Case Dynamica 2014

Pieter Van Damme

Wouter Van Gansbeke Ruben Verhulst Lennert Vanmunster

27 november 2014

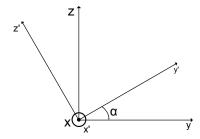
Inhoudsopgave

1	Tra	nsformatiematrices	3
	1.1	Van het $x'y'z'$ -assenstelstel naar het xyz -assenstelsel	3
	1.2	Van het $x'''y'''z'''$ -assenstelsel naar het $x''y''z''$ -assenstelsel	3
	1.3	Van het $x'''y'''z'''$ -assenstelsel naar het xyz -assenstelsel	4
2	Kin	ematica	5
	2.1	Vraag 1	5
		2.1.1 Ogenblikkelijke totale rotatiesnelheidsvector	5
		2.1.2 Ogenblikkelijke totale rotatieversnellingsvector	5
	2.2	Vraag 2	6
		2.2.1 De ogenblikkelijke snelheid	6
		2.2.2 De ogenblikkelijke versnelling	7
	2.3	Vraag 3	9
	2.4	Vraag 4	9
		2.4.1 Ogenblikkelijke snelheid	9
			10
3	Dyı	namica	12
	3.1	Vraag 1	12
		3.1.1 Ogenblikkelijke impulsvector landingsgestel	12
		3.1.2 Verandering impulsivector landingsgestel	12
		3.1.3 Ogenblikkelijke impulsvector wiel	12
		3.1.4 Verandering impulsivector wiel	12
	3.2		13
			13
		3.2.2 Ogenblikkelijke impulsmomentvector wiel	13
		3.2.3 Verandering impulsmoment vector landing sgestel	14
		3.2.4 Verandering impulsmoment vector wiel	14
	3.3	Vraag 3	16
		3.3.1 Het wiel	16
		3.3.2 Het landingsgestel	16
	3.4	Vraag 4	17
	3.5	Vraag 5	18

1 Transformatiematrices

1.1 Van het x'y'z'-assenstelstel naar het xyz-assenstelsel

Het x'y'z' assenstelsel wordt bekomen door het xyz-assenstelsel te roteren met een hoek α rond de x-as. De omgekeerde transformatie draait dus met een negatieve hoek α rond de x-as. Het x''y''z''-assenstelsel heeft dezelfde oriëntatie als het x'y'z'-assenstelsel. Hun transformatiematrices zijn daarom hetzelfde.

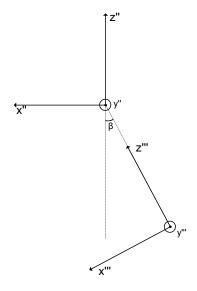


Figuur 1: Het x'y'z'-assenstelsel

$$R^{x'y'z'\to xyz} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0\\ 0 & \cos(\alpha) & -\sin\alpha\\ 0 & \sin\alpha & \cos(\alpha) \end{bmatrix}$$

1.2 Van het x'''y'''z'''-assenstelsel naar het x''y''z''-assenstelsel

Het x'''y'''z'''-assenstelsel wordt bekomen door het x''y''z''-assenstelsel te roteren met een hoek β rond de y''-as. De transformatiematrix draait dus met een negatieve hoek β rond de y'''-assenstelsel te converteren. De oriëntatie van het x'y'z'-assenstelsel en van het x''y''z''-assenstelsel is immers hetzelfde.



Figuur 2: Het x'''y'''z'''-assenstelsel

$$R^{x'''y'''z''' \to x''y''z''} = \begin{bmatrix} \cos(\beta) & 0 & \sin(\beta) \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin(\beta) & 0 & \cos(\beta) \end{bmatrix}$$

Voor de omgekeerde transformatie wordt deze matrix geïnverteerd.

$$R^{x''y''z'' \to x'''y'''z'''} = \begin{bmatrix} \cos(\beta) & 0 & -\sin(\beta) \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin(\beta) & 0 & \cos(\beta) \end{bmatrix}$$

1.3 Van het x'''y'''z'''-assenstelsel naar het xyz-assenstelsel

Om van het x'''y'''z'''-assenstelsel naar het xyz-assenstelsel te gaan, worden de vorige twee berekende transformatiematrices met alkaar vermenigvuldigd. Eerst worden de x'''y'''z'''-coördinaten getransformeerd naar het x''y''z''-assenstelsel. Vervolgens worden ze omgezet naar het xyz-assenstelsel.

$$\begin{split} R^{x'''y'''z'''\to xyz} &= R^{x'''y'''z'''\to x''y''z''} R^{x'y'z'\to xyz} \\ &= \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(\alpha) & -\sin\alpha \\ 0 & \sin\alpha & \cos(\alpha) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos(\beta) & 0 & \sin(\beta) \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin(\beta) & 0 & \cos(\beta) \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} \cos(\beta) & 0 & \sin(\beta) \\ \sin(\alpha)\sin(\beta) & \cos(\alpha) & -\sin(\alpha)\cos(\beta) \\ -\cos(\alpha)\sin(\beta) & \sin(\alpha) & \cos(\alpha)\cos(\beta) \end{bmatrix} \end{split}$$

2 Kinematica

2.1 Vraag 1

2.1.1 Ogenblikkelijke totale rotatiesnelheidsvector

Om de ogenblikkelijke totale rotatiesnelheidsvector $\overrightarrow{\omega}_w$ te bepalen worden de drie afzonderlijke rotatiesnelheidsvectoren uitgedrukt in het wereldassenstelsel en vervolgens opgeteld. De totale ogenblikkelijke rotatievector is immers de vectoriële som van de afzonderlijke ogenblikkelijke rotatievectoren.

$$\overrightarrow{\omega_{tot}} = \overrightarrow{\omega_q} + \overrightarrow{\omega_i} + \overrightarrow{\omega_w} \tag{1}$$

Deze termen worden nu afzonderlijk bepaald.

$$\overrightarrow{\omega_g} = R^{x'y'z' \to xyz} \overrightarrow{\omega}_g' = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(\alpha) & -\sin\alpha \\ 0 & \sin\alpha & \cos(\alpha) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega_g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -\sin(\alpha) \omega_g \\ \cos(\alpha) \omega_g \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_i} = R^{x'y'z' \to xyz} \overrightarrow{\omega_i'} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(\alpha) & -\sin\alpha \\ 0 & \sin\alpha & \cos(\alpha) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ \omega_i \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ \cos(\alpha) \omega_i \\ \sin(\alpha) \omega_i \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_w} = R^{x'''y'''z''' \to xyz} \overrightarrow{\omega_w}''' \qquad = \begin{bmatrix} \cos(\beta) & 0 & \sin(\beta) \\ \sin(\alpha)\sin(\beta) & \cos(\alpha) & -\sin(\alpha)\cos(\beta) \\ -\cos(\alpha)\sin(\beta) & \sin(\alpha) & \cos(\alpha)\cos(\beta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -\omega_w \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -\cos(\beta)\omega_w \\ -\sin(\alpha)\sin(\beta)\omega_w \\ \cos(\alpha)\sin(\beta)\omega_w \end{bmatrix}$$

De ogenblikkelijke rotatievector wordt dus weergegeven door de volgende vergelijking.

$$\overrightarrow{\omega_{tot}} = \begin{bmatrix} -\cos(\beta)\,\omega_w \\ \cos(\alpha)\,\omega_i - \sin(\alpha)(\omega_g + \sin\beta\,\omega_w) \\ \sin(\alpha)\,\omega_i + \cos(\alpha)(\omega_g + \sin\beta\,\omega_w) \end{bmatrix}$$

2.1.2 Ogenblikkelijke totale rotatieversnellingsvector

De totale rotatieversnellingsvector is de afgeleide van de rotatiesnelheidsvector naar de tijd. Deze vector is de som van termen die de verandering in grootte van de rotatiesnelheid weergeven en van termen die de verandering in richting van de rotatiesnelheid weergeven.

$$\overrightarrow{\alpha_{tot}} = \frac{d\overrightarrow{\omega_{tot}}}{dt} = \overrightarrow{\alpha_g} + \overrightarrow{\alpha_w} + \overrightarrow{\alpha_i} + \overrightarrow{\omega_g} \times \overrightarrow{\omega_i} + \overrightarrow{\omega_g} \times \overrightarrow{\omega_w} + \overrightarrow{\omega_i} \times \overrightarrow{\omega_w}$$
 (2)

Al deze termen worden nu afzonderlijk bepaald.

$$\overrightarrow{\alpha_g} = R^{x'y'z' \to xyz} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \alpha_g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -\sin(\alpha)\alpha_g \\ \cos(\alpha)\alpha_g \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\alpha_i} = R^{x'y'z' \to xyz} \begin{bmatrix} 0 \\ \alpha_i \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ \cos(\alpha)\alpha_i \\ \sin(\alpha)\alpha_i \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\alpha_w} = R^{x'''y'''z''' \to xyz} \begin{bmatrix} \alpha_w \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\beta)\alpha_w \\ \sin(\alpha)\sin(\beta)\alpha_w \\ -\cos(\alpha)\sin(\beta)\alpha_w \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_g} \times \overrightarrow{\omega_i} = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_x} & \overrightarrow{e_y} & \overrightarrow{e_z} \\ \omega_{gx} & \omega_{gy} & \omega_{gz} \\ \omega_{ix} & \omega_{iy} & \omega_{iz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} -\omega_i \omega_g \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_g} \times \overrightarrow{\omega_w} = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_x} & \overrightarrow{e_y} & \overrightarrow{e_z} \\ \omega_{gx} & \omega_{gy} & \omega_{gz} \\ \omega_{wx} & \omega_{wy} & \omega_{wz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -\cos(\alpha)\cos(\beta)\omega_g\omega_w \\ -\sin(\alpha)\cos(\beta)\omega_g\omega_w \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_i} \times \overrightarrow{\omega_w} = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_x} & \overrightarrow{e_y} & \overrightarrow{e_z} \\ \omega_{ix} & \omega_{iy} & \omega_{iz} \\ \omega_{wx} & \omega_{wy} & \omega_{wz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} \sin(\beta)\omega_i\omega_w \\ -\sin(\alpha)\cos(\beta)\omega_i\omega_w \\ \cos(\beta)\cos(\beta)\omega_i\omega_w \end{bmatrix}$$

De totale ogenblikkelijke rotatieversnellingsvector wordt dus door de volgende formule gegeven.

$$\overrightarrow{\alpha_{tot}} = \frac{d\overrightarrow{\omega_{tot}}}{dt}$$

$$= \begin{bmatrix} \cos(\beta)\alpha_w - \omega_g\omega_i + \sin(\beta)\omega_i\omega_w \\ -\sin(\alpha)\alpha_g + \cos(\alpha)\alpha_i + \sin(\alpha)\sin(\beta)\alpha_w - \cos(\alpha)\cos(\beta)\omega_g\omega_w - \sin(\alpha)\sin(\beta)\omega_i\omega_w \\ \cos(\alpha)\alpha_g + \sin(\alpha)\alpha_i - \cos(\alpha)\sin(\beta)\alpha_w - \sin(\alpha)\cos(\beta)\omega_g\omega_w + \cos(\alpha)\cos(\beta)\omega_i\omega_w \end{bmatrix}$$

2.2 Vraag 2

2.2.1 De ogenblikkelijke snelheid

De snelheid van C kan beschouwd worden als de som van de relatieve snelheid van het punt C in het x'y'z'-assenstelsel en de snelheid van dat assenstelsel. De snelheid van dit assenstelsel is de translatiesnelheid van het vliegtuig. In dit assenstelsel kan de beweging van C beschouwd worden als een som van rotaties, nl. een rotatie rond het punt A door $\overrightarrow{\omega_g}$ en een rotatie rond het punt B door $\overrightarrow{\omega_i}$

$$\overrightarrow{v_C} = \overrightarrow{v_A} + \overrightarrow{\omega_q} \times (\overrightarrow{r_C} - \overrightarrow{r_A}) + \overrightarrow{\omega_i} \times (\overrightarrow{r_C} - \overrightarrow{r_B})$$
(3)

Deze termen worden afzonderlijk bepaald.

$$\overrightarrow{v_A} = R^{x'y'z' \to xyz} \begin{bmatrix} 0 \\ v_v \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ v_v \cos(\alpha) \\ v_v \sin(\alpha) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{r_C} - \overrightarrow{r_A} = \begin{bmatrix} r_{CAx} \\ r_{CAy} \\ r_{CAz} \end{bmatrix} = R^{x'y'z' \to xyz} \begin{bmatrix} l_1 - l_3 \sin(\beta) - l_4 \cos(\beta) \\ 0 \\ l_2 - l_3 \cos(\beta) + l_4 \sin(\beta) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} l_1 - l_3 \sin(\beta) - l_4 \cos(\beta) \\ -\sin(\alpha)(l_2 - l_3 \cos(\beta) + l_4 \sin(\beta)) \\ \cos(\alpha)(l_2 - l_3 \cos(\beta) + l_4 \sin(\beta)) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_g} \times (\overrightarrow{r_C} - \overrightarrow{r_A}) = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_x} & \overrightarrow{e_y} & \overrightarrow{e_z} \\ \omega_{gx} & \omega_{gy} & \omega_{gz} \\ r_{CAx} & r_{CAy} & r_{CAz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -\omega_g \cos(\alpha) \left(l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - l_1\right) \\ -\omega_g \sin(\alpha) \left(l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - l_1\right) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{r_C} - \overrightarrow{r_B} = \begin{bmatrix} r_{CBx} \\ r_{CBy} \\ r_{CBz} \end{bmatrix} = R^{x'y'z' \to xyz} \begin{bmatrix} -l_3 \sin(\beta) - l_4 \cos(\beta) \\ 0 \\ -l_3 \cos(\beta) + l_4 \sin(\beta) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -l_3 \sin(\beta) - l_4 \cos(\beta) \\ -\sin(\alpha) (-l_3 \cos(\beta) + l_4 \sin(\beta)) \\ \cos(\alpha) (-l_3 \cos(\beta) + l_4 \sin(\beta)) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_{i}} \times (\overrightarrow{r_{C}} - \overrightarrow{r_{B}}) = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_{x}} & \overrightarrow{e_{y}} & \overrightarrow{e_{z}} \\ \omega_{ix} & \omega_{iy} & \omega_{iz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} \omega_{i} \left(-l_{3} \cos \left(\beta\right) + l_{4} \sin \left(\beta\right) \right) \\ -\omega_{i} \sin \left(\alpha\right) \left(l_{3} \sin \left(\beta\right) + l_{4} \cos \left(\beta\right) \right) \\ \omega_{i} \cos \left(\alpha\right) \left(l_{3} \sin \left(\beta\right) + l_{4} \cos \left(\beta\right) \right) \end{vmatrix}$$

De totale snelheid wordt dus gegeven door de volgende gelijkheid.

$$\overrightarrow{v_C} = \begin{bmatrix} \omega_i \left(-l_3 \cos\left(\beta\right) + l_4 \sin\left(\beta\right) \right) \\ \cos\left(\alpha\right) v_v - \omega_g \cos\left(\alpha\right) \left(l_3 \sin\left(\beta\right) + l_4 \cos\left(\beta\right) - l_1 \right) - \omega_i \sin\left(\alpha\right) \left(l_3 \sin\left(\beta\right) + l_4 \cos\left(\beta\right) \right) \\ \sin\left(\alpha\right) v_v - \omega_g \sin\left(\alpha\right) \left(l_3 \sin\left(\beta\right) + l_4 \cos\left(\beta\right) - l_1 \right) + \omega_i \cos\left(\alpha\right) \left(l_3 \sin\left(\beta\right) + l_4 \cos\left(\beta\right) \right) \end{bmatrix}$$

2.2.2 De ogenblikkelijke versnelling

De ogenblikkelijke versnelling is de afgeleide van de ogenblikkelijke snelheid. Hierbij moet er rekening gehouden worden met het afzonderlijk afleiden van de leden van de kruisproducten. Ook bij het afleiden van de rotatiesnelheidsvectoren mogen de termen die de verandering van de richting weergeven niet vergeten worden.

$$\overrightarrow{a_C} = \frac{d\overrightarrow{v_c}}{dt} = \overrightarrow{a_A} + \frac{d\overrightarrow{\omega_g}}{dt} \times (\overrightarrow{r_C} - \overrightarrow{r_A}) + \overrightarrow{\omega_g} \times (\overrightarrow{v_C} - \overrightarrow{v_A}) + \frac{d\overrightarrow{\omega_i}}{dt} \times (\overrightarrow{r_c} - \overrightarrow{r_B}) + \overrightarrow{\omega_i} \times (\overrightarrow{v_C} - \overrightarrow{v_B})$$
(4)

Al deze termen worden opnieuw apart berekend.

$$\overrightarrow{a_A} = R^{x'y'z' \to xyz} \begin{bmatrix} 0 \\ a_v \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ a_v \cos(\alpha) \\ a_v \sin(\alpha) \end{bmatrix}$$

$$\frac{d\overrightarrow{\omega_g}}{dt} = \alpha_g = \begin{bmatrix} 0\\ -\sin(\alpha)\alpha_g\\ \cos(\alpha)\alpha_g \end{bmatrix}$$

$$\frac{d\overrightarrow{\omega_g}}{dt} \times (\overrightarrow{r_C} - \overrightarrow{r_A}) = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_x} & \overrightarrow{e_y} & \overrightarrow{e_z} \\ \frac{d\overrightarrow{\omega_g}}{dt} & \frac{d\overrightarrow{\omega_g}}{dt} & \frac{d\overrightarrow{\omega_g}}{dt} z \\ r_{CAx} & r_{CAy} & r_{CAz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ \cos(\alpha)\alpha_g(-l_3\sin(\beta) - l_4\cos(\beta) + l_1) \\ \sin(\alpha)\alpha_g(-l_3\sin(\beta) - l_4\cos(\beta) + l_1) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{v_C} - \overrightarrow{v_A} = \begin{bmatrix} v_{CAx} \\ v_{CAy} \\ v_{CAz} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \omega_i \left(-l_3 \cos(\beta) + l_4 \sin(\beta) \right) \\ -\omega_g \cos(\alpha) \left(l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - l_1 \right) - \omega_i \sin(\alpha) \left(l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) \right) \\ -\omega_g \sin(\alpha) \left(l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - l_1 \right) + \omega_i \cos(\alpha) \left(l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) \right) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_g} \times (\overrightarrow{v_C} - \overrightarrow{v_A}) = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_x} & \overrightarrow{e_y} & \overrightarrow{e_z} \\ \omega_{gx} & \omega_{gy} & \omega_{gz} \\ v_{CAx} & v_{CAy} & v_{CAz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} \omega_g^2 \left(l_3 \sin \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) - l_1 \right) \\ \omega_g \, \omega_i \cos \left(\alpha \right) \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \sin \left(\beta \right) \right) \\ \omega_g \, \omega_i \sin \left(\alpha \right) \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \sin \left(\beta \right) \right) \end{bmatrix}$$

$$\frac{d\overrightarrow{\omega_i}}{dt} = \overrightarrow{\alpha_i} + \overrightarrow{\omega_g} \times \overrightarrow{\omega_i} = \begin{bmatrix} -\omega_g \, \omega_i \\ \cos(\alpha) \, \alpha_i \\ \sin(\alpha) \, \alpha_i \end{bmatrix}$$

$$\frac{d\overrightarrow{\omega_{i}}}{dt} \times (\overrightarrow{r_{C}} - \overrightarrow{r_{B}}) = \begin{vmatrix}
\overrightarrow{e_{x}} & \overrightarrow{e_{y}} & \overrightarrow{e_{z}} \\
d\overrightarrow{\omega_{i}} & d\overrightarrow{\omega_{i}} & d\overrightarrow{\omega_{i}} \\
dt & x & dt & y & dt & z
\end{vmatrix}
r_{CBx} r_{CBy} r_{CBz}$$

$$= \begin{bmatrix}
\alpha_{i} (-l_{3} \cos(\beta) + l_{4} \sin(\beta)) \\
\sin(\beta) \cos(\alpha) l_{4} \omega_{g} \omega_{i} - \cos(\beta) \cos(\alpha) l_{3} \omega_{g} \omega_{i} \cdots \\
\cdots - \sin(\beta) \sin(\alpha) l_{3} \alpha_{i} - \cos(\beta) \sin(\alpha) l_{4} \alpha_{i}
\end{vmatrix}
= \sin(\beta) \sin(\alpha) l_{4} \omega_{g} \omega_{i} - \cos(\beta) \sin(\alpha) l_{3} \omega_{g} \omega_{i} \cdots \\
\cdots + \sin(\beta) \cos(\alpha) l_{3} \alpha_{i} + \cos(\beta) \cos(\alpha) l_{4} \alpha_{i}$$

$$\overrightarrow{v_B} = \overrightarrow{v_A} + \overrightarrow{\omega_g} \times (\overrightarrow{r_B} - \overrightarrow{r_A}) = \begin{bmatrix} 0 \\ \cos(\alpha) v_v + \cos(\alpha) \omega_g l_1 \\ \sin(\alpha) v_v + \sin(\alpha) \omega_g l_1 \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{v_C} - \overrightarrow{v_B} = \begin{bmatrix} \omega_i \left(-l_3 \cos\left(\beta\right) + l_4 \sin\left(\beta\right) \right) \\ -\omega_g \cos\left(\alpha\right) \left(l_3 \sin\left(\beta\right) + l_4 \cos\left(\beta\right) - l_1 \right) - \omega_i \sin\left(\alpha\right) \left(l_3 \sin\left(\beta\right) + l_4 \cos\left(\beta\right) \right) - \cos\left(\alpha\right) \omega_g \, l_1 \\ -\omega_g \sin\left(\alpha\right) \left(l_3 \sin\left(\beta\right) + l_4 \cos\left(\beta\right) - l_1 \right) + \omega_i \cos\left(\alpha\right) \left(l_3 \sin\left(\beta\right) + l_4 \cos\left(\beta\right) \right) - \sin\left(\alpha\right) \omega_g \, l_1 \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_{i}} \times (\overrightarrow{v_{C}} - \overrightarrow{v_{B}}) = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_{x}} & \overrightarrow{e_{y}} & \overrightarrow{e_{z}} \\ \omega_{ix} & \omega_{iy} & \omega_{iz} \\ v_{CBx} & v_{CBy} & v_{CBz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} \omega_{i}^{2} (l_{3} \sin(\beta) + l_{4} \cos(\beta)) \\ \sin(\alpha) \omega_{i}^{2} (-l_{3} \cos(\beta) + l_{4} \sin(\beta)) \\ -\cos(\alpha) \omega_{i}^{2} (-l_{3} \cos(\beta) + l_{4} \sin(\beta)) \end{bmatrix}$$

Dit wordt nu allemaal opgeteld.

$$\overrightarrow{a_C} = \begin{bmatrix} \omega_g^2 \left(l_3 \sin \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) - l_1 \right) + \alpha_i \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \sin \left(\beta \right) \right) \cdots \\ \cdots + \omega_i^2 \left(l_3 \sin \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) \right) \end{bmatrix} \\ a_v \cos \left(\alpha \right) + \cos \left(\alpha \right) \alpha_g \left(-l_3 \sin \left(\beta \right) - l_4 \cos \left(\beta \right) + l_1 \right) + \omega_g \omega_i \cos \left(\alpha \right) \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \sin \left(\beta \right) \right) \cdots \\ \cdots + \sin \left(\beta \right) \cos \left(\alpha \right) l_4 \omega_g \omega_i - \cos \left(\beta \right) \cos \left(\alpha \right) l_3 \omega_g \omega_i - \sin \left(\beta \right) \sin \left(\alpha \right) l_3 \alpha_i - \cos \left(\beta \right) \sin \left(\alpha \right) l_4 \alpha_i \cdots \\ \cdots + \sin \left(\alpha \right) \omega_i^2 \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \sin \left(\beta \right) \right) \\ a_v \sin \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \left(-l_3 \sin \left(\beta \right) - l_4 \cos \left(\beta \right) + l_1 \right) + \omega_g \omega_i \sin \left(\alpha \right) \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \sin \left(\beta \right) \right) \cdots \\ \cdots + \sin \left(\beta \right) \sin \left(\alpha \right) l_4 \omega_g \omega_i - \cos \left(\beta \right) \sin \left(\alpha \right) l_3 \omega_g \omega_i + \sin \left(\beta \right) \cos \left(\alpha \right) l_3 \alpha_i + \cos \left(\beta \right) \cos \left(\alpha \right) l_4 \alpha_i \cdots \\ \cdots - \cos \left(\alpha \right) \omega_i^2 \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \sin \left(\beta \right) \right) \end{bmatrix}$$

2.3 Vraag 3

Om de bijdrage van de coriolisversnelling te bepalen kan de volgende formule gebruikt worden. Het x''y''z''-assenstelsel wordt als hulpassenstelsel genomen.

$$\overrightarrow{a_{coriolis}} = -2 \left(\overrightarrow{\omega} \times \overrightarrow{v_{rel}} \right)$$
 (5)

Om de versnelling van het voorwerp te beschrijven, wordt $\overrightarrow{\omega}$ gelijkgesteld aan $\overrightarrow{\omega_g}$. Dit is immers de rotatie die het hulpassenstelsel uitvoert. De relatieve snelheid in dit assenstelsel is de rotatiesnelheid van C rond B met $\overrightarrow{\omega_i}$

$$\overrightarrow{\omega} = \overrightarrow{\omega_g}$$

$$\overrightarrow{v_{rel}} = \overrightarrow{\omega_i} \times (\overrightarrow{r_C} - \overrightarrow{r_B}) = \begin{bmatrix} -\omega_i \ (l_3 \cos(\beta) - l_4 \sin(\beta)) \\ -\omega_i \sin(\alpha) \ (l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta)) \\ \omega_i \cos(\alpha) \ (l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta)) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{a_{coriolis}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 2\cos(\alpha)\omega_g\omega_i & (l_3\cos(\beta) - l_4\sin(\beta)) \\ 2\sin(\alpha)\omega_g\omega_i & (l_3\cos(\beta) - l_4\sin(\beta)) \end{bmatrix}$$

2.4 Vraag 4

2.4.1 Ogenblikkelijke snelheid

Voor het berekenen van de snelheid van D wordt een gelijkaardige methode gebruikt als voor de snelheid van C in deel 2.2.1. Aangezien D zich niet op het wiel bevindt, heeft de rotatie van het wiel nog steeds geen invloed op de snelheid. De beweging kan dus opnieuw beschreven worden als de som van de translatiesnelheid van het vliegtuig, de rotatiesnelheid rond A en de rotatiesnelheid rond B.

$$\overrightarrow{v_D} = \overrightarrow{v_A} + \overrightarrow{\omega_q} \times (\overrightarrow{r_D} - \overrightarrow{r_A}) + \overrightarrow{\omega_i} \times (\overrightarrow{r_D} - \overrightarrow{r_B})$$
(6)

$$\overrightarrow{r_D} - \overrightarrow{r_A} = (\overrightarrow{r_D} - \overrightarrow{r_C}) + (\overrightarrow{r_C} - \overrightarrow{r_A})$$

$$= R^{x'''y'''z''' \to xyz} \begin{bmatrix} \frac{3}{4}l_4 \\ 0 \\ \frac{1}{4}l_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} r_{CAx} \\ r_{CAy} \\ r_{CAz} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -1/4 l_4 \cos(\beta) - 3/4 l_3 \sin(\beta) + l_1 \\ 3/4 \sin(\beta) \sin(\alpha) l_4 - 1/4 \cos(\beta) \sin(\alpha) l_3 - \sin(\alpha) (-l_3 \cos(\beta) + l_4 \sin(\beta) + l_2) \\ -3/4 \sin(\beta) \cos(\alpha) l_4 + 1/4 \cos(\beta) \cos(\alpha) l_3 + \cos(\alpha) (-l_3 \cos(\beta) + l_4 \sin(\beta) + l_2) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_g} \times (\overrightarrow{r_D} - \overrightarrow{r_A}) = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_x} & \overrightarrow{e_y} & \overrightarrow{e_z} \\ \omega_{gx} & \omega_{gy} & \omega_{gz} \\ v_{DAx} & v_{DAy} & v_{DAz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -1/4 \omega_g \cos(\alpha) \left(3 \, l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - 4 \, l_1\right) \\ -1/4 \omega_g \sin(\alpha) \left(3 \, l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - 4 \, l_1\right) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{r_D} - \overrightarrow{r_B} = (\overrightarrow{r_D} - \overrightarrow{r_C}) + (\overrightarrow{r_C} - \overrightarrow{r_B})$$

$$= \begin{bmatrix} -1/4 \, l_4 \cos{(\beta)} - 3/4 \, l_3 \sin{(\beta)} \\ 3/4 \sin{(\beta)} \sin{(\alpha)} \, l_4 - 1/4 \cos{(\beta)} \sin{(\alpha)} \, l_3 - \sin{(\alpha)} \left(-l_3 \cos{(\beta)} + l_4 \sin{(\beta)} \right) \\ -3/4 \sin{(\beta)} \cos{(\alpha)} \, l_4 + 1/4 \cos{(\beta)} \cos{(\alpha)} \, l_3 + \cos{(\alpha)} \left(-l_3 \cos{(\beta)} + l_4 \sin{(\beta)} \right) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_{i}} \times (\overrightarrow{r_{D}} - \overrightarrow{r_{B}}) = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_{x}} & \overrightarrow{e_{y}} & \overrightarrow{e_{z}} \\ \omega_{ix} & \omega_{iy} & \omega_{iz} \\ v_{DBx} & v_{DBy} & v_{DBz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} -1/4 \omega_{i} \left(3 \, l_{3} \cos \left(\beta \right) - l_{4} \sin \left(\beta \right) \right) \\ -1/4 \omega_{i} \sin \left(\alpha \right) \left(3 \, l_{3} \sin \left(\beta \right) + l_{4} \cos \left(\beta \right) \right) \\ 1/4 \omega_{i} \cos \left(\alpha \right) \left(3 \, l_{3} \sin \left(\beta \right) + l_{4} \cos \left(\beta \right) \right) \end{vmatrix}$$

De totale snelheid van D wordt dus door de volgende gelijkheid gegeven.

$$\overrightarrow{v_D} = \begin{bmatrix} -1/4 \,\omega_i \,\left(3 \,l_3 \,\cos\left(\beta\right) - l_4 \,\sin\left(\beta\right)\right) \\ \cos\left(\alpha\right) \,v_v - 1/4 \,\omega_g \,\cos\left(\alpha\right) \left(3 \,l_3 \,\sin\left(\beta\right) + l_4 \,\cos\left(\beta\right) - 4 \,l_1\right) - 1/4 \,\omega_i \,\sin\left(\alpha\right) \left(3 \,l_3 \,\sin\left(\beta\right) + l_4 \,\cos\left(\beta\right)\right) \\ \sin\left(\alpha\right) \,v_v - 1/4 \,\omega_g \,\sin\left(\alpha\right) \left(3 \,l_3 \,\sin\left(\beta\right) + l_4 \,\cos\left(\beta\right) - 4 \,l_1\right) + 1/4 \,\omega_i \,\cos\left(\alpha\right) \left(3 \,l_3 \,\sin\left(\beta\right) + l_4 \,\cos\left(\beta\right)\right) \end{bmatrix}$$

2.4.2 Ogenblikkelijke versnelling

Ook voor de ogenblikkelijke versnelling van D wordt een gelijkaardige methode gebruikt als voor C in deel 2.2.2. De vergelijking die hierboven werdt berekend (vgl. 6) wordt afgeleid naar de tijd..

$$\overrightarrow{a_D} = \frac{d\overrightarrow{v_D}}{dt} = \overrightarrow{a_A} + \frac{d\overrightarrow{\omega_g}}{dt} \times (\overrightarrow{r_D} - \overrightarrow{r_A}) + \overrightarrow{\omega_g} \times (\overrightarrow{v_D} - \overrightarrow{v_A}) + \frac{d\overrightarrow{\omega_i}}{dt} \times (\overrightarrow{r_D} - \overrightarrow{r_B}) + \overrightarrow{\omega_i} \times (\overrightarrow{v_D} - \overrightarrow{v_B})$$
(7)

Opnieuw worden al deze termen afzonderlijk uitgerekend.

$$\overrightarrow{a_A} = \begin{bmatrix} 0 \\ a_v \cos(\alpha) \\ a_v \sin(\alpha) \end{bmatrix}$$

$$\frac{d\overrightarrow{\omega_g}}{dt} \times (\overrightarrow{r_D} - \overrightarrow{r_A}) = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_x} & \overrightarrow{e_y} & \overrightarrow{e_z} \\ \frac{d\overrightarrow{\omega_g}}{dt} & \frac{d\overrightarrow{\omega_g}}{dt} & \frac{d\overrightarrow{\omega_g}}{dt} \\ r_{DAx} & r_{DAy} & r_{DAz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -1/4 \alpha_g \cos(\alpha) \left(3 l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - 4 l_1\right) \\ -1/4 \alpha_g \sin(\alpha) \left(3 l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - 4 l_1\right) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_g} \times (\overrightarrow{v_D} - \overrightarrow{v_A}) = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_x} & \overrightarrow{e_y} & \overrightarrow{e_z} \\ \omega_{gx} & \omega_{gy} & \omega_{gz} \\ v_{DAx} & v_{DAy} & v_{DAz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} 1/4 \omega_g^2 \left(3 \, l_3 \sin \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) - 4 \, l_1 \right) \\ 1/4 \cos \left(\alpha \right) \omega_g \, \omega_i \, \left(l_4 \sin \left(\beta \right) - 3 \, l_3 \cos \left(\beta \right) \right) \\ 1/4 \sin \left(\alpha \right) \omega_g \, \omega_i \, \left(l_4 \sin \left(\beta \right) - 3 \, l_3 \cos \left(\beta \right) \right) \end{bmatrix}$$

$$\frac{d\overrightarrow{\omega_{i}}}{dt} \times (\overrightarrow{r_{D}} - \overrightarrow{r_{B}}) = \begin{vmatrix}
\overrightarrow{e_{x}} & \overrightarrow{e_{y}} & \overrightarrow{e_{z}} \\
\frac{d\overrightarrow{\omega_{i}}}{dt} & \frac{d\overrightarrow{\omega_{i}}}{dt} & \frac{d\overrightarrow{\omega_{i}}}{dt} & z \\
r_{DBx} & r_{DBy} & r_{DBz}
\end{vmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix}
1/4 \alpha_{i} \left(l_{4} \sin{(\beta)} - 3 l_{3} \cos{(\beta)}\right) \\
1/4 \sin{(\beta)} \cos{(\alpha)} l_{4} \omega_{g} \omega_{i} - 3/4 \cos{(\beta)} \cos{(\alpha)} l_{3} \omega_{g} \omega_{i} \cdots \\
\cdots - 3/4 \sin{(\beta)} \sin{(\alpha)} l_{3} \alpha_{i} - 1/4 \cos{(\beta)} \sin{(\alpha)} l_{4} \alpha_{i} \\
1/4 \sin{(\beta)} \sin{(\alpha)} l_{4} \omega_{g} \omega_{i} - 3/4 \cos{(\beta)} \sin{(\alpha)} l_{3} \omega_{g} \omega_{i} \cdots \\
\cdots + 3/4 \sin{(\beta)} \cos{(\alpha)} l_{3} \alpha_{i} + 1/4 \cos{(\beta)} \cos{(\alpha)} l_{4} \alpha_{i}
\end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega_{i}} \times (\overrightarrow{v_{D}} - \overrightarrow{v_{B}}) = \begin{vmatrix} \overrightarrow{e_{x}} & \overrightarrow{e_{y}} & \overrightarrow{e_{z}} \\ \omega_{ix} & \omega_{iy} & \omega_{iz} \\ v_{DBx} & v_{DBy} & v_{DBz} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} 1/4 \omega_{i}^{2} \left(3 l_{3} \sin \left(\beta\right) + l_{4} \cos \left(\beta\right)\right) \\ 1/4 \sin \left(\alpha\right) \omega_{i}^{2} \left(l_{4} \sin \left(\beta\right) - 3 l_{3} \cos \left(\beta\right)\right) \\ 1/4 \cos \left(\alpha\right) \omega_{i}^{2} \left(l_{4} \sin \left(\beta\right) - 3 l_{3} \cos \left(\beta\right)\right) \end{bmatrix}$$

Dit wordt allemaal opgeteld.

$$\overrightarrow{a_D} = \begin{bmatrix} 1/4 \, \omega_g^{\, 2} \, (3 \, l_3 \, \sin{(\beta)} + l_4 \, \cos{(\beta)} - 4 \, l_1) + 1/4 \, \alpha_i \, \left(l_4 \, \sin{(\beta)} - 3 \, l_3 \, \cos{(\beta)} \right) \cdots \\ \cdots + 1/4 \, \omega_i^{\, 2} \, (3 \, l_3 \, \sin{(\beta)} + l_4 \, \cos{(\beta)}) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{a_v} \, \cos{(\alpha)} - 1/4 \, \alpha_g \, \cos{(\alpha)} \, (3 \, l_3 \, \sin{(\beta)} + l_4 \, \cos{(\beta)} - 4 \, l_1) \cdots \\ \cdots + 1/4 \, \cos{(\alpha)} \, \omega_g \, \omega_i \, \left(l_4 \, \sin{(\beta)} - 3 \, l_3 \, \cos{(\beta)} \right) + 1/4 \, \sin{(\beta)} \, \cos{(\alpha)} \, l_4 \, \omega_g \, \omega_i \cdots \\ \cdots - 3/4 \, \cos{(\beta)} \, \cos{(\alpha)} \, l_3 \, \omega_g \, \omega_i - 3/4 \, \sin{(\beta)} \sin{(\alpha)} \, l_3 \, \alpha_i \cdots \\ \cdots - 1/4 \, \cos{(\beta)} \, \sin{(\alpha)} \, l_4 \, \alpha_i + 1/4 \, \sin{(\alpha)} \, \omega_i^{\, 2} \, (l_4 \, \sin{(\beta)} - 3 \, l_3 \, \cos{(\beta)}) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{a_v} \, \sin{(\alpha)} - 1/4 \, \alpha_g \, \sin{(\alpha)} \, (3 \, l_3 \, \sin{(\beta)} + l_4 \, \cos{(\beta)} - 4 \, l_1) \cdots \\ \cdots + 1/4 \, \sin{(\alpha)} \, \omega_g \, \omega_i \, (l_4 \, \sin{(\beta)} - 3 \, l_3 \, \cos{(\beta)}) + 1/4 \, \sin{(\beta)} \sin{(\alpha)} \, l_4 \, \omega_g \, \omega_i \cdots \\ \cdots - 3/4 \, \cos{(\beta)} \sin{(\alpha)} \, l_3 \, \omega_g \, \omega_i + 3/4 \, \sin{(\beta)} \cos{(\alpha)} \, l_3 \, \alpha_i \cdots \\ + 1/4 \, \cos{(\beta)} \cos{(\alpha)} \, l_4 \, \alpha_i - 1/4 \, \cos{(\alpha)} \, \omega_i^{\, 2} \, (l_4 \, \sin{(\beta)} - 3 \, l_3 \, \cos{(\beta)}) \end{bmatrix}$$

3 Dynamica

3.1 Vraag 1

3.1.1 Ogenblikkelijke impulsvector landingsgestel

De impuls van het landingsgestel is gemakkelijk te berekenen indien de snelheidsvector van het massacentrum en de massa van het landingsgestel bepaald zijn. Deze moeten dan alleen nog met elkaar vermenigvuldigd worden.

$$\overrightarrow{p_l} = m_l \overrightarrow{v_D}$$

$$= \begin{bmatrix} 1/4 m_l \omega_i & (l_4 \sin(\beta) - 3 l_3 \cos(\beta)) \\ m_l & (\cos(\alpha) v_v - 1/4 \omega_g \cos(\alpha) & (3 l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - 4 l_1) - 1/4 \omega_i & \sin(\alpha) & (3 l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta))) \\ m_l & (\sin(\alpha) v_v - 1/4 \omega_g \sin(\alpha) & (3 l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - 4 l_1) + 1/4 \omega_i & \cos(\alpha) & (3 l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta))) \end{bmatrix}$$
(8)

3.1.2 Verandering impulsivector landingsgestel

De verandering van de impulsvector is gelijk aan de afgeleide van de impulsvector. Aangezien de massa van het landingsgestel niet verandert, moet alleen de snelheid in de formule uit het vorige onderdeel vervangen worden door de versnelling van het massacentrum van het landingsgestel.

$$\frac{d\overrightarrow{pl}}{dt} = m_l \overrightarrow{a_D}$$

$$= \begin{bmatrix}
m_l \left(\frac{1}{4} \omega_g^2 \left(3 l_3 \sin \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) - 4 l_1 \right) + \frac{1}{4} \cos \left(\alpha \right) \omega_g \omega_i \left(l_4 \sin \left(\beta \right) - 3 l_3 \cos \left(\alpha \right) \left(3 l_3 \sin \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) - 4 l_1 \right) + \frac{1}{4} \sin \left(\alpha \right) \omega_g \omega_i \left(l_4 \sin \left(\beta \right) - 3 l_3 \cos \left(\alpha \right) \right) \\
m_l \left(a_v \sin \left(\alpha \right) - \frac{1}{4} \alpha_g \sin \left(\alpha \right) \left(3 l_3 \sin \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) - 4 l_1 \right) + \frac{1}{4} \sin \left(\alpha \right) \omega_g \omega_i \left(l_4 \sin \left(\beta \right) - 3 l_3 \cos \left(\alpha \right) \right) \\
(9)$$

3.1.3 Ogenblikkelijke impulsvector wiel

Voor het wiel volgt een zeer gelijkaardige redenering als voor het landingsgestel. De massa van het voorwerp wordt vermenigvuldigd met de snelheidsvector van het massacentrum om de impuls te bekomen.

$$\overrightarrow{p_w} = m_w \overrightarrow{v_C} = \begin{bmatrix} m_w \omega_i \left(-l_3 \cos(\beta) + l_4 \sin(\beta) \right) \\ m_w \left(\cos(\alpha) v_v - \omega_g \cos(\alpha) \left(l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - l_1 \right) - \omega_i \sin(\alpha) \left(l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) \right) \\ m_w \left(\sin(\alpha) v_v - \omega_g \sin(\alpha) \left(l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) - l_1 \right) + \omega_i \cos(\alpha) \left(l_3 \sin(\beta) + l_4 \cos(\beta) \right) \right) \end{bmatrix}$$

$$(10)$$

3.1.4 Verandering impulsyector wiel

De afgeleide van de impulsvector is ook hier gelijk aan het product van de massa van het wiel met de versnellingsvector van het massacentrum van het wiel.

$$\frac{d\overrightarrow{p_w}}{dt} = m_w \overrightarrow{a_C} = \begin{bmatrix}
m_w \left(\omega_g^2 \left(l_3 \sin \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\alpha \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \cos \left(\alpha \right) \alpha_g \left(-l_3 \sin \left(\beta \right) - l_4 \cos \left(\beta \right) + l_1 \right) + \omega_g \omega_i \cos \left(\alpha \right) \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) \right) \\
m_w \left(a_v \sin \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \left(-l_3 \sin \left(\beta \right) - l_4 \cos \left(\beta \right) + l_1 \right) + \omega_g \omega_i \sin \left(\alpha \right) \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) \right) \\
m_w \left(a_v \sin \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \left(-l_3 \sin \left(\beta \right) - l_4 \cos \left(\beta \right) + l_1 \right) + \omega_g \omega_i \sin \left(\alpha \right) \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) \right) \\
m_w \left(a_v \sin \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \left(-l_3 \sin \left(\beta \right) - l_4 \cos \left(\beta \right) + l_1 \right) + \omega_g \omega_i \sin \left(\alpha \right) \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) \right) \\
m_w \left(a_v \sin \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \left(-l_3 \sin \left(\beta \right) - l_4 \cos \left(\beta \right) + l_1 \right) + \omega_g \omega_i \sin \left(\alpha \right) \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) \right) \\
m_w \left(a_v \sin \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \left(-l_3 \sin \left(\beta \right) - l_4 \cos \left(\beta \right) + l_1 \right) + \omega_g \omega_i \sin \left(\alpha \right) \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) \right) \right) \\
m_w \left(a_v \sin \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \left(-l_3 \sin \left(\beta \right) - l_4 \cos \left(\beta \right) + l_1 \right) + \omega_g \omega_i \sin \left(\alpha \right) \left(-l_3 \cos \left(\beta \right) + l_4 \cos \left(\beta \right) \right) \right) \\
m_w \left(a_v \sin \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \left(-l_3 \sin \left(\beta \right) - l_4 \cos \left(\beta \right) \right) \right) \\
m_w \left(a_v \sin \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \left(-l_3 \sin \left(\beta \right) - l_4 \cos \left(\beta \right) \right) \right) \right) \\
m_w \left(a_v \sin \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\beta \right) \right) \\
m_w \left(a_v \sin \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\beta \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\beta \right) \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \sin \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \cos \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \cos \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \cos \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \cos \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \cos \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \cos \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \cos \left(\alpha \right) \alpha_g \cos \left(\alpha \right) \right) \\
m_w \left(a_v \cos \left(\alpha \right) + \cos \left($$

3.2 Vraag 2

3.2.1 Ogenblikkelijke impulsmomentvector landingsgestel

De impuls vector is gedefinieerd als het product van de inertiematrix met de rotatievector. Aangezien de inertiematrix uitgedrukt is in het x'''y'''z'''-assenstelsel, moet de rotatievector ook in dit assenstelsel uitgedrukt worden. Het pr duct van deze matrix en de vector worden genomen en wordt de stelling van Steiner toegepast. Ten slotte wordt het resultaat nog getransformeerd naar het wereldassenstelsel om de gevraagde impuls momentvector te bekomen.

$$\overrightarrow{\omega}_{l,I} = \begin{bmatrix} 0 \\ \omega_i \\ 0 \end{bmatrix} + R^{x''y''z'' \to x'''y'''z'''} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega_g \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\sin(\beta)\,\omega_g \\ \omega_i \\ \cos(\beta)\,\omega_g \end{bmatrix}$$

$$L_{l} = I_{l} \overrightarrow{\omega}_{l,I} = \begin{bmatrix} -I_{-}l_{-}xx \sin(\beta) \omega_{g} \\ I_{-}l_{-}yy \omega_{i} \\ I_{-}l_{-}zz \cos(\beta) \omega_{g} \end{bmatrix}$$

$$\begin{split} L_{l,wereld} &= R^{x'''y'''z''' \to xyz} \ (L_I + \overrightarrow{r_{DC}} \times (m_l \, \overrightarrow{v_C})) \\ &= \begin{bmatrix} 3/4 \, l_{-}3 \, m_l \ (\omega_g \, \cos{(\beta)} \, l_4 + \omega_g \, \sin{(\beta)} \, l_3 - l_1 \, \omega_g - v_v) \cos{(\alpha)} + 1/4 \ (4 \, \omega_g \, (I_{-}l_{-}xx - I_{-}l_{-}zz) \, (\cos{(\beta)})^2 + l_{-}4 \, \omega_g \, \cos{(\beta)} \, l_4 \, m_l + l_{-}4 \, \omega_g \, \sin{(\beta)} \, l_3 \, m_l - l_{-}4 \ (l_1 \, \omega_g + v_v) \, m_l - 4 \, I_{-}4 \, (l_1 \, \omega_g$$

3.2.2 Ogenblikkelijke impulsmomentvector wiel

Voor de berekening van de impulsmomentvector van het wiel wordt een gelijkaaridge redenering gevolgd als bij het landingsgestel. Eerst wordt alles uitgedrukt in het x'''y'''z'''-assenstelsel. Het product van de inertiematrix en de rotatievector wordt genomen en vervolgesn wordt dit resultaat terug naar het wereldassenstelsel geconverteerd.

$$\overrightarrow{\omega}_{w,I} = \overrightarrow{\omega}_{l,I} + \begin{bmatrix} -\omega_w \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\sin(\beta)\,\omega_g - \omega_w \\ \omega_i \\ \cos(\beta)\,\omega_g \end{bmatrix}$$

$$L_{w} = I_{w} \overrightarrow{\omega}_{w,I} = \begin{bmatrix} I_{-}w_{-}xx & (-\sin(\beta)\omega_{g} - \omega_{w}) \\ I_{-}w_{-}yy & \omega_{i} \\ I_{-}w_{-}zz & \cos(\beta)\omega_{g} \end{bmatrix}$$

$$\begin{split} L_{w,wereld} &= R^{x'''y'''z''' \rightarrow xyz} \, L_w \\ &= \begin{bmatrix} & -\left(\omega_g \, \left(I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz\right) \sin\left(\beta\right) + I_{-}w_{-}xx \, \omega_w\right) \cos\left(\beta\right) \\ &= \left(\omega_g \, \left(I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz\right) \left(\cos\left(\beta\right)\right)^2 - I_{-}w_{-}xx \, \left(\sin\left(\beta\right) \omega_w + \omega_g\right)\right) \sin\left(\alpha\right) + \cos\left(\alpha\right) I_{-}w_{-}yy \, \omega_i \\ &\left(-\omega_g \, \left(I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz\right) \left(\cos\left(\beta\right)\right)^2 + I_{-}w_{-}xx \, \left(\sin\left(\beta\right) \omega_w + \omega_g\right)\right) \cos\left(\alpha\right) + \sin\left(\alpha\right) I_{-}w_{-}yy \, \omega_i \end{bmatrix} \end{split}$$

3.2.3 Verandering impulsmomentvector landingsgestel

De verandering van de impulsmomentvector wordt gegeven door de volgende formule.

$$\frac{d\overrightarrow{L_l}}{dt} = \left(\frac{d\overrightarrow{L_l}}{dt}\right)_{rel} + \overrightarrow{\Omega}_{l,I} \times \overrightarrow{L_l}$$

Het resultaat van deze bewerking wordt getransformeerd naar het wereldassenstelsel om de gevraagde impulsmomentvector te bekomen.

$$\begin{pmatrix} \frac{dL_l}{dt} \end{pmatrix}_{rel} = I_l \begin{pmatrix} R^{x''y''z'' \to x'''y'''z'''} & \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \alpha_g \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ \alpha_i \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{pmatrix} R^{x''y''z'' \to x'''y'''z'''} & \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega_g \end{bmatrix} \end{pmatrix} \times \begin{bmatrix} 0 \\ \omega_i \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} I \cdot l \cdot xx & (-\sin(\beta) \alpha_g - \cos(\beta) \omega_g \omega_i) \\ I \cdot l \cdot yy \alpha_i \\ I \cdot l \cdot zz & (\cos(\beta) \alpha_g - \sin(\beta) \omega_g \omega_i) \end{bmatrix}$$

$$\overrightarrow{\omega}_{l,I} \times L_l = \begin{bmatrix} -\cos(\beta) \omega_g \omega_i & (I \cdot l \cdot yy - I \cdot l \cdot zz) \\ -\sin(\beta) \cos(\beta) \omega_g^2 & (I \cdot l \cdot xx - I \cdot l \cdot zz) \\ \sin(\beta) \omega_g \omega_i & (I \cdot l \cdot xx - I \cdot l \cdot zy) \end{bmatrix}$$

$$\frac{dL_l}{dt} = \begin{pmatrix} \frac{dL_l}{dt} \end{pmatrix}_{rel} + \overrightarrow{\omega}_{l,I} \times L_l$$

$$= \begin{bmatrix} -\omega_g \omega_i & (I \cdot l \cdot xx + I \cdot l \cdot yy - I \cdot l \cdot zz) \cos(\beta) - I \cdot l \cdot xx \sin(\beta) \alpha_g \\ -\sin(\beta) \cos(\beta) \omega_g^2 & (I \cdot l \cdot xx - I \cdot l \cdot zy) + I \cdot l \cdot yy \alpha_i \\ \omega_g \omega_i & (I \cdot l \cdot xx - I \cdot l \cdot yy - I \cdot l \cdot zz) \sin(\beta) + I \cdot l \cdot zz \cos(\beta) \alpha_g \end{bmatrix}$$

$$\frac{dL_{l,wereld}}{dt} = R^{x'''y'''z''' \to xyz} \frac{dL_l}{dt}$$

$$\frac{dt}{dt} = R^{a-g} \frac{dt}{dt}$$

$$= \begin{bmatrix}
\alpha_g \sin(\alpha) (I_{-l}xx - I_{-l}xz) (\cos(\beta))^2 + 1/4 ((-8\omega_g \omega_i (I_{-l}xx - I_{-l}zz) \sin(\beta) + l_{-l}xm) (\cos(\beta))^2 + 1/4 ((-8\omega_g \omega_i (I_{-l}xx - I_{-l}zz) \sin(\beta) + l_{-l}xm) (2l_3\omega_g \omega_i + l_4\alpha_g) \\
1/4 (4\alpha_g (I_{-l}xz - I_{-l}xx) (\cos(\beta))^2 + (-8\omega_g \omega_i (I_$$

3.2.4 Verandering impulsmomentvector wiel

De verandering van het impulsmoment wordt gegeven door de volgende formule. Dit resultaat wordt dan getransformeerd naar het wereldassenstelsel.

$$\begin{split} \frac{d\overrightarrow{L_w}}{dt} &= \left(\frac{d\overrightarrow{L_w}}{dt}\right)_{rel} + \overrightarrow{\Omega}_{w,I} \times \overrightarrow{L_w} \\ \left(\frac{d\overrightarrow{L_w}}{dt}\right)_{rel} &= I_w \left[\left(R^{x''y''z'' \rightarrow x'''y''z'''} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \alpha_g \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ \alpha_i \\ 0 \end{bmatrix} + \left(R^{x''y''z'' \rightarrow x'''y''z'''} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega_g \end{bmatrix} \right) \times \begin{bmatrix} 0 \\ \omega_i \\ 0 \end{bmatrix} \right] \\ &+ \left(R^{x''y''z'' \rightarrow x'''y'''z'''} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \omega_g \end{bmatrix} \right) \times \begin{bmatrix} -\omega_g \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ \omega_i \\ 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} -\omega_w \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \alpha_w \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \right] \\ &= \begin{bmatrix} -\cos\left(\beta\right)\omega_g\,\omega_i\,\left(I_{-w_-yy} - I_{-w_-zz}\right) \\ -\left(\sin\left(\beta\right)\omega_g + \omega_w\right)\cos\left(\beta\right)\omega_g\,\left(I_{-w_-xx} - I_{-w_-zz}\right) \\ \left(\sin\left(\beta\right)\omega_g + \omega_w\right)\omega_i\,\left(-I_{-w_-yy} + I_{-w_-xx}\right) \end{bmatrix} \end{split}$$

$$\overrightarrow{\Omega}_{w,I} \times L_{w} = \begin{bmatrix} -\cos\left(\beta\right) \omega_{g} \, \omega_{i} \, \left(I_{-}w_{-}yy - I_{-}w_{-}zz\right) \\ -\left(\sin\left(\beta\right) \omega_{g} + \omega_{w}\right) \cos\left(\beta\right) \omega_{g} \, \left(I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz\right) \\ \left(\sin\left(\beta\right) \omega_{g} + \omega_{w}\right) \omega_{i} \, \left(-I_{-}w_{-}yy + I_{-}w_{-}xx\right) \end{bmatrix}$$

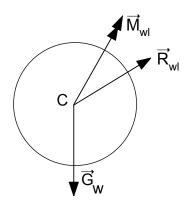
$$\begin{split} \frac{d\overrightarrow{L_w}}{dt} &= \left(\frac{d\overrightarrow{L_w}}{dt}\right)_{rel} + \overrightarrow{\Omega}_{w,I} \times L_w \\ &= \begin{bmatrix} & -\omega_g \, \omega_i \, \left(I_-w_-xx + I_-w_-yy - I_-w_-zz\right) \cos\left(\beta\right) - I_-w_-xx \, \left(\sin\left(\beta\right) \, \alpha_g - \alpha_w\right) \\ & - \left(\omega_g \, \left(I_-w_-xx - I_-w_-zz\right) \sin\left(\beta\right) + \omega_w \, \left(I_-w_-xx + I_-w_-yy - I_-w_-zz\right)\right) \omega_g \, \cos\left(\beta\right) + I_-w_-yy \, \alpha_i \\ & \omega_g \, \omega_i \, \left(I_-w_-xx - I_-w_-yy - I_-w_-zz\right) \sin\left(\beta\right) + I_-w_-zz \, \cos\left(\beta\right) \, \alpha_g + \omega_i \, \omega_w \, \left(I_-w_-xx - I_-w_-yy + I_-w_-zz\right) \end{bmatrix} \end{split}$$

$$\frac{dL_{w,wereld}}{dt} = R^{x'''y'''z''' \to xyz} \frac{dL_{w}}{dt}$$

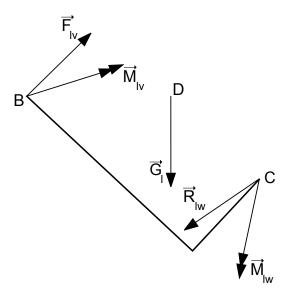
$$= \begin{bmatrix} -2\omega_{g}\omega_{i} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + (-\alpha_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + (-\alpha_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}yy + I_{-}zz) (\cos(\alpha)\alpha_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}yy + I_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}yy + I_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}yy + I_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}yy + I_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}yy + I_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}yy + I_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}yy + I_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}yy + I_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zy) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}zz) \sin(\beta) + \omega_{w} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}z) (\cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx - I_{-}w_{-}z) \cos(\beta))^{2} + ((2\omega_{g} (I_{-}w_{-}xx$$

Vrijlichaamsdiagrammen wiel en landingsgestel

Voor de volgende vragen wordt er gebruik gemaakt van deze vrijlichaamsdiagrammen.



Figuur 3: Het vrijlichaamsdiagram van het wiel



Figuur 4: Het vrijlichaamsdiagram van het landingsgestel

3.3 Vraag 3

Om de kracht op de vleugel door het landingsgestel te berekenen is het door een gebrek aan gegevens niet mogelijk om meteen de vleugel vrij te maken. Daar spelen te veel onbekende krachten op in. Het is wel mogelijk om de kracht van de vleugel op het landingsgestel te berekenen. Wegens de 3^{de} wet van Newton is deze gelijk aan de omgekeerde kracht van het landingsgestel op de vleugel. Het krachtenevenwicht van het landingsgestel is volledig bepaald als de kracht van het wiel op het landingsgestel bekend is. Het wiel wordt dus als eerste volledig vrijgemaakt.

3.3.1 Het wiel

OP het wiel werken twee krachten in, namelijk het gewicht en de kracht van het landingsgestel op het wiel. De som van deze twee krachten is gelijk aan de verandering van de impuls van het wiel.

$$\overrightarrow{G_w} + \overrightarrow{R_{wl}} = \frac{d\overrightarrow{p_w}}{dt}$$

In een vorige opgave is de verandering van het impuls al eens berekend. Het gewicht wordt gegeven door de volgende formule.

$$\overrightarrow{G_w} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -gm_w \end{bmatrix}$$

De kracht $\overrightarrow{R_{wl}}$ wordt nu berekend en omgekeerd om de gewenste kracht $\overrightarrow{R_{lw}}$ te bekomen.

3.3.2 Het landingsgestel

Op het landingsgestel werken er drie krachten. De eerste kracht is natuurlijk het gewicht van het landingsgestel zelf. Vervolgens is er nog de kracht omwille van het wiel die in het vorige deel

werd berekent en de kracht door de vleugel. Deze laatste kracht wordt berekend en omgedraaid om de gevraagde kracht te bekomen.

$$\overrightarrow{G_l} + \overrightarrow{R_{lw}} + \overrightarrow{F_{lv}} = \frac{d\overrightarrow{p_l}}{dt}$$

Van deze termen is er maar één onbekend, namelijk de kracht door de vleugel. De vergelijking wordt dus opgelost naar deze term en de oplossing wordt omgedraaid. Dit is de gevraagde kracht van het landingsgestel op de vleugel.

3.4 Vraag 4

Ook voor het berekenen van het moment van het landingsgestel op de vleugel zijn er niet genoeg gegevens om de vleugel direct vrij te maken. De 3de wet van Newton geldt ook voor momenten, dus dit laat toe om het moment van de vleugel op het landingsgestel te berekenen. Dit moment wordt vervolgens omgedraaid en dit resultaat is het gevraagde mometn. Op het landingsgestel werkt er echter nog een onbekend moment vanwege het wiel. De eerste stap bestaat dus uit het vrijmaken van het wiel en dit moment te bepalen.

Er speelt maar één moment in op het wiel, namelijk het moment vanwege het landingsgestel. De krachten zorgen niet voor momenten aangezien ze aangrijpen in het massacentrum.

$$\overrightarrow{M_{w,l}} = \frac{d\overrightarrow{L_{w,wereld}}}{dt}$$

Het moment van het wiel op het landingsgestel is gelijk aan het tegengestelde van dit moment.

$$\overrightarrow{M_{l.w}} = -\overrightarrow{M_{w.l}}$$

Het momentenevenwicht van het landingsgestel rond het massacentrum is minder eenvoudig. De krachten op het landingsgestel vanwege het wiel en de vleugel zorgen voor een moment, dat gemakkelijk berekend kan worden. Er zijn ook twee vrije momenten, namelijk het moment door de vleugel en het moment door het wiel. Deze vergelijking wordt nu opgelost naar het moment door de vleugel.

$$\overrightarrow{M_{l,v}} = \overrightarrow{dL_{l,wereld}} - \left(-\overrightarrow{r_{D,C}} \times \overrightarrow{R_{l,w}} \right) - \left(-\overrightarrow{r_{D,B}} \times \overrightarrow{F_{l,v}} \right) - \overrightarrow{M_{l,w}}$$

$$M_{v,l} = -M_{l,v} = \frac{dL_{l,wereld}}{dt} + \left[1/16 \left(\left(-9 \left(m_l + \frac{16 \, m_w}{9} \right) \alpha_g \, l_3^2 + 12 \, l_4 \, \omega_i \, l_3 \, \left(m_l + 16/3 \, m_w \right) \omega_g - 16 \, \left(\left(-m_l/16 - m_l/16 + 16/3 \, m_w \right) \omega_g \right) \right] \right] + \left[1/16 \left(\left(-12 \, l_4 \, \omega_i \, l_3 \, \left(m_l + 16/3 \, m_w \right) \omega_g \right) \right] + \left[1/16 \left(\left(-12 \, l_4 \, \omega_i \, l_3 \, \left(m_l + 16/3 \, m_w \right) \omega_g \right) \right] \right] \right] + \left[1/16 \left(\left(-12 \, l_4 \, \omega_i \, l_3 \, \left(m_l + 16/3 \, m_w \right) \omega_g \right) \right] \right] + \left[1/16 \left(\left(-12 \, l_4 \, \omega_i \, l_3 \, \left(m_l + 16/3 \, m_w \right) \omega_g \right) \right] \right] \right] + \left[1/16 \left(\left(-12 \, l_4 \, \omega_i \, l_3 \, \left(m_l + 16/3 \, m_w \right) \omega_g \right) \right] \right] \right]$$

3.5 Vraag 5

Het moment dat door de vleugel op het landingsgestel wordt geleverd is gelijk aan het omgekeerde van het moment dat door het landingsgestel op de vleugel wordt geleverd. Dit moment wordt in feite niet volledig door de actuator geleverd. De actuator kan immers alleen maar een moment volgens de y'-as leveren. Dit zorgt er dus voor dat de actuator alleen voor moment met y- en z-coördinaten kan zorgen. De x-component kan dus weggelaten worden.

$$M_{l,v} = \frac{dL_{l,wereld}}{dt} + \left[1/16 \left(\left(9 \left(m_l + \frac{16 \, m_w}{9} \right) \alpha_g \, l_3^2 - 12 \, l_4 \, \omega_i \, l_3 \, \left(m_l + 16/3 \, m_w \right) \omega_g + 16 \, \left(\left(-m_l/16 - m_w \right) \, l_4^2 + 16 \, m_w \right) \right] \right] + 1/16 \, \left(\left(12 \, l_4 \, \omega_i \, l_3 \, \left(m_l + 16/3 \, m_w \right) \omega_g + 16 \, m_w \right) \right) \left(-m_l/16 - m_w \right) \left(-$$