



**TÉCNICO**  
LISBOA

## **Robótica**

### **Laboratório nº2**

Basic navigation strategies for mobile robots motion

2º Semestre – 2015/2016



**Realizado por:**

73177 – Ana Catarina Rosa  
Gonçalves

75268 – Rúben Miguel Oliveira  
Tadeia

75912 – David Luís Dias  
Fernandes

**Data de Entrega:** 06/06/2016 – 10/06/2016

## Índice

<b>1. Introdução .....</b>	<b>1</b>
<b>2. Atribuição de referenciais e modelo do robô .....</b>	<b>1</b>
<b>3. Arquitectura do Sistema .....</b>	<b>4</b>
a. Mapa e Objectivos .....	4
b. Planeamento de caminhos .....	4
c. Estratégia utilizada para seguir as trajectórias .....	5
d. Localização do Robô .....	6
e. Detecção e prevenção de colisões .....	6
<b>4. Resultados Experimentais .....</b>	<b>8</b>
<b>5. Conclusões .....</b>	<b>9</b>
<b>6. Anexos .....</b>	<b>10</b>
a. Anexo 1 Código da função lap_teste .....	11

## 1 Introdução

Com este projeto pretende-se realizar a movimentação de um robô móvel, num espaço pré-definido (quinto piso da Torre) de forma estruturada e concisa.

Foi necessário determinar e simular a cinemática diferencial do robot móvel, criar um mapa para que fosse possível a geração caminhos e navegação num ambiente de baixa complexidade. Por fim, foi também implementado o controlo por seguimento de trajectória, evitando colisões com obstáculos inesperados.

A movimentação ocorrer entre dois pontos indicados pelo utilizador, em que a trajectória utilizada pelo robot vai ser calculada pelo programa implementado em Matlab e sem intervenção exterior. Durante o processo, o robot deverá ser capaz de evitar obstáculos, tanto os conhecidos previamente como os que o robot será capaz de identificar, podendo estes, também, ser estáticos (paredes) ou dinâmicos (eventuais pessoas). O controlo do robot está assente num modelo cinemático, sendo os efeitos dinâmicos desprezados.

Neste Relatório será realizada a identificação das metodologias envolvidas no projeto, bem como a análise de todos os processos inerentes às mesmas, código que se encontra em anexo.



*Figura 1 - Robô P3-DX utilizado ao longo do Laboratório 2*

## 2 Atribuição de referenciais e modelo do robot

Relativamente ao sistema de coordenadas utilizado para representar a posição e orientação do robot, este encontra-se representado na figura 2.

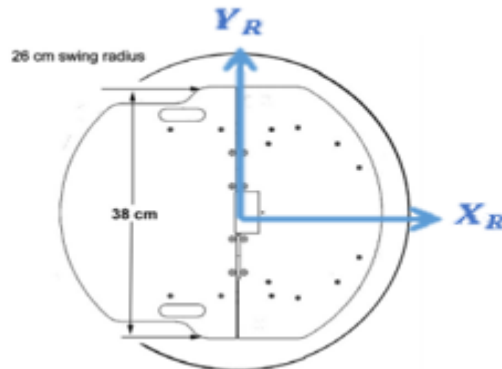


Figura 2- Representação do sistema de coordenadas utilizado para o robot

O sistema de coordenadas utilizado no referencial world encontra-se representado na figura 3:

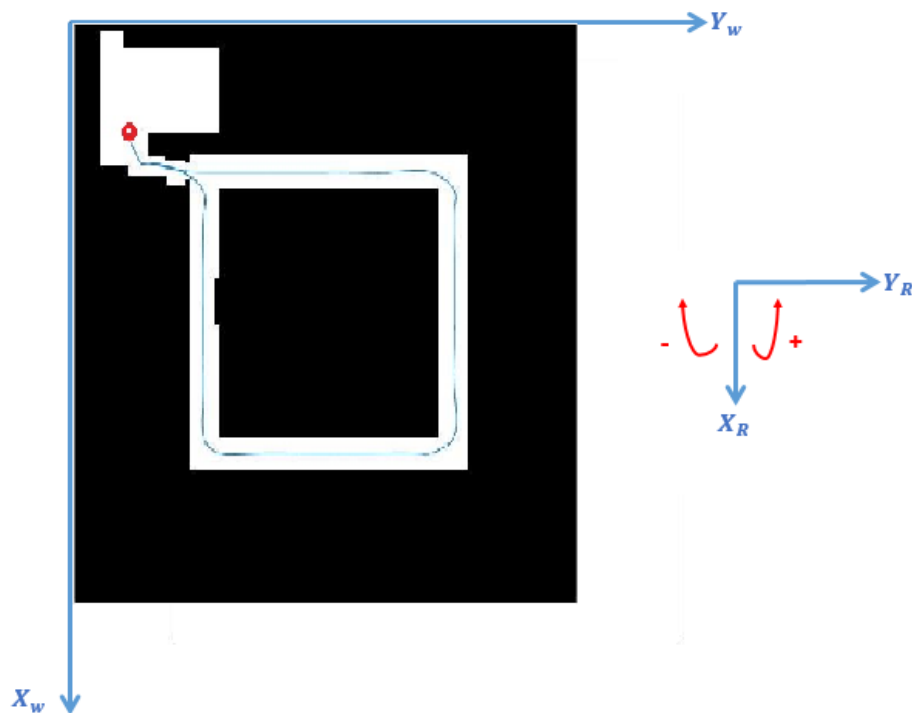


Figura 3 - Representação do sistema de coordenadas utilizado para o mapa (referencial world) & Relação entre o referencial world e as coordenadas do robô, está identificado a vermelho a posição inicial

A posição do robot relativamente ao referencial world é dada pela localização da origem. Por outro lado, a orientação do robot é dada pelo ângulo entre os eixos xx relativos a cada referencial, que quando se encontram alinhados a orientação é  $0^\circ$  e para outras orientações o sinal está indicado na figura 3.

O robô utiliza um mapa para se orientar que considera valores em pixéis, o valor para a posição inicial é  $(x; y) = (130; 70)$ .

### 3 Arquitetura do Sistema

A arquitetura do sistema baseia-se no seguinte esquema:

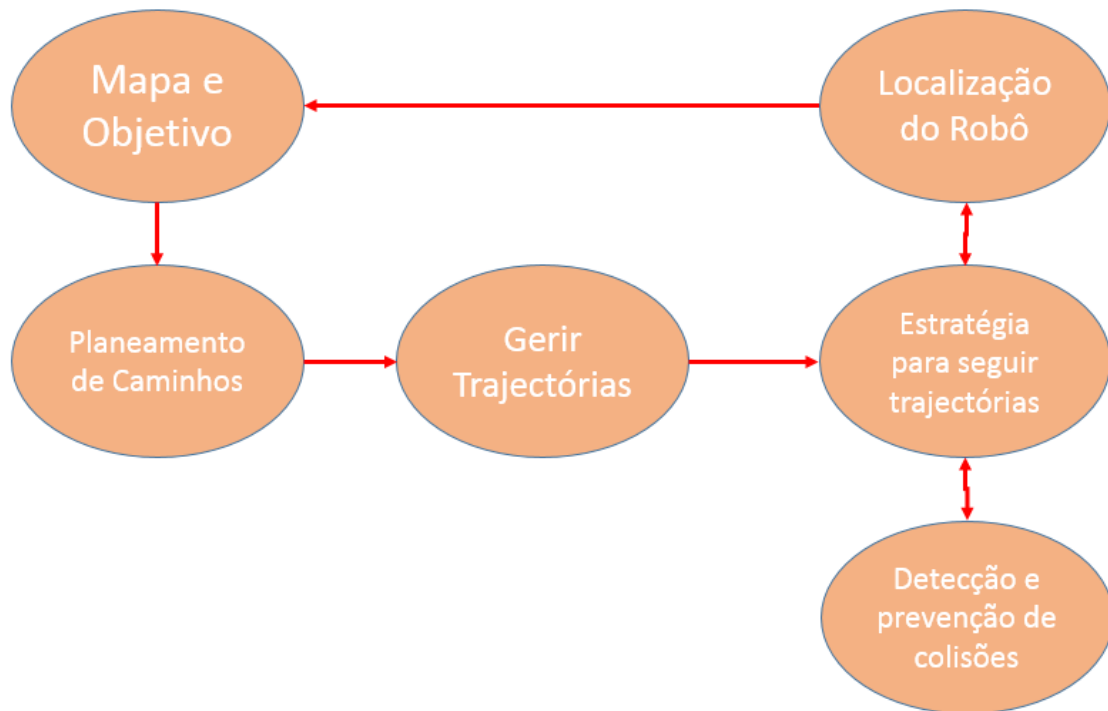


Figura 4 - Arquitetura do Sistema

#### a) Mapa e Objectivos

O mapa que se encontra na figura 3 é conhecido e dado como input, tem dimensões de 640x640 pixéis, em que a zona a branco (valor 1 na matriz) corresponde à zona desocupada e onde o robot se pode movimentar e a zona a preto (valor 0 na matriz) encontra-se interdita à circulação do robot. Sabendo a relação entre as dimensões reais e as dimensões consideradas na imagem, pode facilmente fazer-se a conversão e aplicá-la ao processo. A relação considerada é de 2850 cm correspondendo a 640 pixéis. O objetivo deste projeto é então fornecer uma dada posição inicial e uma posição final relativas ao mapa do ambiente e conseguir que o robot percorra uma trajectória eficiente e se desvie de possíveis obstáculos até chegar ao objetivo. Partimos de uma situação de simulação e de seguida avançámos para o ambiente real.

#### b) Planeamento de Caminhos

Sabendo os pontos pertencentes ao caminho que o robot terá que percorrer, podemos achar a trajetória a partir de uma interpolação que pode ser aplicada através de funções do Matlab. Estes pontos, estão numa variável chamada "path", a mesma pode ser verificada no **Anexo 1**. Com estes pontos, é feita uma interpolação cúbica que

cria uma trajectória pelo planeamento de caminhos. A interpolação é efetuada separadamente para as coordenadas em x e em y.

### Geração de trajectórias

Ainda neste tópico, foi feita a divisão do mapa em células, utilizando o quadtree algoritmo daí foi obtido um grafo em cada vértice era um bloco.

A partir daqui, atribuindo um ponto inicial e um final e utilizando um algoritmo de pesquisa, conseguíamos obter o melhor caminho.

### c) Estratégia utilizada para seguir as trajectórias

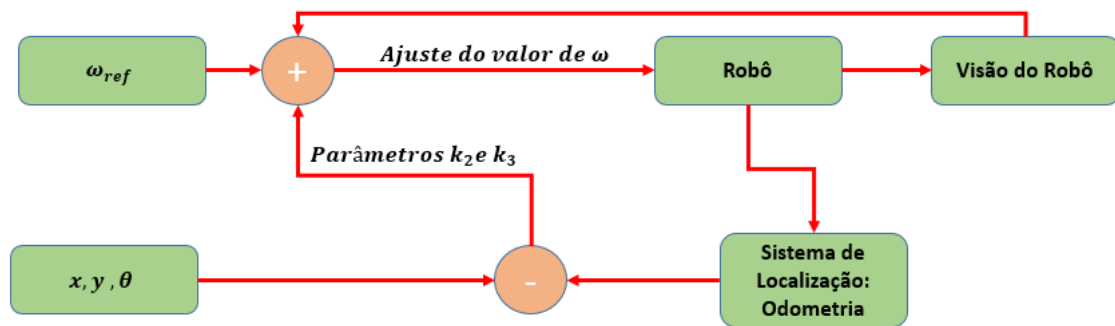


Figura 5 - Estratégia utilizada para seguir as trajectórias

Inicialmente, com a localização do robot, conseguimos obter a trajectória pretendida. Daí obtemos uma a velocidade angular de referência, assim como os valores de x, y e  $\theta$ .

De seguida, é calculada uma diferença entre os valores de referência e os valores de x, y e  $\theta$  da localização atual para que se verifique que o robô está a seguir a trajectória certa. Calculam-se então dois parâmetros  $k_2$  e  $k_3$ , para se conseguir fazer um ajuste da velocidade angular.

O ajuste entre os valores relativos ao robot e os valores de referência são realizados com base no controlo de feedback linear na seguinte expressão:

$$u_1 = -k_1 * e_1$$

$$u_2 = -k_2 * \text{sgn}(e_2) - k_3 * e_3$$

Quanto ao erro  $e_2$ , este foi substituído pelo seu integral num intervalo finito, pois é mais problemático o facto de o robô se afastar da trajectória por um longo período do que só pontualmente. Dado que a velocidade linear utilizada é constante, não é necessária a atribuição de um valor à constante  $k_1$ .

$$k_2 = b * |v_{ref}|$$

$$k_3 = 2 * \xi * \sqrt{\omega_{ref}^2 + b * v_{ref}}$$

As constantes  $\xi$  e  $b$  foram ajustadas de acordo com testes experimentais com o robô. O robô, durante o seguimento da trajectória, vai tentar sempre convergir para os valores de referência, evitando os obstáculos.

Efetuamos o ajuste para  $k_2$ ,  $k_3$  e os valores dos sonares, mas não tendo sido possível juntar os 3 para que não fossem criados erros, decidimos eliminar os sonares. O ajuste que foi considerado mais importante foi o da odometria, pois é fundamental que o robot não colida com outros objetos e que este saiba o local por onde tem e pode efetuar os seus movimentos.

#### **d) Localização do Robô**

Relativamente à localização do robot no mundo onde este se movimenta, esta é puramente baseada na odometria lida pelo robot. Nomeadamente, a leitura da sua posição e ângulo relativo à posição inicial fornecida. Estes valores são obtidos através da movimentação das suas rodas e o robot faz cálculos utilizando as expressões a baixo, o fim o robô conseguiria saber em que posição do espaço se encontraria relativamente ao mapa inicialmente dado.

$$\dot{x} = V * \cos \theta$$

$$\dot{y} = V * \sin \theta$$

$$\dot{\theta} = \omega$$

Assim, após a obtenção dos valores da odometria do robô, poderiam ter sido aplicados corretamente os sonares. Estes analisariam a odometria do robô e verificariam se a distância às paredes seria suficiente para que o robô não estivesse na posição central do corredor. Infelizmente os sonares não ficaram a funcionar corretamente.

#### **e) Detecção e prevenção de colisões**

O robot está equipado com um conjunto de 8 sonares, os quais fornecem dados sobre a visão que este obtém sobre o ambiente e que não se encontra no mapa. Os valores que são lidos são em milímetros e referem a distância a que se deteta um objeto do robot.



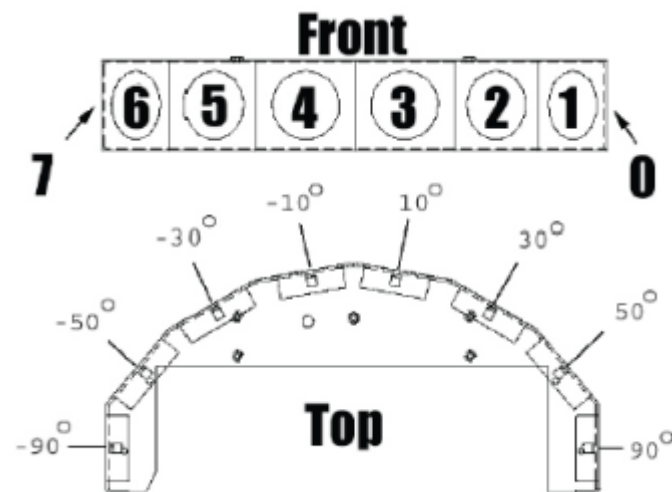


Figura 6 - Representação dos sonares no robot Pioneer P3-DX

Como é possível de ver num dos vídeos em que utilizámos sonares, utilizámos apenas os que correspondem aos ângulos  $90^\circ$  e  $-90^\circ$ . O seu objetivo seria evitar a colusão com objetos, levando o robô a afastar-se da sua trajetória inicial para a direção contrária ajustando a velocidade angular.

## 4 Resultados Experimentais

Ao longo de vários testes, pré-avaliação, o nosso robô conseguiu realizar o percurso assinalado a azul (mapa) única e exclusivamente utilizando odometria, sendo necessário realizar uns ajustes por erros de posição, momento a partir do qual consideramos utilizar os sonares. Com os sonares obtivemos o mesmo resultado (mesma posição de paragem, ver Vídeo).

Durante a realização da avaliação este foi o resultado experimental que foi obtido:

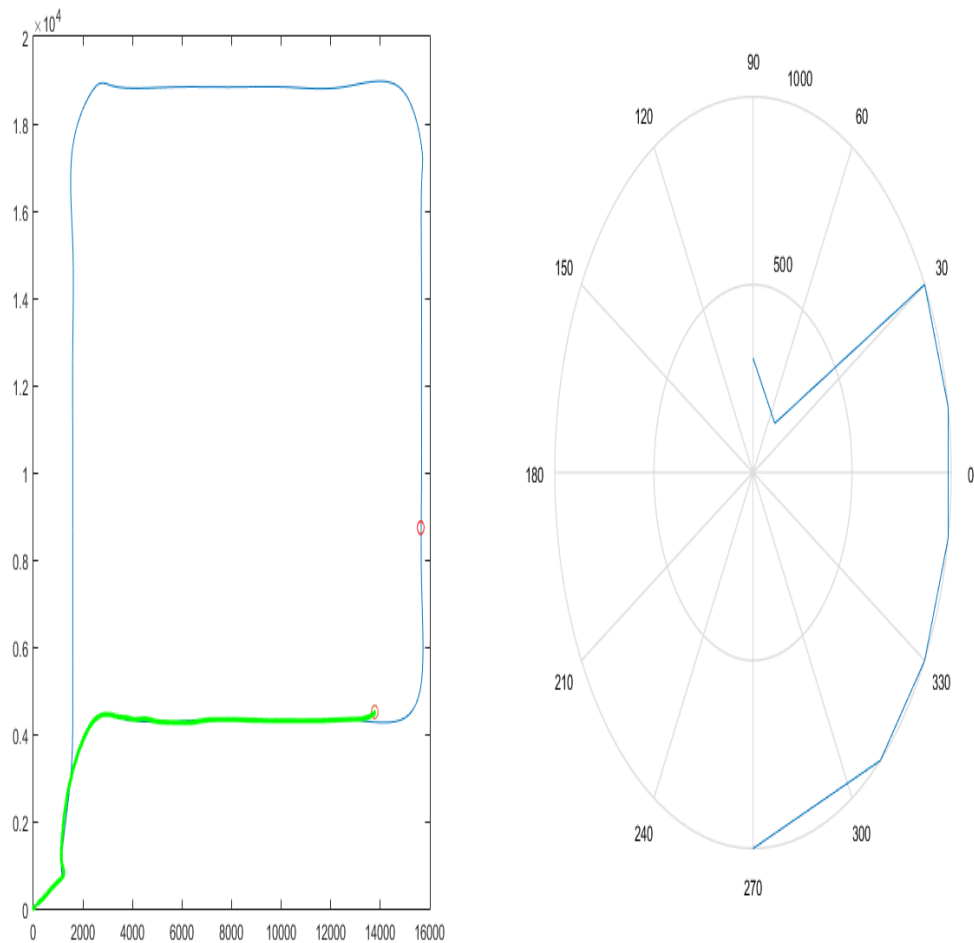


Figura 7 - Resultados experimentais durante avaliação

A verde vemos a posição do robô e a azul o mapa. O mapa é composto por pontos dados por nós. Inicialmente dentro da sala atribuímos ao robô certos pontos, e através de interpolação ele cria a trajetória a realizar, mas como escolhemos poucos pontos este pode ter várias trajetórias, no entanto parecidas, dentro da sala. Ao longo dos 3 testes, o nosso robô mostrou ser conciso no algoritmo, pois terminou sempre no mesmo local. Um dos erros que podemos ver na figura 7 do lado esquerdo, é que o robô tenta virar antes de chegar à curva, pensámos inicialmente que seria um problema do controlador, mas em conversa com o professor e após a avaliação, vimos que seria um problema de código. Do lado direito temos uma imagem que reflete a leitura dos valores dos sonares (não utilizados durante a avaliação).

## 5 Conclusões

O objetivo final do projeto, colocar o robô a dar uma volta ao 5º piso da Torre e voltar ao ponto de partida não foi cumprido. Embora tenhamos tido um bom funcionamento das simulações com o robô real. O robô segue os objetivos propostos para o projeto, efetuando a calibração dos controlos, um planeamento de caminhos, geração de trajectória, seguimento da trajectória definida e deteção e prevenção de colisões com obstáculos de forma eficiente e com êxito.

Contudo, há que ter em conta certos parâmetros que podem dar origem a erros durante a execução de todo o projeto. Dentro deste âmbito, temos erros nas medições realizadas às posições e os erros na movimentação do robô, nomeadamente um descaimento constante para a esquerda. Outro fator que contribuiu para a incerteza durante a realização do trabalho foi a escolha dos parâmetros  $\xi$  e  $b$  que tiveram que ser obtidos experimentalmente. Apesar de se ajustarem corretamente ao procedimento geral e terem sido os que se revelaram mais próximos do desejado, podem não ser os valores ótimos para o caso.

Por fim, também há que considerar os erros associados ao equipamento utilizado, estes influenciam o seguimento da trajectória e/ou a própria localização e orientação do robô móvel, nomeadamente rodas do robô, direção desalinhada, entre outros. Neste âmbito, há que referir especialmente os erros relativos aos sonares e dado que foram usados apenas 2, o de  $90^\circ$  e de  $-90^\circ$ , estes por vezes comprometem correções a objetos que apareçam.

Outro dos aspetos a referir é o facto de termos 2 vídeos utilizando e não utilizando sonares, o mesmo se deve ao facto de termos desenvolvido 2 versões para o projeto que culminam em resultados semelhantes, como se pode ver pelo vídeo. No entanto, no dia da apresentação, mostramos a versão funcional apenas com odometria.

## 6 Anexos

### a) Anexo 1 Código da função lap\_teste

Aqui encontra-se o código da função lap\_teste que contém, não só a variável “path”, que é uma matriz com os pontos que constituem o mapa na visão do robô, mas é também a função global de todo o código.

```
global rob;
mapa=imread('mapa.bmp');

for i=1:640
    for j=1:640

        if ((i < 145) && (j >= 190)) || ((j>=500)) || (i > 493) || ((i
> 187) && (j <= 147)) || ((j>=184 && j < 320) && (i>200 && i <320 ) )
            mapa(i,j)=0;
        end
    end
end

for i=1:640
    for j=1:640
        if((i>=145) && (i <= 493)) && ((j == 500) || (j == 501) || (j ==
502))
            mapa(i,j) = 1;
        end
    end
end

path = [130 70;
155 85;
155 95;
162.5 132.5;
185 165;
215 165;
265 165;
315 165;
365 165;
415 165;
455 165;
475 185;
475 235;
475 285;
475 335;
475 385;
475 435;
475 455;
455 485;
405 485;
355 485;
305 485;
```

```

255 485;
205 485;
185 485;
165 455;
165 405;
165 355;
165 305;
165 255;
165 205;
165 166;
162.5 132.5;
155 95;
155 85;
130 70;];

figure(5);
imshow(mapa); hold on;
plot(path(:,2),path(:,1),'.-');
pause(0.001);hold off;

[y,x,ppx,ppy]=interpolation(path,2,10000);
imshow(mapa);hold on;
plot(y,x);
hold off;

ratio = 15800/348;
p0 = path(1,:);
for k=1:length(path(:,1));
    path_real(k,:)=ratio*(path(k,:) - path(1,:));
end

[y,x,ppx,ppy]=interpolation(path_real,2,10000);

via_1 = transpose([x;y]);
pathfollow_virt_ang(via_1,10,1,1,0);

```