

**1. Вычислить сумму ряда с заданной точностью  $\epsilon$  и определить, на каком шаге начинает достигаться эта точность. Алгоритм суммирования описать в отдельном статическом методе.**

$$1. \sinh(x) = x + \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} + \frac{x^7}{7!} + \dots = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{x^{2k+1}}{(2k+1)!}$$

$$2. \ln(1+x) = \frac{x}{1!} - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} - \dots = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^{k+1} x^k}{k}, |x| \in (-1; 1]$$

$$3. \cos^2(x) = 1 + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k 2^{2k-1} x^{2k}}{(2k)!}$$

**2. Реализовать статический метод, вычисляющий значение с точностью  $\epsilon$ .**

$$1. \text{ Итеративный алгоритм Гаусса-Лежандра вычисления числа } \pi \\ a_0 = 1, b_0 = \frac{1}{\sqrt{2}}, t_0 = \frac{1}{4}, p_0 = 1, a_{n+1} = \frac{a_n + b_n}{2}, b_{n+1} = \sqrt{a_n b_n}, t_{n+1} = \\ t_n - p_n(a_n - a_{n+1})^2, p_{n+1} = 2p_n; \pi \approx \frac{(a_n + b_n)^2}{4t_n}$$

**3. Вычислить приближенное значение определённого интеграла функции по формулам: 1) левых прямоугольников, 2) правых прямоугольников, 3) трапеций, 4) Симпсона, 5) Монте-Карло. Вычисление производить с заданным числом отрезков/итераций  $n$ . После вычисления сравнить полученные значения.**

$$1. \int_0^{1.5} \frac{\sin(2x)}{\cos^2(x)} dx \approx 5.29757$$

**4. Задача на длинную арифметику. В решении нельзя использовать BigInteger, только массивы.**

$$1. \text{ По заданному натуральному числу } k \text{ вычислить сумму квадратов факториалов } \sum_{n=1}^k (n!)^2$$