

1. Вычислить сумму ряда с заданной точностью ϵ и определить, на каком шаге начинает достигаться эта точность. Алгоритм суммирования описать в отдельном статическом методе.

$$1. \frac{1}{\sqrt{1+x}} = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k x^k (2k+1)!!}{(2k)!!}$$

$$2. 3^x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n \log^n(3)}{n!}$$

$$3. \cos^2(x) = 1 + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k 2^{2k-1} x^{2k}}{(2k)!}$$

2. Реализовать статический метод, вычисляющий значение с точностью ϵ .

$$1. \text{Вычисление } \pi. \text{ Формула через ряд Грегори } \pi = 4 \sum_{k=0}^n \frac{(-1)^k}{(2k+1)}$$

3. Вычислить приближенное значение определённого интеграла функции по формулам: 1) левых прямоугольников, 2) правых прямоугольников, 3) трапеций, 4) Симпсона, 5) Монте-Карло. Вычисление производить с заданным числом отрезков/итераций n . После вычисления сравнить полученные значения.

$$1. \int_1^2 -\tan(\cos(2x))dx \approx 1.15352$$

4. Задача на длинную арифметику. В решении нельзя использовать BigInteger, только массивы.

1. Составить программу вычисления точного значения суммы первых n членов последовательности $1, k, k^2, k^3, \dots, k^n$, где n -длинное целое. При вычислении использовать формулу суммы геометрической прогрессии