

1. Вычислить сумму ряда с заданной точностью ϵ и определить, на каком шаге начинает достигаться эта точность. Алгоритм суммирования описать в отдельном статическом методе.

$$1. \cos(x) = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^6}{6!} - \dots = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k x^{2k}}{(2k)!}, |x| < \infty$$

$$2. \sinh(x) = x + \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} + \frac{x^7}{7!} + \dots = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{x^{2k+1}}{(2k+1)!}$$

$$3. \frac{1}{\sqrt{1+x}} = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k x^k (2k+1)!!}{(2k)!!}$$

2. Реализовать статический метод, вычисляющий значение с точностью ϵ .

$$1. \text{Вычисление } \pi. \text{ Формула через ряды } \pi = 2\sqrt{3} \sum_{k=0}^n \frac{(-1)^k}{3^k (2k+1)}$$

3. Вычислить приближенное значение определённого интеграла функции по формулам: 1) левых прямоугольников, 2) правых прямоугольников, 3) трапеций, 4) Симпсона, 5) Монте-Карло. Вычисление производить с заданным числом отрезков/итераций n. После вычисления сравнить полученные значения.

$$1. \int_0^2 \sin(x^2) dx \approx 0.804776$$

4. Задача на длинную арифметику. В решении нельзя использовать BigInteger, только массивы.

$$1. \text{По заданному натуральному числу } k \text{ вычислить сумму квадратов факториалов } \sum_{n=1}^k (n!)^2$$