Rules for normalizing integrands to known tangent forms

1. $\int u \left(c \operatorname{Trig}[a+b \, x]\right)^m \left(d \operatorname{Trig}[a+b \, x]\right)^n dx$ when KnownTangentIntegrandQ[u, x]

1: $\int u \left(c \operatorname{Cot}[a+b \, x]\right)^m \left(d \operatorname{Tan}[a+b \, x]\right)^n dx$ when KnownTangentIntegrandQ[u, x]

Derivation: Piecewise constant extraction

Basis:
$$\partial_x ((c \cot[a + b x])^m (d \tan[a + b x])^m) = 0$$

Rule: If KnownTangentIntegrandQ[u, x], then

```
 \begin{split} & \text{Int}\big[\mathsf{u}_- \star \big(\mathsf{c}_- \star \mathsf{cot}\big[\mathsf{a}_- \star \mathsf{b}_- \star \mathsf{x}_-\big]\big) \wedge \mathsf{m}_- \star \big(\mathsf{d}_- \star \mathsf{tan}\big[\mathsf{a}_- \star \mathsf{b}_- \star \mathsf{x}_-\big]\big) \wedge \mathsf{n}_- \cdot \mathsf{x}_- \mathsf{Symbol}\big] \ := \\ & \big(\mathsf{c}_+ \mathsf{Cot}\big[\mathsf{a}_+ \mathsf{b}_+ \mathsf{x}_-\big]\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{Tan}\big[\mathsf{a}_+ \mathsf{b}_+ \mathsf{x}_-\big]\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{Tan}\big[\mathsf{a}_+ \mathsf{b}_+ \mathsf{x}_-\big]\big) \wedge \mathsf{m}_- \star \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{Tan}\big[\mathsf{a}_+ \mathsf{b}_+ \mathsf{x}_-\big]\big) \wedge \mathsf{m}_- \star \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{Tan}\big[\mathsf{a}_+ \mathsf{b}_+ \mathsf{x}_-\big]\big) \wedge \mathsf{m}_- \star \big(\mathsf{d}_- \star \mathsf{Tan}\big[\mathsf{a}_+ \mathsf{b}_+ \mathsf{x}_-\big]\big) \wedge \mathsf{m}_- \star \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{Tan}\big[\mathsf{a}_+ \mathsf{b}_+ \mathsf{x}_-\big]\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{Tan}\big[\mathsf{a}_+ \mathsf{b}_+ \mathsf{x}_-\big]\big) \wedge \mathsf{m}_- \star \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{Tan}\big[\mathsf{a}_+ \mathsf{b}_+ \mathsf{x}_-\big]\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{Tan}\big[\mathsf{a}_+ \mathsf{b}_+ \mathsf{a}_-\big]\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{a}_+ \mathsf{b}_-\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{a}_+ \mathsf{b}_-\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{a}_+ \mathsf{a}_-\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{a}_- \mathsf{a}_-\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{a}_-\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{a}_- \mathsf{a}_-\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{a}_-\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{a}_-\big) \wedge \mathsf{m}_+ \big(\mathsf{d}_+ \mathsf{a}_
```

2: $\int u (c Tan[a + b x])^m (d Cot[a + b x])^n dx$ when KnownCotangentIntegrandQ[u, x]

Derivation: Piecewise constant extraction

Basis: ∂_x ((c Tan[a+bx])^m (d Cot[a+bx])^m) == 0

Rule: If KnownCotangentIntegrandQ[u, x], then

$$\int u \, \left(c \, \mathsf{Tan} \big[a + b \, x \big] \right)^m \, \left(d \, \mathsf{Cot} \big[a + b \, x \big] \right)^n \, \mathbb{d} \, x \, \, \rightarrow \, \, \left(c \, \mathsf{Tan} \big[a + b \, x \big] \right)^m \, \left(d \, \mathsf{Cot} \big[a + b \, x \big] \right)^m \, \int u \, \left(d \, \mathsf{Cot} \big[a + b \, x \big] \right)^{n-m} \, \mathbb{d} \, x$$

```
 \begin{split} & \text{Int}\big[\mathsf{u}_{-*}\big(\mathsf{c}_{-*}\mathsf{tan}\big[\mathsf{a}_{-*}\mathsf{b}_{-*}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{cos}\big[\mathsf{a}_{-*}\mathsf{b}_{-*}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{n}_{-*},\mathsf{x}_{-}\mathsf{Symbol}\big] := \\ & & \big(\mathsf{c}_{-*}\mathsf{Tan}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Sin}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Sin}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Sin}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{+}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\mathsf{x}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\mathsf{a}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\mathsf{a}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\mathsf{b}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{-*}\mathsf{Cos}\big[\mathsf{a}_{-}\big)\big)^\mathsf{m}_{-*}\big(\mathsf{d}_{
```

2. $\int u \ (c \ Trig[a + b \ x])^m \ dx \ \text{ when } m \notin \mathbb{Z} \ \land \ KnownTangentIntegrandQ[u, x]$ 1: $\int u \ (c \ Cot[a + b \ x])^m \ dx \ \text{ when } m \notin \mathbb{Z} \ \land \ KnownTangentIntegrandQ[u, x]$

Derivation: Piecewise constant extraction

Basis: $\partial_x ((c \cot[a + b x])^m (c \tan[a + b x])^m) = 0$

Rule: If $m \notin \mathbb{Z} \land KnownTangentIntegrandQ[u, x]$, then

$$\int \! u \, \left(c \, \mathsf{Cot} \big[a + b \, x \big] \right)^m \, \mathbb{d} \, x \, \, \rightarrow \, \, \left(c \, \mathsf{Cot} \big[a + b \, x \big] \right)^m \, \left(c \, \mathsf{Tan} \big[a + b \, x \big] \right)^m \, \int \! \frac{u}{\left(c \, \mathsf{Tan} \big[a + b \, x \big] \right)^m} \, \mathbb{d} \, x$$

```
Int[u_*(c_.*cot[a_.+b_.*x_])^m_.,x_Symbol] :=
   (c*Cot[a+b*x])^m*(c*Tan[a+b*x])^m*Int[ActivateTrig[u]/(c*Tan[a+b*x])^m,x] /;
FreeQ[{a,b,c,m},x] && Not[IntegerQ[m]] && KnownTangentIntegrandQ[u,x]
```

2: $\int u (c Tan[a + b x])^m dx$ when $m \notin \mathbb{Z} \land KnownCotangentIntegrandQ[u, x]$

Derivation: Piecewise constant extraction

Basis: $\partial_x ((c \cot [a + b x])^m (c \tan [a + b x])^m) = 0$

Rule: If $m \notin \mathbb{Z} \wedge KnownCotangentIntegrandQ[u, x]$, then

$$\int u \, \left(c \, \mathsf{Tan} \big[a + b \, x \big] \right)^m \, \mathrm{d}x \, \, \rightarrow \, \, \left(c \, \mathsf{Cot} \big[a + b \, x \big] \right)^m \, \left(c \, \mathsf{Tan} \big[a + b \, x \big] \right)^m \, \int \frac{u}{\left(c \, \mathsf{Cot} \big[a + b \, x \big] \right)^m} \, \mathrm{d}x$$

```
Int[u_*(c_.*tan[a_.+b_.*x_])^m_.,x_Symbol] :=
   (c*Cot[a+b*x])^m*(c*Tan[a+b*x])^m*Int[ActivateTrig[u]/(c*Cot[a+b*x])^m,x] /;
FreeQ[{a,b,c,m},x] && Not[IntegerQ[m]] && KnownCotangentIntegrandQ[u,x]
```

3. $\int u \left(A + B \cot \left[a + b x\right]\right) dx \text{ when KnownTangentIntegrandQ[u, x]}$ 1: $\int u \left(c \tan \left[a + b x\right]\right)^n \left(A + B \cot \left[a + b x\right]\right) dx \text{ when KnownTangentIntegrandQ[u, x]}$

Derivation: Algebraic normalization

Rule: If KnownTangentIntegrandQ[u, x], then

$$\int \! u \, \left(c \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \, \big] \right)^n \, \left(A + B \, \mathsf{Cot} \big[\, a + b \, x \, \big] \right) \, \mathrm{d}x \, \, \rightarrow \, \, c \, \int \! u \, \left(c \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \, \big] \right)^{n-1} \, \left(B + A \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \, \big] \right) \, \mathrm{d}x$$

```
Int[u_*(c_.*tan[a_.+b_.*x_])^n_.*(A_+B_.*cot[a_.+b_.*x_]),x_Symbol] :=
    c*Int[ActivateTrig[u]*(c*Tan[a+b*x])^(n-1)*(B+A*Tan[a+b*x]),x] /;
FreeQ[{a,b,c,A,B,n},x] && KnownTangentIntegrandQ[u,x]

Int[u_*(c_.*cot[a_.+b_.*x_])^n_.*(A_+B_.*tan[a_.+b_.*x_]),x_Symbol] :=
    c*Int[ActivateTrig[u]*(c*Cot[a+b*x])^(n-1)*(B+A*Cot[a+b*x]),x] /;
FreeQ[{a,b,c,A,B,n},x] && KnownCotangentIntegrandQ[u,x]
```

2: $\int u (A + B Cot[a + b x]) dx$ when KnownTangentIntegrandQ[u, x]

Derivation: Algebraic normalization

Rule: If KnownTangentIntegrandQ[u, x], then

$$\int u \, \left(A + B \, \text{Cot} \left[a + b \, x \right] \right) \, d x \, \rightarrow \, \int \frac{u \, \left(B + A \, \text{Tan} \left[a + b \, x \right] \right)}{\text{Tan} \left[a + b \, x \right]} \, d x$$

```
Int[u_*(A_+B_.*cot[a_.+b_.*x_]),x_Symbol] :=
   Int[ActivateTrig[u]*(B+A*Tan[a+b*x])/Tan[a+b*x],x] /;
FreeQ[{a,b,A,B},x] && KnownTangentIntegrandQ[u,x]

Int[u_*(A_+B_.*tan[a_.+b_.*x_]),x_Symbol] :=
   Int[ActivateTrig[u]*(B+A*Cot[a+b*x])/Cot[a+b*x],x] /;
FreeQ[{a,b,A,B},x] && KnownCotangentIntegrandQ[u,x]
```

```
4. \int u \left(A + B \cot \left[a + b x\right] + C \cot \left[a + b x\right]^{2}\right) dx \text{ when KnownTangentIntegrandQ}[u, x]
1: \int u \left(c \tan \left[a + b x\right]\right)^{n} \left(A + B \cot \left[a + b x\right] + C \cot \left[a + b x\right]^{2}\right) dx \text{ when KnownTangentIntegrandQ}[u, x]
```

Derivation: Algebraic normalization

Rule: If KnownTangentIntegrandQ[u, x], then

$$\int u \, \left(c \, Tan \big[a + b \, x \big] \right)^n \, \left(A + B \, Cot \big[a + b \, x \big] + C \, Cot \big[a + b \, x \big]^2 \right) \, \mathrm{d}x \, \rightarrow \, c^2 \, \int u \, \left(c \, Tan \big[a + b \, x \big] \right)^{n-2} \, \left(C + B \, Tan \big[a + b \, x \big] + A \, Tan \big[a + b \, x \big]^2 \right) \, \mathrm{d}x$$

2: $\int u (A + B \cot[a + b x] + C \cot[a + b x]^2) dx$ when KnownTangentIntegrandQ[u, x]

Derivation: Algebraic normalization

Rule: If KnownTangentIntegrandQ[u, x], then

$$\int u \left(A + B \operatorname{Cot} \left[a + b x \right] + C \operatorname{Cot} \left[a + b x \right]^{2} \right) dx \rightarrow \int \frac{u \left(C + B \operatorname{Tan} \left[a + b x \right] + A \operatorname{Tan} \left[a + b x \right]^{2} \right)}{\operatorname{Tan} \left[a + b x \right]^{2}} dx$$

```
Int[u_*(A_.+B_.*cot[a_.+b_.*x_]+C_.*cot[a_.+b_.*x_]^2),x_Symbol] :=
    Int[ActivateTrig[u]*(C+B*Tan[a+b*x]+A*Tan[a+b*x]^2)/Tan[a+b*x]^2,x] /;
    FreeQ[{a,b,A,B,C},x] && KnownTangentIntegrandQ[u,x]

Int[u_*(A_.+B_.*tan[a_.+b_.*x_]+C_.*tan[a_.+b_.*x_]^2),x_Symbol] :=
    Int[ActivateTrig[u]*(C+B*Cot[a+b*x]+A*Cot[a+b*x]^2)/Cot[a+b*x]^2,x] /;
    FreeQ[{a,b,A,B,C},x] && KnownCotangentIntegrandQ[u,x]

Int[u_*(A_+-C_.*cot[a_.+b_.*x_]^2),x_Symbol] :=
    Int[ActivateTrig[u]*(C+A*Tan[a+b*x]^2)/Tan[a+b*x]^2,x] /;
    FreeQ[{a,b,A,C},x] && KnownTangentIntegrandQ[u,x]

Int[u_*(A_+-C_.*tan[a_.+b_.*x_]^2),x_Symbol] :=
    Int[ActivateTrig[u]*(C+A*Cot[a+b*x]^2)/Cot[a+b*x]^2,x] /;
    FreeQ[{a,b,A,C},x] && KnownCotangentIntegrandQ[u,x]
```

5: $\int u (A + B Tan[a + b x] + C Cot[a + b x]) dx$

Derivation: Algebraic normalization

Rule:

$$\int u \, \left(A + B \, \mathsf{Tan} \big[a + b \, x \big] + C \, \mathsf{Cot} \big[a + b \, x \big] \right) \, \mathrm{d}x \, \, \rightarrow \, \, \int \frac{u \, \left(C + A \, \mathsf{Tan} \big[a + b \, x \big] + B \, \mathsf{Tan} \big[a + b \, x \big]^2 \right)}{\mathsf{Tan} \big[a + b \, x \big]} \, \mathrm{d}x$$

Program code:

```
Int[u_*(A_.+B_.*tan[a_.+b_.*x_]+C_.*cot[a_.+b_.*x_]),x_Symbol] :=
   Int[ActivateTrig[u]*(C+A*Tan[a+b*x]+B*Tan[a+b*x]^2)/Tan[a+b*x],x] /;
FreeQ[{a,b,A,B,C},x]
```

6: $\left[u \left(A Tan \left[a + b x \right]^n + B Tan \left[a + b x \right]^{n+1} + C Tan \left[a + b x \right]^{n+2} \right) dx$

Derivation: Algebraic normalization

Rule:

$$\int \! u \, \left(A \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \, + \, B \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^{n+1} \, + \, C \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^{n+2} \right) \, \mathrm{d}x \\ \rightarrow \int \! u \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \, \left(A + B \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big] \, + \, C \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^2 \right) \, \mathrm{d}x \\ \rightarrow \int \! u \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \, \left(A + B \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big] \, + \, C \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^2 \right) \, \mathrm{d}x \\ \rightarrow \int \! u \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \, \left(A + B \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big] \, + \, C \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^2 \right) \, \mathrm{d}x \\ \rightarrow \int \! u \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \, \left(A + B \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big] \, + \, C \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^2 \right) \, \mathrm{d}x \\ \rightarrow \int \! u \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \, \left(A + B \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big] \, + \, C \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^2 \right) \, \mathrm{d}x \\ \rightarrow \int \! u \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \, \left(A + B \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big] \, + \, C \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^2 \right) \, \mathrm{d}x \\ \rightarrow \int \! u \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \, \left(A + B \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big] \, + \, C \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \right) \, \mathrm{d}x \\ \rightarrow \int \! u \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \, \left(A + B \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big] \, + \, C \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \right) \, \mathrm{d}x \\ \rightarrow \int \! u \, \mathsf{Tan} \big[\, a + b \, x \big]^n \, \mathrm{d}x$$

```
Int[u_*(A_.*tan[a_.+b_.*x_]^n_.+B_.*tan[a_.+b_.*x_]^n1_+C_.*tan[a_.+b_.*x_]^n2_),x_Symbol] :=
   Int[ActivateTrig[u]*Tan[a+b*x]^n*(A+B*Tan[a+b*x]+C*Tan[a+b*x]^2),x] /;
FreeQ[{a,b,A,B,C,n},x] && EqQ[n1,n+1] && EqQ[n2,n+2]
```

```
Int[u_*(A_.*cot[a_.+b_.*x_]^n_.+B_.*cot[a_.+b_.*x_]^n1_+C_.*cot[a_.+b_.*x_]^n2_),x_Symbol] :=
   Int[ActivateTrig[u]*Cot[a+b*x]^n*(A+B*Cot[a+b*x]+C*Cot[a+b*x]^2),x] /;
FreeQ[{a,b,A,B,C,n},x] && EqQ[n1,n+1] && EqQ[n2,n+2]
```