

# AdaGraph

Transfer Learning

## Introduction

predictive transfer learning: target domain既没有label也没有data, 但是有labeled source domain和有data无label的辅助domain, 以及各个domain的metadata

- 共同的基石网络嵌入到不同的领域具体模型中
- 利用metadata和辅助样本构建图, 显示描绘domain之间的依赖关系, 依赖关系由metadata决定
- 当target数据流不断流入时持续更新网络参数

## Related works

## Method

一些记号

- $\mathcal{K} = \mathcal{S} \cup \mathcal{A}$ : known domains, all have data and metadata,  $\mathcal{S}$  have label,  $\mathcal{A}$  only have data.
- $\mathcal{T}$  target domain, no data and label, only metadata.  $\mathcal{Y}$ : set of all classes.

整个过程分为3步:

- 利用metadata连接不同domain形成一个图
- 训练domain specific model
- 利用domain图推测target domain上模型的参数

详情:

Step 1: connecting domains through a graph

设domain空间为 $\mathcal{D}$ , metadata空间为 $\mathcal{M}$ , 存在一个双射 $\phi: \mathcal{D} \rightarrow \mathcal{M}$ 联系domain与metadata。构建一个domain图, 结点为 $\mathcal{K}$ 中的domain, 边为两个domain的相似性, 由其metadata的相似性度量, 定义为:  $w(v_1, v_2) = e^{-d(\phi(v_1), \phi(v_2))}$ 。

设 $\Theta$ 是模型参数空间, 并假设我们已经正确的学到了domain specific的模型, 可以定义映射 $\psi: \mathcal{K} \rightarrow \Theta$ , 从而 $\psi \circ \phi^{-1}$ 是metadata到模型参数的映射。利用domain图 (实际上是metadata图) 和参数的关系, 我们可以这样估计target domain的参数:

$$\hat{\theta}_{\mathcal{T}} = \psi(\mathcal{T}) = \frac{\sum_{(\mathcal{T}, v) \in \mathcal{E}} w(\mathcal{T}, v) \psi(v)}{\sum_{(\mathcal{T}, v) \in \mathcal{E}} w(\mathcal{T}, v)}$$

在没有metadata的情况下，可以设定

$$\hat{\theta}_x = \sum_{v \in \mathcal{V}} p(v|x) \psi(v)$$

$p(v|x)$ 为给定输入x条件下x属于domain v的概率，他可以由训练一个domain分类器得到

Step2: Extracting node specific model

使用domain specif batch-normalization layers (DABN) 来做传统的DA（应对那些没有label的domain）。前端的层用于抽取有用统计特征，高层的统计特征只是均值和方差不同，分布是相同的。给定domain k, DABN层是

$$DA_{BN}(x, k) = \gamma \frac{x - \mu_k}{\sqrt{\sigma_k^2 + \epsilon}} + \beta$$

$\gamma, \beta$ 是可以学习的全局scale和basis参数。

本文中，令 $\psi(k) = \theta_k = \{\theta^\alpha, \theta_k^\alpha\}$ ,  $\theta^\alpha$ 是全局的共同参数，代表各domain之间的共性（卷积与全链接层）， $\theta_k^\alpha$ 则是domain specific的（DABN层）。利用GraphBN来代替原始的BN，GraphBN定义为：

$$GBN(x, v) = \gamma_v \frac{x - \mu_v}{\sqrt{\sigma_v^2 + \epsilon}} + \beta_v$$

其中 $\mu_v = \frac{1}{|B_v|} \sum_{x \in B_v} x$ ,  $\sigma_v^2 = \frac{1}{|B_v|} \sum_{x \in B_v} (x - \mu_v)^2$ 称这一层GBN的统计量,  $B_v$ 是当前batch中属于domain v的元素的集合。domain specific的basis与scale参数通过loss函数来优化，loss函数定义为：

$$L(\Theta^s) = -\frac{1}{|S|} \sum_{(x,y) \in S} \log(f_{\theta_S}(y; x)) \\ - \lambda \cdot \sum_{A_i \in \mathcal{A}} \frac{1}{|A_i|} \sum_{x \in A_i} \sum_{y \in \mathcal{Y}} f_{\theta_{A_i}}(y; x) \log(f_{\theta_{A_i}}(y; x))$$

第一项为在有标签domain上的交叉熵，第二项为在辅助domain上的熵。

这里的domain specific参数实际上就是basis和scale参数，为了把图的信息引入到训练过程中，进一步修改GBN为：

$$GBN(x, v, \mathcal{G}) = \gamma_v^{\mathcal{G}} \cdot \frac{x - \mu_v}{\sqrt{\sigma_v^2 + \epsilon}} + \beta_v^{\mathcal{G}}$$

with:

$$\nu_v^{\mathcal{G}} = \frac{\sum_{k \in \mathcal{K}} \omega(v, k) \cdot \nu_k}{\sum_{k \in \mathcal{K}} \omega(v, k)},$$

## Continuous domain adaptation

在测试时，target data会逐步的流入，可以运用这些target数据流进一步调整模型。这里采取更新BN统计量的方式来达成这一点。

假设我们在内存中一次存储最近的M个测试样本，并用他们对target域的GBN统计量进行局部的估计（其实就是计算target domain的 $\mu_T, \sigma_T$ ）。同时我们用这些数据，计算一个M上的熵函数，用以微调target域上的scale与basis参数

问题：在test数据一个一个的传过来（而非一个batch一个batch），并且要求每个传来时立刻给出回复时，如何决定GBN的统计量？