Kurs języka Python

Lista 4.

Poniżej są zadania polegające na implementacji funkcji zwracających listy liczb naturalnych. Każde z zadań należy wykonać w trzech wersjach: w wersji imperatywnej, w wersji z listą składaną i wersję funkcyjną:

- w wersji imperatywnej korzystamy z instrukcji while, for in etc. i uzupełniając listę wynikową metodą append;
- Wersja z listą składaną powinna być w postaci jednej listy składanej, zawierającej być może inną listę składaną. W przypadku bardzo długich wyrażeń akceptowane będzie wydzielenie podlisty składanej

```
def zadana_funkcja(n):
    lista_tymcz = [ lista skladana ]
    return [ lista_składana_zawierająca lista_tymcz ]
```

• Implementacja funkcyjna powinna korzystać z funkcji dedykowanych do operacji na listach (lub na generatorach list): filter, map czy reduce.

Wykorzystując moduł timeit zbadaj, która wersja jest szybsza.

Uwaga: proszę zwrócić uwagę na to, czy wynik funkcji jest listą.

Zadanie 1.

Zaprogramuj jednoargumentowe funkcje pierwsze_imperatywna(n), pierwsze_skladana(n) i pierwsze_funkcyjna(n), które zwracają listę liczb pierwszych nie większych niż n, na przykład

```
>>> pierwsze(20)
[2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19]
```

Zadanie 2.

Zaprogramuj jednoargumentowe funkcje doskonale_imperatywna(n), doskonale_skladana(n) i doskonale_funkcyjna(n), które zwracają listę liczb doskonałych nie większych niż n, na przykład

```
>>> doskonale(1000)
[6, 28, 496, 8128]
```

Zadanie 3.

Zaprogramuj jednoargumentowe funkcję rozkład_imperatywna(n), rozkład_składana(n) i rozkład_funkcyjna(n) które obliczają rozkład liczby n na czynniki pierwsze i zwracają jako wynik listę par $[(p_1,w_1),(p_2,w_2),\ldots,(p_k,w_k)]$ taką, że $n=p_1^{w_1}*p_2^{w_2}*\ldots*p_k^{w_k}$ oraz p_1,\ldots,p_k są różnymi liczbami pierwszymi. Na przykład

```
>>> rozklad(756)
[(2, 2), (3, 3), (7, 1)]
```

Ponieważ w tym zadaniu może być potrzebna lista liczb pierwszych, można zaimplementować pomocniczą funkcję sprawdzającą pierwszość liczby bądź zwracającą listę liczb pierwszych. W przypadku tej funkcji pomocniczej implementacja może być dowolna.

Zadanie 4.

Zaprogramuj jednoargumentowe funkcje zaprzyjaznione_imperatywna(n), zaprzyjaznione_skla i zaprzyjaznione_funkcyjna(n), które zwracają listę par liczb zaprzyjaźnionych nie większych niż n, na przykład

```
>>> zaprzyjaznione(1300)
[(220, 284), (1184, 1210)]
```

Odpowiednie definicje można znaleźć np. w polskiej Wikipedii. Wybierz dwa z podanych zadań. Każde zadanie jest warte 4 pkt.

Marcin Młotkowski