

1. Вычислить сумму ряда с заданной точностью ϵ и определить, на каком шаге начинает достигаться эта точность. Алгоритм суммирования описать в отдельном статическом методе.

$$1. \text{ Константа Каталана } G = \frac{\pi}{8} \ln(\sqrt{3}+2) + \frac{3}{8} \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(n!)^2}{(2n)!(2n+1)^2}, G = 0.915965\ 594\ 177\ 219\ 015\ 054\ 603\ 514\ 932\ 384\ 110\ 774 \dots$$

$$2. \cos(x) = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^6}{6!} - \dots = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k x^{2k}}{(2k)!}, |x| < \infty$$

$$3. \cos^2(x) = 1 + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^k 2^{2k-1} x^{2k}}{(2k)!}$$

2. Реализовать статический метод, вычисляющий значение с точностью ϵ .

$$1. \text{ Вычисление } \pi \text{ через биномиальные коэффициенты } \pi = -2 + 2 \cdot \sum_{k=1}^{\infty} \frac{2^k}{\binom{2k}{k}}, \text{ где } \binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

3. Вычислить приближенное значение определённого интеграла функции по формулам: 1) левых прямоугольников, 2) правых прямоугольников, 3) трапеций, 4) Симпсона, 5) Монте-Карло. Вычисление производить с заданным числом отрезков/итераций n. После вычисления сравнить полученные значения.

$$1. \int_0^4 \cos(\sin(x)) dx \approx 0.14319$$

4. Задача на длинную арифметику. В решении нельзя использовать BigInteger, только массивы.

$$1. \text{ По заданному натуральному числу } k \text{ вычислить сумму квадратов факториалов } \sum_{n=1}^k (n!)^2$$