Теортест-1 (Вариант 24)

Тема – определенный интеграл

Задача 1

Выберите все верные утверждения для данной функции, заданной на отрезке [a,b]:

- 1. Верхняя сумма Дарбу является наибольшей из всех интегральных сумм для данного разбиения;
- 2. При измельчении разбиения верхняя сумма Дарбу уменьшается или не изменяется;
- 3. При измельчении разбиения верхняя сумма Дарбу увеличивается или не изменяется;
- 4. Верхняя сумма Дарбу не меньше любой интегральной суммы для данного разбиения;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 2

Пусть функции $f, g: [a, b] \to \mathbb{R}$. Выберите все верные утверждения:

- 1. Если $[c,d] \subset [a,b]$ и f интегрируема на [c,d], то f интегрируема и на [a,b];
- 2. Если $c \in [a,b]$ и f интегрируема на [a,c] и на [c,b], то f интегрируема и на [a,b];
- 3. Если f > 0 и интегрируема на [a, b], то 1/f тоже интегрируема на [a, b];
- 4. Если $[c,d]\subset [a,b]$ и f интегрируема на [a,b], то f интегрируема и на [c,d];

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 3

Функция $f \in R[0,10]$ и $-1 \le f(x) \le 10$ на [0,10]. Выберите отрезки, содержащие значение интеграла $\int_0^2 x f(x) dx$:

- 1. [-1, 10];
- 2. [0, 10];
- 3. [-2, 10];
- 4. [-10, 20];

Задача 4

Пусть $f \in R[a,b], F(x) = \int_a^x f(t)dt$. Выберите все верные утверждения:

- 1. F имеет разрывы в точках разрыва функции f;
- 2. F дифференцируема на [a,b];
- 3. F ограничена на [a, b];
- 4. F непрерывна на [a, b];

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 5

Выберите все верные утверждения:

- 1. Длина кривой зависит от параметризации;
- 2. Кусочно-гладкая кривая спрямляема;
- 3. Любая кривая имеет бесконечно много различных параметризаций;
- 4. Длина любого пути не меньше длины вписанной в его носитель ломаной;
- 5. Длины противоположных путей равны;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 6

Пусть f интегрируема и $f \geq 0$ на [a,b]. Выберите все достаточные условия для того, чтобы $\int_a^b f(x) dx > 0$:

- 1. f непрерывна в точке a и f(b) = 1;
- 2. f((a+b)/2) = 1;
- 3. f возрастает (нестрого) на [a, b] и f(b) = 1;
- 4. f непрерывна в точке a и f(a) = 1;

Задача 7

Пусть f(x), x(t) – дифференцирумые функции. Выберите все верные утверждения (при соответствующей замене) :

- 1. $\int f(1/x)dx = -\int \frac{f(t)dt}{t^2}$;
- 2. $\int f(\sqrt{x})dx = 2 \int f(t)\sqrt{t}dt$;
- 3. $\int f(x)dx = \int \frac{f(\ln t)}{t}dt;$
- 4. $\int f(x)dx = \int f(\ln t)tdt$;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 8

Выберите все верные утверждения (тела А и В имеют объем):

- 1. объем треугольника равен нулю;
- 2. объем одной точки равен нулю;
- 3. при движении объем не меняется;
- 4. объем A всегда неотрицателен;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 9

Пусть функция u=u(x) – первообразная для функции v=v(x) на [a,b]. Выберите все верные на [a,b] утверждения (C – произвольная постоянная):

- 1. v = u';
- 2. udt = dv;
- 3. u = v';
- 4. v' = u + C:

Задача 10

Выберите все верные утверждения:

- 1. первообразная дробно-рациональной функции является дробно-рациональной функцией;
- 2. первообразная дробно-рациональной функции выражается через элементарные функции;
- 3. если первообразная дробно-рациональной функции f(x) выражается через логарифм, то знаменатель f(x) имеет только простые вещественные корни;
- 4. если все корни знаменателя дробно-рациональной функции кратные, то ее первообразная является дробно-рациональной функцией;