Теортест-1 (Вариант 26)

Тема – определенный интеграл

Задача 1

Выберите все верные утверждения:

- 1. если первообразная дробно-рациональной функции f(x) является дробно-рациональной, то все корни знаменателя f(x) кратные;
- 2. первообразная дробно-рациональной функции выражается через элементарные функции;
- 3. если первообразная дробно-рациональной функции f(x) выражается через логарифм, то знаменатель f(x) имеет только простые вещественные корни;
- 4. первообразная дробно-рациональной функции является дробно-рациональной функцией;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 2

Пусть функция u=u(t) – первообразная для функции v=v(t) на [a,b]. Выберите все верные на [a,b] утверждения (C – произвольная постоянная):

- 1. vdt = u'dt;
- 2. du = vdt;
- 3. du = vdt + C;
- 4. v = du + C;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 3

Выберите все верные утверждения для данной функции, заданной на отрезке [a,b]:

- 1. При измельчении разбиения нижняя сумма Дарбу уменьшается или не изменяется;
- 2. При измельчении разбиения нижняя сумма Дарбу увеличивается;
- 3. Нижняя сумма Дарбу является наименьшей из всех интегральных сумм для данного разбиения;

4. Нижняя сумма Дарбу не больше любой интегральной суммы для данного разбиения;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 4

Пусть f(x), x(t) – дифференцирумые функции. Выберите все верные утверждения (при соответствующей замене) :

- 1. $\int f(x)dx = \int \frac{f(\ln t)}{t}dt$;
- 2. $\int f(x)dx = \int f(1/t)\frac{dt}{t^2};$
- 3. $\int f(x)d(2x) = \int \frac{f(\sqrt{t})}{\sqrt{t}}dt;$
- 4. $\int f(1/x)dx = -\int \frac{f(t)dt}{t^2};$

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 5

Пусть $f \in R[a,b], a < b$. Выберите все верные утверждения:

- 1. Если $\left| \int_a^b f(x) dx \right| = 0$, то $f(x) \equiv 0$ на [a, b];
- 2. Если $f \geq 0$ на [a,b] и $\exists c \in [a,b] \colon f(c) > 0$, то $\int_a^b f(x) dx > 0$;
- 3. Если $f\geq 0$ на [a,b], то $\int_a^b f(x)dx\geq 0;$
- 4. Если $\int_a^b |f(x)| dx = 0$, то $f(x) \equiv 0$ на [a, b];

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 6

Функция $f \in R[0,10]$ и $-1 \le f(x) \le 10$ на [0,10]. Выберите отрезки, содержащие значение интеграла $\int_0^2 x f(x) dx$:

- 1. [-1, 10];
- 2. [-10, 20];
- 3. [-2, 10];
- 4. [0, 10];

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 7

Пусть $f \in R[a,b], F(x) = \int_a^x f(t)dt$. Выберите все верные утверждения:

- 1. F не убывает на [a, b];
- 2. F непрерывна на [a, b];
- 3. F дифференцируема на [a,b];
- 4. F имеет разрывы в точках разрыва функции f;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 8

Выберите все верные утверждения (тела А и В имеют объем):

- 1. объем $A \cup B$ равен сумме объемов A и B;
- 2. при движении объем не меняется;
- 3. если $A \subset B$, то объем A меньше объема B;
- 4. любое множество имеет неотрицательный объем;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 9

Выберите все верные утверждения:

- 1. Длина любой кривой не меньше длины отрезка, соединяющего ее начало и конец;
- 2. Длина любой кривой конечна;
- 3. Длины противоположных путей равны;
- 4. Длина кривой зависит от параметризации;
- 5. Длина любого пути не меньше длины вписанной в его носитель ломаной;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 10

Пусть f интегрируема и $f \geq 0$ на [a,b]. Выберите все достаточные условия для того, чтобы $\int_a^b f(x) dx > 0$:

- 1. f(a) = f(b) = 1;
- 2. f непрерывна на [a,b] и f((a+b)/2) = 1;
- 3. f > 0 на [a, b];
- 4. f непрерывна в точке a и f(a) = 1;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)