Projet Analyse de données

Rudio et Léo-Paul

2023-05-09

Présentation du projet et du jeu de données

Le jeu de données est constitués d'informations sur la vie d'étudiants dans une université du Portugal. Ces informations vont de leur résultats universitaires, leur vie familiale à leur consommation d'alcool. Le jeu a été construit à partir d'une enquête menée auprès d'étudiant en mathématiques et en portugais.

L'objectif serait alors d'analyser le jeu de données afin de comprendre les facteurs qui impactent la réussite scolaire de ces étudiants. L'intérêt du jeu est la grande variété de facteurs proposée qui permet de courvrir un maximum d'hypothèsesn, notamment celle sur la consommation d'alcool proposée directement par le nom du jeu de données.

Voici les variabales présentent dans ce jeu de données ;

- school student's school (binary: 'GP' Gabriel Pereira or 'MS' Mousinho da Silveira)
- sex student's sex (binary: 'F' female or 'M' male)
- age student's age (numeric: from 15 to 22)
- address student's home address type (binary: 'U' urban or 'R' rural)
- famsize family size (binary: 'LE3' less or equal to 3 or 'GT3' greater than 3)
- Pstatus parent's cohabitation status (binary: 'T' living together or 'A' apart)
- Medu mother's education (numeric: 0 none, 1 primary education (4th grade), 2 5th to 9th grade,
 3 secondary education or 4 higher education)
- **Fedu** father's education (numeric: 0 none, 1 primary education (4th grade), 2 5th to 9th grade, 3 secondary education or 4 higher education)
- **Mjob** mother's job (nominal: 'teacher', 'health' care related, civil 'services' (e.g. administrative or police), 'at home' or 'other')
- **Fjob** father's job (nominal: 'teacher', 'health' care related, civil 'services' (e.g. administrative or police), 'at_home' or 'other')
- reason reason to choose this school (nominal: close to 'home', school 'reputation', 'course' preference or 'other')
- guardian student's guardian (nominal: 'mother', 'father' or 'other')
- **traveltime** home to school travel time (numeric: 1 <15 min., 2 15 to 30 min., 3 30 min. to 1 hour, or 4 >1 hour)
- **studytime** weekly study time (numeric: 1 <2 hours, 2 2 to 5 hours, 3 5 to 10 hours, or 4 >10 hours)
- failures number of past class failures (numeric: n if 1<=n<3, else 4)
- schoolsup extra educational support (binary: yes or no)
- famsup family educational support (binary: yes or no)
- paid extra paid classes within the course subject (Math or Portuguese) (binary: yes or no)
- activities extra-curricular activities (binary: yes or no)
- nursery attended nursery school (binary: yes or no)
- **higher** wants to take higher education (binary: yes or no)
- internet Internet access at home (binary: yes or no)
- romantic with a romantic relationship (binary: yes or no)
- famrel quality of family relationships (numeric: from 1 very bad to 5 excellent)

- freetime free time after school (numeric: from 1 very low to 5 very high)
- **goout** going out with friends (numeric: from 1 very low to 5 very high)
- Dalc workday alcohol consumption (numeric: from 1 very low to 5 very high)
- Walc weekend alcohol consumption (numeric: from 1 very low to 5 very high)
- health current health status (numeric: from 1 very bad to 5 very good)
- absences number of school absences (numeric: from 0 to 93)

These grades are related with the course subject, Math or Portuguese: - **G1** - first period grade (numeric: from 0 to 20) - **G2** - second period grade (numeric: from 0 to 20) - **G3** - final grade (numeric: from 0 to 20, output target)

Au cours de ce projet, nous nous concentrons sur la variable G3 qui est la variable de sortie représentant la note finale des élèves. Il s'agirait donc d'un problème de régression sur la variables G3 ou même plus généralement un problème de classification.

Voici les étapes que nous allons suivre :

- 1. Identifier les variables significatives
- 2. Appliquer des méthodes de classification sur la réussite scolaire
- 3. Effectuer une regression linéaires pour prédire G3
- 4. Comparer des méthodes de machine learning pour prédire G3

1. Chargement des données

```
# Chargement de la base de données
df.mat=read.table("student-mat.csv",sep=",",header=TRUE,as.is = FALSE)
df.por=read.table("student-por.csv",sep=",",header=TRUE,as.is = FALSE)
# Etudiants qui appartiennent aux deux cours
both= merge(df.mat,df.por,by=c("school","sex","age","address","famsize","Pstatus","Medu","Fedu","Mjob",
# Concaténation des deux dataframes
df = rbind(df.mat,df.por)
head(df)
     school sex age address famsize Pstatus Medu Fedu
##
                                                                Mjob
                                                                          Fjob
                                                                                    reason
## 1
          GP
               F
                  18
                            U
                                   GT3
                                              Α
                                                             at_home
                                                                      teacher
                                                                                    course
## 2
          GP
               F
                            U
                                   GT3
                                              Τ
                  17
                                                    1
                                                         1
                                                             at home
                                                                         other
                                                                                    course
                            U
          GP
               F
                                   LE3
                                              Τ
## 3
                  15
                                                    1
                                                         1
                                                             at home
                                                                         other
                                                                                     other
## 4
          GP
                  15
                            U
                                   GT3
                                              Τ
                                                         2
                                                             health services
                                                                                      home
## 5
          GP
               F
                            U
                                   GT3
                                              Τ
                                                    3
                                                         3
                                                               other
                  16
                                                                         other
                                                                                      home
                            U
## 6
          GP
               М
                  16
                                   LE3
                                              Τ
                                                    4
                                                         3 services
                                                                         other reputation
##
     guardian traveltime studytime failures schoolsup
                                                           famsup paid activities
## 1
       mother
                         2
                                    2
                                              0
                                                                no
                                                                     no
                                                       yes
## 2
       father
                         1
                                    2
                                              0
                                                        no
                                                               yes
                                                                     no
                                                                                  nο
## 3
       mother
                         1
                                    2
                                              3
                                                                    yes
                                                       ves
                                                                no
                                                                                 no
                                    3
## 4
       mother
                         1
                                              0
                                                        no
                                                               yes
                                                                    yes
                                                                                yes
## 5
       father
                                    2
                                              0
                         1
                                                        no
                                                                    yes
                                                               yes
                                                                                 no
                                    2
##
  6
       mother
                         1
                                              0
                                                        no
                                                               yes
                                                                    yes
                                                                                yes
##
     nursery higher internet romantic famrel freetime
                                                           goout Dalc Walc health
                                               4
                                                         3
## 1
          ves
                 yes
                            no
                                      no
                                                                4
                                                                     1
                                                                           1
## 2
                                               5
                                                         3
                                                                3
                                                                           1
                                                                                   3
          no
                 yes
                           yes
                                      no
                                                                     1
                                               4
                                                         3
                                                                2
                                                                     2
                                                                           3
                                                                                   3
## 3
          yes
                 yes
                           yes
                                      no
                                                                                   5
                                                         2
                                                                2
                                               3
                                                                     1
                                                                           1
## 4
                 ves
                           ves
                                     ves
                                                         3
                                                                2
                                                                           2
                                                                                   5
## 5
          yes
                 yes
                            no
                                      no
                                               4
                                                                     1
## 6
                                               5
                                                                2
                                                                           2
                                                                                   5
          yes
                 yes
                           yes
                                      no
```

```
absences G1 G2 G3
##
## 1
            6 5
                  6 6
## 2
                  5 6
            4
              5
## 3
           10
             7
                  8 10
## 4
            2 15 14 15
            4 6 10 10
## 5
           10 15 15 15
## 6
```

2. Nettoyage et vérification des données

Le jeu est composé de 33 variables dont 17 qualitatives et 16 quantitatives. On calcule la moyenne pour chaque élève, et on rajoute une variable pour la réussite scolaire.

```
print(str(df))
```

```
## 'data.frame':
                    1044 obs. of 33 variables:
##
                : Factor w/ 2 levels "GP", "MS": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
   $ school
##
                : Factor w/ 2 levels "F", "M": 1 1 1 1 1 2 2 1 2 2 ...
##
   $ age
                : int 18 17 15 15 16 16 16 17 15 15 ...
##
   $ address
                : Factor w/ 2 levels "R", "U": 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 ...
                : Factor w/ 2 levels "GT3", "LE3": 1 1 2 1 1 2 2 1 2 1 ...
##
   $ famsize
                : Factor w/ 2 levels "A", "T": 1 2 2 2 2 2 1 1 2 ...
   $ Pstatus
                : int 4 1 1 4 3 4 2 4 3 3 ...
##
   $ Medu
   $ Fedu
                : int 4 1 1 2 3 3 2 4 2 4 ...
##
##
   $ Mjob
                : Factor w/ 5 levels "at_home", "health", ...: 1 1 1 2 3 4 3 3 4 3 ...
##
   $ Fjob
                : Factor w/ 5 levels "at_home", "health", ...: 5 3 3 4 3 3 3 5 3 3 ...
                : Factor w/ 4 levels "course", "home", ..: 1 1 3 2 2 4 2 2 2 2
##
##
   $ guardian : Factor w/ 3 levels "father", "mother", ...: 2 1 2 2 1 2 2 2 2 2 ...
##
  $ traveltime: int 2 1 1 1 1 1 2 1 1 ...
##
   $ studytime : int 2 2 2 3 2 2 2 2 2 2 ...
##
   $ failures : int 0 0 3 0 0 0 0 0 0 0 ...
##
   $ schoolsup : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 2 1 2 1 1 1 1 2 1 1 ...
##
                : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 2 1 2 2 2 1 2 2 2 ...
                : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 1 2 2 2 2 1 1 2 2 ...
##
   $ paid
##
   $ activities: Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 1 1 2 1 2 1 1 1 2 ...
##
                : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 2 1 2 2 2 2 2 2 2 2 ...
   $ nursery
   $ higher
                : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 ...
   $ internet : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 2 2 2 1 2 2 1 2 2 ...
##
   $ romantic : Factor w/ 2 levels "no","yes": 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 ...
##
##
   $ famrel
                      4 5 4 3 4 5 4 4 4 5 ...
                : int
   $ freetime : int
                       3 3 3 2 3 4 4 1 2 5 ...
##
   $ goout
                : int
                       4 3 2 2 2 2 4 4 2 1 ...
##
   $ Dalc
                : int
                       1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 ...
                      1 1 3 1 2 2 1 1 1 1 ...
##
   $ Walc
                : int
##
                      3 3 3 5 5 5 3 1 1 5 ...
   $ health
                : int
##
   $ absences : int
                       6 4 10 2 4 10 0 6 0 0 ...
##
   $ G1
                       5 5 7 15 6 15 12 6 16 14 ...
                : int
##
   $ G2
                : int 6 5 8 14 10 15 12 5 18 15 ...
##
   $ G3
                : int 6 6 10 15 10 15 11 6 19 15 ...
## NULL
print(nrow(df))
```

[1] 1044

```
## On calcule la moyenne des étudiants
df$Moy = (df$G1+df$G2+df$G3)/3
## On rajoute la réussite scolaire comme variable qualitative que nous devrons prédire.
df$RS = factor(df$Moy>=10)
head(df)
##
     school sex age address famsize Pstatus Medu Fedu
                                                                 Mjob
                                                                           Fjob
                                                                                     reason
## 1
          GP
               F
                   18
                             U
                                    GT3
                                                              at_home
                                                                        teacher
                                                                                     course
## 2
          GP
               F
                             U
                                    GT3
                   17
                                               Τ
                                                    1
                                                              at_home
                                                                          other
                                                          1
                                                                                     course
## 3
          GP
                             U
                                    LE3
                                               Τ
               F
                   15
                                                              at home
                                                                          other
                                                    1
                                                          1
                                                                                      other
## 4
          GP
               F
                   15
                             U
                                    GT3
                                               Τ
                                                    4
                                                          2
                                                              health services
                                                                                       home
## 5
               F
                             U
                                    GT3
                                               Τ
                                                    3
          GP
                   16
                                                          3
                                                                other
                                                                          other
                                                                                       home
## 6
          GP
               М
                   16
                             U
                                    LE3
                                               Τ
                                                    4
                                                          3 services
                                                                          other reputation
##
     guardian traveltime
                           studytime failures schoolsup
                                                            famsup paid activities
## 1
       mother
                          2
                                     2
                                               0
                                                        yes
                                                                 no
                                                                      no
                                     2
## 2
       father
                          1
                                               0
                                                         no
                                                                yes
                                                                      no
                                                                                   no
## 3
                          1
                                     2
                                               3
       mother
                                                        yes
                                                                 no
                                                                     yes
                                                                                   nο
## 4
       mother
                          1
                                     3
                                               0
                                                         no
                                                                yes
                                                                     yes
                                                                                  yes
## 5
       father
                          1
                                     2
                                               0
                                                         no
                                                                yes
                                                                     yes
                                                                                   no
                                     2
## 6
       mother
                          1
                                               0
                                                         no
                                                                yes
                                                                     yes
                                                                                  yes
                                                            goout Dalc Walc health
##
     nursery higher internet romantic famrel freetime
## 1
                                                4
                                                          3
                                                                            1
          yes
                  yes
                             no
                                       no
                                                                 4
                                                                       1
                                                5
## 2
           no
                  yes
                            yes
                                       no
                                                          3
                                                                 3
                                                                       1
                                                                            1
                                                                                    3
## 3
                                                4
                                                          3
                                                                 2
                                                                       2
                                                                            3
                                                                                    3
          yes
                  yes
                            yes
                                       no
                                                3
                                                          2
                                                                 2
                                                                                    5
## 4
                                                                            1
          yes
                  yes
                            yes
                                      yes
                                                                       1
                                                          3
                                                                 2
                                                                            2
                                                                                    5
## 5
          yes
                 yes
                                                4
                                                                       1
                             no
                                       no
                                                                 2
                                                                            2
                                                                                    5
## 6
                                                5
                                                          4
                                                                       1
          yes
                  yes
                                       no
                                Moy
##
     absences G1 G2 G3
                                        RS
## 1
             6
                5
                    6
                       6
                          5.666667 FALSE
## 2
             4
                5
                    5
                       6
                          5.333333 FALSE
## 3
                    8 10
            10
                7
                          8.333333 FALSE
## 4
             2 15 14 15 14.666667
                                      TRUE
## 5
                6 10 10
                          8.666667 FALSE
## 6
            10 15 15 15 15.000000
```

3. Exploration des données : études des variables

Cette partie consiste à appliquer des méthodes de statistiques descriptives afin de mieux comprendre le jeu de données. On se concentre sur l'analyse de la distribution des variables et leur corrélation avec les résultats scolaires.

Les variables qualitatives

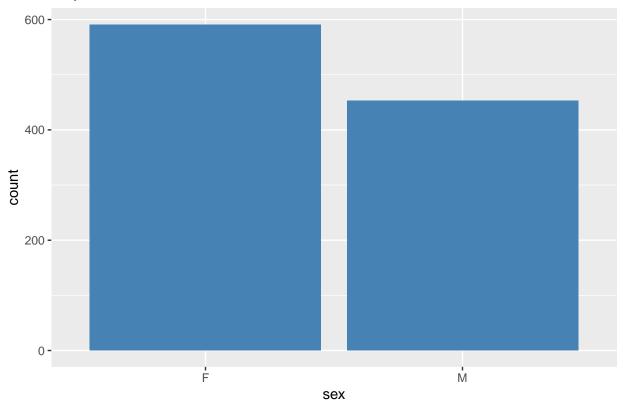
Le sexe des étudiants

D'après le diagramme, le dataset est plutôt équilibré en terme d'hommes et de femmes, il y même plus de femmes que d'hommes dans ce lycées. On étudie ensuite le lien entre le sexe et les notes en effectant une ANOVA1. D'après le test de Fisher, p-value > 5% donc il n'y a pas d'effet du sexe sur les notes. D'après le test d'indépendances de Chi2 avec l'admission, le sexe des élèves n'a pas de lien avec leur réussite scolaire.

```
# Distribution
library(ggplot2)
```

```
## Attachement du package : 'ggplot2'
## L'objet suivant est masqué depuis 'package:randomForest':
##
## margin
ggplot(df, aes(x = sex)) +
   geom_bar(fill = "steelblue") +
   labs(title = "Répartition des sexes")
```

Répartition des sexes



```
# Lien avec la moyenne
summary(lm(Moy ~ sex,data=df))
```

```
##
## Call:
## lm(formula = Moy ~ sex, data = df)
## Residuals:
##
       Min
                 1Q
                    Median
                                          Max
## -10.0152 -2.0152 -0.0152
                              2.1722
                                       8.1722
##
## Coefficients:
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                       0.1324 85.706
## (Intercept) 11.3486
                                         <2e-16 ***
## sexM
               -0.1874
                          0.2010 -0.932
                                            0.351
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
```

```
## Residual standard error: 3.219 on 1042 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.0008335, Adjusted R-squared: -0.0001254
## F-statistic: 0.8693 on 1 and 1042 DF, p-value: 0.3514

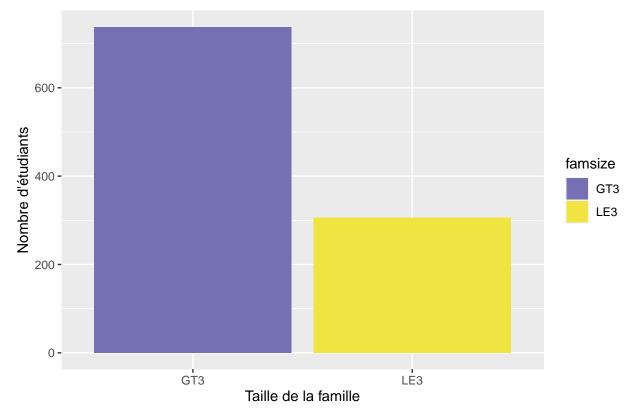
# Lien avec la réussite
chisq.test(df$sex,df$RS)

##
## Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: df$sex and df$RS
## X-squared = 0.49816, df = 1, p-value = 0.4803
```

La taille de la famille

On a deux fois plus de grandes familles que de petites familles. D'après le test de Fisher, il y a bien un impactde taille de la famille sur les notes. Le test d'indépendance avec la réussite indique cependant que la taille de la famille n'est pas liée à la réussite scolaire.

Distribution de la taille de la famille



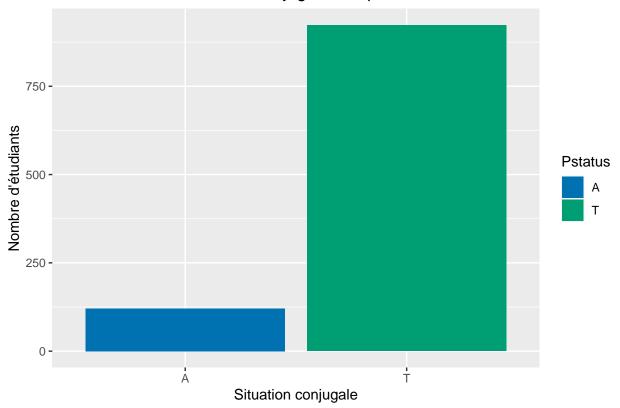
```
# Lien avec les notes
summary(lm(Moy ~ famsize,data=df))
```

```
##
## Call:
## lm(formula = Moy ~ famsize, data = df)
##
## Residuals:
##
      Min
               1Q Median
                                3Q
                                      Max
  -9.9096 -1.9096 -0.1391 2.1942 8.1942
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 11.1391
                            0.1183
                                     94.15
                                             <2e-16 ***
                0.4371
                            0.2185
                                      2.00
                                             0.0457 *
## famsizeLE3
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 3.214 on 1042 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.003825,
                                   Adjusted R-squared: 0.002869
## F-statistic: 4.001 on 1 and 1042 DF, p-value: 0.04573
# Lien avec la réussite
chisq.test(df$famsize,df$RS)
##
##
   Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: df$famsize and df$RS
## X-squared = 1.6006, df = 1, p-value = 0.2058
```

Situation familliale : séparation des parents

Le jeu est très déséquilibré au sujet de la situation famille : il y a 4 fois plus d'étudiants qui ont leurs parents qui vivent ensemble. De plus, le test de Fisher indique que la situation familliale n'a pas d'impact sur les notes. Le test de Chi2 soutient que le status des parents et la réussite scolaire sont indépendants.

Distribution de la situation conjugale des parents



```
# Lien avec les notes
summary(lm(Moy ~ Pstatus, data=df))
```

```
##
## Call:
## lm(formula = Moy ~ Pstatus, data = df)
##
## Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                   3Q
                                            Max
  -10.0744 -1.9155
                      0.0845
                               2.0845
                                        8.0845
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 11.4077
                           0.2927
                                    38.97
                                             <2e-16 ***
                                              0.61
## PstatusT
               -0.1589
                           0.3113
                                    -0.51
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 3.22 on 1042 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.0002499, Adjusted R-squared: -0.0007095
## F-statistic: 0.2605 on 1 and 1042 DF, p-value: 0.6099
# Lien avec la réussite
chisq.test(df$Pstatus,df$RS)
```

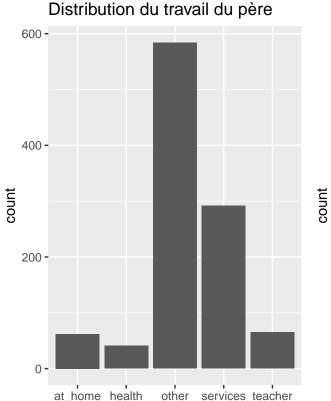
##
Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction

```
##
## data: df$Pstatus and df$RS
## X-squared = 0.60231, df = 1, p-value = 0.4377
```

Travail des parents

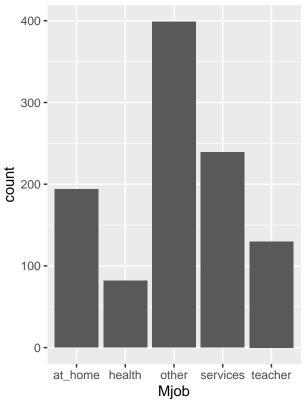
Dans les deux cas, others et services sont les catégories qui dominent. Une différence notable est la que la proportion de femme au-foyer est bien plus élevée que celle des hommes. D'après le test de Fisher, le travail de la mère a un impact sur les notes, contrairement à celui du père. Les résultats des test de Chis2 suivent les résultats des test de Fisher : le travail de la mère et la réussite scolaire sont bien corrélés mais celui du père n'a pas d'impact.

```
#Distributions
g2=ggplot(data = df, aes(x = Mjob)) +
  geom_bar() +
  labs(title = "Distribution du travail de la mère") +
  scale_fill_manual(values = c("#7570b3","#0072B2", "#E69F00", "#009E73", "#F0E442"))
g1=ggplot(data = df, aes(x = Fjob)) +
  geom_bar() +
  labs(title="Distribution du travail du père") +
  scale_fill_manual(values = c("#7570b3","#0072B2", "#E69F00", "#009E73", "#F0E442"))
grid.arrange(g1, g2, ncol = 2)
```



Fjob

Distribution du travail de la mère



```
# Lien avec les notes
summary(lm(Moy ~ Medu+Fedu, data=df))
```

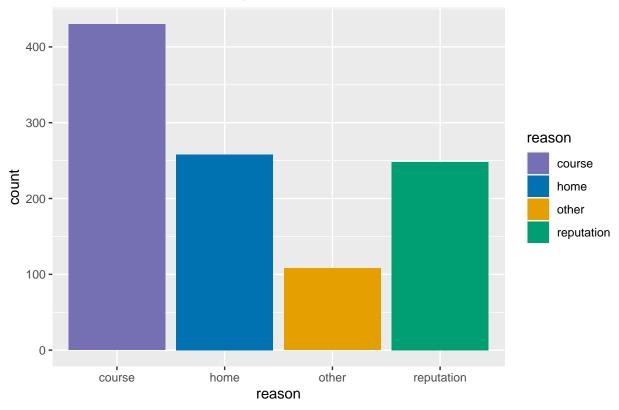
```
##
## Call:
## lm(formula = Moy ~ Medu + Fedu, data = df)
##
## Residuals:
##
      Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -10.265 -1.732
                     0.068
                             2.126
                                     7.852
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                 9.4233
                            0.2595
                                    36.316 < 2e-16 ***
                 0.5214
                            0.1125
                                     4.635 4.02e-06 ***
## Medu
## Fedu
                 0.2037
                            0.1150
                                     1.771
                                             0.0769 .
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 3.133 on 1041 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.05434,
                                    Adjusted R-squared: 0.05252
## F-statistic: 29.91 on 2 and 1041 DF, p-value: 2.344e-13
# Lien avec la réussite
chisq.test(df$Mjob,df$RS)
##
##
   Pearson's Chi-squared test
##
## data: df$Mjob and df$RS
## X-squared = 18.127, df = 4, p-value = 0.001166
chisq.test(df$Fjob,df$RS)
##
##
   Pearson's Chi-squared test
##
## data: df$Fjob and df$RS
## X-squared = 6.42, df = 4, p-value = 0.1699
```

Les raisons du choix d'école

D'après le digramme circulaire, seule "other" possède un petit effectif alors que "course" domine. Ainsi, les élèves vont majoritairement en cours car ils les apprécient. D'après l'ANOVA1, il est clair que la raison d'aller en cours impacte les notes des étudiants (p-value < 5%). Cela paraît cohérent étant donné que cela détermine leur motivation à avoir de bonnes notes. De la même manière, la raison est bien corrélé avec la réussite scolaire, ce qui parâit bien cohérent.

```
# Distribution
ggplot(data = df, aes(x = reason, fill = reason)) +
  geom_bar() +
  labs(title="Distribution du travail du père") +
  scale_fill_manual(values = c("#7570b3","#0072B2", "#E69F00", "#009E73", "#F0E442"))
```

Distribution du travail du père



Lien avec les notes summary(lm(Moy~ reason,data=df))

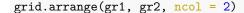
```
##
## Call:
## lm(formula = Moy ~ reason, data = df)
##
## Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                   ЗQ
                                           Max
## -10.3858 -1.8791 -0.0052
                               2.1209
                                        7.7876
##
## Coefficients:
##
                   Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                   10.87907
                             0.15372 70.771 < 2e-16 ***
## reasonhome
                                                 0.0675 .
                    0.45943
                               0.25103
                                        1.830
## reasonother
                   -0.03956
                               0.34309 -0.115
                                                 0.9082
                                         4.616 4.39e-06 ***
## reasonreputation 1.17335
                               0.25417
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 3.188 on 1040 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.02209, Adjusted R-squared: 0.01927
## F-statistic: 7.832 on 3 and 1040 DF, p-value: 3.587e-05
# Lien avec la réussite
chisq.test(df$reason,df$RS)
```

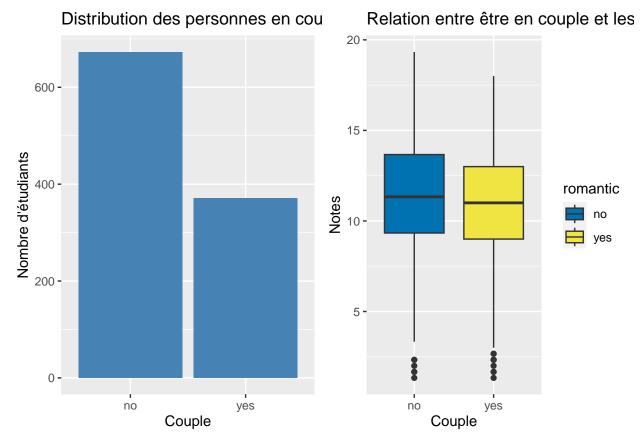
```
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: df$reason and df$RS
## X-squared = 14.63, df = 3, p-value = 0.002162
```

Les relations

Il y a environ deux fois plus de jeunes célibataires que de jeunes en couple. On peut penser qu'être en couple réduit le temps passé à étudier et rajoute des distractions, donc il devrait avoir un impact négatif sur les notes. D'après le test de Fisher, la p-value est fortement inférieure à 5%, donc on rejette H0: il y a bien un lien entre situation romantique et notes, ce qui rejoint bien l'idée de départ. Il serait donc intéréssant d'étudier la distribution des notes selon la situation romantique. D'après les boxplots, les différences sont assez minimes, même si on peut aperçevoir que les notes des célibataires sont légèrement meilleures. Cependant, la présence de relation amoureuse n'a pas d'impact sur la réussite scolaire. Ainsi, être en couple fait baisser la moyenne mais n'est pas un facteur d'échec.

```
# Distribution
gr1=ggplot(df, aes(x = romantic)) +
  geom_bar(fill = "steelblue") +
  labs(title = "Distribution des personnes en couple",
      x = "Couple", y = "Nombre d'étudiants")
# Lien avec les notes
summary(lm(Moy~ romantic,data=df))
##
## Call:
## lm(formula = Moy ~ romantic, data = df)
##
## Residuals:
##
       Min
                       Median
                                    30
                                            Max
                  1Q
## -10.1486 -1.9455
                       0.1222
                                2.1847
                                         7.8514
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 11.4819
                            0.1236 92.871 < 2e-16 ***
                            0.2074 -2.913 0.00366 **
## romanticyes -0.6041
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 3.207 on 1042 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.008077,
                                   Adjusted R-squared: 0.007125
## F-statistic: 8.485 on 1 and 1042 DF, p-value: 0.003658
yes = df$Moy[df$romantic=='yes']
no = df$Moy[df$romantic=='no']
# Boxplot des notes
gr2=ggplot(data = df, aes(x = romantic, y = Moy, fill = romantic)) +
  geom_boxplot() +
  scale fill manual(values = c("#0072B2", "#F0E442")) +
  labs(title = "Relation entre être en couple et les notes",
       x = "Couple", y = "Notes")
```





Lien avec la réussite chisq.test(df\$romantic,df\$RS)

```
##
## Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: df$romantic and df$RS
## X-squared = 2.5646, df = 1, p-value = 0.1093
```

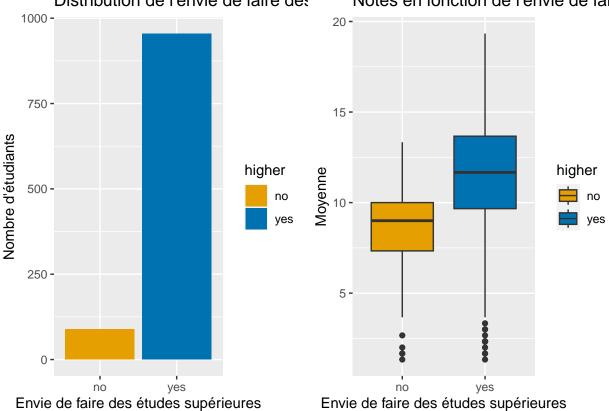
Volonté de faire des études supérieures

On observe qu'au moins 80% des élèves veulent continuer leur études après le lycée, ce qui est plutôt rassurant. De plus, d'après le test de Fisher, les deux variables sont corrélées. On peut également annoncer que ceux qui veulent faire des études supérieures tendent à avoir de meilleures notes grâce au test unilatéral. A priori, la volonté de faire des études supérieures est corrélée à la réussite scolaire. Donc, ceux qui veulent poursuivre leurs études auront de meileures notes et tendance à ne pas être en échec.

```
g2=ggplot(df, aes(x = higher, y = Moy, fill = higher)) +
  geom_boxplot() +
  labs(title = "Notes en fonction de l'envie de faire des études supérieures",
      x = "Envie de faire des études supérieures", y = "Moyenne") +
  scale_fill_manual(values = c("#E69F00", "#0072B2"))
grid.arrange(g1, g2, ncol = 2)
```

Distribution de l'envie de faire des

Notes en fonction de l'envie de faire



Envie de faire des études supérieures

```
# Lien avec les notes
summary(lm(Moy ~ higher,data=df))
```

```
##
## Call:
## lm(formula = Moy ~ higher, data = df)
##
## Residuals:
##
                       Median
       Min
                  1Q
                                    3Q
                                            Max
  -10.1930 -1.8597
                       0.1403
##
                                2.1403
                                         7.8070
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                 8.4869
                            0.3293
                                    25.775
                                             <2e-16 ***
## (Intercept)
                 3.0395
## higheryes
                            0.3443
                                     8.829
                                             <2e-16 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
```

```
## Residual standard error: 3.106 on 1042 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.0696, Adjusted R-squared: 0.06871
## F-statistic: 77.95 on 1 and 1042 DF, p-value: < 2.2e-16

yes = df$Moy[df$higher=='yes']
no = df$Moy[df$higher=='no']

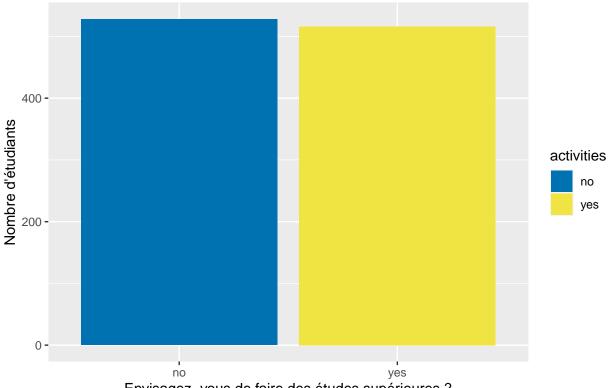
# Lien avec la réussite
chisq.test(df$higher,df$RS)

##
## Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: df$higher and df$RS
## X-squared = 59.569, df = 1, p-value = 1.181e-14</pre>
```

Activités extrascolaires

On a autant d'élèves qui pratiquent des activités extrascolaires que d'élèves qui n'en pratiquent pas, ce qui est plutôt intéréssant. De plus, le test de Fisher indique plutôt qu'il n'y a pas de liens entre les activités extrascolaires et les notes, ce qui est plutôt surprenant étant donné que l'on aurait tendance à penser que les étudiants ayant des activités, ont moins de temps pour étudier. Dans la même lignée, les activités sont plutôt indépendates de la réussite d'après le test de Chi2.

Distribution de de la pratique d'activités extrascolaires



Envisagez-vous de faire des études supérieures ?

```
# Lien avec les notes
summary(lm(Moy ~ activities, data=df))
##
## Call:
## lm(formula = Moy ~ activities, data = df)
##
## Residuals:
##
       Min
                                   3Q
                                           Max
                 1Q
                      Median
  -10.1085 -2.0966 -0.0966
                               2.2248
                                        7.8915
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                 11.0966
                            0.1399 79.292
                                              <2e-16 ***
## (Intercept)
                                              0.0831 .
## activitiesyes
                  0.3453
                             0.1991
                                      1.734
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 3.216 on 1042 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.002879, Adjusted R-squared: 0.001922
## F-statistic: 3.008 on 1 and 1042 DF, p-value: 0.08313
# Lien avec la réussite
chisq.test(df$activities,df$RS)
##
```

Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction

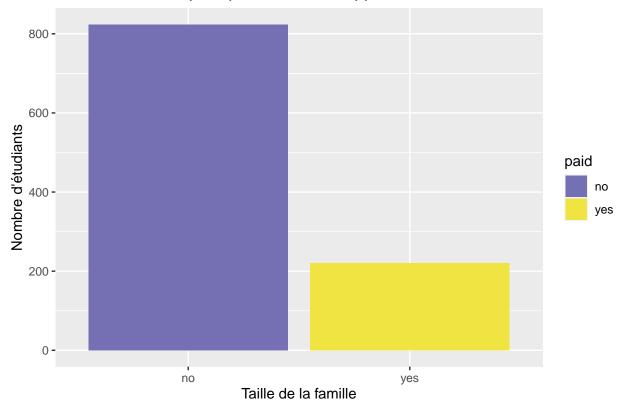
```
##
## data: df$activities and df$RS
## X-squared = 1.1969, df = 1, p-value = 0.274
```

Cours supplémentaires

Residuals:

Il y a bien plus d'élèves qui ne suivent pas de cours supplémentaires que d'élèves qui en suivent. Cett distributution est cohérente avec l'idée qu'on oeut se faire. Le test de Fisher indique plutôt que les suivis de cours supplémentaires n'a pas d'impact sur la moyenne. Cependant, d'après le test du Chi2, le suivi de cours supplémentaire est bien lié à la réussite scolaire.

Distribution de la pratique des cours supplémentaire



```
#barplot(table(df$paid), main="Distribution de la pratique des cours supplémentaires")

# Lien avec la moyenne
summary(lm(Moy ~ paid, data=df))

##
## Call:
## lm(formula = Moy ~ paid, data = df)
##
```

```
1Q Median
                               3Q
## -9.9951 -1.9951 0.0049 2.0049 8.0049
##
## Coefficients:
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 11.3285
                          0.1121 101.05 <2e-16 ***
               -0.2906
                           0.2442
                                   -1.19
                                            0.234
## paidyes
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 3.218 on 1042 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.001357, Adjusted R-squared:
## F-statistic: 1.416 on 1 and 1042 DF, p-value: 0.2344
# Lien avec la réussite
chisq.test(df$paid,df$RS)
##
## Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction
##
## data: df$paid and df$RS
## X-squared = 4.4704, df = 1, p-value = 0.03449
```

Les variables quantitatives

```
data=df
data_quanti=data[c(3,7,8,13,14,15,25,26,27,28,29,30,31,32,33)]
data_quanti_mat=df.mat[c(3,7,8,13,14,15,25,26,27,28,29,30,31,32,33)]
data_quanti_por=df.por[c(3,7,8,13,14,15,25,26,27,28,29,30,31,32,33)]
head(data_quanti)

## age Medu Fedu traveltime studytime failures freetime goout Dalc Walc health
## 1 18 4 4 2 2 0 3 4 1 1 3
```

```
## 2 17
           1
                1
                           1
                                     2
                                              0
                                                       3
                                                             3
                                                                  1
                                                                       1
                                                                              3
## 3 15
           1
                1
                           1
                                     2
                                              3
                                                       3
                                                             2
                                                                  2
                                                                       3
                                                                              3
## 4 15
           4
                2
                           1
                                     3
                                              0
                                                       2
                                                             2
                                                                              5
## 5 16
                3
                                     2
                                              0
                                                       3
                                                             2
                                                                              5
           3
                           1
                                                                 1
                                                                       2
## 6 16
           4
                3
                                     2
                                              0
                                                       4
                                                                              5
##
    absences G1 G2 G3
```

1 6 5 6 6 ## 2 4 5 5 6 ## 3 10 7 8 10 ## 4 2 15 14 15 ## 5 4 6 10 10 ## 6 10 15 15 15

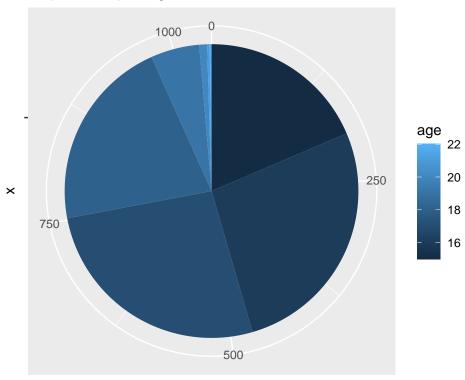
L'âge des élèves

```
attach(data_quanti)
data_age=data_quanti

data_age=summarise(group_by(data_age,age),n_obs=n()) #on groupe par âge avec le nombre de personnes dan
#création du camembert
```

```
ggplot(data = data_age, aes(x = "", y = n_obs, fill = age)) +
geom_bar(stat = "identity", width = 1) +
coord_polar(theta = "y") +
labs(title = "Répartition par âge toutes filière confondue")
```

Répartition par âge toutes filière confondue



n obs

La couleur la plus claire correspond à l'âge le plus grand (22 ans), dès que l'on passe à une couleur plus foncée, on diminue l'âge de 1. On voit clairement ici que la majorité des étudiants ont entre 15 et 19 ans.

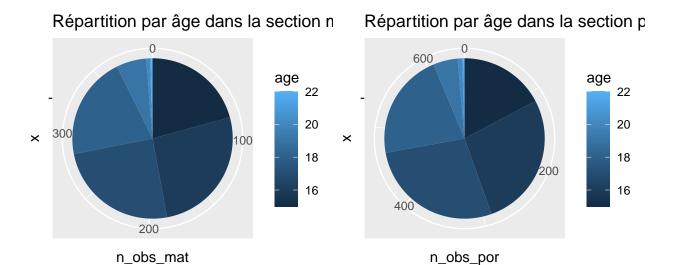
```
data_age_mat=data_quanti_mat
data_age_por=data_quanti_por

data_age_mat=summarise(group_by(data_age_mat,age),n_obs_mat=n()) #on groupe par âge avec le nombre de p
data_age_por=summarise(group_by(data_age_por,age),n_obs_por=n())

#création du camembert
p1=ggplot(data = data_age_mat, aes(x = "", y = n_obs_mat, fill = age)) +
    geom_bar(stat = "identity", width = 1) +
    coord_polar(theta = "y") +
    labs(title = "Répartition par âge dans la section maths")

p2=ggplot(data = data_age_por, aes(x = "", y = n_obs_por, fill = age)) +
    geom_bar(stat = "identity", width = 1) +
    coord_polar(theta = "y") +
    labs(title = "Répartition par âge dans la section portugais")

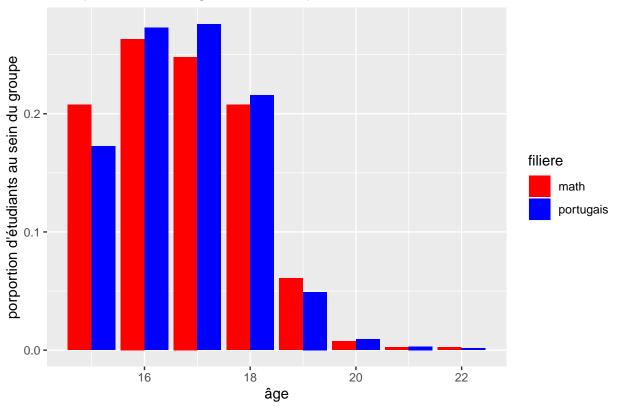
grid.arrange(p1, p2, ncol = 2)
```



On voit que la répartiion semble être la grosiièrement la même, en effet:

```
data_age_mat <- data_age_mat %>%
  mutate(proportion = n_obs_mat / sum(n_obs_mat))
data_age_por <- data_age_por %>%
  mutate(proportion = n_obs_por / sum(n_obs_por))
#on renome de la même manière les colonnes du nombre d'étudiants pour chaque obersvation
data_age_mat$filiere=c(rep("math",nrow(data_age_mat)))
data_age_por$filiere=c(rep("portugais",nrow(data_age_por)))
colnames(data_age_mat)[colnames(data_age_mat) == "n_obs_mat"] <- "n_obs"</pre>
colnames(data_age_por)[colnames(data_age_por) == "n_obs_por"] <- "n_obs"</pre>
#on concatène les deux datas frame
data_age=rbind(data_age_mat,data_age_por)
#Création du graphique
ggplot(data_age, aes(x = age, y = proportion, fill = filiere)) +
  geom_bar(stat = "identity", position = position_dodge()) +
  labs(title = "Comparaison des âges dans chaque filière", x = "âge", y = "porportion d'étudiants au sei
  scale_fill_manual(values = c("red", "blue"))
```





On voit que la répartion d'âge est la même dans chaque filière

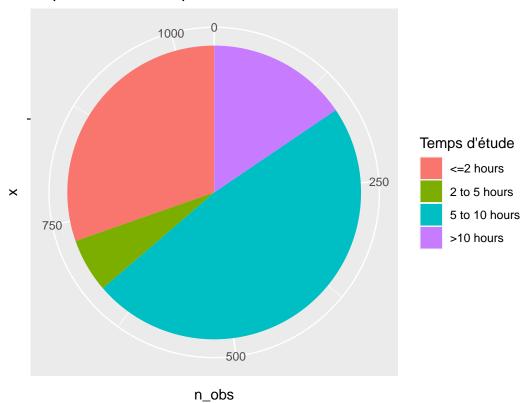
Quantité de travail

```
data_stud=data_quanti
data_stud=summarise(group_by(data_stud,studytime),n_obs=n()) #on groupe par temps d'étude par semaine

data_stud$studytime[data_stud$studytime == 1] <- "<2 hours"
data_stud$studytime[data_stud$studytime == 2] <- "2 to 5 hours"
data_stud$studytime[data_stud$studytime == 3] <- "5 to 10 hours"
data_stud$studytime[data_stud$studytime == 4] <- ">10 hours"

ggplot(data_stud, aes(x = "", y = n_obs, fill = factor(studytime))) +
    geom_bar(stat = "identity", width = 1) +
    coord_polar(theta = "y") +
    labs(title = "Répartition des temps d'étude toutes filières confondues") +
    scale_fill_discrete(name = "Temps d'étude", labels = c("<=2 hours", "2 to 5 hours", "5 to 10 hours",</pre>
```

Répartition des temps d'étude toutes filières confondues



On voit clairement que les étudiants travaillent majoritairement moins de 2h00 ou entre 5h00 et 10h00 par semaines.

```
#creation data frame stud pour le groupe portugais
data_stud_por=data_quanti_por
data_stud_por=summarise(group_by(data_stud_por,studytime),n_obs_por=n()) #on groupe par temps d'étude p
data_stud_por$studytime[data_stud_por$studytime == 1] <- "<2 hours"</pre>
data_stud_por$studytime[data_stud_por$studytime == 2] <- "2 to 5 hours"</pre>
data_stud_por$studytime[data_stud_por$studytime == 3] <- "5 to 10 hours"
data_stud_por$studytime[data_stud_por$studytime == 4] <- ">10 hours"
#creation data frame stud pour le groupe mat b
data stud mat=data quanti mat
data_stud_mat=summarise(group_by(data_stud_mat,studytime),n_obs_mat=n()) #on groupe par temps d'étude p
data_stud_mat$studytime[data_stud_mat$studytime == 1] <- "<2 hours"</pre>
data_stud_mat$studytime[data_stud_mat$studytime == 2] <- "2 to 5 hours"</pre>
data stud mat$studytime[data stud mat$studytime == 3] <- "5 to 10 hours"
data_stud_mat$studytime[data_stud_mat$studytime == 4] <- ">10 hours"
#création des camemberts pour les deux sections
p1=ggplot() +
  # Premier camembert
  geom_bar(data = data_stud_mat, aes(x = "", y = n_obs_mat, fill = factor(studytime)), stat = "identity
  coord_polar(theta = "y") +
 theme_void() +
```

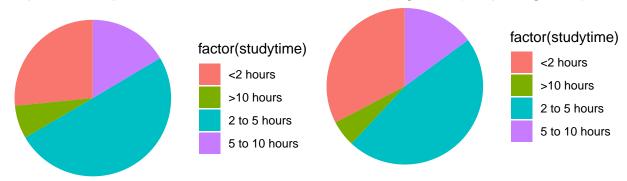
```
labs(title = "Temps d'étude par semaine dans la section maths (à gauche) et portugaise (à droite)")

# Deuxième camembert

p2=ggplot() +
   geom_bar(data = data_stud_por, aes(x = "", y = n_obs_por, fill = factor(studytime)), stat = "identity coord_polar(theta = "y") +
   theme_void()

grid.arrange(p1, p2, ncol = 2)
```

Temps d'étude par semaine dans la section maths (à gauche) et portugaise (à dro



data_stud_mat

On voit qu'il y a plus de personnes qui travaillent moins de deux heures par semaine dans la section portiguaise tandis qu'il y a moins de personnes qui travaillent plus de 10h00 dans cette même section. Le nombre d'étudiants travaillant entre 5 et 10 heures semble être a peu près le même. En effet:

```
#on calcul la porportion pour pouvoir comparer
data_stud_mat <- data_stud_mat %>%
  mutate(proportion = n_obs_mat / sum(n_obs_mat))
```

```
data_stud_por <- data_stud_por %>%
    mutate(proportion = n_obs_por / sum(n_obs_por))

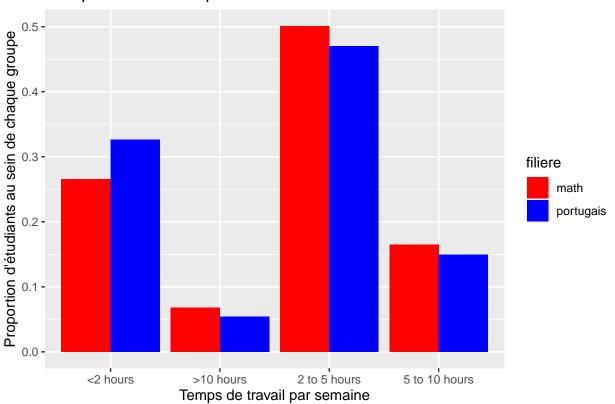
#on renome de la même manière les colonnes du nombre d'étudiants pour chaque obersvation
data_stud_mat$filiere=c(rep("math",nrow(data_stud_mat)))
data_stud_por$filiere=c(rep("portugais",nrow(data_stud_por)))
colnames(data_stud_mat)[colnames(data_stud_mat) == "n_obs_mat"] <- "n_obs"
colnames(data_stud_por)[colnames(data_stud_por) == "n_obs_por"] <- "n_obs"

#on concatène les deux datas frame
data_stud=rbind(data_stud_mat,data_stud_por)

#Création du graphique

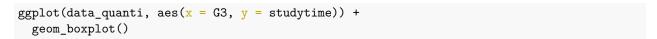
ggplot(data_stud, aes(x = studytime, y = proportion, fill = filiere)) +
    geom_bar(stat = "identity", position = position_dodge()) +
    labs(title = "Comparaison du temps de travail entre deux filières", x = "Temps de travail par semaine
    scale_fill_manual(values = c("red", "blue"))</pre>
```

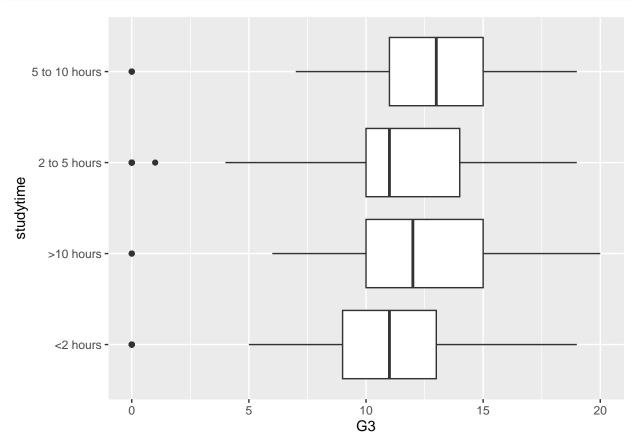
Comparaison du temps de travail entre deux filières



On s'aperçoit donc que les élèves dans la filière mathématiques travaillent plus

```
data_quanti$studytime[data_quanti$studytime == 1] <- "<2 hours"
data_quanti$studytime[data_quanti$studytime == 2] <- "2 to 5 hours"
data_quanti$studytime[data_quanti$studytime == 3] <- "5 to 10 hours"
data_quanti$studytime[data_quanti$studytime == 4] <- ">10 hours"
```

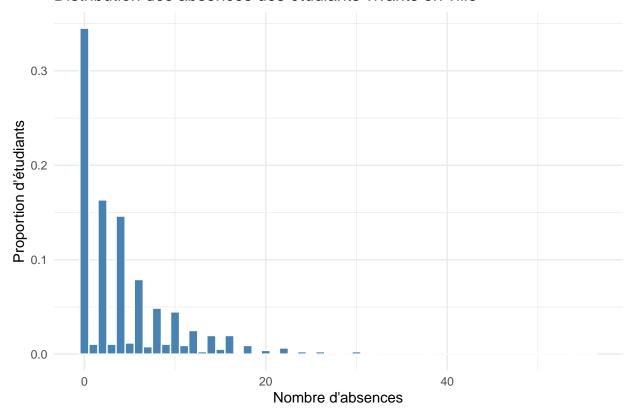




On voit que globalement, les élèves qui travaillent plus ont de meilleures notes (comportement bizarre à vérifier)

Absences des étudiants

Distribution des absences des étudiants vivants en ville

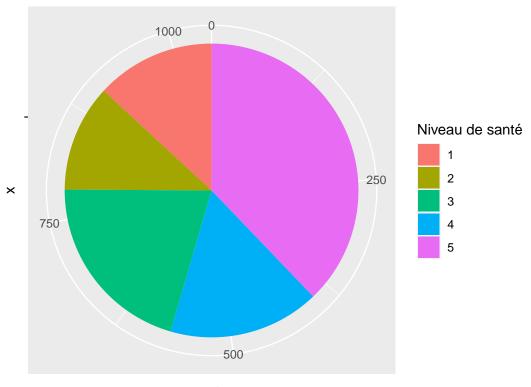


Santé des étudiants

```
data_health=data_quanti
data_health=summarise(group_by(data_health,health),n_obs=n())

ggplot(data_health, aes(x = "", y = n_obs, fill = factor(health))) +
    geom_bar(stat = "identity", width = 1) +
    coord_polar(theta = "y") +
    labs(title = "Santé des étudiants") +
    scale_fill_discrete(name = "Niveau de santé", labels = c(1,2,3,4,5))
```

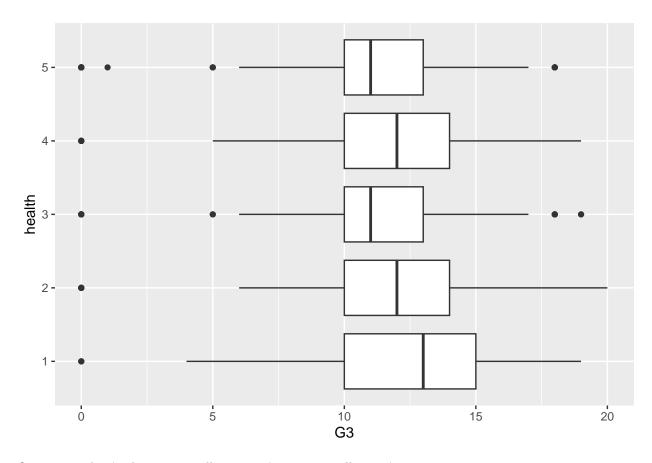
Santé des étudiants



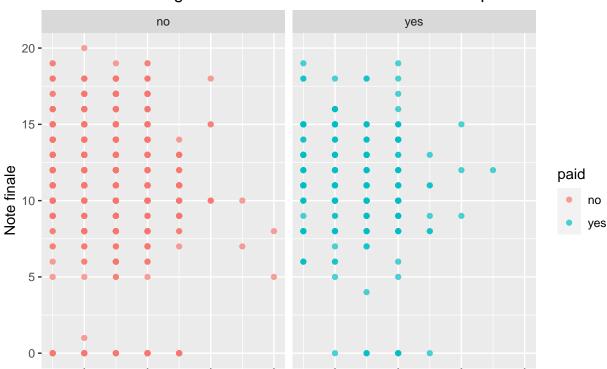
n_obs

On voit que la plupart des étudiant sont en bonne santé

```
data_quanti$health=factor(data_quanti$health)
ggplot(data_quanti, aes(x = G3, y = health)) +
  geom_boxplot()
```



On voit que les étudiants en meilleure santé ont une meilleure réussite



Distribution de l'âge et de la note finale en fonction cours particuliers et de l'

Curieusement, les résultats semblent meilleur pour ceux qui n'on pas pris de cours

20

4. Machine Learning : Classification de la réussite scolaire

Âge

Dans cette partie, nous nous concentrons sur la mise en place de méthodes de classification afin de prédire la variable RS (réussite scolaire). Nous nous intéresserons essentiellement à la comparaison des résultats de chacune des méthodes. Les méthodes utilisées seront évaluées avec leur accuracy et leur courbe ROC.

16

18

20

22

a) Séparation du jeu de données

18

16

Ici, nous découpons notre dataset en jeu d'entraînement et jeu de test. Le ratio utilisé est $\frac{1}{5}$ pour le jeu de test. Tout d'abord on modifie notre jeu de données pour le préparer pour la classification en retirant les notes.

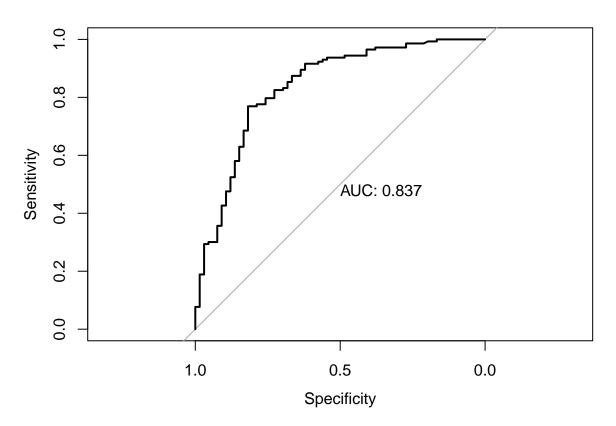
```
# Suppression des colonnes
X = subset(df, select = -c(G1,G2,G3,Moy))

set.seed(1)
n <- nrow(X)
p <- ncol(X)-1
test.ratio <- .2 # ratio of test/train samples
n.test <- round(n*test.ratio)
n.test

## [1] 209
tr <- sample(1:n,n.test)
df.test <- X[tr,]
df.train <- X[-tr,]</pre>
```

b) LDA

```
res_lda=lda(df.train$RS ~., data=df.train)
pred_lda <- predict(res_lda,newdata=df.test)$posterior[,2]</pre>
# Table de confusion
table(df.test$RS,predict(res_lda,newdata=df.test)$class)
##
##
           FALSE TRUE
##
     FALSE
              27
                   39
     TRUE
               7 136
##
# Courbe ROC
ROC_lda <- roc(df.test$RS, pred_lda)</pre>
## Setting levels: control = FALSE, case = TRUE
## Setting direction: controls < cases
plot(ROC_lda, print.auc=TRUE, print.auc.y = 0.5)
```

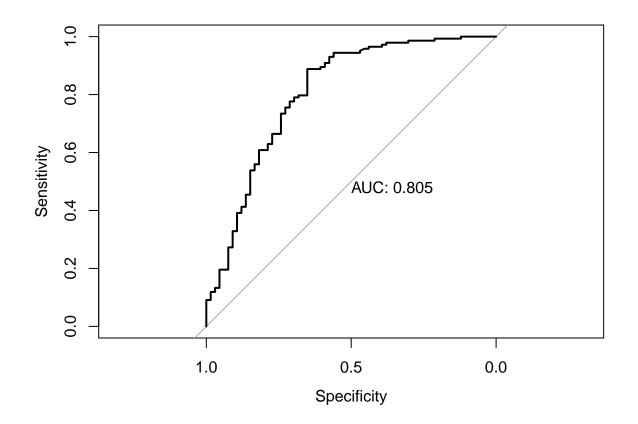


```
ROC_lda$auc
```

```
## Area under the curve: 0.8368
# Accuracy
accuracy_lda = mean(df.test$RS==predict(res_lda,newdata=df.test)$class)
print("accuracy_lda = ")
```

```
print(accuracy_lda)
## [1] 0.7799043
c) QDA
res_qda = qda(df.train$RS~., data=df.train)
pred_qda <- predict(res_qda,newdata=df.test)$posterior[,2]</pre>
# Table de confusion
table(df.test$RS,predict(res_qda,newdata=df.test)$class)
##
##
           FALSE TRUE
##
     FALSE
              41
                   25
     TRUE
              16
                  127
# Courbe ROC
ROC_qda <- roc(df.test$RS, pred_qda)</pre>
## Setting levels: control = FALSE, case = TRUE
## Setting direction: controls < cases
plot(ROC_qda, print.auc=TRUE, print.auc.y = 0.5)
```

[1] "accuracy lda = "



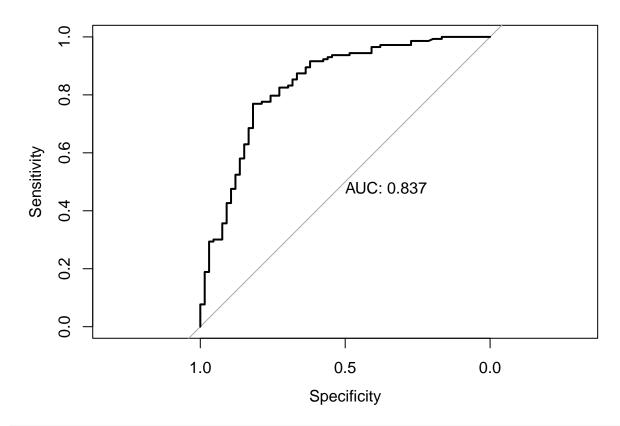
```
ROC_qda$auc
## Area under the curve: 0.805
# Accuracy
accuracy_qda = mean(df.test$RS==predict(res_qda,newdata=df.test)$class)
print("accuracy qda = ")
## [1] "accuracy qda = "
print(accuracy_qda)
## [1] 0.8038278
d) Stepwise
stepwise_lda=stepclass(RS~., data=df.train, method="lda", direction="backward")
## `stepwise classification', using 10-fold cross-validated correctness rate of method lda'.
## 835 observations of 30 variables in 2 classes; direction: backward
## stop criterion: improvement less than 5%.
## Warning in cv.rate(vars = start.vars, data = data, grouping = grouping, :
## error(s) in modeling/prediction step
## correctness rate: 0; starting variables (30): school, sex, age, address, famsize, Pstatus, Medu, Fe
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
```

Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =

method, : error(s) in modeling/prediction step

```
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
```

```
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
## Warning in cv.rate(trymodel, data = data, grouping = grouping, method =
## method, : error(s) in modeling/prediction step
##
## hr.elapsed min.elapsed sec.elapsed
          0.00
                      0.00
##
stepwise_lda
## method
              : lda
## final model : RS ~ school + sex + age + address + famsize + Pstatus + Medu +
       Fedu + Mjob + Fjob + reason + guardian + traveltime + studytime +
##
       failures + schoolsup + famsup + paid + activities + nursery +
##
       higher + internet + romantic + famrel + freetime + goout +
       Dalc + Walc + health + absences
##
## <environment: 0x000000028ebfe90>
##
## correctness rate = 0
res_stepwise_lda = lda(stepwise_lda$formula, data=df.train)
pred_lda_step <- predict(res_stepwise_lda,newdata=df.test)$posterior[,2]</pre>
# Table de confusion
table(df.test$RS, predict(res_stepwise_lda,newdata=df.test)$class)
##
           FALSE TRUE
##
##
              27
     FALSE
                   39
     TRUE
               7 136
# Courbe ROC
ROC_lda_step <- roc(df.test$RS, pred_lda)</pre>
## Setting levels: control = FALSE, case = TRUE
## Setting direction: controls < cases
plot(ROC_lda_step, print.auc=TRUE, print.auc.y = 0.5)
```



```
ROC_lda_step$auc
```

```
## Area under the curve: 0.8368
# Accuracy
accuracy_lda_stepwise = mean(df.test$RS== predict(res_stepwise_lda,newdata=df.test)$class)
print("accuracy_lda_stepwise = ")
## [1] "accuracy_lda_stepwise = "
print(accuracy_lda_stepwise)
## [1] 0.7799043
```

e) Random Forest

```
res_RF <- randomForest(RS~.,df.train)
res_RF

##
## Call:
## randomForest(formula = RS ~ ., data = df.train)
## Type of random forest: classification
## No. of variables tried at each split: 5
##
## OOB estimate of error rate: 28.62%
## Confusion matrix:</pre>
```

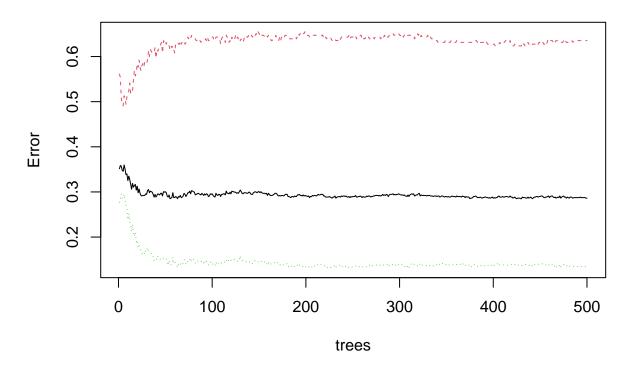
```
## FALSE TRUE class.error

## FALSE 93 162 0.6352941

## TRUE 77 503 0.1327586

plot(res_RF)
```

res_RF



```
## prédiction :
pred_RF <- predict(res_RF,newdata=df.test)</pre>
## Table confusion et accuracy :
table(df.test$RS, predict(res_RF,newdata=df.test,type="class"))
##
##
           FALSE TRUE
##
     FALSE
              31
                    35
     TRUE
              13
                  130
##
## aire sous courbe ROC
pred_RF = predict(res_RF, df.test, type="prob")[,2]
ROC_RF <- roc(df.test$RS, pred_RF)</pre>
## Setting levels: control = FALSE, case = TRUE
## Setting direction: controls < cases
ROC_RF$auc
```

Area under the curve: 0.8281

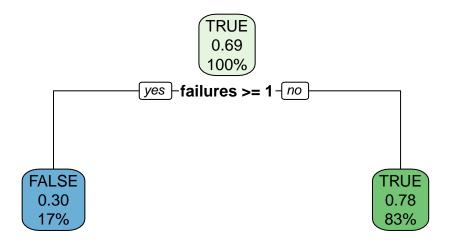
```
## Accuracy
accuracy_RF = mean(df.test$RS==predict(res_RF,newdata=df.test,type="class"))
print("accuracy_RF = ")

## [1] "accuracy_RF = "
print(accuracy_RF)

## [1] 0.7703349

f) CART

arbre = rpart(df.train$RS~.,df.train,control=rpart.control(minsplit=5,cp=0.025))
cp.opt = arbre$cptable[which.min(arbre$cptable[, "xerror"]), "CP"]
res_cart = prune(arbre,cp=cp.opt)
rpart.plot(res_cart)
```

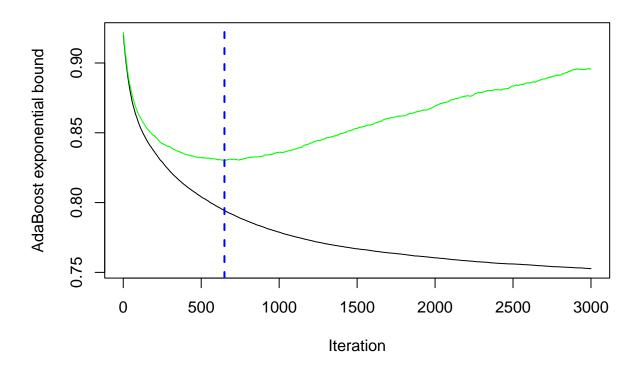


```
## prédiction :
pred_cart <- predict(res_cart,newdata=df.test)[,2]

## Table confusion et accuracy :
table(df.test$RS, predict(res_cart,newdata=df.test,type="class"))

##
## FALSE TRUE
## FALSE 29 37
## TRUE 10 133</pre>
```

```
## aire sous courbe ROC
pred_cart = predict(res_cart, df.test, type="prob")[,2]
ROC_cart <- roc(df.test$RS, pred_cart)</pre>
## Setting levels: control = FALSE, case = TRUE
## Setting direction: controls < cases
ROC_cart$auc
## Area under the curve: 0.6847
## Accuracy
accuracy_cart = mean(df.test$RS==predict(res_cart,newdata=df.test,type="class"))
print("accuracy cart = ")
## [1] "accuracy cart = "
print(accuracy_cart)
## [1] 0.7751196
  h) Adaboost
fit.adaboost=gbm(as.numeric(RS)-1 ~., df.train, distribution = "adaboost")
fit.adaboost
## gbm(formula = as.numeric(RS) - 1 ~ ., distribution = "adaboost",
       data = df.train)
##
## A gradient boosted model with adaboost loss function.
## 100 iterations were performed.
## There were 30 predictors of which 22 had non-zero influence.
### Calibrer B=n.tree par cross-validation :
fit.adaboost=gbm(as.numeric(RS)-1 ~., df.train, distribution = "adaboost",cv.folds = 5, shrinkage = 0.0
gbm.perf(fit.adaboost)
## [1] 649
B.opt = gbm.perf(fit.adaboost, method="cv")
```



```
## prédiction :
pred_adaboost = predict(fit.adaboost, newdata=df.test, type = "response", n.trees = B.opt)
class = 1*(pred_adaboost>1/2)
## Table confusion et accuracy :
table(df.test$RS, class)
##
          class
##
     FALSE 27 39
##
     TRUE
             8 135
##
accuracy_adaboost = mean(as.numeric(df.test$RS)-1==class)
print("accuracy adaboost = ")
## [1] "accuracy adaboost = "
print(accuracy_adaboost)
## [1] 0.7751196
## aire sous courbe ROC
ROC_adaboost <- roc(df.test$RS, pred_adaboost)</pre>
## Setting levels: control = FALSE, case = TRUE
## Setting direction: controls < cases
```

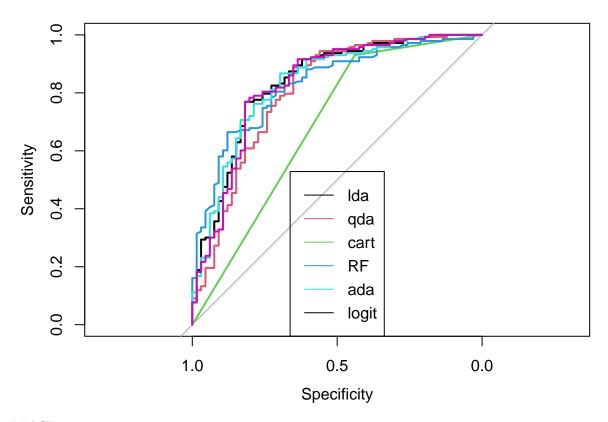
```
ROC_adaboost$auc
## Area under the curve: 0.8332
i) Regression Logistique
### Modèle
logit.train <- glm(RS ~ ., family = binomial , data=df.train)</pre>
## prédiction :
pred_logit <- predict(logit.train,newdata=df.test)</pre>
class = 1*(pred_logit>1/2)
## Table confusion et accuracy :
table(df.test$RS, class)
##
          class
##
             0
    FALSE 43 23
##
     TRUE
            19 124
## aire sous courbe ROC
ROC_logit <- roc(df.test$RS, pred_logit)</pre>
## Setting levels: control = FALSE, case = TRUE
## Setting direction: controls < cases
## Accuracy
accuracy_logit = mean(as.numeric(df.test$RS)-1==class)
print("accuracy regression logistique = ")
## [1] "accuracy regression logistique = "
print(accuracy_logit)
## [1] 0.7990431
ROC_logit$auc
## Area under the curve: 0.8295
# # régression logistique Lasso
# library(glmnet)
\# res\_Lasso \leftarrow glmnet(as.matrix(df.train[,-1]), df.train\$RS, family='binomial')
# plot(res_Lasso, label = TRUE) # en abscisse : norme des coefficients
# plot(res_Lasso, xvar = "lambda", label = TRUE) # en abscisse : log(lambda)
# # sum(coef(res_Lasso, s=exp())!=0)
\# cvLasso <- cv.glmnet(as.matrix(df.train[,-1]),df.trainRS,family="binomial", type.measure = "class")
# plot(cvLasso)
# cvLasso$lambda.min
# coef(res_Lasso, s=cvLasso$lambda.min)
# #prédiction
\# class_logit_lasso=predict(cvLasso, newx = as.matrix(df.test[,-1]), s = 'lambda.min', type = "class")
```

#Table de confusion et accuracy

```
# table(df.test$RS, class_logit_lasso)
# pred_logit_lasso=predict(cvLasso, newx = as.matrix(df.test[,-1]), s = 'lambda.min', type = "response"
#
# accuracy_logit_lasso = mean(df.test$RS==class_logit_lasso)
# print("accuracy regression logistique lasso= ")
# print(accuracy_logit_lasso)
#
# #pred_logit_lasso
# ROC_logit_lasso = roc( df.test$RS, pred_logit_lasso)
# ROC_logit_lasso$auc
```

Comparaison

```
result=matrix(NA, ncol=6, nrow=2)
rownames(result)=c('accuracy', 'AUC')
colnames(result)=c('lda', 'qda', 'cart', 'RF', "adaboost","logit")
result[1,]= c(accuracy_lda, accuracy_qda, accuracy_cart, accuracy_RF,accuracy_adaboost,accuracy_logit)
result[2,]=c(ROC_lda$auc, ROC_qda$auc, ROC_cart$auc, ROC_RF$auc, ROC_adaboost$auc,ROC_logit$auc)
result
##
                  lda
                                                 RF adaboost
                            qda
                                     cart
## accuracy 0.7799043 0.8038278 0.7751196 0.7703349 0.7751196 0.7990431
            0.8367769 0.8049905 0.6847319 0.8280886 0.8331744 0.8294660
apply(result, 1, which.max)
## accuracy
                 AUC
                   1
plot(ROC_lda, xlim=c(1,0))
plot(ROC_qda, add=TRUE, col=2)
plot(ROC_cart, add=TRUE, col=3)
plot(ROC_RF, add=TRUE, col=4)
plot(ROC_adaboost, add=TRUE, col=5)
plot(ROC_logit, add=TRUE, col=6)
legend('bottom', col=1:5, paste(c('lda', 'qda', 'cart', 'RF', "ada", "logit")), lwd=1)
```



```
##ACP
```

```
data_quanti=df[,c(3,13,14,15,31,32,33,34)]
head(data_quanti)
```

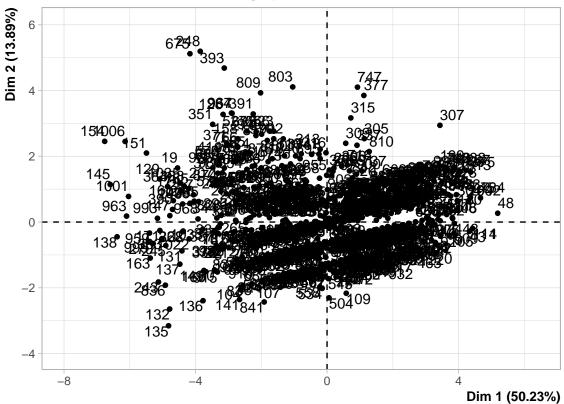
```
age traveltime studytime failures G1 G2 G3
##
                                                           Moy
                   2
                              2
## 1
      18
                                        0
                                           5
                                               6
                                                  6
                                                     5.666667
## 2
                   1
                              2
                                           5
      17
                                               5
                                                  6
                                                     5.333333
                   1
                              2
## 3
      15
                                        3
                                           7
                                               8 10
                                                     8.333333
                              3
## 4
      15
                   1
                                          15 14 15 14.666667
                              2
## 5
      16
                   1
                                           6 10 10
                                                     8.666667
                              2
## 6
                                        0 15 15 15 15.000000
```

On va par la suite transformer lorsque cela est possible certaines variables qualitatives en variables quantitatives afin de pouvoir réaliser une ACP dessus. Pour les variables studytime et traveltime, des intervalles nous sont données, on prend donc pour chaque niveau le millieu de l'intervalle. Pour les valeurs extrèmes, 1 et 4, on choisit arbitrairement une borne supèrieure ou inférieure (15H00 pour studytime et 3h00 pour traveltime pour ce qu'il s'agit des bornes supérieures et 0h00 pour les deux bornes inférieures)

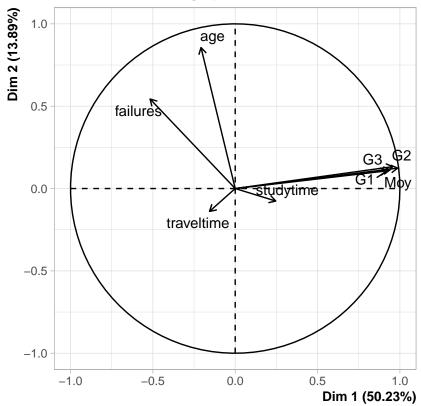
```
#on convertit studytime et travel time en variables quantitatives (on prend le millieux des segments)
for (i in 1:nrow(data_quanti)){
   if (data_quanti$studytime[i]==2){
      data_quanti$studytime[i]==1){
      data_quanti$studytime[i]==1){
      data_quanti$studytime[i]=120
      }
   if (data_quanti$studytime[i]==3){
```

```
data_quanti$studytime[i]=450
  }
   if (data_quanti$studytime[i]==4){
   data_quanti$studytime[i]=750
  if(data_quanti$traveltime[i]==1){
   data_quanti$traveltime[i]=7.5
  if(data_quanti$traveltime[i]==2){
   data_quanti$traveltime[i]=22.5
  if(data_quanti$traveltime[i]==3){
   data_quanti$traveltime[i]=45
  }
  if(data_quanti$traveltime[i]==4){
   {\tt data\_quanti\$traveltime[i]=120}
}
head(data_quanti)
##
     age traveltime studytime failures G1 G2 G3
                                                     Moy
## 1 18
              22.5
                         210
                                   0 5 6 6 5.666667
## 2 17
                                    0 5 5 6 5.333333
               7.5
                         210
## 3 15
               7.5
                         210
                                    3 7 8 10 8.333333
## 4 15
               7.5
                         450
                                    0 15 14 15 14.666667
## 5 16
               7.5
                         210
                                    0 6 10 10 8.666667
## 6 16
               7.5
                         210
                                    0 15 15 15 15.000000
res=PCA(data_quanti)
```

PCA graph of individuals



PCA graph of variables



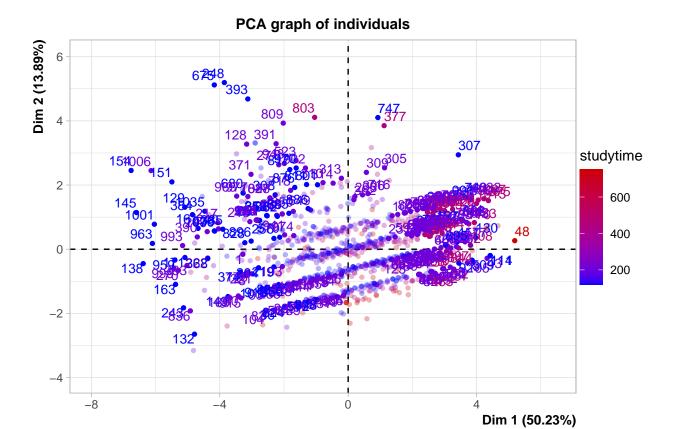
On voit que les variables study time et travel time sont mal projetées, on ne peut donc pas les interprétes. De manière logique on retrouve que les élèves ayant une bonne moyenne ont eu un bonne note à chaque semestres Vers la gauche se trouvent les paramètres ayant une influence négatives que la moyenne comme les echecs et plus curieusement l'âge (peut être sagit il des personnes ayant redoubler).

res\$eig

```
##
            eigenvalue percentage of variance cumulative percentage of variance
## comp 1 4.018158e+00
                                  5.022697e+01
                                                                         50.22697
## comp 2 1.111100e+00
                                  1.388875e+01
                                                                         64.11572
## comp 3 9.810219e-01
                                  1.226277e+01
                                                                         76.37850
## comp 4 9.605297e-01
                                                                         88.38512
                                  1.200662e+01
## comp 5 6.518265e-01
                                  8.147831e+00
                                                                         96.53295
## comp 6 1.970800e-01
                                  2.463500e+00
                                                                         98.99645
## comp 7 8.028406e-02
                                  1.003551e+00
                                                                        100.00000
## comp 8 1.593875e-30
                                  1.992344e-29
                                                                        100.00000
```

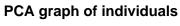
On ne garde que deux dimensions ici, d'ou l'analyse ci dessus

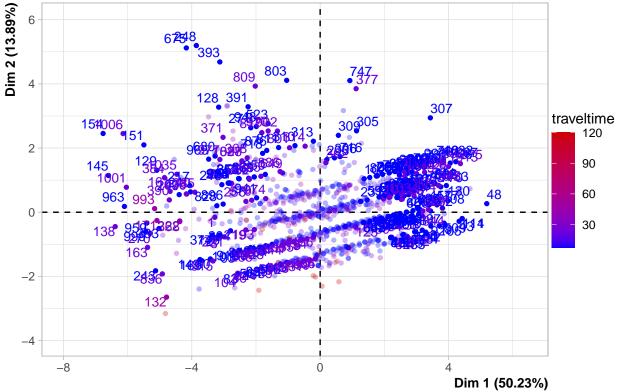
plot(res, select="cos2 0.8", habillage=3, cex=0.9,choix="ind")#on visualise le temps de travail



On retrouve bien que les personnes ayant le plus travaillé se situé di coté des bonnes notes.

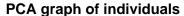
plot(res, select="cos2 0.8", habillage=2, cex=0.9,choix="ind")#visualisation du temps de trajet

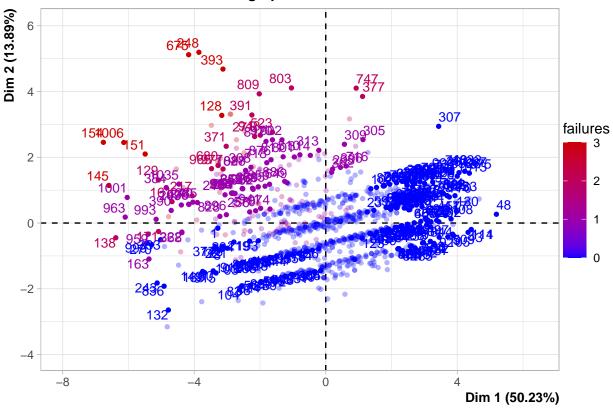




De la même manière on voit que le temps de trajet a un influence négative sur la réussite.

plot(res, select="cos2 0.8", habillage=4, cex=0.9,choix="ind") #visualisation des échecs





On voit aussi que les élèves qui ont les meilleurs résulats sont ceux qui ont le moins d'échecs. Par ailleurs l'acp ici ne semble pas très pertinente car la plupart des variables du jeu de données sont quantitatives, nous avons donc été obligés de les rendre (lorsque cela a un sens) qualitatives. Néeanmoins on voit par exemple que pour ces variables transformées, leur projection est très mauvaise et ne peuvent donc pas être interprétes à l'aide de l'ACP (comme studytime et traveltime). Egalement peut être qu'il y a une meilleure de les rendres qualitatives. C'est pour quoi l'on va réaliser par la suite un anova 2 sur les variables quatitatives studytime et traveltime afin de pouvoir expliqués la variable Moy avec. ##Anova 2 sur les variables studytime et traveltime

```
#création de la data frame correspondante
data_anova=df[,c(13,14,34)]
data_anova$traveltime=factor(data_anova$traveltime)
data_anova$studytime=factor(data_anova$studytime)
attach(data_anova)

## Les objets suivants sont masqués depuis data_quanti:
##
## studytime, traveltime
head(data_anova)
```

##		${\tt traveltime}$	studytime	Moy
##	1	2	2	5.666667
##	2	1	2	5.333333
##	3	1	2	8.333333
##	4	1	3	14.666667
##	5	1	2	8.666667
##	6	1	2	15.000000

table(data_anova\$traveltime,data_anova\$studytime)

```
##
##
          1
               2
                    3
                        4
##
     1 165 314 108
                       36
##
     2 110 143
                   46
                       21
##
     3
         34
              37
                    4
                        2
##
          8
                        3
```

Le plan est trop désiquilibré pour faire un anova ##Anova 2 sur les variables romantic et Walc

#création de la data frame correspondante head(df)

```
##
     school sex age address famsize Pstatus Medu Fedu
                                                                Mjob
                                                                          Fjob
                                                                                    reason
## 1
          GP
               F
                   18
                            U
                                   GT3
                                              Α
                                                    4
                                                             at home
                                                                       teacher
                                                                                    course
## 2
          GP
               F
                   17
                            U
                                   GT3
                                              Τ
                                                    1
                                                         1
                                                             at_home
                                                                         other
                                                                                    course
               F
                            U
                                   LE3
## 3
          GP
                  15
                                              Τ
                                                    1
                                                          1
                                                             at_home
                                                                         other
                                                                                      other
## 4
          GP
               F
                  15
                            U
                                   GT3
                                              Т
                                                    4
                                                         2
                                                              health services
                                                                                      home
               F
## 5
          GP
                  16
                            U
                                   GT3
                                              Т
                                                    3
                                                          3
                                                               other
                                                                         other
                                                                                      home
## 6
          GP
                             U
                                   LE3
                                              Т
               М
                  16
                                                         3 services
                                                                         other reputation
##
     guardian traveltime
                           studytime failures schoolsup famsup paid activities
## 1
       mother
                         2
                                    2
                                              0
                                                       yes
                                                                no
                                                                      no
## 2
       father
                                    2
                                              0
                         1
                                                        no
                                                               yes
                                                                      no
                                                                                  no
       mother
## 3
                         1
                                    2
                                              3
                                                                                  no
                                                       yes
                                                                no
                                                                     yes
## 4
       mother
                                    3
                                              0
                         1
                                                        no
                                                               yes
                                                                     yes
                                                                                 yes
                                    2
## 5
       father
                         1
                                              0
                                                                     yes
                                                        no
                                                               yes
                                                                                  no
## 6
                         1
                                    2
       mother
                                              0
                                                                    yes
                                                        no
                                                               yes
                                                                                 yes
##
     nursery higher internet romantic famrel freetime goout Dalc Walc health
## 1
          yes
                 yes
                            no
                                      no
                                               4
                                                         3
                                                                4
                                                                      1
                                                                           1
## 2
                                               5
                                                         3
                                                                3
                                                                      1
                                                                           1
                                                                                   3
           no
                 yes
                           yes
                                       no
## 3
                                               4
                                                         3
                                                                2
                                                                      2
                                                                           3
                                                                                   3
          yes
                 yes
                           yes
                                      no
                                                                2
## 4
                                               3
                                                         2
                                                                                   5
                           yes
                                                                      1
                                                                           1
          yes
                 yes
                                     yes
## 5
                                                4
                                                         3
                                                                2
                                                                           2
                                                                                   5
          yes
                 yes
                            no
                                       no
                                                                      1
                                               5
                                                                2
                                                                           2
                                                                                   5
## 6
          yes
                 yes
                           yes
                                       no
                                                          4
                                                                      1
     absences G1 G2 G3
                                Moy
                                       RS
## 1
             6
                5
                   6
                       6
                          5.666667 FALSE
## 2
             4
                5
                   5
                       6
                          5.333333 FALSE
## 3
                7
            10
                   8 10
                          8.333333 FALSE
## 4
             2 15 14 15 14.666667
                                    TRUE
## 5
             4 6 10 10 8.666667 FALSE
## 6
            10 15 15 15 15.000000 TRUE
```

```
data_anova=df[,c(28,23,34)]
data_anova$Walc=factor(data_anova$Walc)
head(data_anova)
```

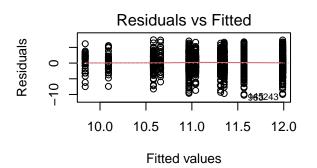
```
##
     Walc romantic
                           Mov
## 1
                     5.666667
        1
                 no
## 2
        1
                 no
                     5.333333
## 3
        3
                     8.333333
                 no
## 4
        1
                yes 14.666667
## 5
        2
                     8.666667
                 no
## 6
                 no 15.000000
```

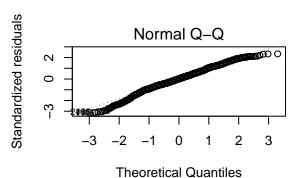
table(data_anova\$Walc,data_anova\$romantic)

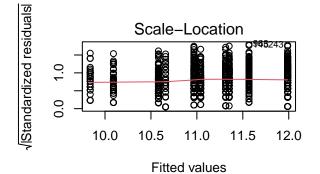
```
##
##
         no yes
##
      1 253 145
##
        151
              84
##
        127
              73
         98
              40
##
##
         44
              29
      5
```

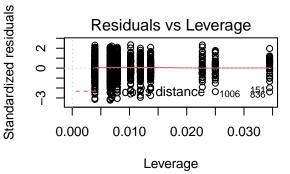
Le modèle est complet et n'est pas trop désiquilibré.

```
res=lm(Moy~romantic*Walc,data_anova)
par(mfrow=c(2,2))
plot(res)
```









shapiro.test(res\$residuals)

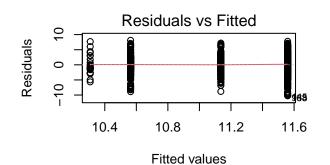
```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: res$residuals
## W = 0.98902, p-value = 4.858e-07
```

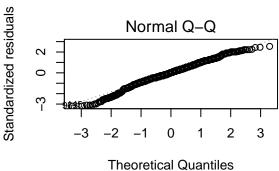
Les données ne sont pas du tout gaussiennes.

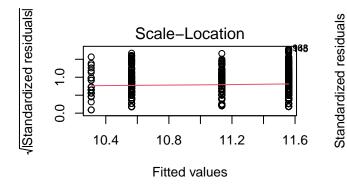
head(df)

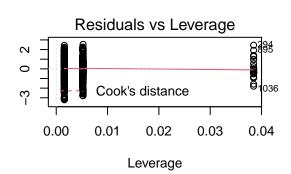
school sex age address famsize Pstatus Medu Fedu Mjob Fjob reason

```
U
                                   GT3
## 1
         GP
               F
                  18
                                              Α
                                                            at home
                                                                      teacher
                                                                                   course
## 2
         GP
               F
                  17
                            IJ
                                   GT3
                                              Τ
                                                         1
                                                            at_home
                                                                         other
                                                   1
                                                                                   course
## 3
                                              Τ
         GP
               F
                  15
                            U
                                   LE3
                                                            at home
                                                                         other
                                                                                     other
## 4
         GP
               F
                  15
                            U
                                   GT3
                                              Т
                                                   4
                                                         2
                                                             health services
                                                                                      home
                                              Т
## 5
         GP
               F
                  16
                            U
                                   GT3
                                                   3
                                                         3
                                                               other
                                                                        other
                                                                                      home
## 6
         GP
               М
                  16
                            U
                                   LE3
                                              Т
                                                   4
                                                         3 services
                                                                        other reputation
     guardian traveltime studytime failures schoolsup famsup paid activities
##
       mother
                         2
                                    2
                                              0
                                                       yes
## 1
                                                               no
                                                                     no
                                                              yes
## 2
       father
                         1
                                    2
                                              0
                                                                     no
                                                                                 no
                                                        no
## 3
       mother
                         1
                                    2
                                              3
                                                       yes
                                                               no
                                                                    yes
                                                                                 no
## 4
       mother
                         1
                                    3
                                              0
                                                                    yes
                                                                                yes
                                                        no
                                                              yes
## 5
                                    2
                                              0
       father
                         1
                                                        no
                                                               yes
                                                                    yes
                                                                                 no
## 6
                                    2
       mother
                         1
                                              0
                                                        no
                                                              yes
                                                                    yes
                                                                                yes
##
     nursery higher internet romantic famrel freetime goout Dalc Walc health
## 1
                                               4
                                                         3
                                                                4
                                                                           1
         yes
                 yes
                            no
                                      no
                                                                     1
                                                                3
## 2
                                               5
                                                         3
                                                                     1
                                                                           1
                                                                                  3
          no
                 yes
                           yes
                                      no
## 3
                                               4
                                                         3
                                                                2
                                                                     2
                                                                           3
                                                                                  3
         yes
                           yes
                 yes
                                      no
                                                                2
                                               3
                                                         2
                                                                                  5
## 4
                                                                           1
         yes
                 yes
                           yes
                                     ves
## 5
                                               4
                                                         3
                                                                2
                                                                           2
                                                                                  5
         yes
                                                                     1
                 yes
                            no
                                      no
                                               5
                                                                2
                                                                           2
                                                                                  5
## 6
         yes
                 yes
                           yes
                                      no
                                                         4
##
     absences G1 G2 G3
                               Moy
                                       RS
## 1
             6
                5
                   6
                       6
                          5.666667 FALSE
## 2
             4
                          5.333333 FALSE
                5
                   5
                       6
## 3
            10
                7
                   8 10
                          8.333333 FALSE
             2 15 14 15 14.666667 TRUE
## 4
## 5
                6 10 10 8.666667 FALSE
## 6
            10 15 15 15 15.000000
                                    TRUE
data_anova=df[c(34,18,22)]
head(data_anova)
##
            Moy paid internet
## 1 5.666667
                  no
                            no
## 2
      5.333333
                  no
                           yes
## 3 8.333333
                 yes
                           yes
## 4 14.666667
                 yes
                           yes
## 5 8.666667
                 yes
                            no
                           yes
## 6 15.000000
                 yes
table(data_anova$internet,data_anova$paid)
##
##
          no yes
##
     no
         191
              26
     yes 633 194
Le plan est complet et quasiment équilibré
res=lm(Moy~internet*paid,data_anova)
par(mfrow=c(2,2))
plot(res)
```









shapiro.test(res\$residuals)

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: res$residuals
## W = 0.99028, p-value = 2.162e-06
```

On obtiens encore que les données ne sont pas gaussiennes

##Modèle linéaire Gaussien: Régréssion mutliple

library(car) #pour utiliser VIF

vif(reg)#test de colinéarité

```
## Le chargement a nécessité le package : carData
##
## Attachement du package : 'car'
## L'objet suivant est masqué depuis 'package:dplyr':
##
## recode
reg=lm(Moy~.,data_quanti)#regression multiple pour utiliser VIF
```

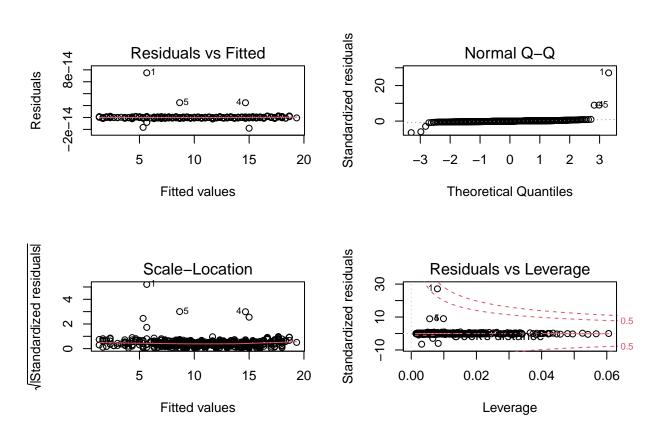
```
## Warning in summary.lm(object, ...): essentially perfect fit: summary may be ## unreliable
```

age traveltime studytime failures G1 G2 G3

```
## 1.087837 1.027492 1.048104 1.278165 3.943316 7.959427 6.069691
```

Aucune valeur n'est plsu grande que 10, la matrice est donc de plein rang. On va maintenant vérifier si les résidus sont iid, gaussiens centrée et réduits

```
par(mfrow=c(2,2))
plot(reg)
```



On voit qu'il n'y a pas de forme de trompette sur le graphe des résidus don l'hypoithèse d'homoscedasticité est vérifiée. Néanmoins il semble y avoir plusieurs points avec des résidus trop grands.

```
abs(rstudent(reg))[abs(rstudent(reg))>2]
```

```
## 1 2 4 5 6 8
## 50.412602 6.120782 9.311399 9.394551 6.639145 2.980612
```

En effet, on voit qu'il y en a huit. Il faudrais enlever le point le plus éloigé. Néanmoins, on voit en regardant le qqplot nos variables n'ont aucune chance d'être gaussiennes. En effet, avec la p-valeur du test de shapiro qui est très petite devant 5%, on rejette H0, les données ne sont donc pas gausssiennes. Le modèle n'est donc pas adpaté.

shapiro.test(reg\$residuals)

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: reg$residuals
## W = 0.17122, p-value < 2.2e-16</pre>
```