

### OLIMPIADE SAINS NASIONAL SMP SELEKSI TINGKAT KABUPATEN / KOTA TAHUN 2011

#### KEMENTERIAN PENDIDIKAN NASIONAL DIREKTORAT JENDERAL PENDID KAN DASAR

# DIREKTORAT PEMBINAAN SEKOLAH MENENGAH PERTAMA BIDANG STUDI MATEMATIKA WAKTU: 150 MENIT

#### A. PILIHAN GANDA

- 1. Nilai  $\frac{1}{8!} \frac{2}{9!} + \frac{3}{10!} = \dots$ 
  - a. 113/10!
  - b. 91/10!
  - c. 73/10!
  - d. 71/10!
  - e. 4/10!
- 2. Menggunakan angka-angka 1, 2, 5, 6 dan 9 akan dibentuk bilangan genap yang terdiri dari lima angka. Jika tidak ada angka yang berulang, maka selisih bilangan terbesar dan terkecil adalah ...
  - a. 70820
  - b. 79524
  - c. 80952
  - d. 81236
  - e. 83916
- 3. Pada gambar berikut tabung berisi air, tinggi dan diameter tabung tersebut adalah 18 cm dan 6 cm. Kemudian ke dalam tabung dimasukkan 3 bola pejal yang identik (sama bentuk) sehingga bola tersbut menyinggung sisi tabung dan air dalam tabung keluar, maka sisa air di dalam tabung adalah ... cm.
  - a.  $51\pi$
  - b.  $52\pi$
  - c.  $53\pi$
  - d.  $54\pi$
  - e.  $55\pi$

## SOAL OSN MATEMATIKA SMP TINGKAT KAB/KOTA 2011 DIKETIK ULANG : SAIFUL ARIF, S.Pd (SMP NEGERI 2 MALANG)



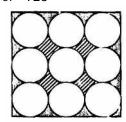
- 4. Seorang ilmuwan melakukan percobaan terhadap 50 ekor kelinci. dan melaporkan hasilnya sebagai berikut:
  - 25 ekor diataranya kelinci jantan.
  - 25 ckor dilatih menghindari jebakan, 10 ekor diantaranya jantan.
  - 20 ekor( dari total 50 ekor) berhasil menghindari jebakan, 4 ekor diantaranya jantan.
  - 15 ekor yang pernah dilatih berhasil menghindari jebakan, 3 ekor diantaranya jantan.

Berapa ekor kelinci betina yang tidak pcrnah dilatih, tidak dapat mcnghindari jebakan?

- a. 5
- b. 6
- c. 7
- d. 8
- e. 9
- 5. Banyaknya bilangan bulat x sehingga  $\frac{1}{2+\sqrt{x}} + \frac{1}{2-\sqrt{x}}$  merupakan bilangan bulat
  - adalah ...
  - a. 2
  - b. 3
  - c. 5
  - d. 6
  - e. 7
- 6. Urutan tiga bilangan 24444, 33333, dan 42222 dari yang terkecil sampai yang terbesar adalah ....
  - a. 24444, 42222, 33333
  - b. 24444, 33333, 42222
  - c. 33333, 42222, 24444
  - d. 4<sup>2222</sup>,3<sup>3333</sup>, 2<sup>4444</sup>
  - e.  $3^{3333}$ ,  $2^{4444}$ ,  $4^{2222}$
- 7. Lima pasang suami istri akan duduk di 10 kursi secara memanjang. Banyaknya cara mengatur tempat duduk mereka sehingga setiap pasang suami istri duduk berdampingan adalah
  - a. 3800
  - b. 3820
  - c. 3840
  - d. 3900
  - e. 3940

# SOAL OSN MATEMATIKA SMP TINGKAT KAB/KOTA 2011 DIKETIK ULANG : SAIFUL ARIF, S.Pd (SMP NEGERI 2 MALANG)

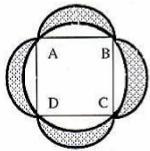
- 8. Dalam sebuah kotak berisi 15 telur, 5 telur diantaranya rusak. Untuk memisahkan telur baik dan telur yang rusak dilakukan pengetesan satu persatu tanpa pengembalian. Peluang diperoleh telur rusak ke 3 pada pengetesan ke 5 adalah ...
  - a.  $\frac{80}{1001}$
  - b.  $\frac{90}{1001}$
  - c.  $\frac{100}{1001}$
  - d.  $\frac{110}{1001}$
  - e.  $\frac{120}{1001}$
- 9. Diketahui limas T.ABCD. panjang Rusuk AB 2 cm dan TA 4 cm. Jarak titik M dan rusuk TD adalah ...
  - a.  $\sqrt{5}$
  - b.  $\sqrt{6}$
  - c.  $\sqrt{7}$
  - d.  $2\sqrt{5}$
  - e.  $2\sqrt{6}$
- 10. Sembilan lingkaran kongruen terletak di dalam persegi seperti terlihat pada gambar. jika keliling sebuah lingkaran 62,8 cm dengan  $\pi=3,14$ , maka luas daerah yang diarsir adalah ...cm²
  - a. 344
  - b. 364
  - c. 484
  - d. 688
  - e. 728



- 11. Suatu jam dinding selalu menghasilkan keterlambatan lima menit untuk setiap jamnya. Jika saat sekarang jam tersebut menunjukkan waktu yang tepat, maka jam tersebut akan menunjukkan waktu yang tepat setelah ...jam.
  - a. 105
  - b. 110
  - c. 114
  - d. 124
  - e. 144

# SOAL OSN MATEMATIKA SMP TINGKAT KAB/KOTA 2011 DIKETIK ULANG : SAIFUL ARIF, S.Pd (SMP NEGERI 2 MALANG)

- 12. Di dalam kotak terdapat 18 bola identik (berbentuk sama), 5 berwarna hitam, 6 berwarna putih dan 7 berwarna hijau. Jika diambil dua bola secara acak, maka peluang yang terambil bola berwarna sama adalah ...
  - a.  $\frac{46}{153}$
  - b.  $\frac{13}{36}$
  - c.  $\frac{4}{105}$
  - d.  $\frac{55}{162}$
  - e.  $\frac{55}{152}$



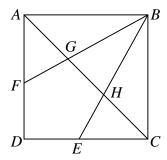
- 13. Perhatikan gambar di atas, persegi ABCD dengan panjang sisi 14 cm menyinggung Lingkaran. Masing-masing sisi persegi dibuat setengah lingkaran dengan diameter sisi persegi tersebut. Jika  $\pi=3,14$ , maka luas daerah yang diarsir adalah ... cm²
  - a. 49
  - b. 56
  - c. 112
  - d. 178
  - e. 196
- 14. Diketahui  $2^{2x} + 2^{-2x} = 2$ . Nilai  $2^x + 2^{-x} = \dots$ 
  - a. 1
  - b. 2
  - c.  $\sqrt{2}$
  - d. 3
  - e.  $\sqrt{3}$
- 15. Rataan usia kelompok guru dan profesor adalah 40 tahun. Jika rataan kelompok guru adalah 35 tahun sedangkan rataan kelompok profesor adalah 50 tahun, perbandingan banyaknya guru dengan profesor adalah . ..
  - a. 2:1
  - b. 1:2
  - c. 3:2
  - d. 2:3
  - e. 3:4

## SOAL OSN MATEMATIKA SMP TINGKAT KAB/KOTA 2011 DIKETIK ULANG: SAIFUL ARIF, S.Pd (SMP NEGERI 2 MALANG)

- 16. Diketahui jajargenjang ABCD. Titik P dan Q terletak pada AC sehingga DP dan BQ tegak lurus AC. Jika panjang AD = 13 cm, AC = 25 cm dan luas jajargenjang tersebut adalah 125 cm², maka panjang PQ adalah ... cm
  - a.  $\frac{1}{2}$
  - b. 1
  - c.  $\sqrt{2}$
  - d.  $\sqrt{3}$
  - e.  $\frac{4}{3}$
- 17.  $\sqrt{54 + 14\sqrt{5}} + \sqrt{12 2\sqrt{35}} + \sqrt{32 10\sqrt{7}} = \dots$ 
  - a. 10
  - b. 11
  - c. 12
  - d.  $5\sqrt{6}$
  - e.  $6\sqrt{6}$
- 18. Hasil penjumlahan 1! + 2' + 3! + ... + 2011! adalah suatu bilangan yang angka satuannya adalah ...
  - a. 3
  - b. 4
  - c. 5
  - d.  $\sqrt{6}$
  - e.  $\sqrt{7}$
- 19. Lima orang akan pergi ke pantai menggunakan sebuah mobil berkapasitas 6 tempat duduk. Jika hanya ada dua orang yang bisa menjadi sopir. maka banyaknya cara mengatur tempat duduk di dalam mobil adalah ...
  - a. 60
  - b. 120
  - c. 180
  - d. 240
  - e. 280
- 20. Sebuah bingkai foto yang berbentuk persegi diputar 45° dengan sumbu putar titik perpotongan diagonal-diagonalnya. Jika panjang sisi persegi adalah 1 cm. Luas irisan antara bingkai foto sebelum dan sesudah diputar adalah ... cm².
  - a.  $1 + 2\sqrt{2}$
  - b.  $2 + 2\sqrt{2}$
  - c. 1
  - d.  $2-2\sqrt{2}$
  - e.  $2\sqrt{2} 2$

#### **B. ISIAN SINGKAT**

- 21. Lima permen identik (berbentuk sama). satu rasa apel. dua rasa jeruk dan dua rasa jahe akan dibagikan kepada lima sekawan Anto, Bono, Carli, Dodo dan Edo, sehingga masing-masing mendapat satu permen. Peluang Anto mendapat permen rasa jahe adalah ...
- 22. Jumlah angka-angka dari hasil kali bilangan 99999999 dengan 12345679 adalah ...
- 23. Perhatikan gambar berikut. ABCD persegi dengan panjang sisi sisinya adalah 2 cm. E adalah titik tengah CD dan F adalah titik tengah AD. Luas daerah EDFGH adalah ...



24. Nilai jumlahan bilangan berikut adalah ...

$$1^2 - 2^2 + 3^2 - 4^2 + 5^2 - \dots -2010^2 + 2011^2$$

- 25. Jika barisan  $x_1$ ,  $x_2$ ,  $x_3$ , .... mememihi .  $x_1+x_2+x_3+....+x_n=n^3$  untuk semua n bilangan asli, maka  $x_{100}=...$
- 26. Semua pasangan bilangan bulat (a,b) yarig mememihi 2a = b2 1 adalah ...
- 27. Tersedia beberapa angka 2. 0, dan 1. Angka dua ada sebanyak lima buah masing-masing berwarna merah, hijau, kuning, biru dan nila. Angka nol dan satu masing-masing ada sebanyak empat buah dengan warna masing-masing merah, hijau, kuning dan biru. Selanjutnya menggunakan angka -angka tersebut akan dibentuk bilangan 2011 sehingga angka-angka yang bersebelahan tidak boleh sewarna. Contoh pewarnaan yang dimaksud: 2 (merah) 0 (hijau) 1 (merah) 1 (biru). contoh bukan pewarnaan yang dimaksud: 2 (merah) 0 (hijau) 1 (biru). Banyaknya bilangan

2011 dengan komposisi pewarnaan tersebut adalah ...

- 28. Sebuah kotak berisi 500 kelereng berukuran sama yang terdiri dari 5 warna dimana masing-masing kelereng sewarna berjumlah 100. Minimum banyaknya kelereng yang harus diambil secara acak sedemikian sehingga kelereng yang terambil dijamin memuat sedikitnya 5 kelereng yang berwarna sama adalah ...
- 29. Jika  $(3 + 4) (3^2 + 4^2) (3^4 + 4^4) (3^8 + 4^8) (3^{16} + 4^{16}) (3^{32} + 4^{32}) = (4^x 4^y)$ . Maka x y = ...
- 30. Suatu himpunan disebut berjenis H jika memenuhi sifat:
  - a) Himpunan tersebut beranggotakan tiga bilangan bulat tak negatif.
  - b) Rata-rata ketiga bilangan anggota himpunan tersebut adalah 15. Banyaknya semua Himpunan berjenis H ini adalah ...