Теортест-1 (Вариант 27)

Тема – определенный интеграл

Задача 1

Пусть f интегрируема и $f \geq 0$ на [a,b]. Выберите все достаточные условия для того, чтобы $\int_a^b f(x) dx > 0$:

- 1. f((a+b)/2) = 1;
- 2. f(a) = f(b) = 1;
- 3. f(a) > 0, f(b) > 0;
- 4. f непрерывна в точке a и f(a) = 1;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 2

Пусть функция u=u(x) – первообразная для функции v=v(x) на [a,b]. Выберите все верные на [a,b] утверждения (C – произвольная постоянная):

- 1. v = u' + C;
- 2. udt = dv;
- 3. u = v' + C:
- 4. u = v';

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 3

Пусть f(x), x(t) – дифференцирумые функции. Выберите все верные утверждения (при соответствующей замене) :

1

- 1. $\int f(x)dx = \int f(1/t)\frac{dt}{t^2};$
- 2. $\int f(x)dx = \int f(\ln t)tdt$;
- 3. $\int \frac{f(x)}{\ln x} dx = \int f(e^t) dt;$
- 4. $\int f(x)d(2x) = \int \frac{f(\sqrt{t})}{\sqrt{t}}dt;$

Задача 4

Выберите все верные утверждения:

- 1. если первообразная дробно-рациональной функции f(x) выражается через логарифм, то знаменатель f(x) имеет только простые вещественные корни;
- 2. первообразная дробно-рациональной функции является дробно-рациональной функцией;
- 3. первообразная дробно-рациональной функции выражается через элементарные функции;
- 4. если все корни знаменателя дробно-рациональной функции кратные, то ее первообразная является дробно-рациональной функцией;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 5

Функция $f \in R[0,10]$ и $-1 \le f(x) \le 10$ на [0,10]. Выберите отрезки, содержащие значение интеграла $\int_0^2 x f(x) dx$:

- 1. [0, 10];
- 2. [-2, 10];
- 3. [-2, 20];
- 4. [-10, 20];

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 6

Выберите все верные утверждения (тела А и В имеют объем):

- 1. объем треугольника равен нулю;
- 2. объем любого сечения тела A равен нулю;
- 3. объем A всегда положителен;
- 4. если $A \subset B$, то объем A меньше объема B;

Задача 7

Выберите все верные утверждения для данной функции, заданной на отрезке [a,b]:

- 1. При измельчении разбиения верхняя сумма Дарбу увеличивается;
- 2. При измельчении разбиения верхняя сумма Дарбу увеличивается или не изменяется;
- 3. Верхняя сумма Дарбу является наибольшей из всех интегральных сумм для данного разбиения;
- 4. При измельчении разбиения верхняя сумма Дарбу уменьшается;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 8

Выберите все верные утверждения:

- 1. Длина спрямляемой кривой конечна;
- 2. Длина кривой зависит от параметризации;
- 3. Длина любой кривой не меньше длины отрезка, соединяющего ее начало и конец;
- 4. Длина замкнутой кривой равна нулю;
- 5. Длины противоположных путей равны;

Пример ввода: 3, 1, 4 (введите "0", если верных утверждений нет)

Задача 9

Пусть $f \in R[a,b]$, $F(x) = \int_a^x f(t)dt$. Выберите все верные утверждения:

- 1. Если f кусочно-непрерывна на [a,b], то F обобщенная первообразная для f на [a,b];
- 2. F имеет разрывы в точках разрыва функции f;
- 3. $\int_a^b f(x)dx = F(b) F(a);$
- 4. F непрерывна на [a, b];

Задача 10

Пусть $f \in R[a,b], \, a < b.$ Выберите все верные утверждения:

- 1. Если $\int_a^b |f(x)| dx < A$, то $\left| \int_a^b f(x) dx \right| < A$;
- 2. Если $f \geq 0$ на [a,b] и $\exists c \in [a,b] \colon f(c) > 0$, то $\int_a^b f(x) dx > 0$;
- 3. Если $\left| \int_a^b f(x) dx \right| = 0$, то $f(x) \equiv 0$ на [a,b];
- 4. Если $\int_a^b |f(x)| dx = 0$, то $f(x) \equiv 0$ на [a,b];