};$$

e)
$$S_n = \frac{30}{4} \left[1 - \left(\frac{1}{5} \right)^{n+1} \right], \quad S = \frac{15}{2};$$

f)
$$S_n = \left[1 - \left(\frac{1}{2}\right)^n\right] + 3\left[1 - \left(\frac{3}{4}\right)^n\right], \quad S = 4;$$

g)
$$S_n = 1 + \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{n+1}} - \frac{1}{\sqrt{n+2}}, \quad S = 1 + \frac{1}{\sqrt{2}};$$

$$h) S_n = \ln(n+1).$$

3.5. a)
$$R_{100} = \frac{1}{101}$$
; b) $p \ge 9$.

- **3.6.** $x_n = \frac{1}{n(n+1)}$, convergente.
- 3.7. a) divergente;

- b) divergente; c) divergente; d) divergente.
- 3.8. a) Falso;
- b) Verdadeiro;
- c) Falso;
- d) Verdadeiro.

- 3.9. a) divergente;
- b) convergente;
- c) convergente;

- d) divergente;
- e) divergente;
- f) convergente.

- **3.11.** *a*) convergente;
- b) convergente;
- c) divergente;

- d) convergente;
- e) convergente;
- f) convergente;

- **3.12.** a) absolutamente convergente;
- b) simplemente convergente;
- c) absolutamente convergente;
- d) absolutamente convergente;

e) divergente;

f) simplesmente convergente.

3.14. *a*) divergente;

- b) divergente;
- c) divergente;

- d) convergente;
- e) convergente;
- f) divergente;

- q) convergente;
- h) divergente;
- *i*) convergente;
- i) absolutamente convergente se $x \in (2k-1)\pi, 2k\pi[, k \in \mathbb{Z}$ e
 - divergente se $x \notin](2k-1)\pi, 2k\pi[\,, k \in \mathbb{Z}.$
- **3.15.** a) simplemente divergente se $0 < \alpha \le 1$;
 - b) absolutamente convergente se $\alpha > 1$.