

1. Вычислить сумму ряда с заданной точностью ϵ и определить, на каком шаге начинает достигаться эта точность. Алгоритм суммирования описать в отдельном статическом методе.

$$1. \sqrt{1+x} = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k (2k)!}{(1-2k)(k!)^2 (4^k)} x^k, |x| \leq 1$$

$$2. \arctg(x) = x - \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} - \frac{x^7}{7} - \dots = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k x^{2k+1}}{2k+1}, |x| \leq 1$$

$$3. x^a = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1+a)^k x \log^k(x)}{k!}$$

2. Реализовать статический метод, вычисляющий значение с точностью ϵ .

$$1. \text{Вычисление } \pi \text{ через биномиальные коэффициенты } \pi = -2 + 2 \cdot \sum_{k=1}^{\infty} \frac{2^k}{\binom{2k}{k}}, \text{ где } \binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

3. Вычислить приближенное значение определённого интеграла функции по формулам: 1) левых прямоугольников, 2) правых прямоугольников, 3) трапеций, 4) Симпсона, 5) Монте-Карло. Вычисление производить с заданным числом отрезков/итераций n . После вычисления сравнить полученные значения.

$$1. \int_0^{1.5} \tan(\sin^2(2x)) dx \approx 1.02797$$

4. Задача на длинную арифметику. В решении нельзя использовать BigInteger, только массивы.

$$1. \text{По заданному натуральному числу } k \text{ вычислить сумму квадратов факториалов } \sum_{n=1}^k (n!)^2$$