





# Bases de Datos 1



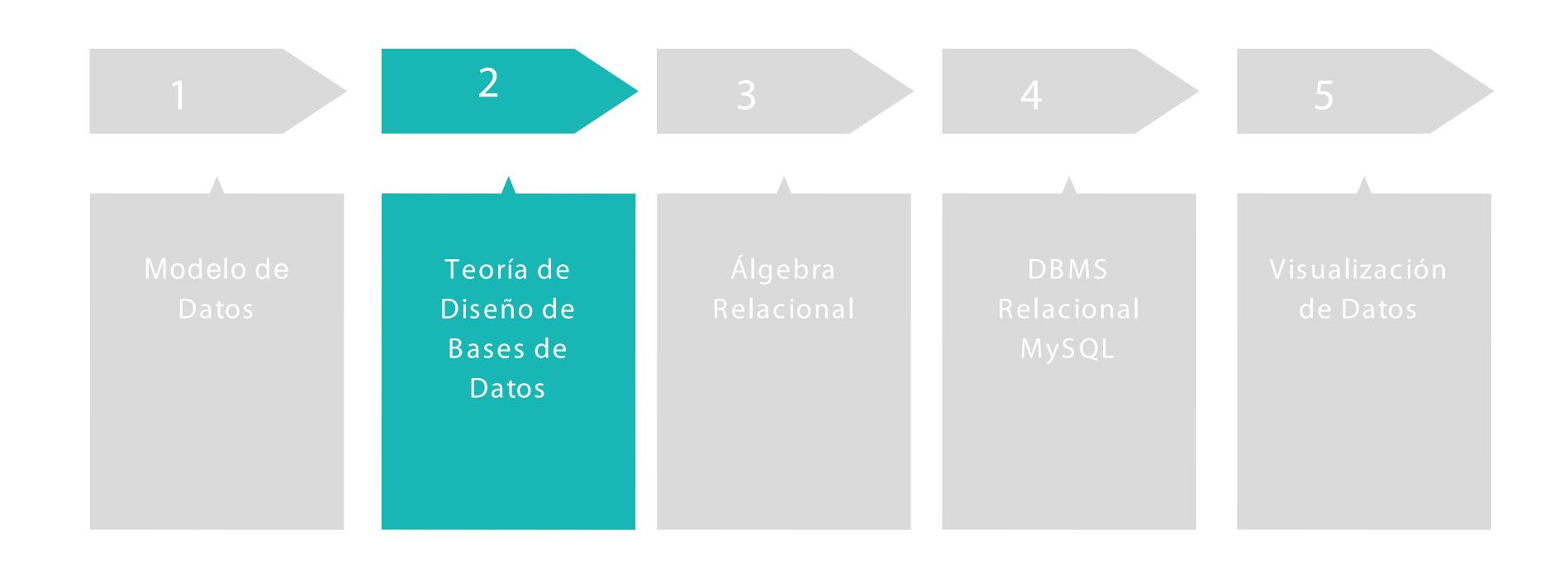
Alejandra Lliteras Prof. Titular



Federico Orlando Prof. Adjunto

#### TEMAS GENERALES

Bases de Datos 1



# TEMAS Y SUBTEMAS Vimos...

Teoría de Diseño de Bases de Datos Relacionales

#### Conceptos Generales:

- Anomalía
- Dependencia Funcional
- Dependencia Funcional Trivial

# TEMAS Y SUBTEMAS Hoy veremos...

#### Teoría de Diseño de Bases de Datos Relacionales

#### Conceptos Generales:

- Clave de una relación
- Clave candidata
- Superclave
- Axiomas de Armstrong
- Clausura de un conjunto de atributos

#### Normalización:

- Descomposición
- ■Pérdida de Información
- Pérdida de Dependencias Funcionales
- Formas Normales
  - Boyce y Codd

# Los atributos {A1, A2,...,An} son la clave de una relación R si cumplen:

• {A1, A2,...,An} determinan funcionalmente a todos los restantes atributos de la relación R

# Clave de una relación

# Los atributos {A1, A2,..,An} son la clave de una relación R si cumplen:

• {A1, A2,...,An} determinan funcionalmente a todos los restantes atributos de la relación R

- No existe un subconjunto de {A1, A2,...,An} que determine funcionalmente a todos los restantes atributos de la relación R
  - –Esto implica que una clave es un conjunto minimal-

# Clave de una relación

Clave de una relación



–PERSONA(dni, nombre, edad, fechaNac)

df1: dni->nombre,edad,fechaNac

•Clave: {dni}

En caso de existir dos o más conjuntos de atributos {A1, A2,..,An}, {B1, B2,...,Bk}, ....{N1, N2,...,Nm} en una relación R tales que

{A1, A2,...,An} determinan funcionalmente a todos los restantes atributos de la relación R

{B1, B2,...,Bk}, ...y {N1, N2,...,Nm} también por sí mismos determinan al resto de los atributos de R

No existe un subconjunto de {A1, A2,...,An} o {B1, B2,...,Bk}, ...o {N1, N2,...,Nm} que determine funcionalmente a todos los atributos de R

Entonces {A1, A2,...,An}, {B1, B2,...,Bk}, ....{N1, N2,...,Nm} son CLAVES CANDIDATAS para la relación R

# Clave candidata de una relación

#### • Clave de una relación / Clave candidata

```
Ejemplo:
```

- —Dada la relación: PERSONA(dni, nombre, edad, fechaNacimiento, nroLegajo)
  Donde
  - Una persona posee un único número de legajo asignado
  - Un número de legajo pertenece a una sola persona
- Se pueden enunciar las siguientes dfs

```
df1) dni -> nombre, edad, fechaNac, nroLegajo df2) nroLegajo -> nombre, edad, fechaNac, dni
```

¿Clave o claves candidatas?

```
Clave candidata 1 (cc1): {dni}
```

Clave candidata 2 (cc2): {nroLegajo}

#### • Clave de una relación / Clave candidata

```
Ejemplo:
```

- Dada la relación: PERSONA(dni, nombre, edad, fechaNacimiento, nroLegajo, carrera)
   » Donde
  - Una persona puede cursar diversas carreras
  - Nombre indica como se llama la persona
  - Una persona posee un único número de legajo asignado para cada carrera que cursa
  - Un número de legajo pertenece a una sola persona de una carrera

```
df1) dni -> nombre, edad, fechaNac
```

df2) nroLegajo, carrera -> dni

df3) dni, carrera -> nroLegajo

¿Clave o claves candidatas?

Clave candidata 1 (cc1): {nroLegajo, carrera }

Clave candidata 2 (cc2): {dni, carrera }

Los atributos {A1, A2,...,An} son la superclave de una relación R si cumplen:

{A1, A2,...,An} determinan funcionalmente a todos los restantes atributos de la relación R

#### Notar que:

- Una clave está contenida en una superclave
- Una superclave no necesariamente es minimal (como lo es la clave por la segunda condición de su definición)

# Super Clave de una relación

Superclave de una relación



-PERSONA(dni, nombre, edad, fechaNacimiento)

df1: dni->nombre,edad,fechaNac

•superclave: {dni, nombre}

# Ejercicio Práctico

Actividades



Hallar las dependencias funcionales

Ejercicio A

Dada la relación

**VENTAS**(codCliente, nombre, codVenta, monto)

- -Donde:
  - Un cliente realiza muchas compras
  - Una compra es realizada por un solo cliente
  - El monto representa el valor total de la compra realizada por un cliente
- Determinar las dependencias funcionales (dfs) y clave o clave candidatas válidas en VENTAS

...trabajando...

**VENTAS**(codCliente, nombre, codVenta, monto)

- Donde:
  - Un cliente realiza muchas compras
  - Una compra es realizada por un solo cliente
  - El monto representa el valor total de la compra realizada por un cliente
- Determinar las dependencias funcionales (dfs) válidas en VENTAS

df1) codCliente -> nombre
df2) codVenta -> codCliente, monto

Clave candidata (codVenta)

Ejercicio B

Dada la relación

**VENTAS1**(codCliente, nombreCliente, codVenta, monto)

- -Donde:
  - Un cliente realiza muchas compras
  - Una compra puede ser realizada por más de un cliente
  - El monto representa el valor total de la compra realizada por cada cliente
- Determinar las dependencias funcionales (dfs) y clave o claves candidatas válidas en VENTAS1

...trabajando...

#### Ejercicio

Dada la relación

VENTAS1(codCliente, nombre, codVenta, monto)

- Donde:
  - Un cliente realiza muchas compras
  - Una compra puede ser realizada por más de un cliente
  - El monto representa el valor total de la compra realizada por cada cliente
- Determinar las dependencias funcionales (dfs) válidas en VENTAS1

df1) codCliente -> nombre

df2) codVenta, codCliente ->monto

Clave candidata (codVenta, codCliente)

### Ejercicio C

Dada la relación

**PERSONAEMPLEADA**(dni, nombre, domicilio, depto, flngDepto, codEmpDepto, jefe)

#### Donde

- En cada departamento hay un jefe para todos los empleados. Un mismo jefe puede estar asignado a más de un departamento
- Una persona puede trabajar en más de un departamento y en cada uno de ellos puede tener un código de empleado diferente
- El código de empleado no se repite para un mismo departamento, puede repetirse en diferentes departamentos
- Domicilio indica el lugar en el que vive una persona. Mas de una persona pueden vivir en el mismo domicilio
- Nombre indica la forma en la que se llama una persona. Notar que diferentes personas pueden llamarse igual
- fingDepto es la fecha de ingreso a un departamento

Determinar las dependencias funcionales y clave o claves candidatas válidas en PERSONAEMPLEADA

...trabajando...

PERSONAEMPLEADA(dni, nombre, domicilio, codDepto, flngDepto, codEmpDepto, jefe)

Donde

- En cada departamento hay un jefe para todos los empleados. Un mismo jefe puede estar asignado a más de un departamento
- Una persona puede trabajar en más de un departamento y en cada uno de ellos puede tener un código de empleado diferente
- El código de empleado no se repite para un mismo departamento, puede repetirse en diferentes departamentos
- Domicilio indica el lugar en el que vive una persona. Mas de una persona pueden vivir en el mismo domicilio
- Nombre indica la forma en la que se llama una persona. Notar que diferentes personas pueden llamarse igual
- fingDepto es la fecha de ingreso a un departamento

Determinar las dependencias funcionales válidas en PERSONAEMPLEADA

- df1) dni -> nombre, domicilio
- df2) codDepto -> jefe
- df3) codDepto, codEmpDepto -> dni, fIngDepto
- df4) codDepto, dni -> codEmpDepto, flngDepto

#### Ejercicio

Dada la relación

PERSONAEMPLEADA(dni, nombre, domicilio, codDepto, flngDepto, codEmpDepto, jefe)

Determinar las dependencias funcionales válidas en PERSONAEMPLEADA

df1) dni -> nombre, domicilio

df2) codDepto -> jefe

df3) codDepto, codEmpDepto -> dni, fIngDepto

df4) codDepto, dni -> codEmpDepto, fIngDepto

#### **Claves candidatas**

Cc1: (codDepto, codEmpDepto )

Cc2: (codDepto, dni )

# **Ejercicio D**

Dada la relación

**PERSONAEMPLEADA1**(dni, nombre, domicilio, depto, flngDepto, codEmpDepto, jefe)

#### Donde

- Cada persona en un departamento tiene asignado a un jefe. El mismo jefe puede estar asignado a diferentes personas de un departamento o de diversos departamentos
- Una persona puede trabajar en más de un departamento y en cada uno de ellos puede tener un código de empleado diferente
- El código de empleado no se repite para un mismo departamento, puede repetirse en diferentes departamentos
- Domicilio indica el lugar en el que vive una persona. Mas de una persona pueden vivir en el mismo domicilio
- Nombre indica la forma en la que se llama una persona. Notar que diferentes personas pueden llamarse igual
- fingDepto es la fecha de ingreso a un departamento

Determinar las dependencias funcionales y clave o clave candidatas válidas en PERSONAEMPLEADA1

...trabajando...

**PERSONAEMPLEADA1**(dni, nombre, domicilio, depto, flngDepto, codEmpDepto, jefe)

Donde

- Cada persona en un departamento tiene asignado a un jefe. El mismo jefe puede estar asignado a diferente personas de un departamento o de diversos departamentos
- Una persona puede trabajar en mas de un departamento y en cada uno de ellos puede tener un código de empleado diferente
- El código de empleado no se repite para un mismo departamento, puede repetirse en diferentes departamentos
- Domicilio indica el lugar en el que vive una persona. Mas de una persona pueden vivir en el mismo domicilio
- Nombre indica la forma en la que se llama una persona. Notar que diferentes personas pueden llamarse igual
- fingDepto es la fecha de ingreso a un departamento

Determinar las dependencias funcionales válidas en PERSONAEMPLEADA1

- df1) dni -> nombre, domicilio
- df2) codDepto, codEmpDepto -> dni, jefe, flngDepto
- df3) codDepto, dni -> codEmpDepto, jefe, flngDepto

Ejercicio

Dada la relación

PERSONAEMPLEADA1(dni, nombre, domicilio, depto, flngDepto, codEmpDepto, jefe)

#### Dependencias funcionales:

df1) dni -> nombre, domicilio

df2) codDepto, codEmpDepto -> dni, jefe, fIngDepto

df3) codDepto, dni -> codEmpDepto, jefe, flngDepto

#### Claves candidatas:

Cc1: (codDepto, codEmpDepto )

Cc2: (codDepto, dni)

### Ejercicio E

—EMPRESA(idGerente, nombreGerente, idEmpleado, nombreEmpleado, idEmpleadoMaestranza)

#### Donde:

- -El id de gerente es único
- -El id del empleado es único
- -Cada empledo responde a un único gerente
- -El idEmpleadoMaestranza representa el identificador de cada uno de los empleados de maestranza de la empresa, de los cuales se saben son muchos.

...trabajando...

#### • Ejemplo

- EMPRESA(idGerente, nombreGerente, idEmpleado, nombreEmpleado, idEmpleadoMaestranza)
  - Donde:
    - El id de gerente es único
    - El id del empleado es único
    - Cada empledo responde a un único gerente
    - El idEmpleadoMaestranza representa el identificador de cada uno de los empleados de maestranza de la empresa, de los cuales se saben son muchos.

#### Dependencias funcionales válidas en EMPRESA:

df1) idGerente -> nombreGerente

df2) idEmpleado -> nombreEmpleado, idGerente

#### • Ejemplo

- EMPRESA(idGerente, nombreGerente, idEmpleado, nombreEmpleado, idEmpleadoMaestranza)
  - Donde:
    - El id de gerente es único
    - El id del empleado es único
    - Cada empledo responde a un único gerente
    - El idEmpleadoMaestranza representa el identificador de cada uno de los empleados de maestranza de la empresa, de los cuales se saben son muchos.

#### Dependencias funcionales válidas en EMPRESA:

df1) idGerente -> nombreGerente

df2) idEmpleado -> nombreEmpleado, idGerente

#### Claves Candidatas en EMPRESA

cc1: (idEmpleado, idEmpleadoMaestranza)

Axiomas de Armstrong

¿Cómo deducir nuevas dependencias funcionales a partir de un conjunto de dependencias dado?

 Permiten inferir nuevas dependencias funcionales dado un conjunto base que resultó evidente

 Aplicándolos hallo un conjunto completo y seguro donde todas las dependencias funcionales halladas son correctas

 Al generar todas las dependencias funcionales algunas son triviales

# Axiomas de Armstrong

- Axiomas Básicos
  - Reflexión
  - Aumento
  - Transitividad

- Axiomas que se deducen a partir de los básicos
  - Unión
  - Descomposición
  - Pseudotransitividad

# Axiomas de Armstrong

#### Axiomas de Armstrong



X es un conjunto de atributos

У

Y⊂X entonces X -> Y

Sabemos que a -> a, luego se puede decir que a,b -> a

#### **Demostración:**

Si Y⊆X y existen dos tuplas diferentes de R tales que t1[x]=t2[x] por definición de dependencia funcional t1[y]=t2[y]

#### Axiomas de Armstrong



#### **Aumento**

```
Si X ->Y;
Z es un conjunto de atributos,
entonces
Z,X -> Z,Y
```

#### Demostración:

Asumamos que X->Y vale pero X,Z->Y,Z no vale Si X->Y entonces cada vez que
1) t1[x]=t2[x] implica
2) t1[y]=t2[y]
Por otro lado, cada vez que
3) t1[x,z]=t2[x,z] implica
4) t1[y,z] <> t2[y,z]
De 1) y 3)se deduce t1[z]=t2[z]
De 2) y 4) se deduce que t1[y,z]=t2[y,z]

#### Axiomas de Armstrong



#### **Transitividad**

```
Si X ->Y;
Y ->Z,
entonces X -> Z
```

#### Demostración:

```
1) X ->Y
2) Y ->Z
t1[x]=t2[x] implica por 1)
t1[y]=t2[y] implica por 2)
t1[z]=t2[z] entonces
X -> Z
```

#### Axiomas de Armstrong



```
Si X ->Y;
X ->Z,
entonces X -> Y,Z
```

#### Demostración:

- X ->Y
   X ->Z
   X ->Y, por aumentación vale que X ->XY
- Si X ->Z, por aumentación vale que X,Y ->Y,Z Luego por transitividad, X ->Y,Z

#### Axiomas de Armstrong



#### Descomposición

Si 
$$X \rightarrow Y,Z$$
  
entonces  $X \rightarrow Y$ ,  $X \rightarrow Z$ 

#### **Demostración:**

X ->Y,Z por reflexividad vale que Y,Z ->Y Luego, por transitividad X->Y Por reflexividad también vale que Y,Z ->Z Luego por transitividad, también vale que X->Z

Axiomas de Armstrong



Si X ->Y; Y,Z->W entonces X, Z-> W

#### **Demostración:**

X ->Y

por aumento vale que X,Z ->Y,Z

Por otro lado, se sabe qué Y,Z->W

Luego por transitividad, vale que X,Z->W

Clausura de un conjunto de atributos

¿Cómo se puede comprobar que un conjunto de atributos {A1, A2,...,An} de una relación R permite recuperar al resto de los atributos de dicha relación?

- sea F un conjunto de dependencias funcionales sobre un esquema R y,
- sea X un subconjunto de R.

La clausura del conjunto de atributos X respecto de **F**, se denota **X**<sup>+</sup> y es el conjunto de atributos **A** tal que la dependencia **X** -> **A** puede deducirse a partir de F, por los axiomas de Armstrong

Es decir, X<sup>+</sup> son todos los atributos determinados por X en R

## Clausura de un conjunto de atributos

**X** +

Result:= X While (hay cambios en result) do For (cada dependencia funcional Y->Z en F) do if  $(Y \subset result)$  then result := result  $\cup$  Z

Clausura de un conjunto de atributos X+

Algoritmo para hallar X<sup>+</sup>

sea **F** un conjunto de dependencias funcionales sobre un esquema R y, sea **X** un subconjunto de R.

Algoritmo para hallar X<sup>+</sup> ¿Cómo funciona?

Ejemplo

Dada la relación: PERSONA(dni, nombre, edad, fechaNacimiento, nroLegajo, carrera)

#### Donde

- Una persona puede cursar diversas carreras
- Nombre indica como se llama la persona
- Una persona posee un único número de legajo asignado para cada carrera que cursa
- Un número de legajo pertenece a una sola persona de una carrera

```
df1) dni -> nombre, edad, fechaNac
```

df2) nroLegajo, carrera -> dni

df3) dni, carrera -> nroLegajo

Clave candidata 1 (cc1): {nroLegajo, carrera }

Clave candidata 2 (cc2): {dni, carrera }

Ejemplo ya visto

Ejemplo

```
—Dada la relación: PERSONA(dni, nombre, edad, fechaNacimiento, nroLegajo, carrera) df1) dni -> nombre, edad, fechaNac df2) nroLegajo, carrera -> dni df3) dni, carrera -> nroLegajo
```



Clave candidata 1 (cc1): {nroLegajo, carrera }

Clave candidata 2 (cc2): {dni, carrera }

Por ejemplo, podríamos preguntarnos: ¿Es cierto que a partir de los atributos de cc1, puedo recuperar los atributos restantes de PERSONA?

 Para ello podemos ejecutar el algoritmo de X<sup>+</sup> instanciándolo con la información de PERSONA

```
Result:= X
While (hay cambios en result) do
For (cada dependencia funcional Y->Z en F) do
if (Y ⊆ result) then
result := result ∪ Z

PERSONA(dni, nombre, edad, fechaNacimiento, nroLegajo, carrera)

Hallar (nroLegajo, carrera )*

Result= (nroLegajo, carrera )
```

Paso 1) Tomamos la dep. fun: dni -> nombre, edad, fechaNac, {dni} no está incluido en result, no agrego nada a result => (nroLegajo, carrera )

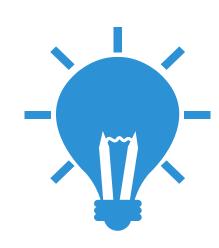
Paso 2) Tomamos la dep. fun. nroLegajo, carrera -> dni, {nroLegajo, carrera} está incluido en result, agrego {dni} a result => (nroLegajo, carrera, dni)

Paso 3) Tomamos la dep. fun. dni, carrera -> nroLegajo, {dni, carrera} está incluido en result, agrego {nroLegajo} a result => (nroLegajo, carrera, dni )

Como ya recorrí todas las dependencias funcionales y result cambió vuelvo a iterar

Paso 1) Tomamos la dep. fun. dni -> nombre, edad, fechaNac, {dni} está incluido en result, agrego {nombre, edad, fechaNac} a result => (nroLegajo, carrera, dni, nombre, edad, fechaNac)

#### **RECUPERE A TODOS LOS ATRIBUTOS DE PERSONA!**



 De la misma manera podríamos haber probado con la otra clave candidata

 Recordar que este algoritmo NO asegura que el conjunto de atributos de partida sea mínimo

Hasta ahora vimos, para una relación R

#### -Cómo hallar la o las claves candidatas

• Y como usar el algoritmo de la clausura de atributos para corroborar que a partir de un subconjunto de atributos de R se puede recuperar al resto de los atributos de la relación (aunque éste no asegura que dicho subconjunto sea mínimo)

#### -Cómo hallar dependencias funcionales

Y su conjunto completo mediante los Axiomas de Armstrong

#### • A continuación:

 Considerando las dependencias funcionales y las claves candidatas, veremos conceptos necesarios para realizar un proceso que permite generar relaciones que cumplan ciertas condiciones de un buen diseño (quitando anomalías) con el fin de normalizar esquemas

Normalización de esquemas de relación.

Algunos conceptos.

¿ Cómo generar relaciones que cumplan ciertas condiciones de un buen diseño?



### Descomposición o particionamiento de un esquema

-Es una forma aceptada de eliminar las anomalías de una relación

-Consiste en separar los atributos de una relación en dos nuevas relaciones (bajo ciertos criterios)

- —Al particionar, no se debe perder
  - Información
  - Dependencias funcionales

# Dado un esquema **R**donde vale una dependencia funcional **X->Y**

R se descompone/particiona en

R1(X, Y)

**R2**(R-Y)

Descomposición de un esquema

## Al descomponer, no se debe perder:

Información

- Dependencias funcionales
  - Validación simple
  - Validación formal mediante un algoritmo

Descomposición de un esquema Descomposición de un esquema

> Pérdida de Información

Si a un esquema R, se lo particiona en dos subesquemas R1 y R2 entonces, se debe cumplir alguna de las siguientes condiciones:

- R1 \cap R2 clave en el esquema R1 o bien,
- R1 ∩ R2 clave en el esquema R2

Al particionar, se debe verificar que cada una de las dependencias funcionales que valían en el esquema **R**, sigan valiendo en alguna de las particiones **Ri**.

Cuando se chequean las dependencias funcionales pueden ocurrir dos cosas:

- los atributos de la dependencia funcional original quedaron todos incluidos en alguna de las particiones generadas
  - => Validación simple
- los atributos de la dependencia funcional original quedaron distribuidos en más de una partición
  - =>Validación formal mediante un algoritmo

Descomposición de un esquema

Pérdida de de pendencias funcionales

Al particionar, se debe verificar que cada una de las dependencias funcionales que valían en el esquema **R**, sigan valiendo en alguna de las particiones **Ri**.

Cuando se chequean las dependencias funcionales pueden ocurrir dos cosas:

los atributos de la deper original quedaron to retornados y ampliaus de las particiones retornados y en las venideras.

los concepto ante en estre uncia funcional subuidos en más de una

=> \( \lambda \)

Jación formal mediante un algoritmo

Descomposición de un esquema

Pérdida de de pendencias funcionales

Normalización de esquemas de relación. Formas Normales  Criterio para determinar grado de vulnerabilidad a inconsistencias y anomalías

Existen diferentes formas normales

 Al lograr aplicar una mayor forma normal se logrará menor vulnerabilidad

## Forma Normal (FN)

#### **Algunas Formas Normales**

- Primera Forma Normal (1FN)
- Segunda Forma Normal (2FN)
- Tercera Forma Normal (3FN)
- Forma Normal de Boyce y Codd

Se determinan a partir de las dependencias funcionales

El esquema no debe tener atributos polivalentes o compuestos

- Conocida por su acrónimo en inglés de BCNF
- Particionar llevando un esquema a esta FN, asegura que:
  - las anomalías dejan de estar (sólo puede quedar redundancia),
  - que no se pierda información y,
  - en algunos casos, asegura que no se pierdan dependencias funcionales

Forma Normal De Boyce Codd (FNBC) (BCNF)

Un esquema de relación está en BCNF sí, siempre que una dependencia funcional de la forma X->A es válida en R, entonces se cumple que:

- X es superclave de Ro bien
- X->A es una dependencia funcional trivial

Forma Normal De Boyce Codd (FNBC) (BCNF)

#### Hasta ahora vimos que

- -Las formas normales se usan para sacar anomalías
- -A mayor forma normal, menos vulnerabilidad

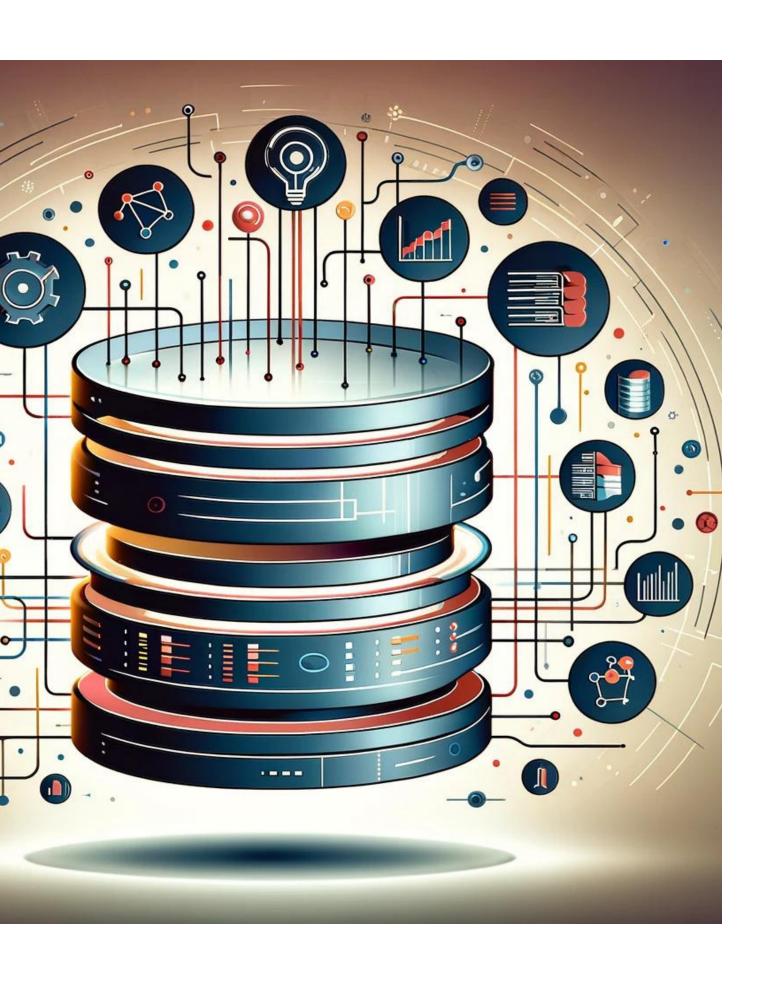
#### A continuación

Intentaremos llevar, en principio, un esquema a la Forma Normal de Boyce y
 Codd para normalizarlo

Para normalizar un esquema (en principio) y propiciar un buen diseño, vamos a valernos de:

- las dependencias funcionales del esquema
  - las claves candidatas
  - la definición de BCNF
- la descomposición o particionamiento del esquema

Importante: Consolidar los conceptos vistos hasta esta clase
Importante: Consolidar los conceptos vistos hasta esta clase
relacionados al diseño para trabaiar en la siguiente



## Bibliografía de la clase

## Bibliografía

- Date, C. J. (2019). Database design and relational theory: normal forms and all that jazz. Apress.
- Garcia-Molina, H. (2008). *Database systems: the complete book*. Pearson Education India.
- Ullman, J. D. (1988). Principles of database and knowledge-base systems.
- Albarak, M., Bahsoon, R., Ozkaya, I., & Nord, R. L. (2020). Managing Technical Debt in Database Normalization. IEEE
  Transactions on Software Engineering.
- Jadhav, R., Dhabe, P., Gandewar, S., Mirani, P., & Chugwani, R. (2020). A New Data Structure for Representation of Relational Databases for Application in the Normalization Process. In *Machine Learning and Information Processing* (pp. 305-316). Springer, Singapore.
- Ghawi, R. (2019, May). Interactive Decomposition of Relational Database Schemes Using Recommendations. In International Conference: Beyond Databases, Architectures and Structures (pp. 97-108). Springer, Cham.
- Stefanidis, C., & Koloniari, G. (2016, November). An interactive tool for teaching and learning database normalization. In Proceedings of the 20th Pan-Hellenic Conference on Informatics (pp. 1-4).
- Knowledge Base of Relational and NoSQL Database Management Systems <a href="https://db-engines.com/en/ranking\_trend">https://db-engines.com/en/ranking\_trend</a>
- Akhtar, A. (2023). Popularity Ranking of Database Management Systems. arXiv preprint arXiv:2301.00847.

#### Importante!



Los slides usados en las clases teóricas de esta materia, no son material de estudio por sí solos en ningun caso.