



6.2 调频电路

福建师范大学光电学院电子信息工程系



6.2 调频电路

主要要求:

- 掌握调频的实现方法，了解调频电路的主要指标
- 理解变容管直接调频电路的组成和工作原理
- 了解变容管间接调频电路的组成和工作原理。
- 理解实现调相的基本方法。
- 掌握扩展最大频偏的方法。

6.2.1 调频电路的实现方法与性能指标

一、调频方法

1. 直接调频

2. 间接调频

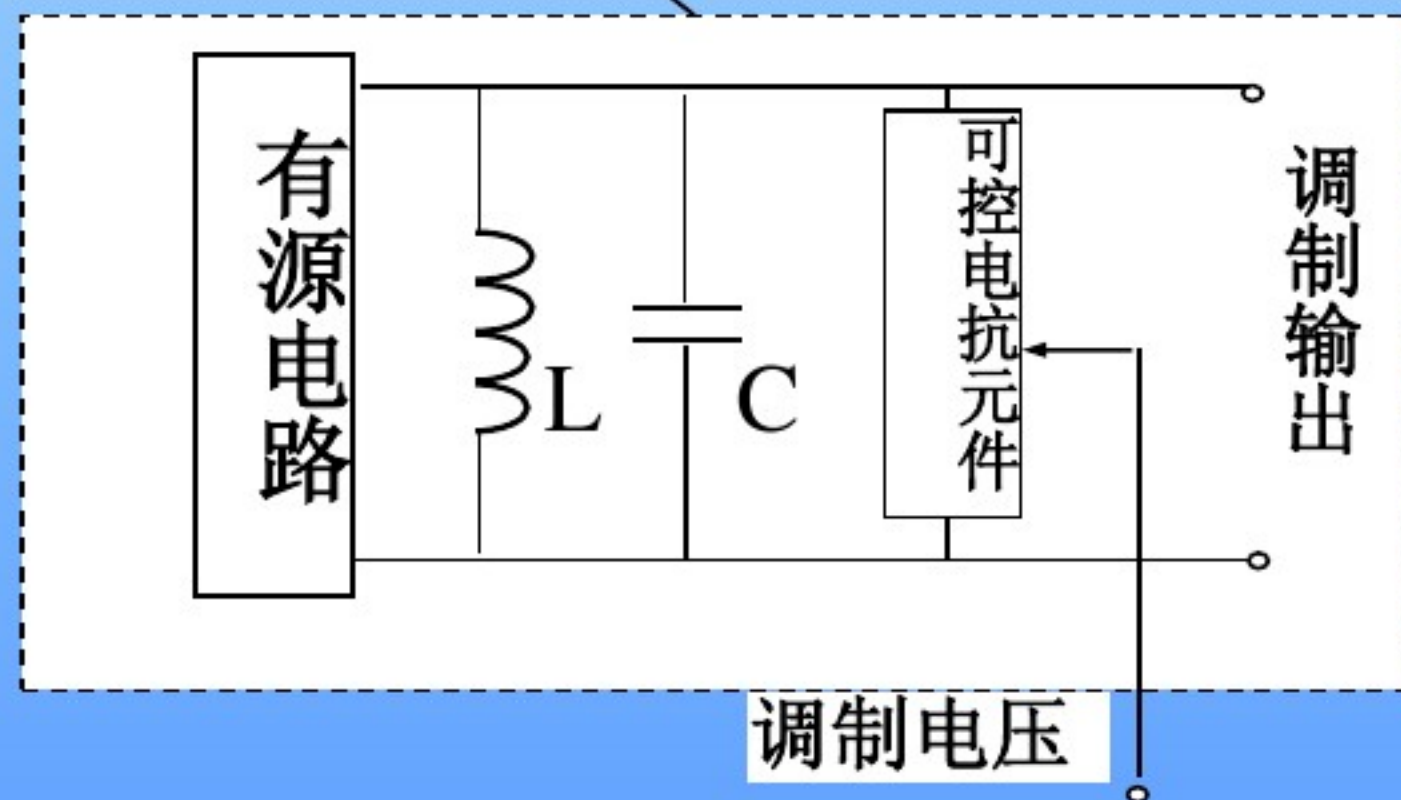
6.2.1 调频电路的实现方法与性能指标

一、调频方法

1. 直接调频

用调制信号直接控制振荡器频率，使其与调制信号成正比。

振荡电路



控制回路谐振频率，从而控制振荡频率。适当选择电路参数，就可实现线性调频。

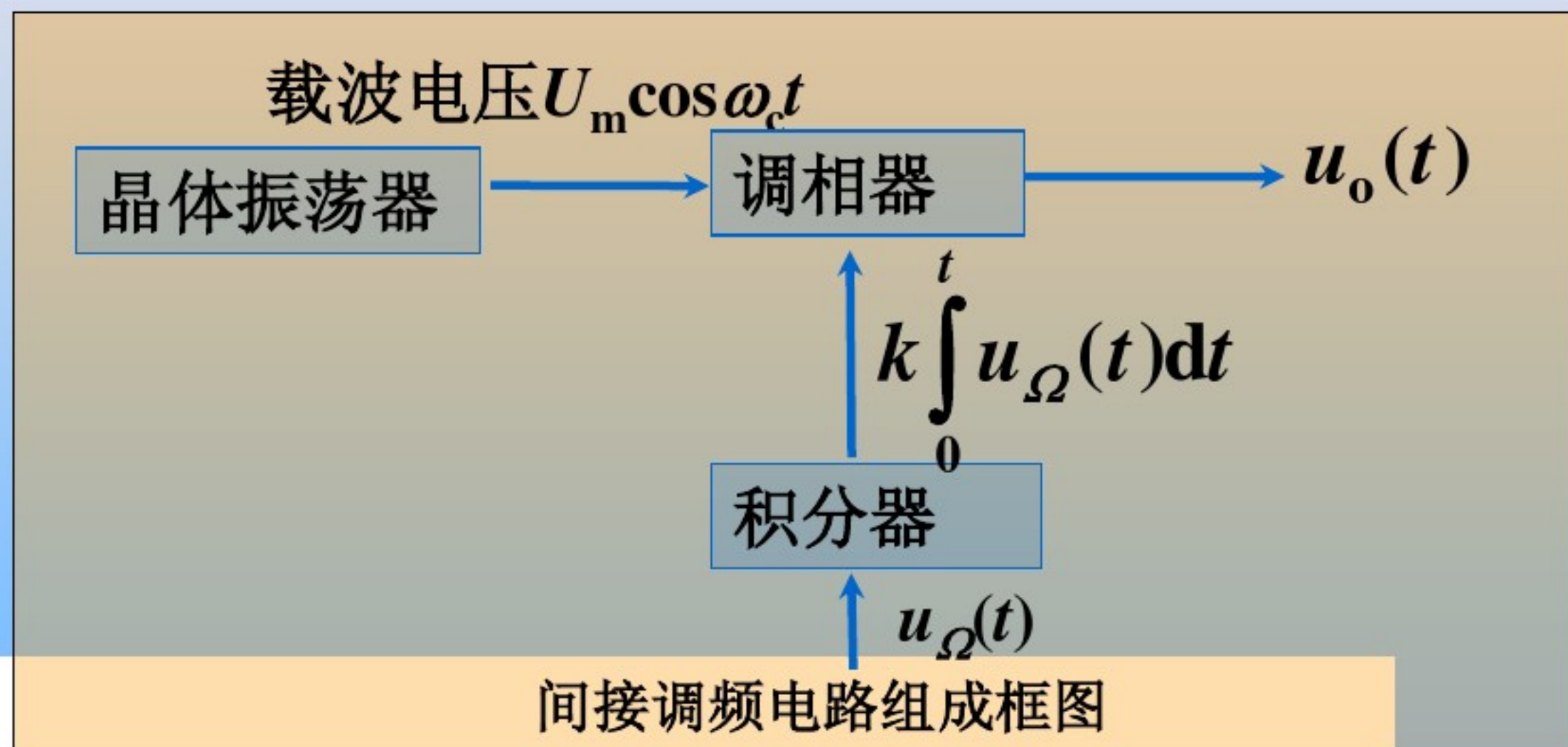
直接调频法

优点：频偏较大

缺点：中心频率易不稳定

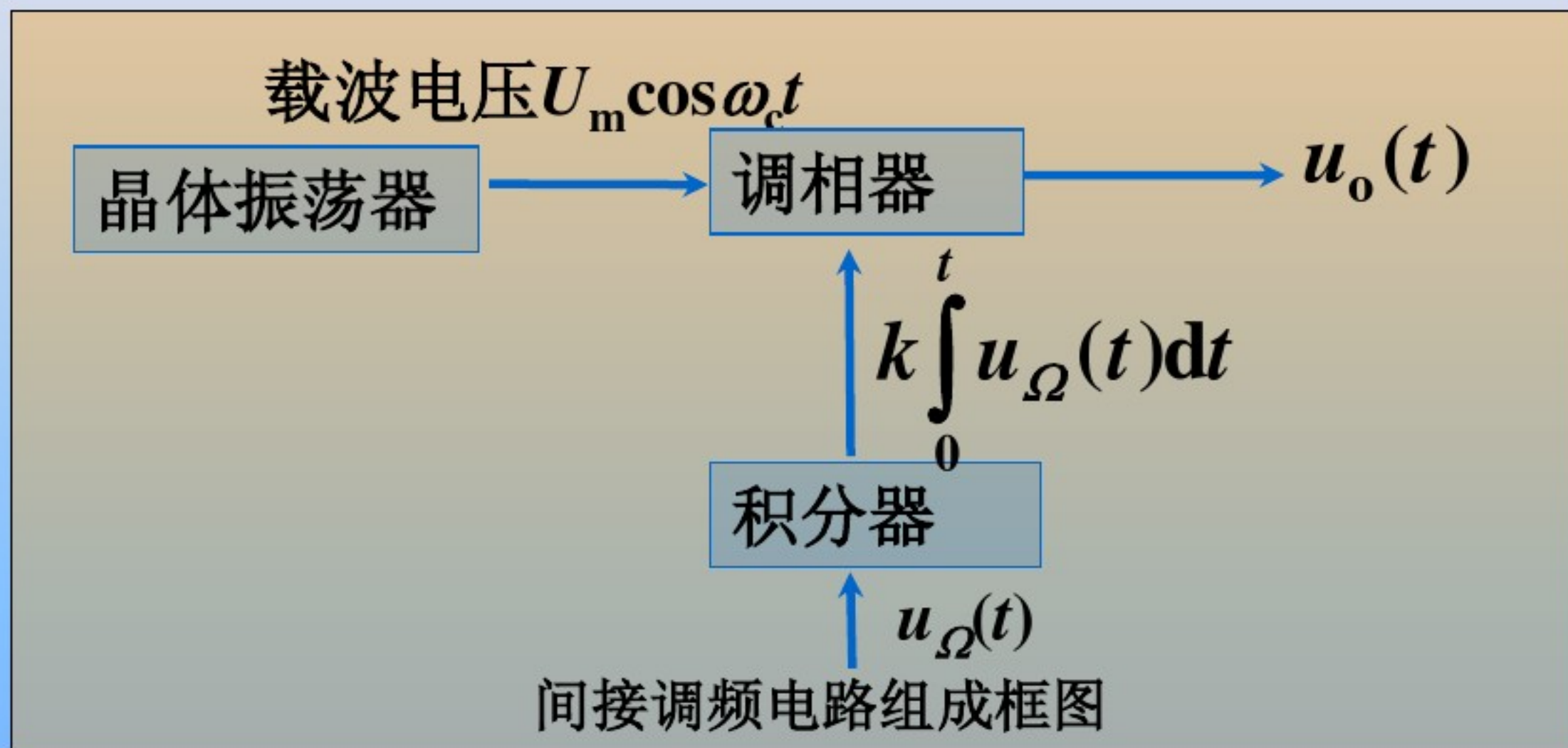
图6.2.1 直接调频原理示意图

2. 间接调频



$$\begin{aligned} u_o(t) &= U_m \cos[\omega_c t + k_p u'_{\Omega}(t)] \\ &= U_m \cos\left[\omega_c t + k_p k \int_0^t u_{\Omega}(t) dt\right] \end{aligned}$$

2. 间接调频



间接调频法不在振荡器中进行，故

优点：中心频率较稳定

缺点：不易获得大频偏

二、调频电路的主要性能指标

中心频率 及其稳定度

即未调制时的载波频率 f_c 。
保持中心频率的高稳定度，才能保证接收机正常接收信号

最大频偏 Δf_m

调频灵敏度

$$S_F = \left. \frac{d(\Delta f)}{du_{\Omega}} \right|_{u_{\Omega}=0}$$

$$S_F = \frac{\Delta f_m}{U_{\Omega m}}$$

非线性失真

$$\Delta f = f - f_c$$

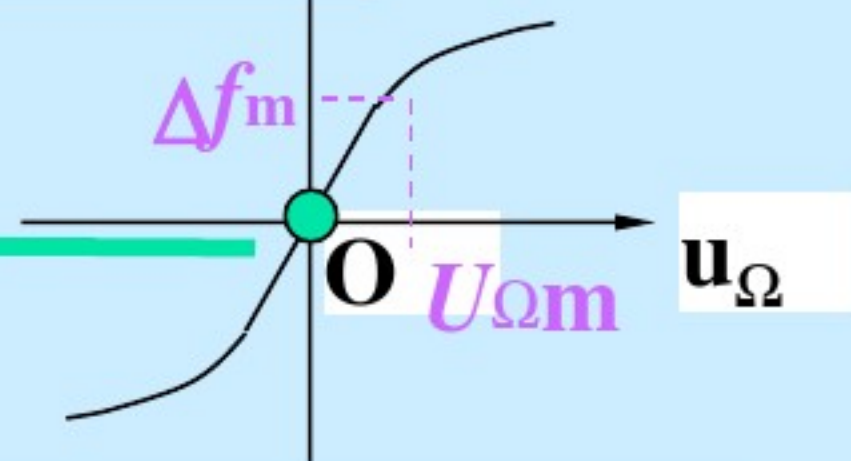
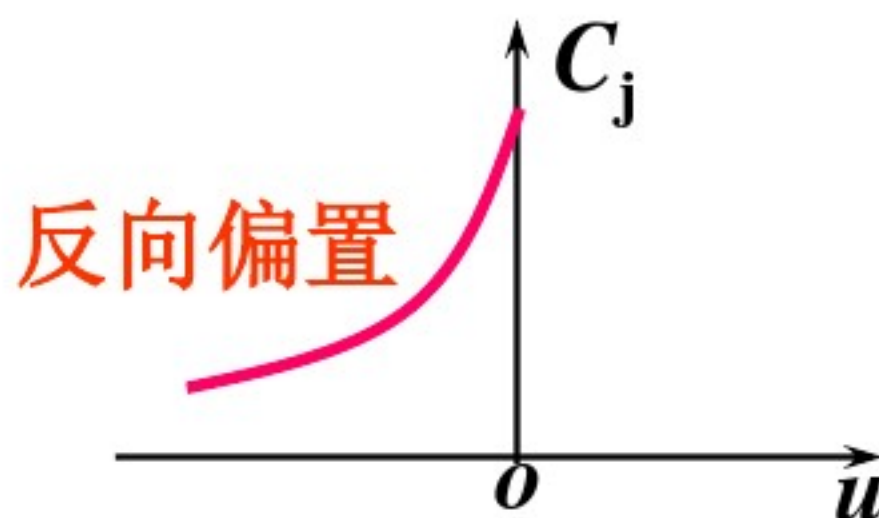


图6.2.3 调频特性

6.2.2 变容二极管直接调频电路

一、变容二极管的压控电容特性



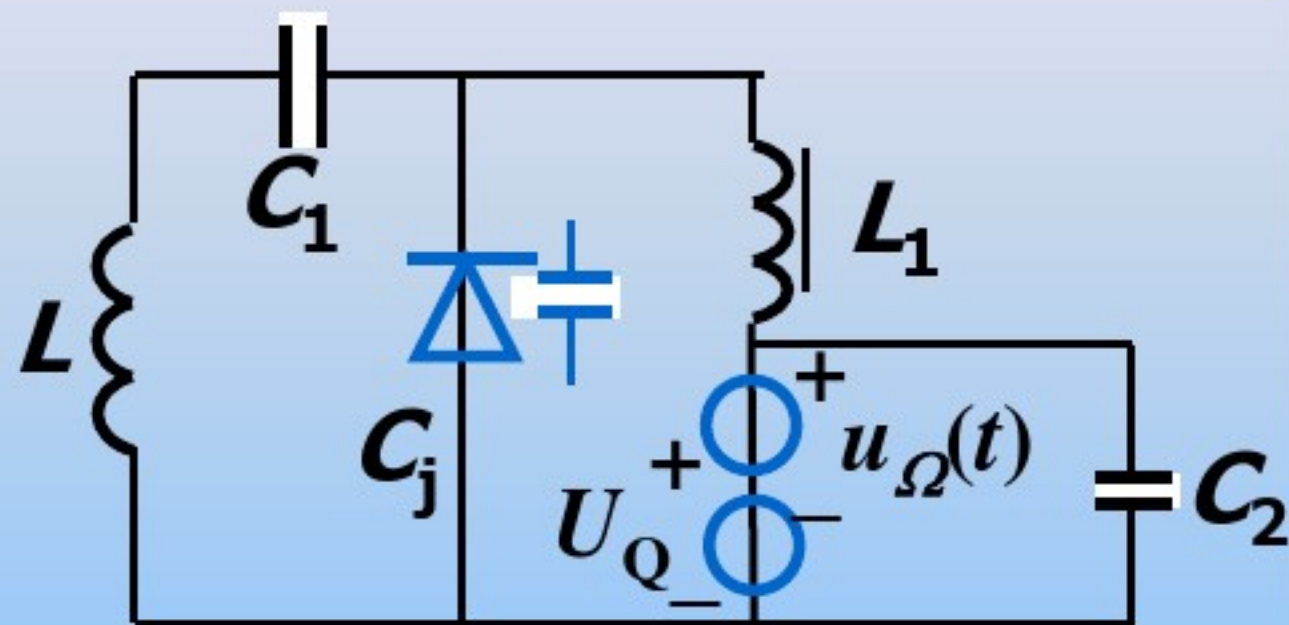
$$C_j = \frac{C_{j0}}{\left(1 - \frac{u}{U_B}\right)^\gamma}$$

$u = 0$ 时的结电容

变容指数，取决于PN结工艺结构。取值 $1/3 \sim 6$ 。

PN 结内建电位差

二、振荡回路的基本组成与工作原理



$u_{\Omega}(t)$ — 调制信号

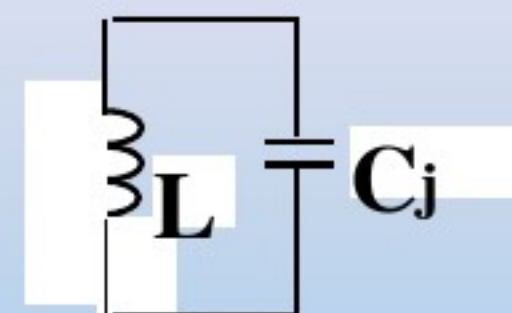
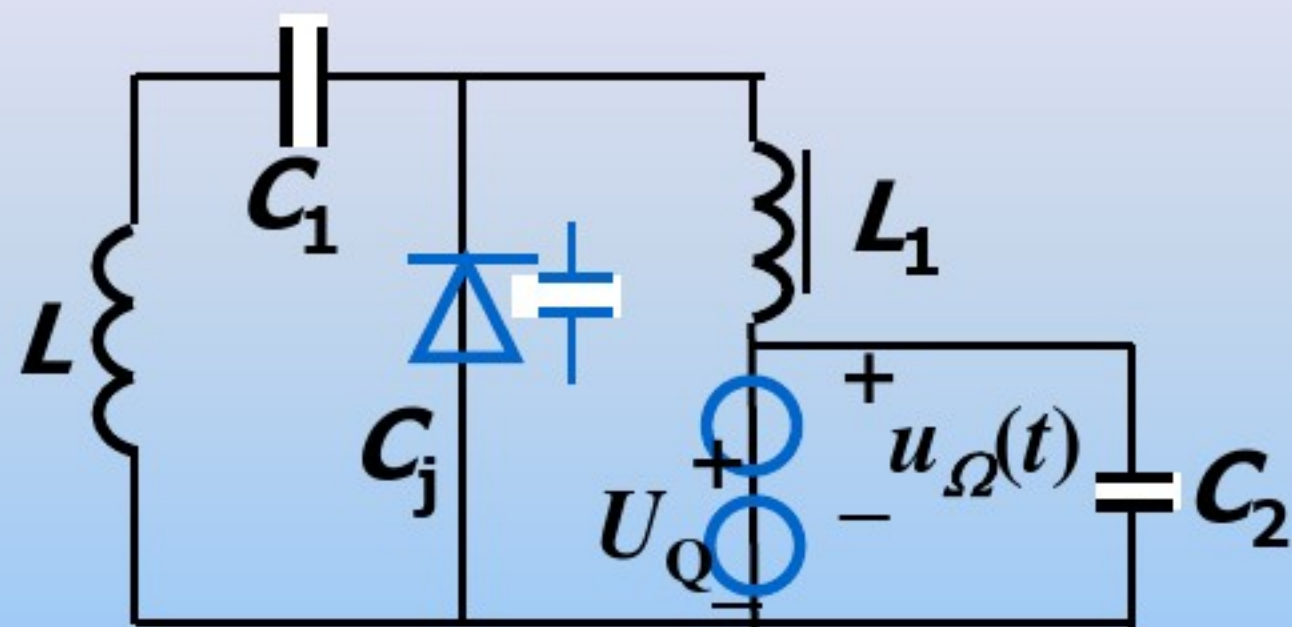
U_Q — 使二极管反偏

C_1 — 隔直，防止 U_Q 通过 L 短路

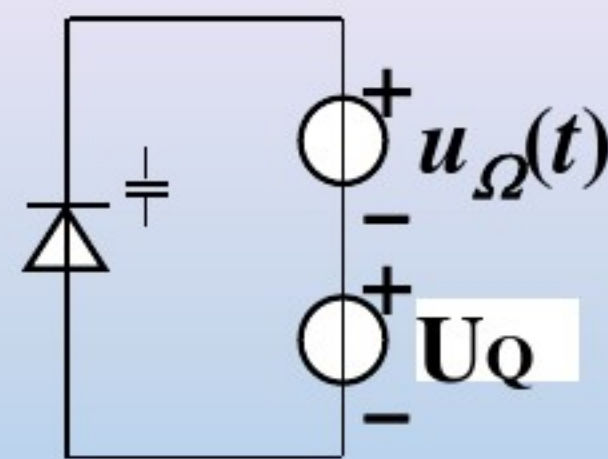
L_1 — 高扼圈，对高频开路，对 $u_{\Omega}(t)$ 短路，使其加在 C_j 上

C_2 — 高频旁路

二、振荡回路的基本组成与工作原理



振荡回路的高频通路



直流和调制信号通路

$$u = -[U_Q + u_{\Omega}(t)] \Rightarrow C_j = \frac{C_{j0}}{\left(1 - \frac{u}{U_B}\right)^{\gamma}}$$

可得 $C_j = \frac{C_{jQ}}{(1+x)^{\gamma}}$

归一化调制信号电压

变容管静态电容

$$C_{jQ} = \frac{C_{j0}}{\left(1 + \frac{U_Q}{U_B}\right)^{\gamma}}$$

为保证变容管反偏，应满足 $|u_{\Omega}(t)| < U_Q$ ，故 x 值恒小于。

$$x = \frac{u_{\Omega}(t)}{U_Q + U_B}$$

$$C_j = \frac{C_{jQ}}{(1+x)^\gamma} \Rightarrow f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_j}}$$

可得 $f(t) = f_c(1+x)^{\frac{\gamma}{2}}$

$f_c = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_{jQ}}}$ 为未调制时的振荡频率，即载波频率。

当 $\gamma=2$ 时， $f(t) = f_c(1+x) = f_c\left(1 + \frac{u_\Omega(t)}{U_Q + U_B}\right)$
实现了理想的线性调制。

$\gamma \neq 2$ 时，调制特性是非线性的。

但调制信号足够小时，也可实现近似的线性调制。

设单频调制 $u_{\Omega}(t) = U_{\Omega m} \cos \Omega t$

则 $x = \frac{U_{\Omega m}}{U_Q + U_B} \cos(\Omega t) = m_c \cos(\Omega t)$

称为变容管的电容调制度，
其值应小于1。

当 m_c 足够小时， x 就足够小，可以忽略式 $f(t) = f_c(1+x)^2$ 的麦克劳林级数展开式中的三次方及其以上各次方项，得

$$f(t) \approx f_c \left[1 + \frac{\gamma}{2} x + \frac{\gamma}{2} \frac{(\gamma/2 - 1)}{2!} x^2 \right]$$

$$\begin{aligned} &= f_c \left[1 + \frac{\gamma}{8} \left(\frac{\gamma}{2} - 1 \right) m_c^2 \right] + \frac{\gamma}{2} m_c f_c \cos(\Omega t) \\ &\quad + \frac{\gamma}{8} \left(\frac{\gamma}{2} - 1 \right) m_c^2 f_c \cos(2\Omega t) \end{aligned}$$

中心频率，有偏移
 m_c 越大，偏移越大

线性调频项

二次谐波项。
由调制特性非线性引起。

m_c 越大，失真越大

$$f(t) \approx f_c \left[1 + \frac{\gamma}{2} x + \frac{\gamma}{2} \frac{(\gamma/2 - 1)}{2!} x^2 \right]$$

$$= \underline{f_c \left[1 + \frac{\gamma}{8} \left(\frac{\gamma}{2} - 1 \right) m_c^2 \right]} + \underline{\frac{\gamma}{2} m_c f_c \cos(\Omega t)} \\ + \frac{\gamma}{8} \left(\frac{\gamma}{2} - 1 \right) m_c^2 f_c \cos(2\Omega t)$$

当 m_c 足够小时，可忽略中心频率的偏离和谐波失真项，则

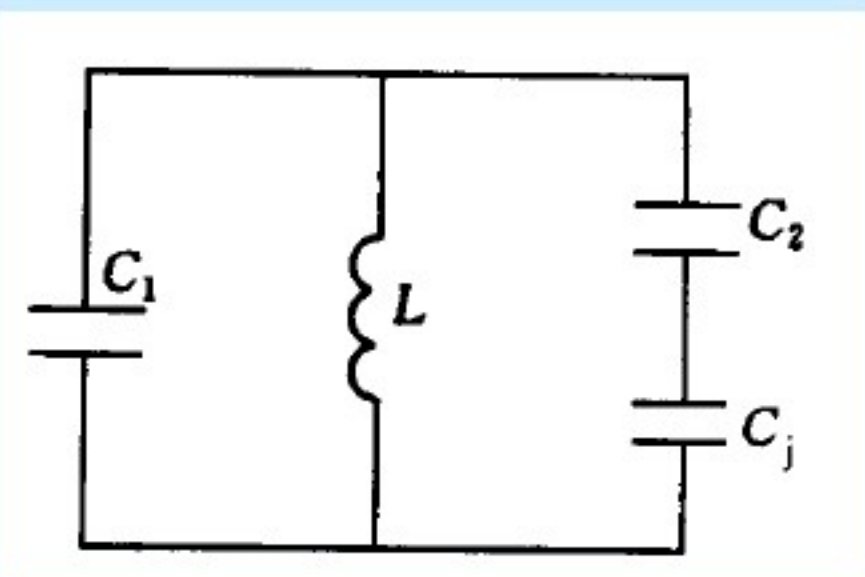
$$A_{\Omega m} \approx \frac{\gamma}{2} m_c A_c$$

最大频偏 $\Delta f_m = \frac{\gamma}{2} m_c f_c$

调频灵敏度 $S_F = \frac{\Delta f_m}{U_{\Omega m}} = \frac{\gamma}{2} \frac{m_c f_c}{U_{\Omega m}} = \frac{\gamma}{2} \frac{f_c}{U_Q + U_B}$

可见：将变容二极管全部接入振荡回路来构成直接调频电路时，为减小非线性失真和中心频率的偏离，应设法使变容二极管工作在 $\gamma=2$ 的区域，若 $\gamma \neq 2$ ，则应限制调制信号的大小。

为减小 $\gamma \neq 2$ 所引起的非线性，以及因温度、偏置电压等对 C_{jQ} 的影响所造成的调频波中心频率的不稳定，在实际应用中，常采用变容二极管部分接入振荡回路方式。



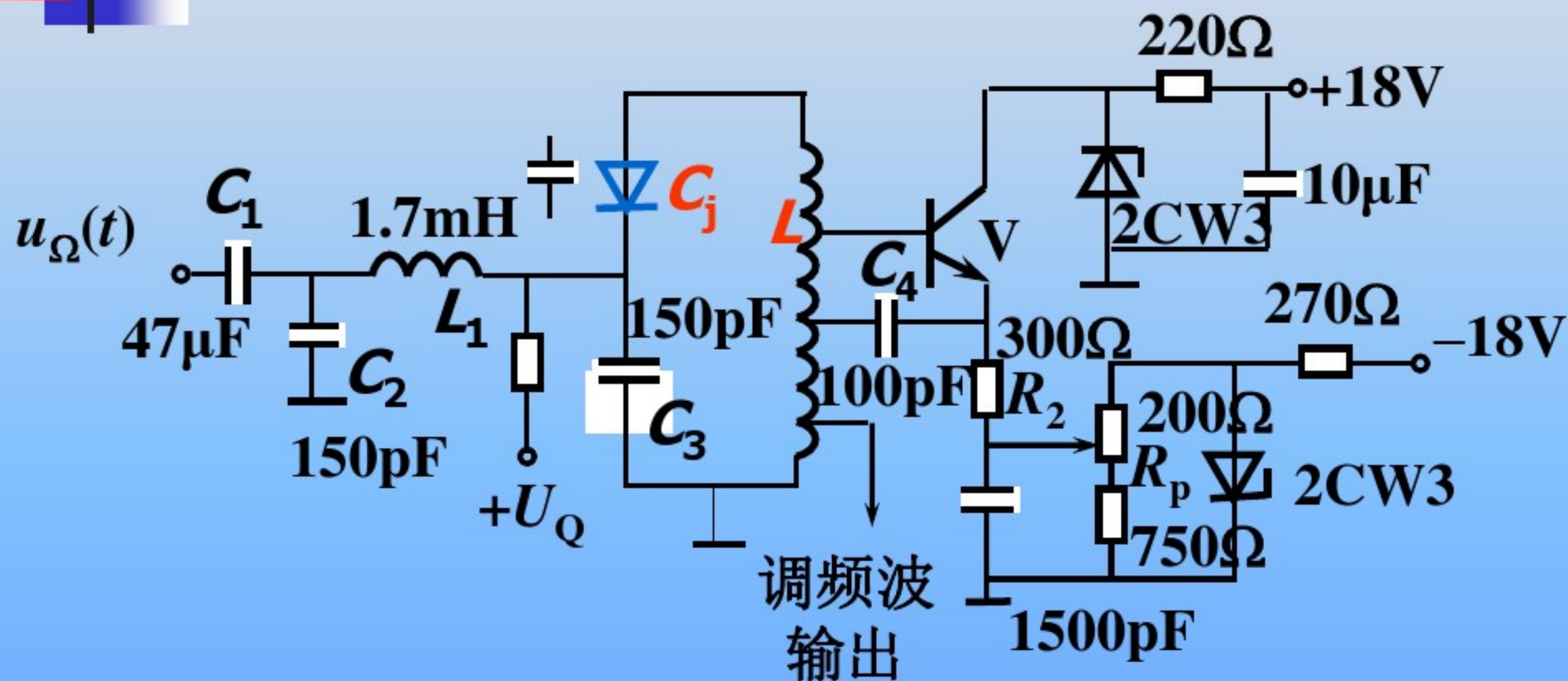
变容二极管部分接入振荡回路

适当调节 C_1 、 C_2 ，
可使调制特性接近于线性。

变容管部分接入回路所构成的调频电路，
调制灵敏度和最大频偏都降低。

三、电路实例

1. 变容二极管全部接入回路的调频电路



中心频率 $f_c = 70 \text{ MHz}$, 最大频偏 $\Delta f_m = 6 \text{ MHz}$

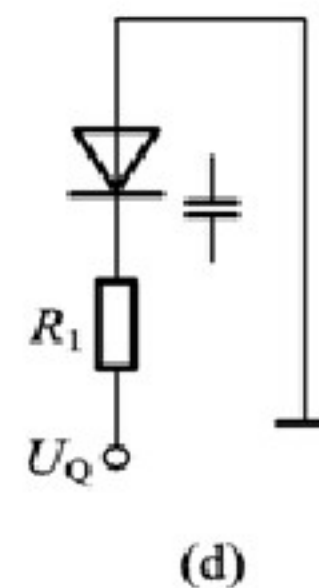
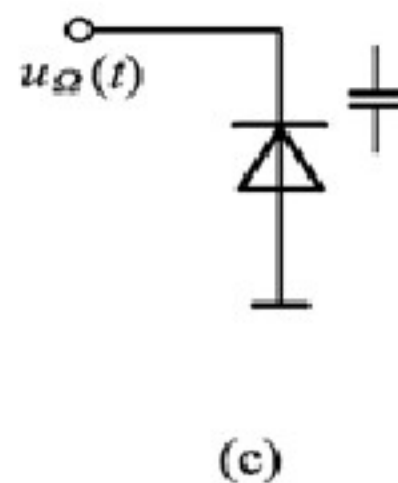
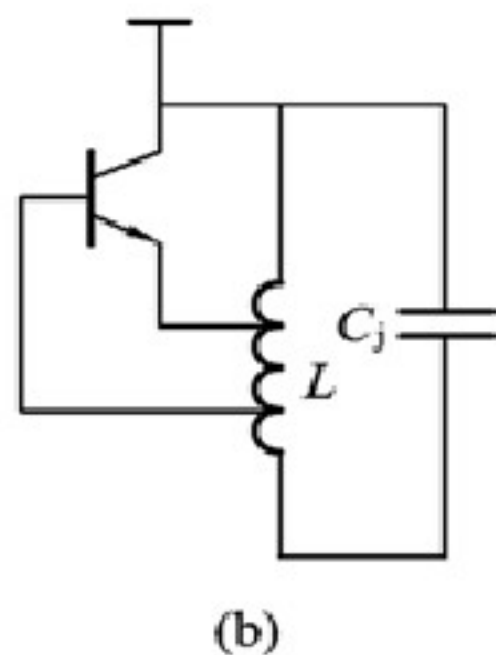
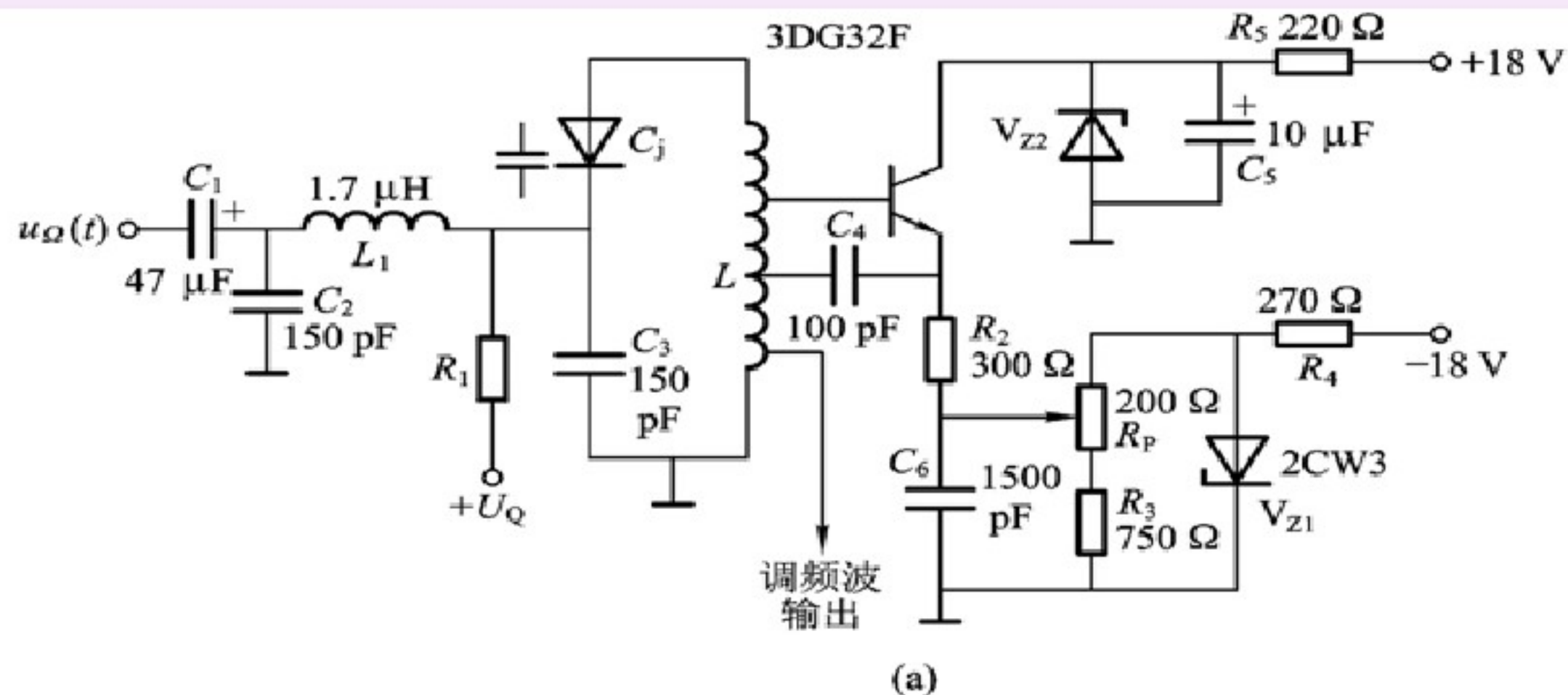
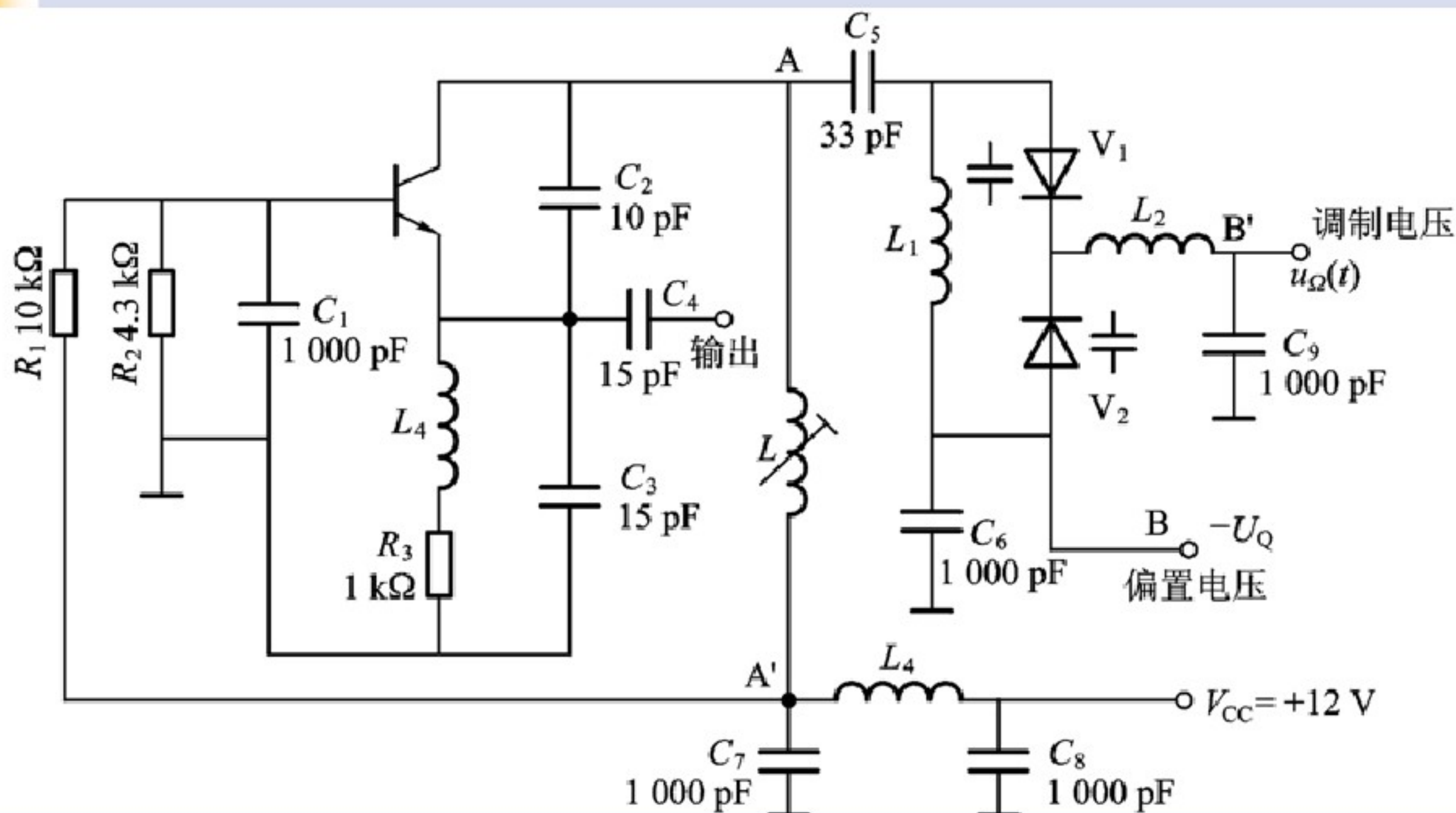


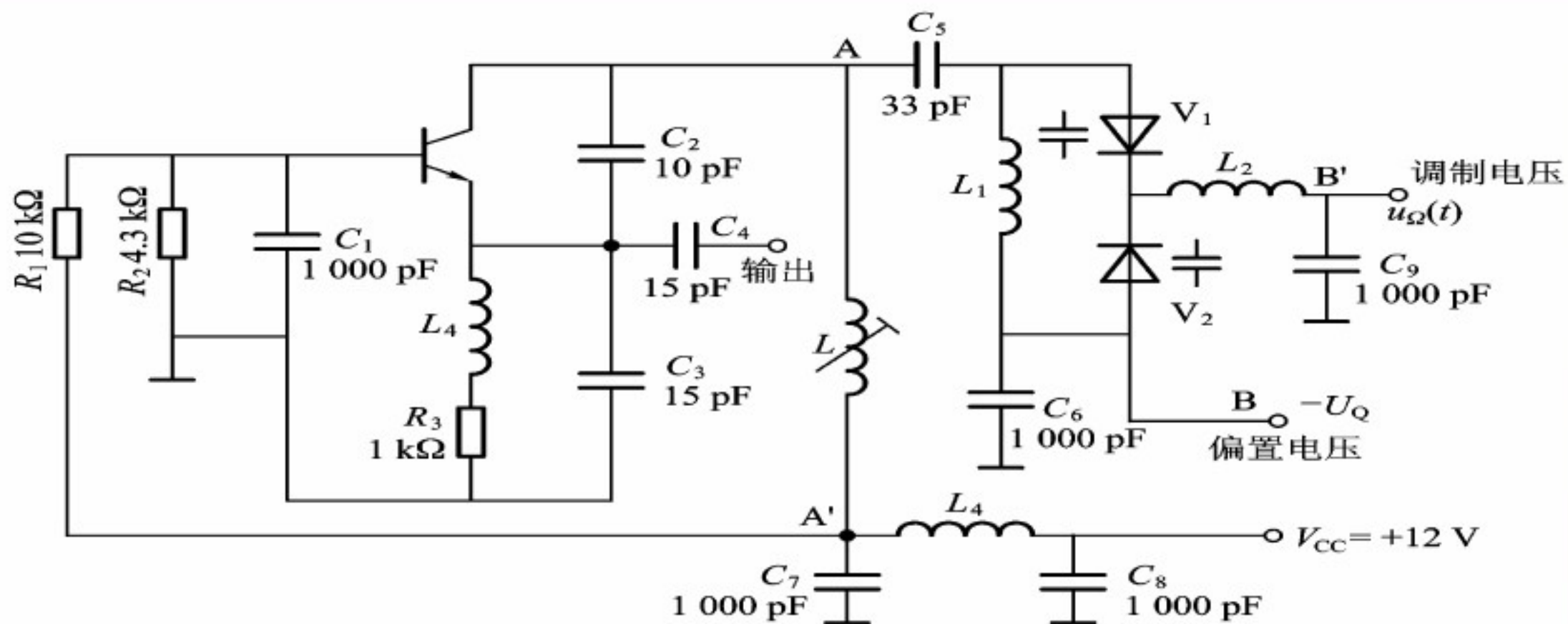
图 6.2.7 变容二极管全部接入回路的调频电路

(a) 电路 (b) 振荡电路的简化交流通路 (c) 变容二极管的调制信号通路
(d) 变容二极管的直流通路

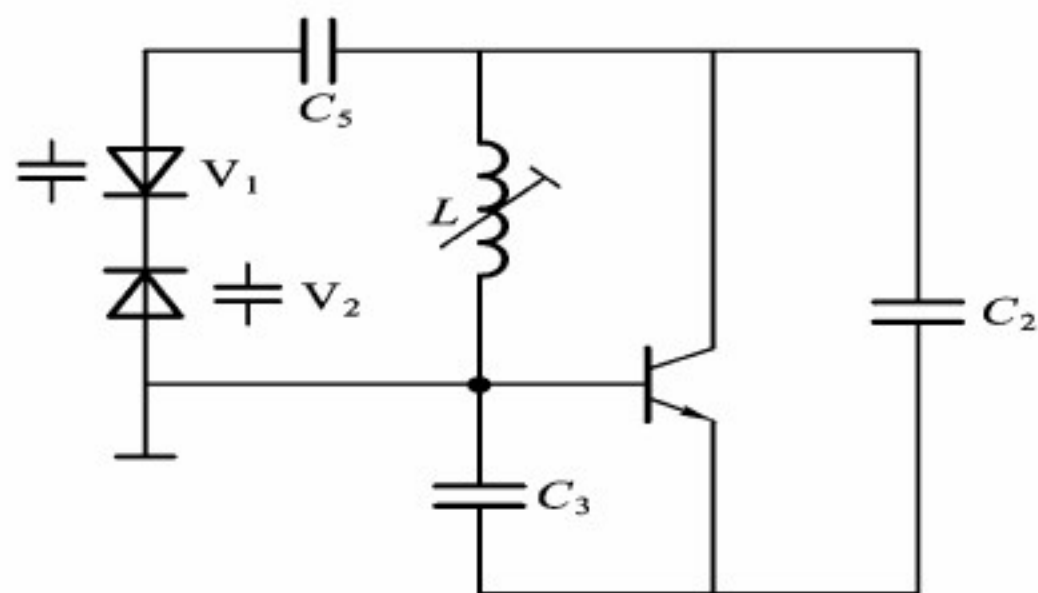
2. 变容二极管部分接入回路的调频电路



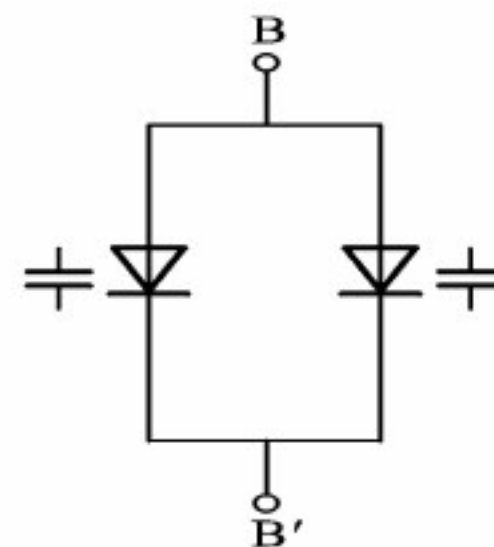
调节 U_Q 和 L 值，可使其中心频率在**50MHz**到**100MHz**范围内变化。



(a)



(b)

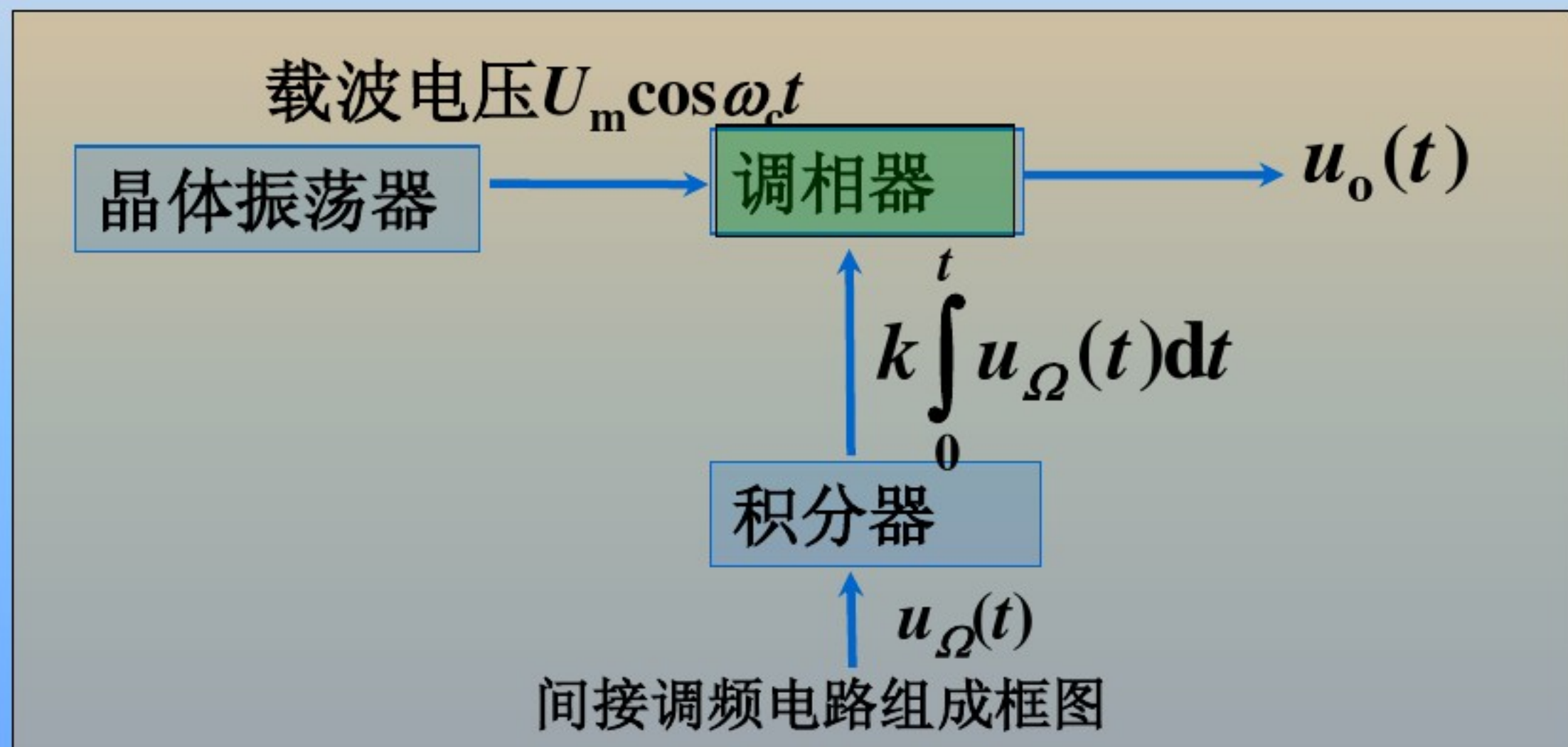


(c)

(a)电路 (b)振荡电路的交流通路
(c)变容二极管对直流和调制信号而言相当于并联连接

6.2.3 间接调频电路

一、实现方法



二、调相的实现方法

- 1. 矢量合成法调相电路
- 2. 可变相移法调相电路
- 3. 可变时延法调相电路

二、调相的实现方法

1. 矢量合成法调相电路（矢量合成法又称阿姆斯特朗法）

(1) 矢量合成法原理

单音调制时，调相信号可表示为

$$\begin{aligned} u_{\text{PM}}(t) &= U_m \cos[\omega_c t + m_p \cos(\Omega t)] \\ &= U_m \cos(\omega_c t) \cos[m_p \cos(\Omega t)] - U_m \sin(\omega_c t) \sin[m_p \cos(\Omega t)] \end{aligned}$$

当 $m_p < (\pi / 12) \text{rad}$ ，即 $m_p < 15^\circ$ 时有

$$\cos[m_p \cos(\Omega t)] \approx 1, \quad \sin[m_p \cos(\Omega t)] \approx m_p \cos(\Omega t)$$

$$\text{故 } u_{\text{PM}}(t) \approx \underline{U_m \cos(\omega_c t)} - \underline{U_m m_p \cos(\Omega t) \sin(\omega_c t)}$$

二、调相的实现方法

1. 矢量合成法调相电路（矢量合成法又称阿姆斯特朗法）

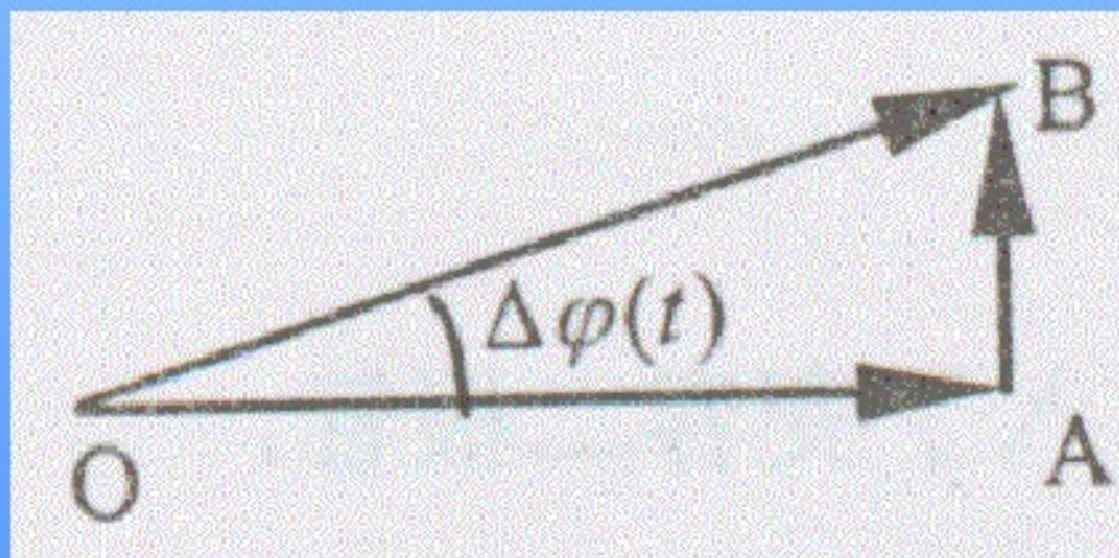
(1) 矢量合成法原理

单音调制时，调相信号可表示为

$$u_{\text{PM}}(t) = U_m \cos[\omega_c t + m_p \cos(\Omega t)]$$

当 $m_p < (\pi/12)\text{rad}$ ，即 $m_p < 15^\circ$ 时有

$$u_{\text{PM}}(t) \approx \underline{U_m \cos(\omega_c t)} - \underline{U_m m_p \cos(\Omega t) \sin(\omega_c t)}$$



合成矢量OB为调相调幅信号

$$\Delta\varphi(t) = \arctan[m_p \cos(\Omega t)] \\ \approx m_p \cos(\Omega t)$$

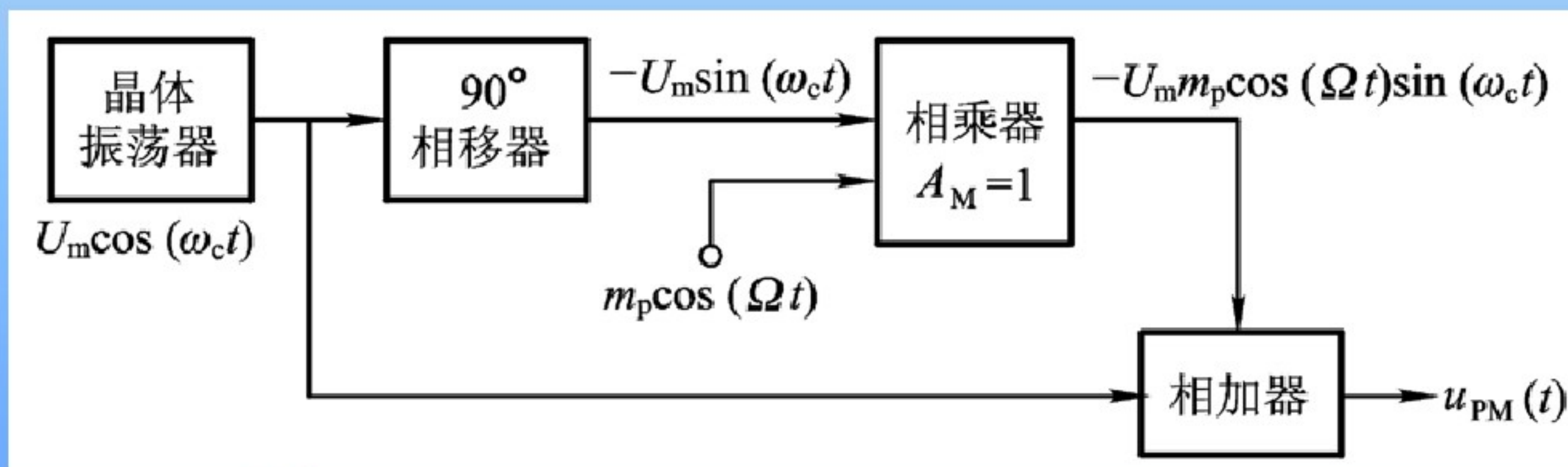
可实现窄带调相

二、调相的实现方法

1. 矢量合成法调相电路（矢量合成法又称阿姆斯特朗法）

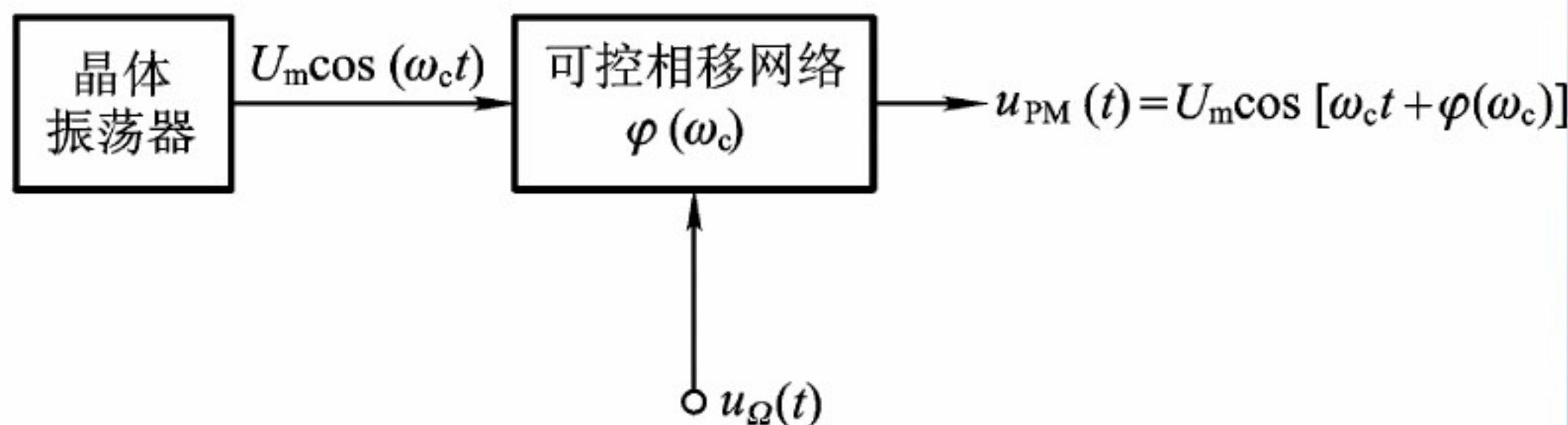
(1) 矢量合成法原理

(2) 矢量合成法实现模型

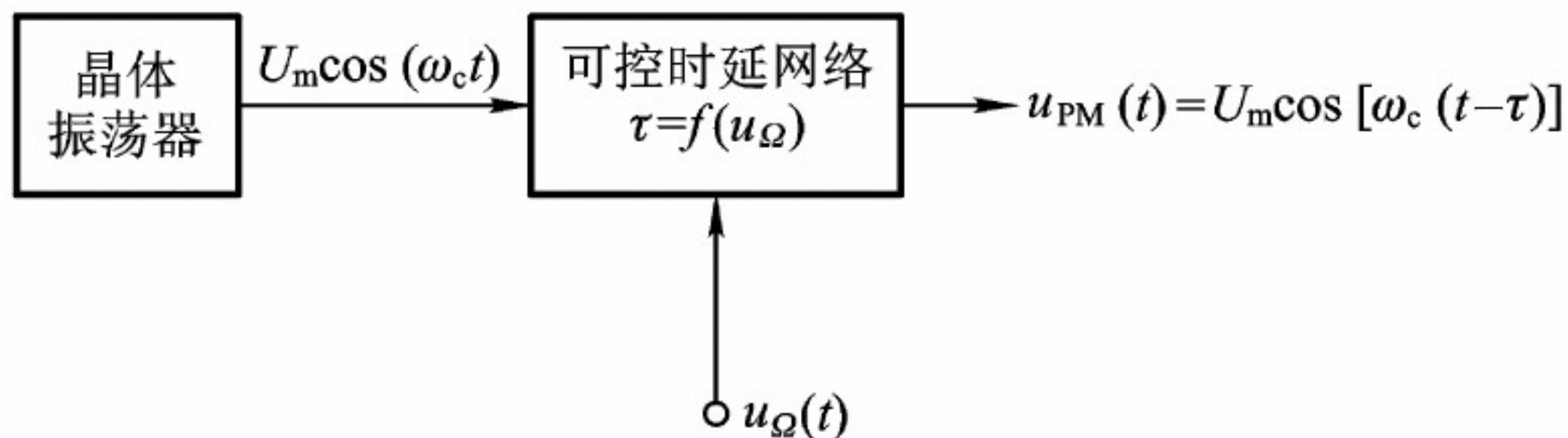


$$u_{PM}(t) \approx \underline{U_m \cos(\omega_c t)} - \underline{U_m m_p \cos(\Omega t) \sin(\omega_c t)}$$

2. 可变相移法调相电路

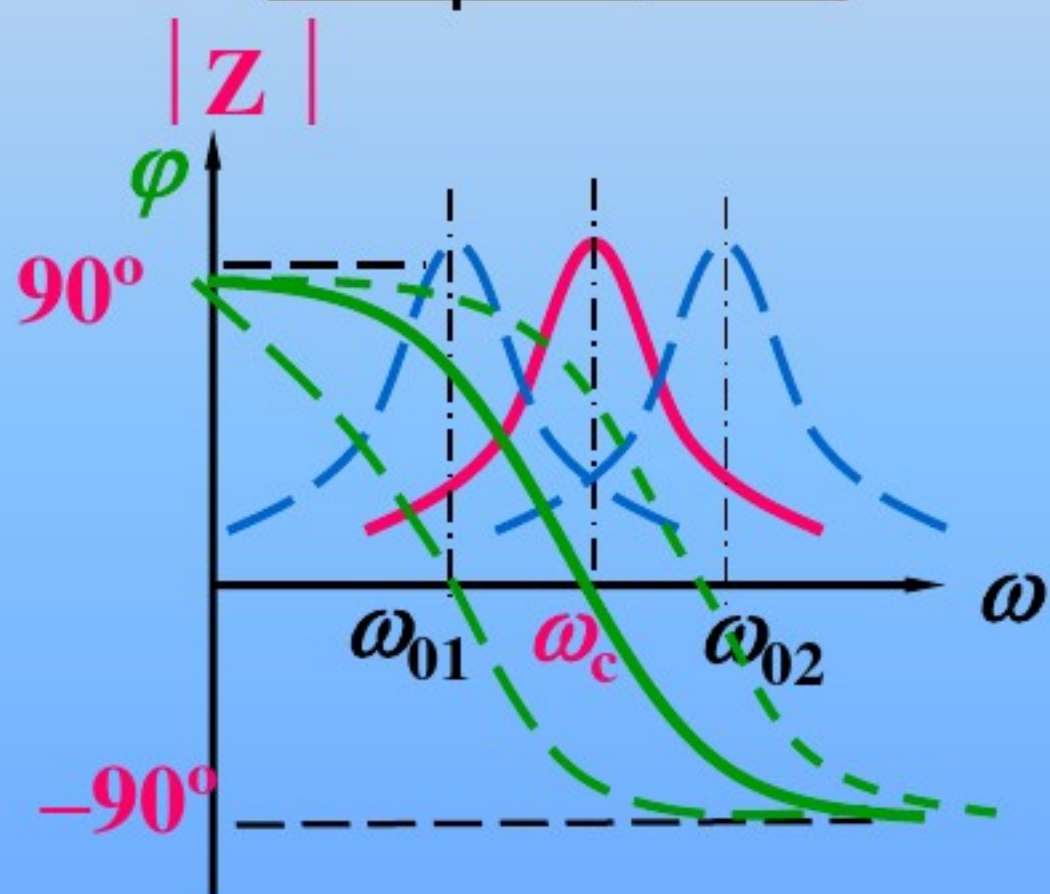
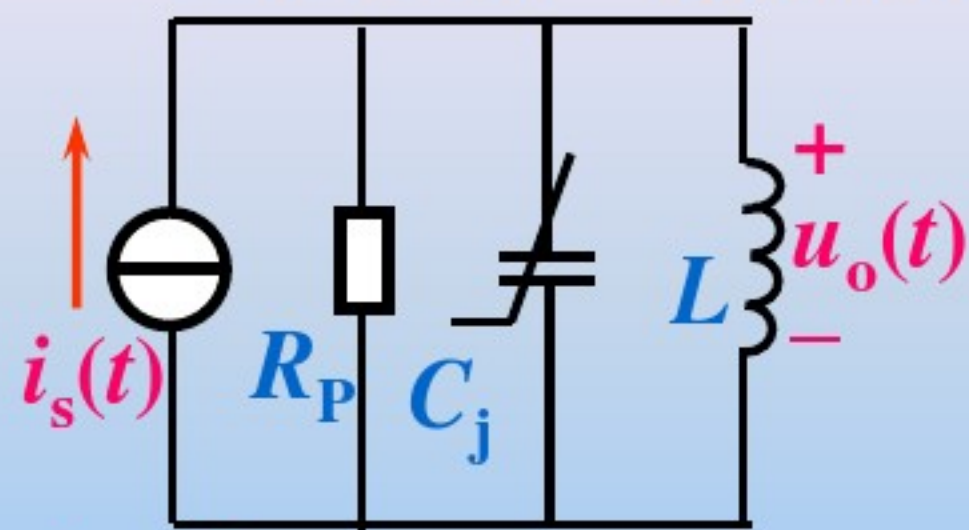


3. 可变时延法调相电路



$$\tau = k_d u_\Omega(t) \quad u_{PM}(t) = U_m \cos[\omega_c t - \omega_c k_d u_\Omega(t)]$$

三、变容二极管调相电路



当 $|\varphi(\omega_c)| < 30^\circ$

$$|Z| = \frac{R_p}{\sqrt{1 + [Q_T(\omega/\omega_0 - \omega_0/\omega)]^2}}$$

$$\varphi = -\arctan[Q_T(\omega/\omega_0 - \omega_0/\omega)]$$

未加 $u_\Omega(t)$ 时, $\omega_0 = 1/\sqrt{LC_{jQ}}$

C_j 上加 $u_\Omega(t)$, 使 $C_j \uparrow$ 或 \downarrow

若 $i_s(t) = I_{sm} \cos \omega_c t$ 则:

$$u_o(t) = I_{sm} Z(\omega_c) \cos[\omega_c t + \varphi(\omega_c)]$$

$$\varphi(\omega_c) = -\arctan[2Q_T \frac{\omega_c - \omega_0(t)}{\omega_c}]$$

$$\varphi(\omega_c) \approx -2Q_T \frac{\omega_c - \omega_0(t)}{\omega_c}$$

当 $u_{\Omega}(t) = U_{\Omega m} \cos \Omega t$, 且 $U_{\Omega m}$ 足够小时

由式 (6.2.8) 可得

$$\omega_0(t) \approx \omega_c \left(1 + \frac{\gamma}{2} m_c \cos \Omega t \right)$$

代入

~~$$u_o(t) = I_{sm} Z(\omega_c) \cos \left[\omega_c t + \gamma Q_T m_c \cos \Omega t \right]$$~~

可得

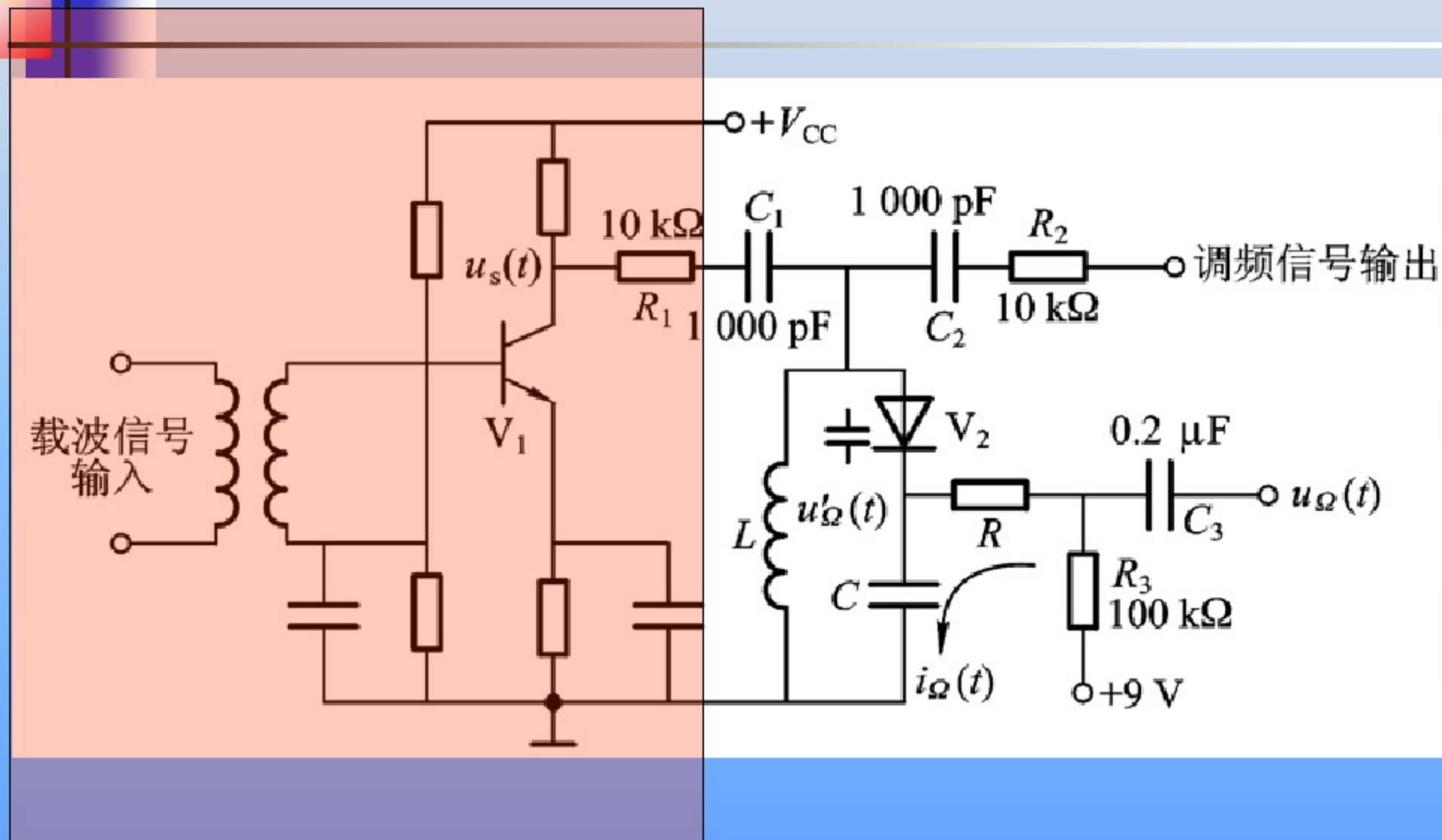
~~$$u_o(t) = I_{sm} Z(\omega_c) \cos \left[\omega_c t + \gamma Q_T m_c \cos \Omega t \right]$$~~

$$u_o(t) = I_{sm} Z(\omega_c) \cos[\omega_c t + \gamma Q_T m_c \cos \Omega t]$$

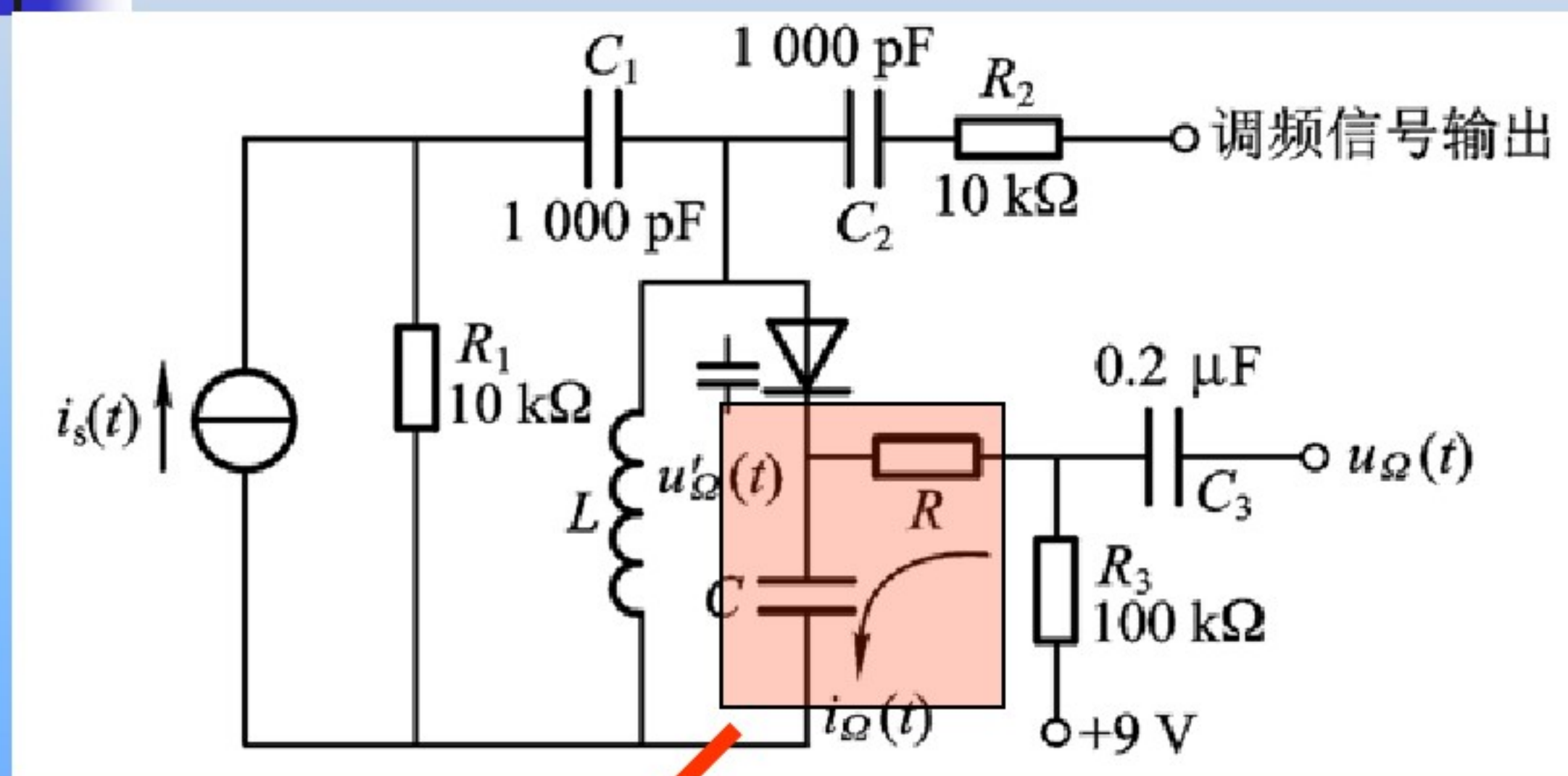
$$\Delta\omega_m = \gamma Q_T m_c \Omega \quad m_p$$

为实现线性调相, 必须 m_p 小于 30° , (即 $\pi/6 \text{rad}$) ,
故调相波的最大频偏不能很大。

四、变容二极管间接调频电路



四、变容二极管间接调频电路



要求 $R \gg 1/\Omega C$, 从而使RC电路对调制信号构成积分电路

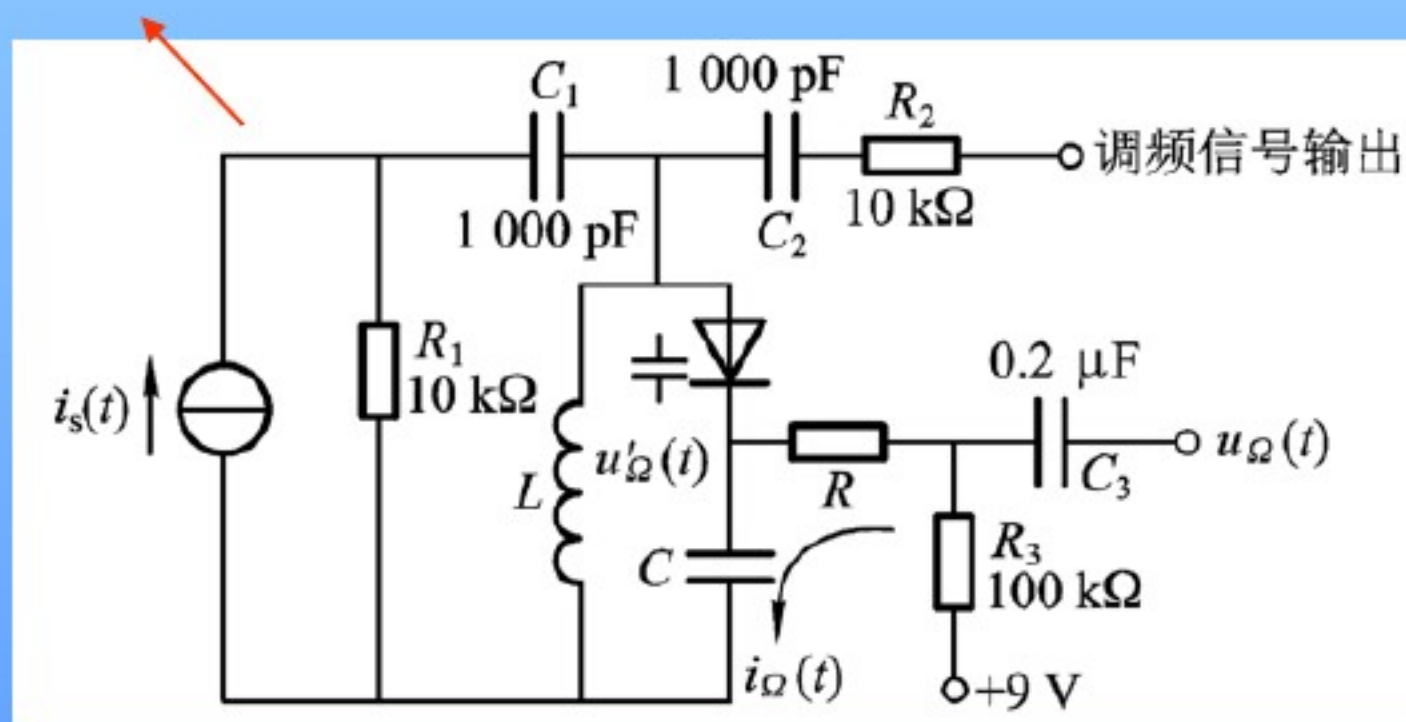
$$i_{\Omega}(t) \approx u_{\Omega}(t) / R$$

实际加到变容二极管上的调制电压 $u'_{\Omega}(t)$ 为

$$u'_{\Omega}(t) = \frac{1}{C} \int_0^t i_{\Omega}(t) dt \approx \frac{1}{RC} \int_0^t u_{\Omega}(t) dt$$

当 $u_{\Omega}(t) = U_{\Omega m} \cos \Omega t$ 时可得

$$u'_{\Omega}(t) = \frac{1}{RC} \int_0^t U_{\Omega m} \cos(\Omega t) dt = \frac{1}{\Omega RC} U_{\Omega m} \sin(\Omega t) = U'_{\Omega m} \sin(\Omega t)$$



$$i_{\Omega}(t) \approx u_{\Omega}(t) / R$$

实际加到变容二极管上的调制电压 $u_{\Omega}'(t)$ 为

$$u_{\Omega}'(t) = \frac{1}{C} \int_0^t i_{\Omega}(t) dt \approx \frac{1}{RC} \int_0^t u_{\Omega}(t) dt$$

当 $u_{\Omega}(t) = U_{\Omega m} \cos \Omega t$ 时可得

$$u_{\Omega}'(t) = \frac{1}{RC} \int_0^t U_{\Omega m} \cos(\Omega t) dt = \frac{1}{\Omega RC} U_{\Omega m} \sin(\Omega t) = U_{\Omega m}' \sin(\Omega t)$$

$$m_c = \frac{U_{\Omega m}'}{U_B + U_Q} = \frac{U_{\Omega m}}{\Omega RC (U_B + U_Q)}$$

根据式 (6.2.22) 可得

$$u_o(t) = I_{sm} Z(\omega_c) \cos[\omega_c t + \gamma m_c Q_T \sin(\Omega t)] = U_m \cos[\omega_c t + m_f \sin(\Omega t)]$$

$$m_f = \frac{\gamma Q_T U_{\Omega m}}{(U_B + U_Q) \Omega RC}$$

$$\Delta \omega_m = m_f \Omega = \frac{\gamma Q_T U_{\Omega m}}{(U_B + U_Q) RC}$$



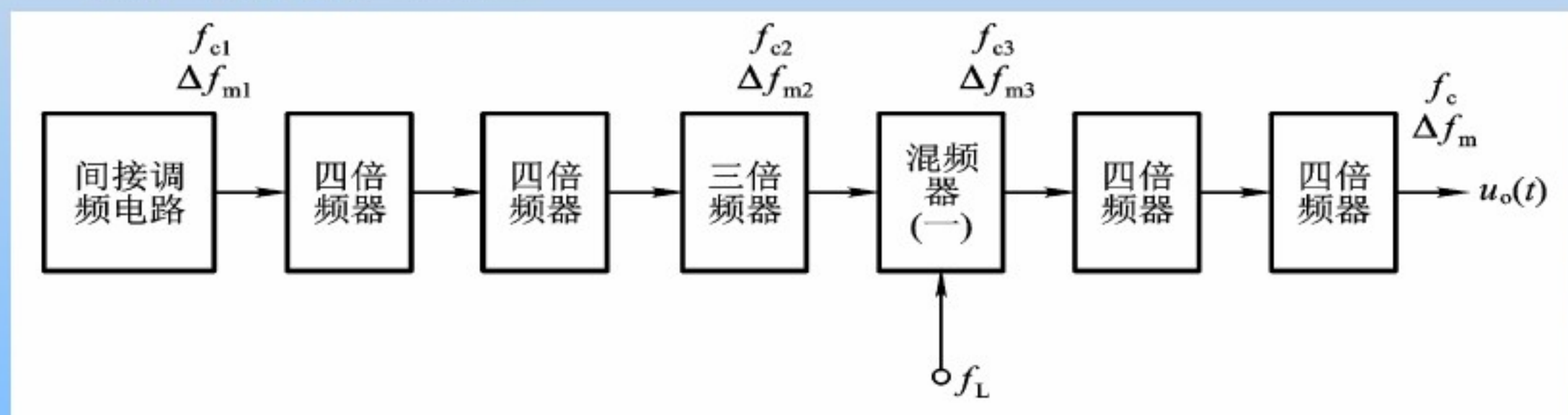
6.2.4 扩展频偏的方法

利用倍频器 可将载波频率和最大频偏同时扩展 n 倍。

利用混频器 可在不改变最大频偏的情况下，将载波频率改变为所需值。

可先用倍频器增大调频信号的最大频偏，然后再用混频器将调频信号的载波频率降低到规定的数值。

例6.2.1 图6.2.14所示为某调频设备的组成框图，已知间接调频电路输出的调频信号中心频率 $f_{c1}=100\text{kHz}$ ，最大频偏 $\Delta f_{m1}=97.64\text{Hz}$ ，混频器的本振信号频率 $f_L=14.8\text{MHz}$ ，取下边频输出，试求输出调频信号 $u_o(t)$ 的中心频率 f_c 和最大频偏 Δf_m 。



解: $f_{c2} = 4 \times 4 \times 3 \times f_{c1} = 48 \times 100\text{kHz} = 4.8 \text{ MHz}$

$$\Delta f_{m2} = 4 \times 4 \times 3 \times \Delta f_{m1} = 48 \times 97.64 \text{ Hz} = 4.687 \text{ kHz}$$

$$f_{c3} = f_L - f_{c2} = (14.8 - 4.8) \text{ MHz} = 10 \text{ MHz}$$

$$\Delta f_{m3} = \Delta f_{m2} = 4.687\text{kHz}$$

$$f_c = 4 \times 4 \times f_{c3} = 16 \times 10 \text{ MHz} = 160 \text{ MHz}$$

$$\Delta f_m = 4 \times 4 \times \Delta f_{m3} = 16 \times 4.687 \text{ kHz} = 75 \text{ kHz}$$