

1. Вычислить сумму ряда с заданной точностью ϵ и определить, на каком шаге начинает достигаться эта точность. Алгоритм суммирования описать в отдельном статическом методе.

$$1. e^{\frac{1}{x}} = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{2kx+1}{x^{2k}(2k)!}$$

$$2. \sqrt{1+x} = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k (2k)!}{(1-2k)(k!)^2 (4^k)} x^k, |x| \leq 1$$

$$3. \frac{\pi^2}{18} = \sum_{m=1}^{\infty} \frac{[(m-1)!]^2}{(2m)!}$$

2. Реализовать статический метод, вычисляющий значение с точностью ϵ .

$$1. \text{Вычисление } \pi. \text{ Формула через ряды } \pi = 8 \cdot \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{(4k-2)(4k-1)} + 2 \log(2)$$

3. Вычислить приближенное значение определённого интеграла функции по формулам: 1) левых прямоугольников, 2) правых прямоугольников, 3) трапеций, 4) Симпсона, 5) Монте-Карло. Вычисление производить с заданным числом отрезков/итераций n . После вычисления сравнить полученные значения.

$$1. \int_{0.5}^2 \cos\left(\frac{1}{x} + \frac{x^2}{4}\right) dx \approx 0.308488$$

4. Задача на длинную арифметику. В решении нельзя использовать BigInteger, только массивы.

1. Выяснить, какое из чисел a^m , b^n больше и на сколько ($a, b \leq 40000$; $m, n \leq 10$).