

1. Вычислить сумму ряда с заданной точностью ϵ и определить, на каком шаге начинает достигаться эта точность. Алгоритм суммирования описать в отдельном статическом методе.

$$1. \frac{\pi^2}{18} = \sum_{m=1}^{\infty} \frac{[(m-1)!]^2}{(2m)!}$$

$$2. \cos^2(x) = 1 + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k 2^{2k-1} x^{2k}}{(2k)!}$$

$$3. (1+x)^\alpha = 1 + \frac{\alpha}{1!}x + \frac{\alpha(\alpha-1)}{2!}x^2 + \dots = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{\alpha(\alpha-1)\dots(\alpha-k+1)x^k}{k!}, |x| < 1$$

2. Реализовать статический метод, вычисляющий значение с точностью ϵ .

$$1. \text{Вычисление } \pi \text{ через биномиальные коэффициенты } \pi = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{50k-6}{2^k \binom{3k}{k}}, \text{ где } \binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

3. Вычислить приближенное значение определённого интеграла функции по формулам: 1) левых прямоугольников, 2) правых прямоугольников, 3) трапеций, 4) Симпсона, 5) Монте-Карло. Вычисление производить с заданным числом отрезков/итераций n . После вычисления сравнить полученные значения.

$$1. \int_1^2 \cos(2 \cos(\sin(x))) dx \approx 0.405942$$

4. Задача на длинную арифметику. В решении нельзя использовать BigInteger, только массивы.

$$1. \text{Найти первое простое число, большее } 10^{11}$$