Теортест-1 (Вариант 28)

Тема – определенный интеграл

Задача 1

Пусть $f \in R[a, b], a < b$. Выберите все верные утверждения:

- 1. Если $f \geq 0$ на [a,b] и $\exists c \in [a,b]$: f(c) > 0, то $\int_a^b f(x) dx > 0$;
- 2. Если f > 0 на [a, b], то $\int_a^b f(x) dx > 0$;
- 3. Если $\left| \int_a^b f(x) dx \right| < A$, то $\int_a^b |f(x)| dx < A$;
- 4. Если $f \geq 0$ на [a,b], то $\int_a^b f(x) dx \geq 0$;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 2

Пусть f интегрируема и $f \geq 0$ на [a,b]. Выберите все достаточные условия для того, чтобы $\int_a^b f(x) dx > 0$:

- 1. f((a+b)/2) = 1;
- 2. f > 0 на [a, b];
- 3. f непрерывна на [a, b] и f(a + b) = 1;
- 4. f непрерывна в точке a и f(a) = 1;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 3

Пусть функция u=u(t) – первообразная для функции v=v(t) на [a,b]. Выберите все верные на [a,b] утверждения (C – произвольная постоянная):

- 1. vdt = u'dt;
- 2. dv = udt + C;
- 3. du = v;
- 4. du = vdt + C;

Задача 4

Выберите все верные утверждения:

- 1. если все корни знаменателя дробно-рациональной функции кратные, то ее первообразная является дробно-рациональной функцией;
- 2. если первообразная дробно-рациональной функции f(x) выражается через логарифм, то знаменатель f(x) имеет только простые вещественные корни;
- 3. первообразная дробно-рациональной функции выражается через элементарные функции;
- 4. первообразная дробно-рациональной функции является дробно-рациональной функцией;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 5

Пусть $f \in R[a,b], F(x) = \int_a^x f(t)dt$. Выберите все верные утверждения:

- 1. $\int_a^b f(x)dx = F(b) F(a);$
- 2. F не убывает на [a, b];
- 3. F непрерывна на [a, b];
- 4. F дифференцируема на [a, b];

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 6

Выберите все верные утверждения для данной функции, заданной на отрезке [a,b]:

- 1. Верхняя сумма Дарбу является наибольшей из всех интегральных сумм для данного разбиения;
- 2. При измельчении разбиения верхняя сумма Дарбу увеличивается;
- 3. При измельчении разбиения верхняя сумма Дарбу увеличивается или не изменяется;
- 4. Верхняя сумма Дарбу не меньше любой интегральной суммы для данного разбиения;

Задача 7

Выберите все верные утверждения (тела А и В имеют объем):

- 1. объем треугольника равен нулю;
- 2. объем любого сечения тела A равен нулю;
- 3. при движении объем не меняется;
- 4. объем одной точки равен нулю;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 8

Выберите все верные утверждения:

- 1. Длина любого пути не меньше длины вписанной в его носитель ломаной;
- 2. Любая кривая имеет неотрицательную длину;
- 3. Длина кривой зависит от параметризации;
- 4. Длина кривой определяется как супремум длин всевозможных параметризаций кривой;
- 5. Любая кривая имеет бесконечно много различных параметризаций;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 9

Функция $f \in R[0,10]$ и $-1 \le f(x) \le 10$ на [0,10]. Выберите отрезки, содержащие значение интеграла $\int_0^3 x^2 f(x) dx$:

- 1. [-9; 90];
- 2. [0; 100];
- 3. [9; 100];
- 4. [-2; 20];

Задача 10

Пусть f(x), x(t) – дифференцирумые функции. Выберите все верные утверждения (при соответствующей замене) :

- 1. $\int f(x)dx = \int f(\ln t)tdt$;
- 2. $\int f(x)dx = \int \frac{f(\ln t)}{t}dt$;
- 3. $\int f(\sqrt{x})dx = 2 \int f(t)\sqrt{t}dt;$
- 4. $\int f(1/x)dx = -\int \frac{f(t)dt}{t^2}$;