1. Zaawansowane modele symulacyjne: zadanie do sprawozdania 1

Przedsiębiorstwo oszacowało następujący układ, przedstawiający współzależność rzeczywistych (realnych, tj. po skorygowaniu o zmiany cen) popytu (D_t) na jej dobra, ich podaży (S_t) , oraz wydatków na działania sprzedażowe (marketing):

$$D_{t} = \alpha_{11}D_{t-1} + \alpha_{12}S_{t-1} + \alpha_{13}M_{t-1} + \epsilon_{t}^{D}$$

$$S_{t} = \alpha_{21}D_{t-1} + \alpha_{22}S_{t-1} + \alpha_{33}M_{t-1} + \epsilon_{t}^{S}$$

$$M_{t} = \alpha_{31}D_{t-1} + \alpha_{32}S_{t-1} + \alpha_{33}M_{t-1} + \epsilon_{t}^{M}$$

Współczynniki oszacowano jako następujące wartości:

$$\alpha_{11} = 0.85$$

$$\alpha_{12} = 0.1$$

$$\alpha_{13} = 0.1666666666666682$$

$$\alpha_{21} = 0.5$$

$$\alpha_{22} = 0.5$$

$$\alpha_{23} = 0$$

$$\alpha_{31} = 0.12$$

$$\alpha_{32} = 0.12$$

$$\alpha_{33} = 0.199999999999999996$$

Zakładając, że popyt na produkty tego przedsiębiorstwa (D_t) i ich podaż (S_t) wynosiły w t=-1 oraz t=0 5000000, a wydatki na działania sprzedażowe stanowią zawsze 0.3 przychodów z poprzedniego okresu, przedsiębiorstwo analizuje następujące przypadki:

1) Wpływ losowych zakłóceń popytu na układ i jego ewolucję w trakcie 100 okresów, przy założeniu, że zakłócenia pochodzą z rozkładu Gumbela I rodzaju o wartości oczekiwanej $\mu=0$ i odchyleniu standardowym $\lambda=2.5\cdot 10^3$. Analizowane jest 5000 szeregów czasowych zakłóceń (każdy o długości 100). Aby zbadać zmienność przyszłej sprzedaży (popytu), podaży oraz wielkości wydatków sprzedażowych, oraz wyznaczyć mierniki przewidywanych średnich wyników, należy policzyć szeregi czasowe średnich i median z próby oraz ich przedziały ufności z próby.

- 2) Wpływ losowych zakłóceń popytu na układ i jego ewolucję w trakcie 100 okresów, przy założeniu, że jedynym okresem z zakłóceniami jest t=1, a zakłócenia pochodzą z rozkładu Gumbela I rodzaju o wartości oczekiwanej $\mu=0$ i odchyleniu standardowym $\lambda=2.5\cdot 10^3$. Analizowane jest 5000 szeregów czasowych zakłóceń (5000 różnych zakłóceń dla t=1). Należy policzyć szeregi czasowe średnich i median z próby oraz ich przedziały ufności z próby.
- 3) Punkty 1 i 2 dla podaży S.
- 4) Punkty 1 i 2 dla marketingu/sprzedażowości M.
- 5) Analiza wrażliwości I: Policzyć wyniki z 1) i 2) dla siatki współczynników problemu (macierzy A). Zwykle: co się stanie, jeśli zmienimy tylko jeden współczynnik (chyba, że wymagana jest zmiana kilku, bo odmienienie tylko pojedynczego powoduje zawsze zapaść lub niezgodność ukladu)? Np.

$$\alpha_{11} \in \{0.7, ..., 0.85, ..., 1.0\}$$
 (1)

itd.

- 6) Analiza wrażliwości I: 3) dla zmian pojedynczych współczynników.
- 7) Analiza wrażliwości I: 4) dla zmian pojedynczych współczynników.
- 8) Analiza wrażliwości II: Zmiany wielu współczynników na raz. Tutaj (klatwa wymiarowości): całego układu. Różne możliwości
- 9) Analiza wrażliwości III: Zmiany współczynników rozkładu zakłóceń (μ i λ) najlepiej dla wszystkich poprzednich punktów, na potrzeby pracy domowej 1-7.