

STMIK AMIK Bandung Ujian Tengah Semester

UTS

Pramudya Arya Wicaksana 2242805

FAKULTAS INFORMATIKA PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA BANDUNG

DAFTAR ISI

1	Pertanyaan pertama																2						
	1.1	Soal .																					2
	1.2	Jawab				•					•				•		 •		•				. 2
2	Pertanyaan kedua															3							
		Soal .																					3
	2.2	Jawab																					3
3	Pertanyaan ketiga																6						
	3.1	Soal .																					6
	3.2	Jawab																					6

DAFTAR GAMBAR

1.1	pertama	2
2.1	kedua	3
3.1	kedua	6

PENGERJAAN UJIAN LINEAR ALGEBRA UNTUK MEMENUHI KE-WAJIBAN SEMESTER 1 JURUSAN TEKNIK INFORMATIKA PENGERJAAN MENGGUNAKAN LATEX DAN TEXT EDITOR

BAB 1 PERTANYAAN PERTAMA

1.1 Soal

Diketahui bahwa A, B, C, D, dan E adalah matriks dengan ukuran sebagai berikut.

A B C D E
$$(4 \times 5)$$
 (4×5) (5×2) (4×2) (5×4)

Jika memperhatikan ukuran matrik di atas, tentukan apakah operasi matriks di bawah ini dapat dilakukan, jika dapat dilakukan berapa ukuran matrik dari hasil operasinya?

Gambar 1.1: pertama

1.2 Jawab

- 1. $\mathbf{BA} = B_{4x5}A_{4x5}$, Tidak dapat dilakukan
- 2. $\mathbf{A}\mathbf{B}^{\intercal}=A_{4x5}B_{5x4}^{\intercal}AB^{\intercal}4x4$, Terdefinisikan dengan ordo $4\mathbf{x}4$
- 3. $AC + D = (A_{4x5}C_{5x2}) + D_{4x2} = AC_{4x2} + D_{4x2} = AC + D_{4x2}$, Terdefinisikan dengan ordo 4x2
- 4. $E(AC) = E_{5x4}(A_{4x5}B_{4x5}) = E_{5x4}AB_{4x5} = E(AC)_{5x2}$, Terdefinisikan dengan ordo 5x2
- 5. $\mathbf{A} 3\mathbf{E}^{\intercal} = A_{4x5} 3(E^{i}ntercal_{5x4}) = A_{4x5} 3E_{5x4}^{\intercal} = A 3E_{4x5}^{\intercal}$, Terdefinisikan dengan ordo $4\mathbf{x}5$

BAB 2 PERTANYAAN KEDUA

2.1 Soal

Diketahui matriks berikut ini.

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 3 & 1 & 5 \end{bmatrix},$$

$$D = \begin{bmatrix} 1 & 5 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & 4 \end{bmatrix}, \quad E = \begin{bmatrix} 6 & 1 & 3 \\ -1 & 1 & 2 \\ 4 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

Tentukan hasil operasi berikut.

Tentukan hasif operasi berikut.

(a)
$$D + E$$

(b) $2B - C$

(c) $-3(D + 2E)$

(d) $2A^{T} + C$

(e) $D^{T} - E^{T}$

(f) $(D - E)^{T}$

(g) BA

(h) $(AB)C$

(i) $A(BC)$

(j) CC^{T}

(k) $(DA)^{T}$

Gambar 2.1: kedua

2.2 Jawab

1.
$$D = \begin{bmatrix} 1 & 5 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & 4 \end{bmatrix} + E = \begin{bmatrix} 6 & 1 & 3 \\ -1 & 1 & 2 \\ 4 & 1 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 & 6 & 5 \\ -2 & 1 & 3 \\ 7 & 3 & 7 \end{bmatrix}$$

2.
$$2\begin{bmatrix}4 & -1\\0 & 2\end{bmatrix} - \begin{bmatrix}1 & 4 & 2\\3 & 1 & 5\end{bmatrix}$$

 $2\begin{bmatrix}8 & -2\\2 & 4\end{bmatrix} - \begin{bmatrix}1 & 4 & 2\\3 & 1 & 5\end{bmatrix}$ Matrix 2B dan C tidak bisa dikurangkan karena

elementnya berbeda 2x2 & 3x2

3.
$$2E = \begin{bmatrix} 6 & 1 & 3 \\ -1 & 1 & 2 \\ 4 & 1 & 3 \end{bmatrix} = E = \begin{bmatrix} 12 & 2 & 6 \\ -2 & 2 & 4 \\ 8 & 2 & 6 \end{bmatrix}$$

$$-3\left(\begin{bmatrix} 1 & 5 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & 4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 12 & 2 & 6 \\ -2 & 2 & 4 \\ 8 & 2 & 6 \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} -39 & -21 & -24 \\ 9 & -6 & -15 \\ -33 & -12 & -30 \end{bmatrix}$$

4.
$$2\begin{bmatrix} 3 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 3 & 1 & 5 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 6 & -2 & 2 \\ 0 & 4 & 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 3 & 1 & 5 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 7 & 2 & 4 \\ 3 & 5 & 7 \end{bmatrix}$$

5.
$$D^{\mathsf{T}} - E^{\mathsf{T}}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 5 & 0 & 2 \\ 2 & 1 & 4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 6 & -1 & 4 \\ 1 & 1 & 2 \\ 3 & 1 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 & 0 & -1 \\ 4 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

6.
$$\left(\begin{bmatrix} 1 & 5 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 6 & 1 & 3 \\ -1 & 1 & 2 \\ 4 & 1 & 3 \end{bmatrix} \right)^{\mathsf{T}} = \left(\begin{bmatrix} -5 & 4 & -1 \\ 0 & -1 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \right)^{\mathsf{T}}$$
$$\begin{bmatrix} -5 & 0 & -1 \\ 4 & -1 & 1 \\ -1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$7. \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

Element ada matrices A dan B berbeda, jadi tidak bisa dikalikan

8.
$$\begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \left(\begin{bmatrix} 4 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 3 & 1 & 5 \end{bmatrix} \right)$$
$$\begin{bmatrix} 1 & 15 & 3 \\ 6 & 2 & 10 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 45 & 9 \\ 11 & -11 & 19 \\ 7 & 17 & 13 \end{bmatrix}$$

9.
$$\begin{bmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 3 & 1 & 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 7 \\ 13 & 7 \end{bmatrix}$$

10.
$$\begin{pmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 5 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \\ 3 & 2 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \end{pmatrix}^{\mathsf{T}}$$
$$\begin{bmatrix} 0 & 12 \\ -2 & 1 \\ 11 & 8 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & -2 & 11 \\ 12 & 1 & 8 \end{bmatrix}$$

11.
$$\begin{pmatrix}
3 & 0 \\
-1 & 2 \\
1 & 1
\end{pmatrix}
\begin{bmatrix}
4 & -1 \\
0 & 2
\end{bmatrix}
\begin{pmatrix}
1 & 4 & 2 \\
3 & 1 & 5
\end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix}
12 & -3 \\
-4 & 5 \\
4 & 1
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
1 & 4 & 2 \\
3 & 1 & 5
\end{pmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
3 & 11 & 7 \\
45 & -11 & 17 \\
9 & 17 & 13
\end{bmatrix}$$

BAB 3 PERTANYAAN KETIGA

3.1 Soal

Tentukan persamaan yang diperoleh dari operasi matriks berikut ini.

(a)
$$\begin{bmatrix} 5 & 6 & -7 \\ -1 & -2 & 3 \\ 0 & 4 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 3 \end{bmatrix}$$

(b)
$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 0 \\ 5 & -3 & -6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \\ -9 \end{bmatrix}$$

Gambar 3.1: kedua

3.2 Jawab

1.
$$5x1 + 6x2 - 7x3 = 2$$

 $-x1 - 2x2 + 3x3 = 0$
 $4x2 - x3 = 3$
 $5x1 + 6x2 - 7x3 = 2$

2.
$$5x - 3y - 6z = -9$$

 $2x + 3y = 2$
 $3x - 6z = -11$

3.
$$2x + 3y = 2$$

 $2x = 2 - 3y$
 $x = 1 - \frac{3}{2y}$

4.
$$x + y + z = 2$$

 $1 - \frac{3}{2y} + y + z = 2$
 $1 - \frac{1}{2y} + z = 2$
 $\frac{1}{2y} + z = 1$

5.
$$5x - 3y - 6z = -9$$

 $5(1 - \frac{3}{2y}) - 3y - 6z = -9$
 $5(\frac{15}{2y}) - 3y - 6z = -9$
 $\frac{21}{2y} - 6z = -14$