

1. Вычислить сумму ряда с заданной точностью ϵ и определить, на каком шаге начинает достигаться эта точность. Алгоритм суммирования описать в отдельном статическом методе.

$$1. (1+x)^\alpha = 1 + \frac{\alpha}{1!}x + \frac{\alpha(\alpha-1)}{2!}x^2 + \dots = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{\alpha(\alpha-1)\dots(\alpha-k+1)x^k}{k!}, |x| < 1$$

$$2. x^a = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1+a)^k x \log^k(x)}{k!}$$

$$3. \text{Константа Каталана } G = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)^2}, \quad G = 0.915\,965\,594\,177\,219\,015\,054\,603\,514\,932\,384\,110\,774\,\dots$$

2. Реализовать статический метод, вычисляющий значение с точностью ϵ .

$$1. \text{Вычисление } \pi. \text{ Формула через ряд Грегори } \pi = 4 \sum_{k=0}^n \frac{(-1)^k}{(2k+1)}$$

3. Вычислить приближенное значение определённого интеграла функции по формулам: 1) левых прямоугольников, 2) правых прямоугольников, 3) трапеций, 4) Симпсона, 5) Монте-Карло. Вычисление производить с заданным числом отрезков/итераций n . После вычисления сравнить полученные значения.

$$1. \int_1^2 (\cos^2(\sin(10x)))dx \approx 0.607525$$

4. Задача на длинную арифметику. В решении нельзя использовать BigInteger, только массивы.

1. Реализовать метод возведения длинного целого числа в целую степень, используя быстрое умножение