## TBFT 建模进度

## 摘要

本文档针对 TBFT 共识机制进行了初步建模。相较于之前建模进度,文档更新了框架结构图,增加了 Validator 与环境的交互;文档完善了功能描述,细化了对于理想功能 $\mathcal{F}_{TBFT}$ 的描述,增加了必要的参数,并完善了参数说明。

## 一、初步框架

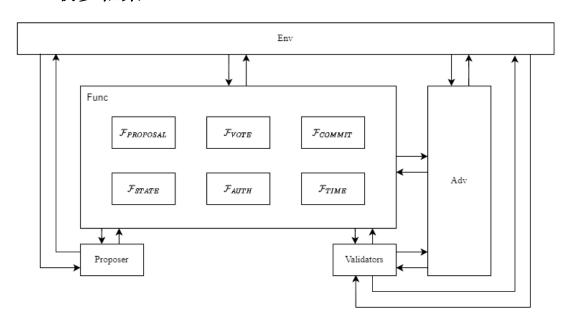


图 1 TBFT 协议初步框架

## 二、功能描述

- (一) 功能F<sub>AUTH</sub>
  - 当从参与方 A 收到(Send, sid, B, m)时, 将(Sent, sid, A, B, m)发送给 A。
  - 当从 A 收到( Send, sid, B', m')时, 执行以下操作: 如果 A 是被破坏的,则向参与方 B'输出( Sent, sid, A, m')。 否则,向参与方 B 输出( Sent, sid, A, m)。终止操作。
- (二) 功能 $\mathcal{F}_{PROPOSAL}$

初始化: 设置 Proposal := 丄和 Round := 0。

- 当收到消息(startProposal)时,
  - 通过 Round-robin 规则选定提议者 Proposer ∈ H, H 为 V 中诚实者的集合,
    - 初始化 Validator 的 votingPower 为其质押资金:

votingPowe $r_i = \text{stak}e_i, \forall i \in \{1, ..., N\}$ 

- 按 Round-robin 规则依次选举 Proposer, 更新 Round := Round+1。
- 更新 votingPower:
  - 未被选中的 Validator 更新为:

 $votingPower_i \leftarrow votingPower_i + stake_i$ 

■ 被选中的 Validator 更新为:

$$votingPower_i \leftarrow votingPower_i - \sum_{i \neq i} stake_i$$

- (超时处理): 当从敌手 A 接收到(timeout, T)消息时,如果 T 有效,设置 Round = Round + 1,并选择新的提议者。

### (三) 功能 $\mathcal{F}_{VOTE}$

初始化:向 $\mathcal{F}_{TIME}$ 发送(timeStart,δ)命令。若在任何阶段从 $\mathcal{F}_{TIME}$ 收到(timeOver)消息,直接投票给 nil 块。

- 当从验证者v<sub>i</sub> ∈ V传入(Prevote, Proposal)消息时,
  - 若收到 Proposal,则向 $\mathcal{F}_{STATE}$ 发送( $v_i$ , queryState),获取 PoLC。
    - 查询 PoLC, 若v<sub>i</sub>锁定在上一轮 Proposal, 则签名并广播上一轮区块(v<sub>i</sub>, *prevote*, Vote(B'))。
      - 否则,签名并广播当前轮区块(v<sub>i</sub>, *prevote*, Vote(B))。
  - 否则,则签名并广播(v<sub>i</sub>, prevote, Vote(nil))。
- 当从验证者v<sub>i</sub> ∈ V传入(Precommit, Proposal)消息时,
  - 若收到超过 2f+1 的 prevote 投票,
    - 签名并广播 ( $v_i$ , precommit, Vote(B)),向 $\mathcal{F}_{STATE}$ 发送( $v_i$ , unlock, B')解锁上一轮区块,然后向 $\mathcal{F}_{STATE}$ 发送( $v_i$ , lock, B)锁定当前区块。
  - 若收到超过 2f+1 的空 prevote 投票,
    - 签名并广播 ( $v_i$ , precommit, Vote(nil)),向 $\mathcal{F}_{STATE}$ 发送( $v_i$ , unlock, ALL)释放 所有锁定的区块。
  - 否则,不锁定任何区块。

#### (四)功能 $\mathcal{F}_{COMMIT}$

初始化: 对于 $v_i \in V$ ,设置 $c_i \coloneqq 0$ , $c_i \in C$ 。表示 Proposal 是否已 Commit。向 $\mathcal{F}_{TIME}$ 发送 (timeStart, $\delta$ )命令。若在任何阶段从 $\mathcal{F}_{TIME}$ 收到(timeOver)消息,向 $\mathcal{F}_{STATE}$ 发送(newRound)。

- 当收到从验证者 $v_i$  ∈ V传入(Commit, Proposal)消息时,
  - 若收到超过 2f+1 的 precommit 投票,
    - 签名并广播(v<sub>i</sub>, *commit*, *Vote*(*B*)),同时收集全网的 commit 投票。
    - 若 $v_i$ 已为区块 B 广播 commit 投票且收集到超过 2f+1 的 commit 投票,则设置  $c_i \coloneqq 1$ ,设置 commitTime 为当前时间,向 $\mathcal{F}_{STATE}$ 发送(newHeight)。
      - 否则,向 $\mathcal{F}_{STATE}$ 发送(newRound)。
  - 否则,向 $\mathcal{F}_{STATE}$ 发送(newRound),开启下一轮。
- 收到来自任意方 $v_k$ 的消息(request status)时:
  - 返回集合 C 并指示区块 B 是否已完成。

#### (五)功能 $\mathcal{F}_{STATE}$

初始化:设置 Height := 0, Round := 0 和 PoLC := 上。

- 当从任意验证者 $v_i$  ∈ V接收到(newHeight)消息时,

更新 Height := Height+1 并将 Round 重置为 0, 向 FPROPOSAL 发送(start Proposal)消息。

- 当从任意验证者 $v_i \in V$ 接收到(newRound)消息时,
  - 向 $\mathcal{F}_{PROPOSAL}$ 发送(startProposal)消息。
- 当从 $v_i$ 接收到( $v_i$ ,lock,B)消息时,

将*v<sub>i</sub>*加入到 PoLC 中 (Height,Round,B)对应的 ValidatorSet 中。

- 当从 $v_i$ 接收到( $v_i$ ,unlock,B)消息时,
  - 将vi在对应的 PoLC 中 (Height,Round,B)的 ValidatorSet 中删除。
- 当从v<sub>i</sub>接收到(v<sub>i</sub>,unlock,ALL)消息时,设置 PoLC := ⊥。

- 当从 $v_i$ 接收到( $v_i$ ,queryState)消息时,返回 PoLC。

### (六) 功能 $\mathcal{F}_{TIME}$

初始化:设置 $t_i \in T$ ,  $t_i := \bot$ 。

- 当从任意验证者 $v_i \in V$ 接收到(timeStart, $\delta$ )请求时, 将 $t_i$ 更新为 $t_i \leftarrow \delta$ ,向验证者 $v_i$ 返回一个(timeOK)消息,然后开始倒计时。
- 当从任意验证者 $v_i \in V$ 接收到(GetTime)请求时,将当前的 $t_i$ 返回给请求方。
- 当从某一个 $t_i \in T$ ,  $t_i = 0$ 时,向对应的验证者 $v_i$ 发送一个(timeOver)消息。
- 当从任意验证者 $v_i \in V$ 接收到(ResetTime)请求时, 将 $t_i$ 重置为  $t_i \coloneqq \bot$ ,向验证者 $v_i$ 返回一个(timeOK)消息。
- 当从理想功能 $\mathcal{F}_{tbft}$ 接收到(timeStart, sid,  $step_p$ , δ)请求时, 将 $t_{sid}$ 更新为 $t_{sid}$  ← δ,向理想功能 $\mathcal{F}_{tbft}$ 返回一个(timeOK)消息,然后开始倒计时。
- 当从某一个 $t_{sid} \in T$ ,  $t_{sid} = 0$ 时, 它会向理想功能 $\mathcal{F}_{tbft}$ 发送一个(timeOver, sid,  $step_p$ , δ)消息。

## 三、理想功能 $\mathcal{F}_{\mathsf{TBFT}}$

理想功能  $\mathcal{F}_{TBFT}^{V,\Delta,\Sigma}[\mathcal{F}_{TIME},\mathcal{F}_{BB},\mathcal{F}_{CLOCK}]$  参数:

- V: 验证者集合.
- Δ:每个阶段的最大执行时间.
- $\Sigma$ : 延迟攻击中的最大延迟.
- $\mathcal{F}_{TIME}$ : 时间的理想功能.
- $\mathcal{F}_{BB}$ :广播的理想功能.
- $\mathcal{F}_{CLOCK}$ :同步的理想功能.

#### 符号解释:

 $\delta$ : 实际执行时间

 $\sigma$ : 实际延迟

 $h_n$ : 当前区块高度或正在执行的共识实例.

 $round_n$ : 当前轮次.

 $step_p \in \text{propose}$ , prevote, precommit, commit: 当前轮次的共识阶段.

 $count_{step_n}$ : 记录每个阶段投票的数量.

 $decision_p[$ ]:记录各个节点在不同高度达成的最终共识值.

isVote<sub>COMMIT</sub>:标记提交阶段是否已完成投票.

\*:空参数.

当收到消息  $\langle NEWROUND, h_p, round_p, * \rangle$  来自  $\mathcal{E}$ ,且  $step_p = propose$  时:

- 1. 发送 (Sleep,sid,  $step_{p}$ ) 到 S 并等待 (Wake,sid,  $step_{n}$ ,  $\delta$ ,  $\sigma$ ) 的响应。
- 2. 如果  $(\delta + \sigma > \Delta) \vee \sigma > \Sigma$ :
  - o 返回第 1 步。
- 3. 否则:
  - o 发送 (timeStart,sid, step<sub>n</sub>, $\sigma$ ) 到  $\mathcal{F}_{TIME}$ , 并暂停执行。
  - o 收到来自  $\mathcal{F}_{TIME}$  的  $\langle \text{timeOver,sid, step}_n, \sigma \rangle$  后恢复执行。
  - o 发送 (timeStart,sid, step<sub>n</sub>, $\delta$ ) 到  $\mathcal{F}_{TIME}$  。
  - o 发送 (CreateProposal,sid,  $step_p$ ) 到 S 并等待 (StartProposal,sid,  $step_p$ ) 的响应。
  - $\circ$  发送  $\langle StartProposal, sid, step_p \rangle$  到  $Proposer(h_p, round_p)$  并等待  $\langle PROPOSAL, sid, step_p, v \rangle$  的响应。

- o 如果  $Proposer(h_p, round_p)$  被破坏,
  - 发送 (Input,sid,  $h_p$ , round $_p$ , v) 到 S.
- 。 如果 valid(v) 且尚未收到来自  $\mathcal{F}_{TIME}$  的 (timeOver,sid, step<sub>p</sub>, δ):
  - 广播  $\langle PROPOSAL, h_p, round_p, v \rangle$ 。
- 。 否则:
  - 返回第1步。
- o 发送 ⟨RoundOK⟩ 到 F<sub>CLOCK</sub>。
- o 发送 (RequestRound) 到  $\mathcal{F}_{CLOCK}$  并接收其响应  $d_i$ ,
  - 如果  $d_i = 0$ ,更新  $\text{step}_p \leftarrow \text{prevote}$ 。
  - 否则重新执行此步骤。

在接收到来自 Validator $(h_p, round_p)$  的消息  $\langle PREVOTE, h_p, round_p, id(v) \rangle$  且  $step_p = precommit$  时:

- 1. 设置 count<sub>prevote</sub> ← count<sub>prevote</sub> + 1
- 2. 发送 (Sleep,sid, step $_n$ ) 到 S 并等待形式为 (Wake,sid, step $_n$ ,  $\delta$ ,  $\sigma$ ) 的响应。
- 3. 如果  $(\delta + \sigma > \Delta) \vee \sigma > \Sigma$ :
  - $\circ$  广播 (PRECOMMIT,  $h_p$ , round $_p$ , nil)。
- 4. 否则:
  - o 发送 (timeStart,sid, step $_n$ , $\sigma$ ) 到  $\mathcal{F}_{TIME}$  并暂停执行。
  - o 在接收到来自  $\mathcal{F}_{TIME}$  的 (timeOver,sid, step<sub>n</sub>,  $\sigma$ ) 后恢复执行。
  - 。 发送  $\langle \text{timeStart,sid, step}_n, \delta \rangle$  到  $\mathcal{F}_{TIME}$ 。
  - o 如果 valid(v)  $\land$  (count<sub>prevote</sub> > 2f + 1) 且尚未从  $\mathcal{F}_{TIME}$  收到 (timeOver,sid, step<sub>n</sub>,  $\delta$ ):
    - 广播 (PRECOMMIT,  $h_p$ , round $_p$ , id(v))。
  - o 否则:
    - 「 广播 〈PRECOMMIT,  $h_p$ , round $_p$ ,nil〉。
- 5. 向  $\mathcal{F}_{CLOCK}$  发送 (RoundOK)。
- 6. 向  $\mathcal{F}_{\mathit{CLOCK}}$  发送 (RequestRound) 并接收响应  $d_i$ ,
  - 如果  $d_i = 0$ ,更新  $step_n \leftarrow commit$ 。
  - o 否则重新执行此步骤。

# 在接收到来自 Validator $(h_p, round_p)$ 的消息 (PRECOMMIT, $h_p, round_p, id(v)$ )

### 且 $step_p = commit$ 时:

- 1. 设置  $count_{precommit}$  ←  $count_{precommit}$  + 1
- 2. 发送 (Sleep,sid,  $step_p$ ) 到 S 并等待形式为 (Wake,sid,  $step_n$ ,  $\delta$ ,  $\sigma$ ) 的响应。
- 3. 如果  $(\delta + \sigma > \Delta) \vee \sigma > \Sigma$ :
  - っ 广播 (COMMIT, h<sub>p</sub>, round<sub>p</sub>,nil),并设置 isVote<sub>COMMIT</sub> ← false。
- 4. 否则:
  - ο 发送 (timeStart,sid, step<sub>p</sub>, σ) 到 F<sub>TIME</sub> 并暂停执行。
  - o 在接收到来自  $\mathcal{F}_{TIME}$  的 (timeOver,sid, step<sub>n</sub>,  $\sigma$ ) 后恢复执行。
  - 。 发送 ⟨timeStart,sid, step<sub>n</sub>, δ⟩ 到 ℱ<sub>TIME。</sub>
  - の 如果 valid(v)  $\land$  (count<sub>precommit</sub> > 2f + 1) 且尚未从  $\mathcal{F}_{TIME}$  收到 (timeOver,sid, step $_{p}$ ,  $\delta$ ):
    - 广播 (COMMIT, h<sub>p</sub>, round<sub>p</sub>, id(v)),并设置 isVote<sub>commit</sub> ← true。
  - o 否则:
    - 向 *F<sub>CLOCK</sub>* 发送 (RoundOK)。
    - 向  $\mathcal{F}_{\mathit{CLOCK}}$  发送 (RequestRound) 并接收响应  $d_i$ ,
      - 如果  $d_i = 0$ ,更新  $\text{step}_p \leftarrow \text{propose}$  且  $\text{round}_p \leftarrow \text{round}_p + \text{propose}$

• 否则重新执行此步骤。

在接收到来自  $Validator(h_p, round_p)$  的消息  $\langle COMMIT, h_p, round_p, id(v) \rangle$  且  $step_p = commit$  时:

- 1. 设置  $count_{commit}$  ←  $count_{commit}$  + 1
- 2. 如果  $valid(v) \land (count_{commit} > 2f + 1) \land isVote_{COMMIT}$ :
  - 设置  $decision_p[h_p] = v$ ,并设置  $isVote_{COMMIT} \leftarrow false$ 。
  - o 更新  $h_p \leftarrow h_p + 1$ ,设置  $\text{step}_p \leftarrow \text{propose}$  并重置  $\text{round}_p$ ,  $\text{count}_{\text{step}_p}$  ∘

## 四、协议描述

Tendermint-BFT 协议通过轮次机制和投票阶段确保多个验证者之间就区块达成一致,并最终提交区块。该协议支持容忍少量恶意节点,依赖于消息广播、延迟处理和投票收集来实现共识。

- Party E:

**StartProposal**: 开始共识,调用 $\mathcal{F}_{PROPOSAL}$ ,选择并激活一个提议者 Proposer。

- Party Proposer:

**Initialize**: 向 $\mathcal{F}_{TIME}$ 发送(timeStart,δ)命令。若从 $\mathcal{F}_{TIME}$ 收到(timeOver)消息,则直接跳转执行 RoundOK 部分。

**Input**: 从功能*F<sub>STATE</sub>*中接收并选择一个提案,确定其区块B有效后将其作为提议区块。 **Propose**: 将提议信息 L(|Proposal|)发送给敌手 A, 然后签名并广播(Proposal)给验证者。

**RoundOK**:调用 $\mathcal{F}_{PROPOSAL}$ 更新轮次,重新选择提议者,开始新的轮次。

- Party Validator:

Initialize: 向 $\mathcal{F}_{STATE}$ 发送自己的提案。

Input: 在收到来自 Proposer 的 Proposal 后,验证 Proposal 的完整性和有效性。

**Prevote**: 根据收到 Proposal 的,调用 $\mathcal{F}_{VOTE}(Prevote, Proposal)$ 。

**Precommit**: 根据收到的 Proposal, 调用 $\mathcal{F}_{VOTE}(Precommit, Proposal)$ 。若共识失败跳转执行 RoundOK 部分。

**Commit**: 根据收到的 Proposal,调用 $\mathcal{F}_{COMMIT}(Commit, Proposal)$ 。若共识失败跳转执行 RoundOK 部分。

**RoundOK**: 调用 $\mathcal{F}_{PROPOSAL}$ 更新轮次,重新选择提议者,开始新的轮次。