

1. Вычислить сумму ряда с заданной точностью ϵ и определить, на каком шаге начинает достигаться эта точность. Алгоритм суммирования описать в отдельном статическом методе.

$$1. \cos(x) = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^6}{6!} - \dots = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k x^{2k}}{(2k)!}, |x| < \infty$$

$$2. \frac{1}{\sqrt{1+x}} = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k x^k (2k+1)!!}{(2k)!!}$$

$$3. \text{Константа Каталана } G = \frac{\pi}{8} \ln(\sqrt{3}+2) + \frac{3}{8} \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(n!)^2}{(2n)!(2n+1)^2}, G = 0.915965\ 594\ 177\ 219\ 015\ 054\ 603\ 514\ 932\ 384\ 110\ 774 \dots$$

2. Реализовать статический метод, вычисляющий значение с точностью ϵ .

$$1. \text{Вычисление } \pi. \text{ Формула Джона Мэчина. } \pi = 16 \cdot \arctg\left(\frac{1}{5}\right) - 4 \cdot \arctg\left(\frac{1}{239}\right), \text{ где } \arctg(x) = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k x^{2k+1}}{2k+1}$$

3. Вычислить приближенное значение определённого интеграла функции по формулам: 1) левых прямоугольников, 2) правых прямоугольников, 3) трапеций, 4) Симпсона, 5) Монте-Карло. Вычисление производить с заданным числом отрезков/итераций n . После вычисления сравнить полученные значения.

$$1. \int_1^3 \cos(\sin(x)) dx \approx 1.39408$$

4. Задача на длинную арифметику. В решении нельзя использовать BigInteger, только массивы.

1. Проверить, являются ли числа m и n ($m, n \geq 10^{11}$) взаимно простыми.