

PREMIERES NOTIONS DE GEOMETRIE

Exercice 1.

Traduis en écriture mathématique, puis illustre en complétant la figure.

- a. Le segment qui a pour extrémités A et B : $[AB]$



- b. La droite passant par A et B : (AB)



- c. La demi-droite d'origine A passant par B : $[AB)$



Exercice 2.

Traduis par une phrase en français les expressions mathématiques suivantes :

- a. $[OB]$: la demi-droite d'origine O passant par B

- b. $[MN]$: le segment d'extrémités M et N

- c. (AC) : la droite passant par A et par C

- d. $[Ox]$: la demi-droite d'origine O passant par x

Exercice 3.



Ecris tous les noms possibles pour cette droite :

(AB) ; (AC) ; (AD) ; (BC) ; (BD) ; (CD)
 (BA) ; (CA) ; (DA) ; (CB) ; (DB) ; (DC)

Exercice 4.*

« Prends garde à la consigne ! »

Repasser en vert la partie de la droite dont les points appartiennent à $[AB]$ mais pas à $[CD]$.

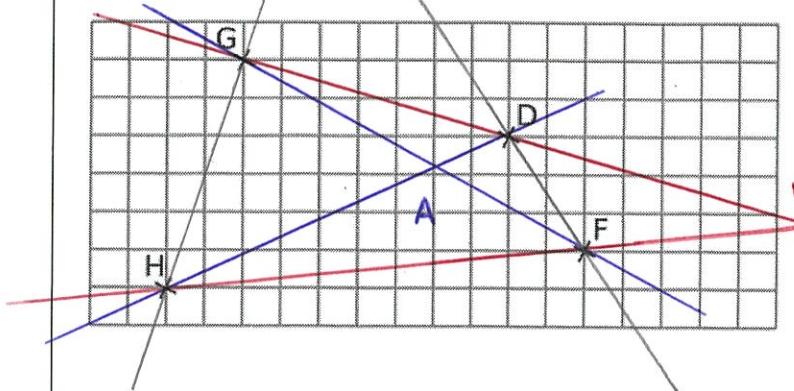


Repasser en rouge la partie de la droite dont les points appartiennent à la fois à $[AB]$ et à $[DC]$ mais pas à $[EF]$.



Exercice 5.

Sur le quadrillage ci-dessous construis les points demandés. On pourra tracer en dehors du cadre si besoin.



- a. E est le point d'intersection* des droites (HG) et (DF).

- b. A est le point d'intersection des droites (HD) et (GF).

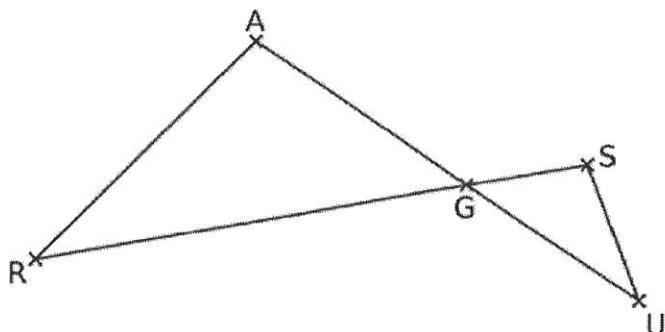
- c. U est le point d'intersection des droites (GD) et (HF).

*Information requise :

Le point d'intersection de deux droites est le point de croisement de ces deux droites !

Exercice 6.

Figure papillon



A, G et U sont alignés et R, G et S sont alignés.

- a. Après avoir observé la figure, complète les pointillés avec les symboles \in ou \notin :

G \in [AU]
G \in (AU)

A \notin [GU]
U \in (AG)

S \notin [RG]
S \in (RG)

- b. Quelle est la particularité de points alignés ?

Les points alignés appartiennent à une même droite.

Par exemple : A, G et U sont alignés, ils appartiennent à la même droite (AU).

- c. Que peut-on dire du point G ?

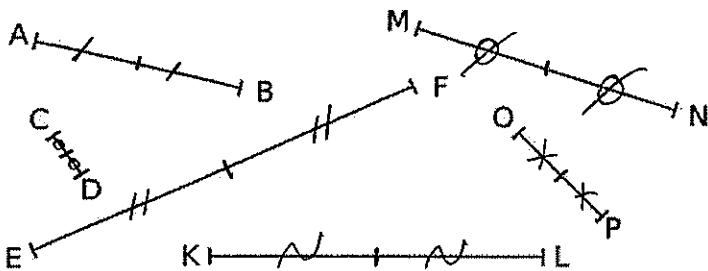
G est le point d'intersection des droites (AU) et (RS).

Exercice 7.Complète avec \in ou \notin :

N	D	C
N \notin [DC]	D \in [CN]	C \notin [DN]
N \notin [DC]	D \in [NC]	D \in [DC]
N \notin (DC)	C \in (ND)	

Exercice 8.

Longueurs et milieux.



a. Avec ta règle, mesure les segments ci-dessus :

$AB = 2,7 \text{ cm}$	$EF = 5,5 \text{ cm}$	$MN = 3,6 \text{ cm}$
$CD = 0,6 \text{ cm}$	$KL = 4,4 \text{ cm}$	$OP = 1,6 \text{ cm}$

b. En t'aideant de ta règle à nouveau, construis le plus précisément possible le milieu de chaque segment et code les longueurs égales

Exercice 9.

On considère un segment [JL] et on appelle U son milieu.



Complète les phrases suivantes :

- Si $JL = 12 \text{ cm}$, alors $UL = 6 \text{ cm}$
- Si $JU = 4 \text{ m}$, alors $UL = 4 \text{ m}$
- Si $UL = 5 \text{ hm}$, alors $JL = 10 \text{ hm}$

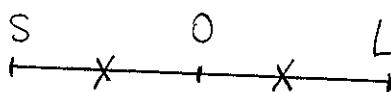
Exercice 10.*

Complète par « vrai » ou « faux ».

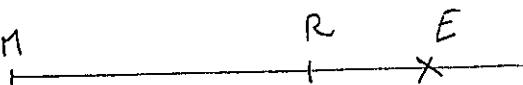
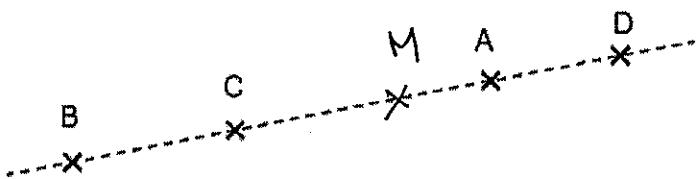
- Si le point C est sur la droite (AB), alors les points A, B et C sont alignés dans cet ordre : ... FAUX ...

ex:

- Si le point O est au milieu du segment [SL], alors les points S, O et L sont alignés dans cet ordre : ... VRAI ...



- Si le point E appartient à la demi-droite [MR), alors les points M, E et R sont alignés dans cet ordre : ... FAUX !

ex:**Exercice 11.**

- a. Voici 6 propositions. Sont-elles vraies ou fausses ?

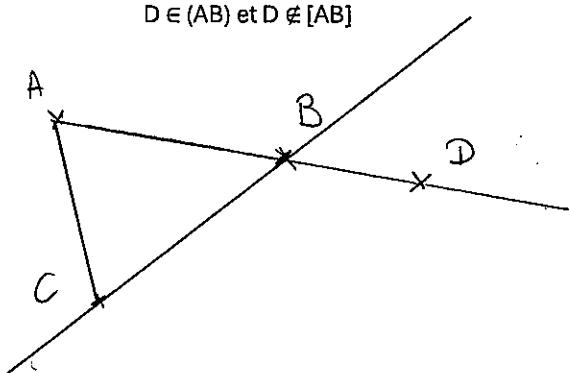
- Le segment [BD] a aussi pour nom [CD] : ... F ...
- Le segment [BD] a aussi pour nom [DB] : ... V ...
- Le segment [AC] passe par C : ... V ...
- $D \in [AD]$: ... V ...
- $D \notin [CB]$: ... V ...
- C est sur [AD] : ... F ...

- b. Sur la figure, placer un point M tel que :
-
- $M \in (AD)$
- mais
- $M \notin [CB]$

Exercice 12.

En suivant les étapes de construction, réalise la figure demandée :

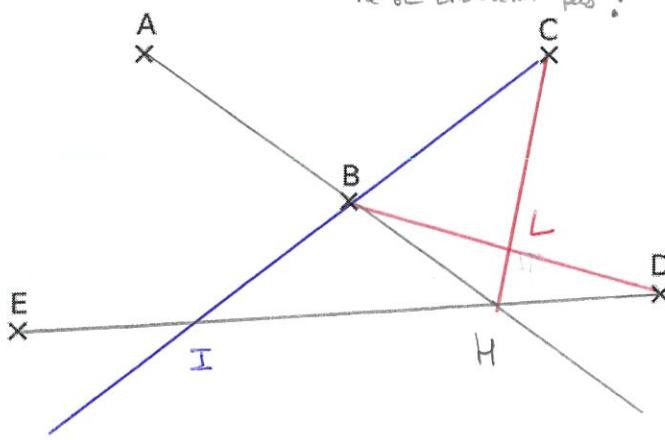
- Place trois points A, B et C non alignés.
- Trace [AB], puis [AC] et enfin (BC).
- Place un quatrième point D vérifiant à la fois :
 $D \in (AB)$ et $D \notin [AB]$



Exercice 13.*

En t'aideant des points déjà marqués, place les points H, I, L et M tels que :

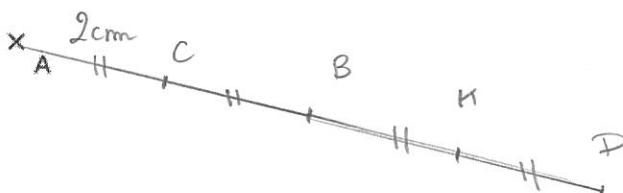
- traduction : H est le pt d'intersection de [AB] et [ED]
- $H \in [AB]$ et $H \in [ED]$
- L ∈ [BD] et L ∈ [CH]
- I ∈ [CB] et I ∈ [ED]
- M ∈ [AI] et M ∈ [DH]
- IMPOSSIBLE : [AI] et [DH] ne se croisent pas !



Exercice 14.*

Réalise la figure :

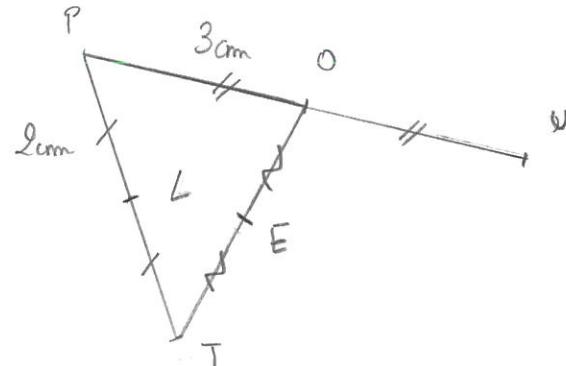
- Trace un segment [AB] tel que $AB = 4\text{ cm}$ et place le point C milieu de [AB].
- Place le point D pour que le point B soit le milieu de [AD].
- Place le point K milieu du segment [BD].



Exercice 15.*

1. En suivant les étapes de construction, réalise la figure demandée.

- Construis trois points P, O, T non alignés tels que $PO = 3\text{ cm}$ et $PT = 4\text{ cm}$.
- Construis les points U, V, E sachant que :
 - L est le milieu de [PT]
 - O est le milieu de [PU]
 - E est le milieu de [OT]



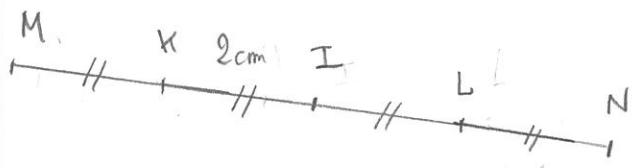
2. En utilisant la question précédente, écris trois égalités de longueur :

$$\begin{aligned} PL &= LT = 2\text{ cm} \\ PO &= OU = 3\text{ cm} \\ OE &= ET \end{aligned}$$

Exercice 16.

1. En suivant les étapes de construction, réalise la figure demandée.

- Trace le segment [KL] tel que $KL = 6\text{ cm}$.
- Place le point I sachant que I est le milieu de [KL].
- Place les points M et N tels que K et L soient respectivement les milieux de [MI] et [IN].



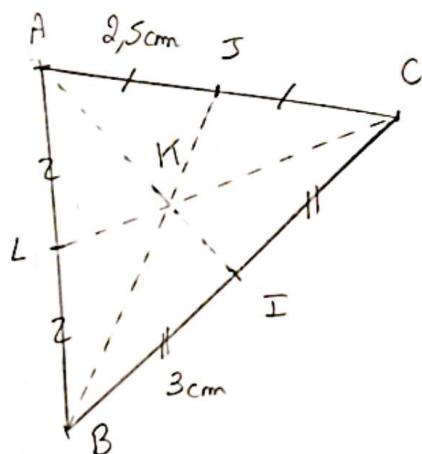
2. Ecris toutes les égalités de longueur possibles :

$$\begin{aligned} MK &= KI = IL = LN = 2\text{ cm} \\ MI &= KL = IN = 6\text{ cm} \\ ML &= KN = 6\text{ cm} \\ MN &= 8\text{ cm} \end{aligned}$$

Exercice 17

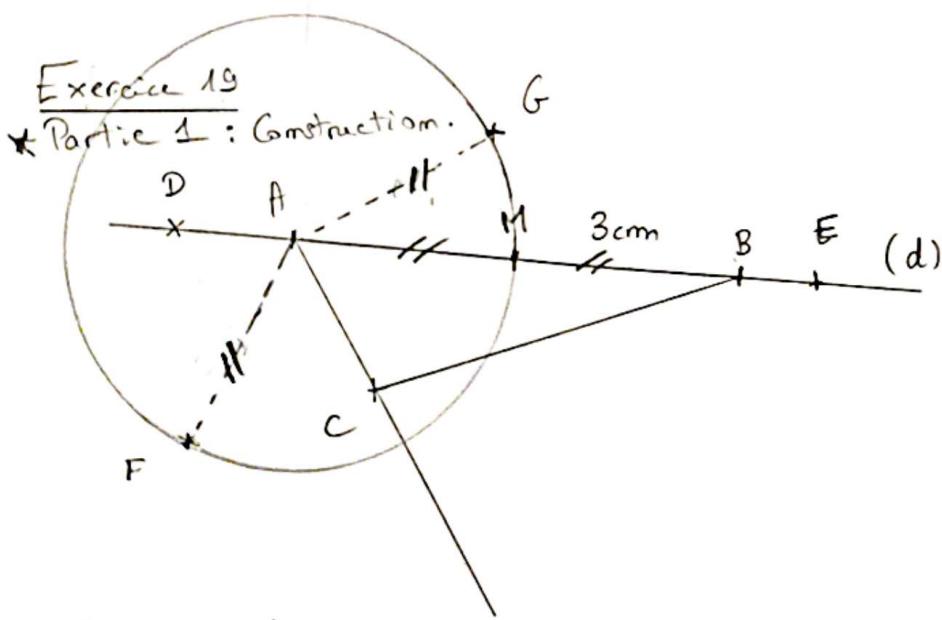
- Les droites (AF) et (EC) se coupent en F
- Le point d'intersection de (EB) et (FC) est E
- C est le point d'intersection de (AB) et (EF)
- Le point B est à l'intersection de (ED) et (AC)
- D est le point d'intersection de (AF) et (EB)

Exercice 18.



f. En tranchant [CL], on remarque que le segment passe aussi par le point K !

Autrement dit, K est à la fois le point d'intersection de [BJ], [AI] et [CL] !



* Partie 2 : Appartenance

- $C \notin [AB]$
- $B \notin [AC]$
- $A \in (d)$
- $E \in (d)$

* Partie 3 : Longueurs et milieux

$$1. AM = AB \div 2 = 6 \div 2 = 3 \text{ cm}$$

$$2. MB = AM = 3 \text{ cm}$$

4. A, M et B sont alignés car ils appartiennent à la même droite (d)

*Partie 4 : Par ailleur + bonus (BONUS)

1. Les points F et G ne sont pas forcément au même endroit !
2. Il existe une infinité de positions possibles pour le point F)
à savoir le cercle de centre A et de rayon 3cm (voir ch.5)
6. On pourrait utiliser le compas pour tracer toutes ces positions.
(voir construction)