

# **Dicionário em Árvore: Uma abordagem AVL**

**Arthur Teixeira Perillo  
Arthur Trindade da Silva  
João Felipe Carlos Rodrigues  
Kevin Brunno da Cunha Oliveira  
Rubens Augusto Medeiros Miranda**

O que vamos  
apresentar?

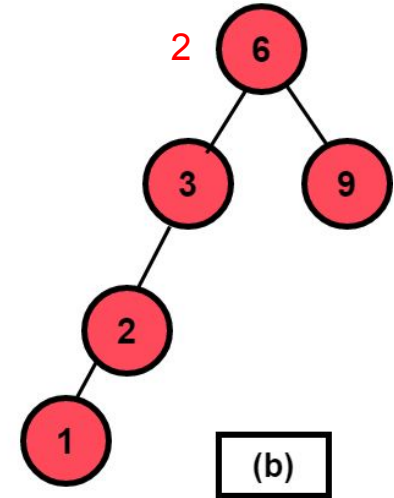
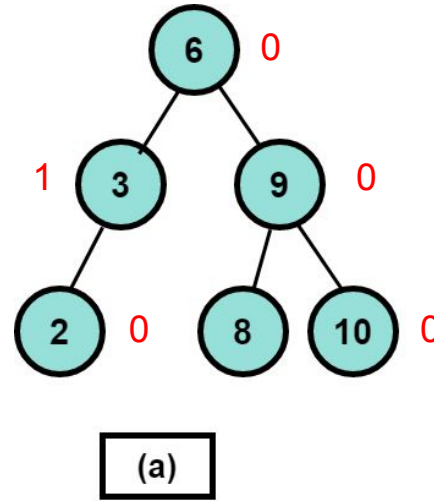




**Mas o que é  
uma árvore  
balanceada?**

# Balanceamento AVL

1. Uma árvore binária balanceada (AVL) é uma árvore binária na qual as alturas das duas subárvores de todo nó nunca diferem em mais de 1.
2. A transformação a ser feita na árvore tal que ela se mantenha balanceada é chamada de rotação



# Tabela da AVL



**Tabela 1:** Complexidade referente a árvore AVL

	Média	Pior Caso
Altura	$O(n)$	$O(n)$
Busca	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Inserção	$O(\log n)$	$O(\log n)$
Exclusão	$O(\log n)$	$O(\log n)$

# Função para realizar uma rotação simples à direita

```
struct Node* rotateRight(struct Node* z)
    struct Node* y = z->left;
    struct Node* T3 = y->right;
    y->right = z;
    z->left = T3;
    z->height = max(getHeight(z->left),
        getHeight(z->right)) + 1;
    y->height = max(getHeight(y->left),
        getHeight(y->right)) + 1;
    return y;
```



# Função para realizar uma rotação simples à esquerda

```
struct Node* rotateRight(struct Node* z)
    struct Node* y = z->right;
    struct Node* T2 = y->left;
    y->left = z;
    z->right = T2;
    z->height = max(getHeight(z->left),
        getHeight(z->right)) + 1;
    y->height = max(getHeight(y->left),
        getHeight(y->right)) + 1;
    return y;
```



# Chamada de função para rotação simples

```
// Caso de rotação à esquerda direita
if (balance > 1 && compareResult < 0)
    return rotateRight(node);
// Caso de rotação à direita esquerda
if (balance < -1 && compareResult > 0)
    return rotateLeft(node);
```





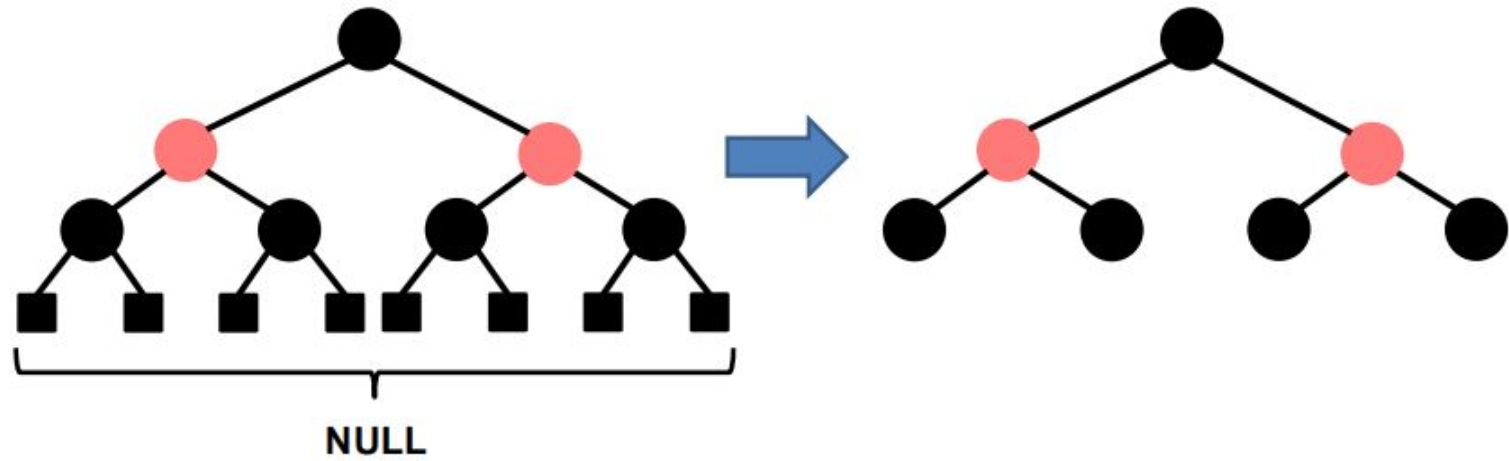
# Chamada de funções para rotação a direita e esquerda

```
// Caso de rotação à esquerda direita
if (balance > 1 && compareResult > 0) {
    node->left = rotateLeft(node->left);
    return rotateRight(node);
}
// Caso de rotação à direita esquerda
if (balance < -1 && compareResult < 0) {
    node->right = rotateRight(node->right);
    return rotateLeft(node);
}
```





# E a Rubro Negro?



# Tabela da Rubro Negra

**Tabela 2:** Complexidade referente a árvore Red Black

	Média	Pior Caso
<b>Altura</b>	$O(\log n)$	$O(\log n)$
<b>Busca</b>	$O(\log n)$	$O(\log n)$
<b>Inserção</b>	$O(\log n)$	$O(\log n)$
<b>Exclusão</b>	$O(\log n)$	$O(\log n)$



# Aplicações

- Dicionários
- Banco de dados
- Compiladores
- Geometria Computacional
- Sistemas de Arquivo
- Rede de Computadores



# Contato

arthur.teixeira@discente.ufg.br  
trinde\_silva@discente.ufg.br  
felipe2@discente.ufg.br  
kevinbrunno@discente.ufg.br  
rubens.miranda@discente.ufg.br