

# TBFT 建模进度

## 摘要

版本 4: 本文档对 TBFT 共识机制的建模进行了调整。与之前的建模版本相比, 本文完善了  $\mathcal{F}_{STATE}$  的功能, 对  $\mathcal{F}_{TIME}$  进行了精简, 对  $\mathcal{F}_{TBFT}$  的描述进行了更新, 设定了参数的初始值, 并修改了轮间同步机制的相关内容。

## 一、初步框架

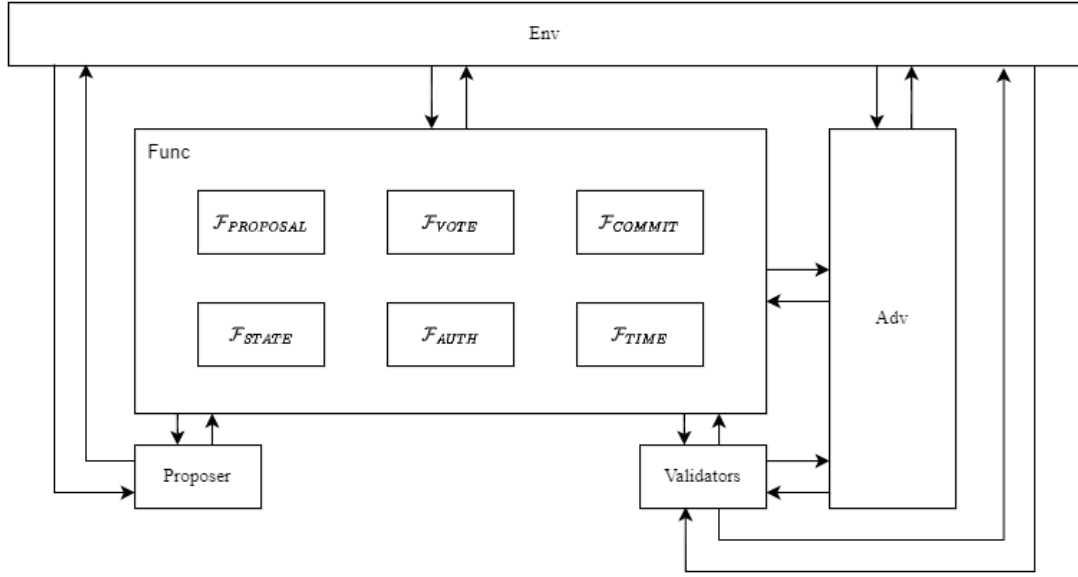


图 1 TBFT 协议初步框架

## 二、功能描述

### (一) 功能 $\mathcal{F}_{AUTH}$

- 当从参与方 A 收到( Send,sid, B, m )时,  
将( Sent, sid, A, B, m )发送给 A。
- 当从 A 收到( Send, sid, B', m' )时, 执行以下操作:  
如果 A 是被破坏的, 则向参与方 B' 输出( Sent, sid, A, m' )。  
否则, 向参与方 B 输出( Sent, sid, A, m )。终止操作。

### (二) 功能 $\mathcal{F}_{PROPOSAL}$

初始化: 设置 Proposal :=  $\perp$  和 Round := 0。

- 当收到消息(startProposal)时,
  - 通过 Round-robin 规则选定提议者 Proposer  $\in H$ , H 为 V 中诚实者的集合,
    - 初始化 Validator 的 votingPower 为其质押资金:  
$$\text{votingPower}_i = \text{stake}_i, \quad \forall i \in \{1, \dots, N\}$$
    - 按 Round-robin 规则依次选举 Proposer, 更新 Round := Round+1。
  - 更新 votingPower:
    - 未被选中的 Validator 更新为:  
$$\text{votingPower}_i \leftarrow \text{votingPower}_i + \text{stake}_i$$
    - 被选中的 Validator 更新为:

$$\text{votingPower}_i \leftarrow \text{votingPower}_i - \sum_{j \neq i} \text{stake}_j$$

- (超时处理)：当从敌手 A 接收到(timeout, T)消息时，如果 T 有效，设置 Round = Round + 1，并选择新的提议者。

### (三) 功能 $\mathcal{F}_{\text{VOTE}}$

初始化：向  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  发送(timeStart,  $\delta$ )命令。若在任何阶段从  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  收到(timeOver)消息，直接投票给 nil 块。

- 当从验证者  $v_i \in V$  传入(Prevote, Proposal)消息时，
  - 若收到 Proposal，则向  $\mathcal{F}_{\text{STATE}}$  发送( $v_i$ , queryState)，获取 PoLC。
    - 查询 PoLC，若  $v_i$  锁定在上一轮 Proposal，则签名并广播上一轮区块( $v_i$ , prevote, Vote( $B'$ ))。
    - 否则，签名并广播当前轮区块( $v_i$ , prevote, Vote( $B$ ))。
  - 否则，则签名并广播( $v_i$ , prevote, Vote(nil))。
- 当从验证者  $v_i \in V$  传入(Precommit, Proposal)消息时，
  - 若收到超过  $2f+1$  的 prevote 投票，
    - 签名并广播 ( $v_i$ , precommit, Vote( $B$ ))，向  $\mathcal{F}_{\text{STATE}}$  发送( $v_i$ , unlock,  $B'$ )解锁上一轮区块，然后向  $\mathcal{F}_{\text{STATE}}$  发送( $v_i$ , lock,  $B$ )锁定当前区块。
  - 若收到超过  $2f+1$  的空 prevote 投票，
    - 签名并广播 ( $v_i$ , precommit, Vote(nil))，向  $\mathcal{F}_{\text{STATE}}$  发送( $v_i$ , unlock, ALL)释放所有锁定的区块。
  - 否则，不锁定任何区块。

### (四) 功能 $\mathcal{F}_{\text{COMMIT}}$

初始化：对于  $v_i \in V$ ，设置  $c_i := 0$ ， $c_i \in C$ 。表示 Proposal 是否已 Commit。向  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  发送(timeStart,  $\delta$ )命令。若在任何阶段从  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  收到(timeOver)消息，向  $\mathcal{F}_{\text{STATE}}$  发送(newRound)。

- 当收到从验证者  $v_i \in V$  传入(Commit, Proposal)消息时，
  - 若收到超过  $2f+1$  的 precommit 投票，
    - 签名并广播( $v_i$ , commit, Vote( $B$ ))，同时收集全网的 commit 投票。
    - 若  $v_i$  已为区块 B 广播 commit 投票且收集到超过  $2f+1$  的 commit 投票，则设置  $c_i := 1$ ，设置 commitTime 为当前时间，向  $\mathcal{F}_{\text{STATE}}$  发送(newHeight)。
    - 否则，向  $\mathcal{F}_{\text{STATE}}$  发送(newRound)。
  - 否则，向  $\mathcal{F}_{\text{STATE}}$  发送(newRound)，开启下一轮。
- 收到来自任意方  $v_k$  的消息(request\_status)时：
  - 返回集合 C 并指示区块 B 是否已完成。

### (五) 功能 $\mathcal{F}_{\text{STATE}}$

初始化：设置 Height := 0，Round := 0 和 PoLC :=  $\perp$ 。

- 当从任意验证者  $v_i \in V$  接收到(newHeight)消息时，
  - 更新 Height := Height+1 并将 Round 重置为 0。
- 当从任意验证者  $v_i \in V$  接收到(newRound)消息时，
  - 更新 Round := Round+1。
- 当从出块人 Proposer 接收到(getProposal, sid, phase<sub>p</sub>, \*)消息时，
  - 从配置文件中获取 Proposals，然后将其返回给调用者。
- 当从接收到 (updateProposal, sid, phase<sub>p</sub>, Proposals)消息时，
  - 将 Proposals 更新到配置文件中。
- 当从  $v_i$  接收到( $v_i$ , lock, B)消息时，

- 将 $v_i$ 加入到 PoLC 中 (Height, Round, B) 对应的 ValidatorSet 中。
- 当从 $v_i$ 接收到 $(v_i, \text{unlock}, B)$ 消息时,
  - 将 $v_i$ 在对应的 PoLC 中 (Height, Round, B) 的 ValidatorSet 中删除。
- 当从 $v_i$ 接收到 $(v_i, \text{unlock}, \text{ALL})$ 消息时, 设置  $\text{PoLC} := \perp$ 。
- 当从 $v_i$ 接收到 $(v_i, \text{queryState})$ 消息时, 返回 PoLC。

#### (六) 功能 $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$

- 初始化: 设置 $t_i \in T$ ,  $t_i := \perp$ 。
- 当收到(GetTime)请求时, 将当前的 $t_i$ 返回给请求方。
- 当收到(ResetTime)请求时,
  - 将 $t_i$ 重置为  $t_i := \perp$ , 向调用者返回一个(timeOK)消息。
- 当收到(timeStart, sid,  $\text{phase}_p$ ,  $\delta$ )请求时,
  - 将 $t_{\text{sid}}$ 更新为 $t_{\text{sid}} \leftarrow \delta$ , 向理想功能 $\mathcal{F}_{\text{tbft}}$ 返回一个(timeOK)消息, 然后开始倒计时。
- 当从 $t_{\text{sid}} \in T$ ,  $t_{\text{sid}} = 0$ 时,
  - 会向对应的调用者发送一个(timeOver, sid,  $\text{phase}_p$ ,  $\delta$ )消息。

### 三、理想功能 $\mathcal{F}_{\text{TBFT}}$

功能  $\mathcal{F}_{\text{tbft}}^{V, \Delta, \Sigma} [ \mathcal{F}_{\text{TIME}}, \mathcal{F}_{\text{BB}}, \mathcal{F}_{\text{SYNC}} ]$

参数:

- $V$ : 验证者集合.
- $\Delta$ : 每个阶段的最大执行时间.
- $\Sigma$ : 延迟攻击中的最大延迟.
- $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$ : 时间的理想功能.
- $\mathcal{F}_{\text{BB}}$ : 广播的理想功能.
- $\mathcal{F}_{\text{SYNC}}$ : 同步的理想功能.

符号说明:

$\delta$ : 实际执行时间, 由  $S$  初始化, 默认值为  $\Delta$

$\sigma$ : 实际延迟, 由  $S$  初始化, 默认值为 0

$h_p$ : 当前高度, 或当前正在执行的共识实例, 初始化为 0

$\text{round}_p$ : 当前轮次编号, 初始化为 0

$\text{phase}_p$

$\in \{\text{propose}, \text{prevote}, \text{precommit}, \text{commit}\}$ : 标记当前轮次内的共识阶段, 初始化为 propose.

$\text{count}_{\text{phase}_p}$ : 记录每个阶段的投票次数, 初始化为 0

$\text{decision}_p[ ]$ : 记录各节点在不同高度下达成的最终共识值, 初始化为 nil.

$\text{isVote}_{\text{COMMIT}}$ : 标记提交阶段本身是否已完成投票, 初始化为 false.

$*$ : 空参数.

在收到消息  $\langle \text{NEWROUND}, h_p, \text{round}_p, * \rangle$  来自  $\mathcal{E}$ , 且  $\text{phase}_p = \text{propose}$  时:

1. 向  $\mathcal{S}$  发送  $\langle \text{Sleep}, \text{sid}, \text{phase}_p \rangle$ , 等待形如  $\langle \text{Wake}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta, \sigma \rangle$  的响应。
2. 如果  $(\delta + \sigma > \Delta) \vee \sigma > \Sigma$ :
  - 返回步骤 1。
3. 否则:
  - 向  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  发送  $\langle \text{timeStart}, \text{sid}, \text{phase}_p, \sigma \rangle$ , 并暂停执行。
  - 收到来自  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  的  $\langle \text{timeOver}, \text{sid}, \text{phase}_p, \sigma \rangle$  后恢复执行。
  - 向  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  发送  $\langle \text{timeStart}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta \rangle$ 。
  - 向  $\mathcal{S}$  发送  $\langle \text{CreateProposal}, \text{sid}, \text{phase}_p \rangle$ , 等待形如  $\langle \text{StartProposal}, \text{sid}, \text{phase}_p \rangle$  的响应。

- 向  $\text{Proposer}(h_p, \text{round}_p)$  发送  $\langle \text{StartProposal}, \text{sid}, \text{phase}_p \rangle$ , 等待形如  $\langle \text{PROPOSAL}, \text{sid}, \text{phase}_p, v \rangle$  的响应。
- 如果  $\text{Proposer}(h_p, \text{round}_p)$  被破坏,
  - 向  $\mathcal{S}$  发送  $\langle \text{Input}, \text{sid}, h_p, \text{round}_p, v \rangle$ 。
- 如果  $\text{valid}(v)$  且尚未收到来自  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  的  $\langle \text{timeOver}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta \rangle$ :
  - 广播  $\langle \text{PROPOSAL}, h_p, \text{round}_p, v \rangle$ 。
- 否则:
  - 返回步骤 1。
- 更新  $\text{phase}_p \leftarrow \text{prevote}$ 。

在收到消息  $\langle \text{PROPOSAL}, h_p, \text{round}_p, v \rangle$  来自  $\text{Proposer}(h_p, \text{round}_p)$ , 且  $\text{phase}_p = \text{prevote}$  时:

1. 向  $\mathcal{S}$  发送  $\langle \text{Sleep}, \text{sid}, \text{phase}_p \rangle$ , 等待形如  $\langle \text{Wake}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta, \sigma \rangle$  的响应。
2. 如果  $(\delta + \sigma > \Delta) \vee \sigma > \Sigma$ :
  - 广播  $\langle \text{PREVOTE}, h_p, \text{round}_p, \text{nil} \rangle$ 。
3. 否则:
  - 向  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  发送  $\langle \text{timeStart}, \text{sid}, \text{phase}_p, \sigma \rangle$ , 并暂停执行。
  - 收到来自  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  的  $\langle \text{timeOver}, \text{sid}, \text{phase}_p, \sigma \rangle$  后恢复执行。
  - 向  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  发送  $\langle \text{timeStart}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta \rangle$ 。
  - 如果  $\text{valid}(v)$  且尚未收到  $\langle \text{timeOver}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta \rangle$ :
    - 广播  $\langle \text{PREVOTE}, h_p, \text{round}_p, \text{id}(v) \rangle$ 。
  - 否则:
    - 广播  $\langle \text{PREVOTE}, h_p, \text{round}_p, \text{nil} \rangle$ 。
4. 向  $\mathcal{F}_{\text{SYNC}}$  发送  $\langle \text{RoundOK} \rangle$ 。
5. 更新  $\text{phase}_p \leftarrow \text{precommit}$ 。

在收到消息  $\langle \text{PREVOTE}, h_p, \text{round}_p, \text{id}(v) \rangle$  来自  $\text{Validator}(h_p, \text{round}_p)$ , 且如果  $\text{phase}_p = \text{precommit}$ :

1. 设置  $\text{count}_{\text{prevote}} \leftarrow \text{count}_{\text{prevote}} + 1$
2. 向  $\mathcal{S}$  发送  $\langle \text{Sleep}, \text{sid}, \text{phase}_p \rangle$  并等待形式为  $\langle \text{Wake}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta, \sigma \rangle$  的响应。
3. 如果  $(\delta + \sigma > \Delta) \vee \sigma > \Sigma$ :
  - 广播  $\langle \text{PRECOMMIT}, h_p, \text{round}_p, \text{nil} \rangle$ 。
4. 否则:
  - 向  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  发送  $\langle \text{timeStart}, \text{sid}, \text{phase}_p, \sigma \rangle$  并暂停执行。
  - 在收到来自  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  的  $\langle \text{timeOver}, \text{sid}, \text{phase}_p, \sigma \rangle$  消息后, 恢复执行。
  - 向  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  发送  $\langle \text{timeStart}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta \rangle$ 。
  - 如果  $\text{valid}(v) \wedge (\text{count}_{\text{prevote}} > 2f + 1)$  且尚未从  $\mathcal{F}_{\text{TIME}}$  收到  $\langle \text{timeOver}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta \rangle$ :
    - 广播  $\langle \text{PRECOMMIT}, h_p, \text{round}_p, \text{id}(v) \rangle$ 。
  - 否则:
    - 广播  $\langle \text{PRECOMMIT}, h_p, \text{round}_p, \text{nil} \rangle$ 。
5. 更新  $\text{phase}_p \leftarrow \text{commit}$ 。

在收到消息  $\langle \text{PRECOMMIT}, h_p, \text{round}_p, \text{id}(v) \rangle$  来自  $\text{Validator}(h_p, \text{round}_p)$ , 且如果  $\text{phase}_p = \text{commit}$ :

1. 设置  $\text{count}_{\text{precommit}} \leftarrow \text{count}_{\text{precommit}} + 1$
2. 向  $\mathcal{S}$  发送  $\langle \text{Sleep}, \text{sid}, \text{phase}_p \rangle$  并等待形式为  $\langle \text{Wake}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta, \sigma \rangle$  的响应。
3. 如果  $(\delta + \sigma > \Delta) \vee \sigma > \Sigma$ :
  - 广播  $\langle \text{COMMIT}, h_p, \text{round}_p, \text{nil} \rangle$ , 并设置  $\text{isVote}_{\text{COMMIT}} \leftarrow \text{false}$ 。
4. 否则:

- 向  $\mathcal{F}_{TIME}$  发送  $\langle \text{timeStart}, \text{sid}, \text{phase}_p, \sigma \rangle$  并暂停执行。
- 在收到来自  $\mathcal{F}_{TIME}$  的  $\langle \text{timeOver}, \text{sid}, \text{phase}_p, \sigma \rangle$  消息后，恢复执行。
- 向  $\mathcal{F}_{TIME}$  发送  $\langle \text{timeStart}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta \rangle$ 。
- 如果  $\text{valid}(v) \wedge (\text{count}_{\text{precommit}} > 2f + 1)$  且尚未从  $\mathcal{F}_{TIME}$  收到  $\langle \text{timeOver}, \text{sid}, \text{phase}_p, \delta \rangle$ :
  - 广播  $\langle \text{COMMIT}, h_p, \text{round}_p, \text{id}(v) \rangle$ ，并设置  $\text{isVote}_{\text{COMMIT}} \leftarrow \text{true}$ 。
- 否则:
  - 更新  $\text{phase}_p \leftarrow \text{propose}$  且  $\text{round}_p \leftarrow \text{round}_p + 1$ 。

在收到消息  $\langle \text{COMMIT}, h_p, \text{round}_p, \text{id}(v) \rangle$  来自  $\text{Validator}(h_p, \text{round}_p)$ ，且如果  $\text{phase}_p = \text{commit}$ :

1. 设置  $\text{count}_{\text{commit}} \leftarrow \text{count}_{\text{commit}} + 1$
2. 如果  $\text{valid}(v) \wedge (\text{count}_{\text{commit}} > 2f + 1) \wedge \text{isVote}_{\text{COMMIT}}$ :
  - 设置  $\text{decision}_p[h_p] = v$ ，并更新  $\text{isVote}_{\text{COMMIT}} \leftarrow \text{false}$ ， $h_p \leftarrow h_p + 1$ 。
3. 向  $\mathcal{F}_{SYNC}$  发送  $\langle \text{RoundOK} \rangle$ 。
4. 向  $\mathcal{F}_{SYNC}$  发送  $\langle \text{RequestRound} \rangle$ ，接收响应  $d_i$ ，
  - 如果  $d_i = 0$ ，更新  $\text{phase}_p \leftarrow \text{propose}$  并重置  $\text{round}_p, \text{count}_{\text{phase}_p}$ 。
  - 否则重新执行此步骤。

## 四、协议描述

Tendermint-BFT 协议通过轮次机制和投票阶段确保多个验证者之间就区块达成一致，并最终提交区块。该协议支持容忍少量恶意节点，依赖于消息广播、延迟处理和投票收集来实现共识。

- Party E:

**StartProposal:** 开始共识，调用  $\mathcal{F}_{PROPOSAL}$ ，选择并激活一个提议者 Proposer。

- Party Proposer:

**Initialize:** 向  $\mathcal{F}_{TIME}$  发送  $\langle \text{timeStart}, \delta \rangle$  命令。若从  $\mathcal{F}_{TIME}$  收到  $\langle \text{timeOver} \rangle$  消息，则直接跳转执行 RoundOK 部分。

**Input:** 从功能  $\mathcal{F}_{STATE}$  中接收并选择一个提案，确定其区块 B 有效后将其作为提议区块。

**Propose:** 将提议信息  $L(|\text{Proposal}|)$  发送给敌手 A，然后签名并广播  $\langle \text{Proposal} \rangle$  给验证者。

**RoundOK:** 调用  $\mathcal{F}_{PROPOSAL}$  更新轮次，重新选择提议者，开始新的轮次。

- Party Validator:

**Initialize:** 向  $\mathcal{F}_{STATE}$  发送自己的提案。

**Input:** 在收到来自 Proposer 的 Proposal 后，验证 Proposal 的完整性和有效性。

**Prevote:** 根据收到 Proposal 的，调用  $\mathcal{F}_{VOTE}(\text{Prevote}, \text{Proposal})$ 。

**Precommit:** 根据收到的 Proposal，调用  $\mathcal{F}_{VOTE}(\text{Precommit}, \text{Proposal})$ 。若共识失败跳转执行 RoundOK 部分。

**Commit:** 根据收到的 Proposal，调用  $\mathcal{F}_{COMMIT}(\text{Commit}, \text{Proposal})$ 。若共识失败跳转执行 RoundOK 部分。

**RoundOK:** 调用  $\mathcal{F}_{PROPOSAL}$  更新轮次，重新选择提议者，开始新的轮次。