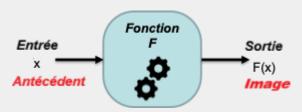
chapitre 2: LES FONCTIONS (1)

I. Généralités

1. Définition

Définition:

Une **fonction** est un <u>procédé</u> qui, à un nombre x, fait correspondre un nombre <u>unique</u> appelé **image de** x.



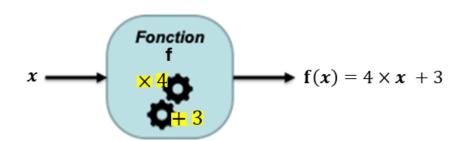
On note f(x) = y et on lit « f de x est égale à y ».

On peut aussi écrire $f: x \to y$ qu'on lit la fonction f qui à x associe y.

Exemples:

La fonction f qui à x associe $4 \times x + 3$ peut s'écrire :

$$f(x) = 4 \times x + 3$$
 ou $f: x \rightarrow 4 \times x + 3$



2. Vocabulaire

Vocabulaire:

Soit la fonction f(x) = y

On dit que x est la **variable** de la fonction f (c'est le nombre que l'on fait varier dans la fonction).

Le nombre d'entrée x est appelé **antécédent de** y **par la fonction** f

Le nombre obtenu en sortie f(x) ou y est appelé **image de x par la fonction** f

Exemples:

Si
$$x = 5$$
:

$$f(5) = 4 \times 5 + 3$$

$$f(5) = 20 + 3$$

$$f(5) = 23$$

23 est l'**image** de 5 par la fonction f.

5 est l'**antécédent** de 23 par la fonction f.

lacksquare Soit g une autre fonction, on donne :

$$g(10) = -2$$

Ecris les deux phrases correspondantes en utilisant les mots "image" et "antécédent" :

II. Représentation d'une fonction

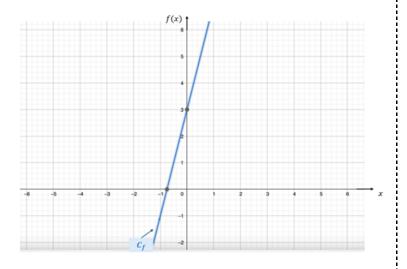
Définition:

Dans un repère, la représentation graphique d'une fonction est l'ensemble des points M de coordonnées (x; f(x)).

Cette représentation graphique est aussi appelée la courbe représentative de la fonction f et on peut la noter \mathcal{C}_f

Exemples:

Reprenons f(x) = 4x + 3La représentation graphique de la fonction f est la suivante :



Pour tracer la représentation graphique \mathcal{C}_f de la fonction f, on peut calculer les valeurs prises par f(x) pour quelques valeurs de x, puis placer les points correspondants aux coordonnées obtenues, puis relier ces points :

| x | - 1 | 0 | 1 | 2 |
|------|-----|---|---|----|
| f(x) | - 1 | 3 | 7 | 11 |

Par exemple, la 3ème colonne nous donne le point de coordonnées (0 ; 3) situé sur la représentation graphique que l'on peut placer dans le repère.

• On considère g(x) = -2x + 5

Remplis le tableau de valeurs suivant et trace la représentation graphique de la fonction g.

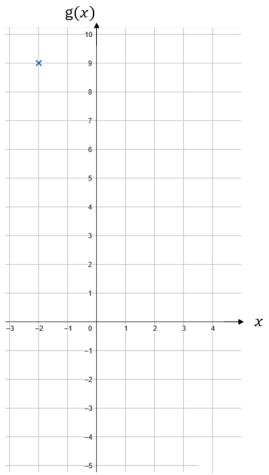
| х | - 2 | - 1 | 0 | 1 | 2 |
|------|-----|-----|---|---|---|
| g(x) | 9 | | | | |

Faisons le premier ensemble :

$$g(-2) = -2 \times (-2) + 5$$

= 4 + 5
= 9

On peut donc placer le point (-2; g(-2)), autrement dit (-2; 9):



À toi de finir...

À la fin du chapitre, <u>IE SAIS</u>:

- Définir une fonction et en comprendre le procédé.
- Utiliser le vocabulaire "... est l'image de ... par la fonction..." ou "... est l'antécédent de ... par la fonction..." .
- Déterminer l'image d'un nombre par une fonction à l'aide de sa formule algébrique.
- Représenter graphiquement une fonction à l'aide d'un tableau antécédent/image correctement complété.
- Identifier graphiquement l'antécédent ou l'image d'un nombre par une fonction.