D. (1) 即证: <u>DR = 12 66环-定集个零环</u> 非零开的 OR和 12-定集下同元

> Let $r \in R$, $r = rl_R = ro_R = o_R$ $\Rightarrow R = \{o_R\}$

(2) Thm 3.8. 性持field-註 domain.
all field = all domain

一)domain 信的真影也知道,卡中两种和元不能变出。 图的F上:是well-defined 的,如果有元春无中生的就太 到底了)。

(3) Domain to subnty 182 domain
(当然, 太显然了李某两个非0元不能来出口,于维也肯定一样。)

iff the indusion map of: S-> R sending states to thing hom.

記機 () 如果5分 R的 subnhg
p: SHS-EA+ ning hom (0,1,+,×)
cloved
②担果り: 5 H s &+ ning hom

一) 保留0,1; 且 t,× cloved.

这件事显然在于:phy 到自己 subning 的 map 就是 个hom, 因为它的 phy hom 的要求 基本是一样的 见不过 subning 是在 R 内部, 而要 求相同的 t. x,更严哲些、但这个 hom mag 还是个 inclusion map,那么肯定混乱。

(5) Oh main 里 第式 面位的 非 0元 (同例表) 可以随意情意。 (客 カギリ) 田谷 メタ ニャンーコ メ (ソーナ) コープ ソープーコーン アニナ

Part 2

数看 Thm 4.3

RED & domain iff R is bomain

Bh polynomial相乗,不好 degree 2 た 不滅 , 凡要系数不会元中生の, 那整ケ polynomial 也不会.

包含了, 尺在尺尺列中, 所以这是一定的。

然后 Thm 45 R Exip Bo units 就是 R ep Bo units 、 就是 R ep Bo units 、 R 要 R 是 domain, R I X 中 2有 const (GR) 可以是 unit。(母留了 R 中的 units,不生新 unit) 这看起来是 obvious 的,因为带 X 的面 不知有 X T, 不然变成 C 元十. 了、就不是 polynomial?.

(和公下区划中的unito就是下的的存元,除去0.)

E. G) ZINPBUNITURA ±1 (ZPBUNIT)

(6) 解释了为什么 Thm 45 & d domain 有立 图为 Zy [A] (于是 domain, [2]·[4] =[0]) (1+42) (1-42) = | 1+42, 1-42是 unit.

F. Prove Thm 45.

tt较简单 其中了用了Thm 42 : 27 domain

dep(fg) = dep(ff) t deg (g)

domain 中,dep fg) E R 对 domain 苏立,图为domain 不会无中生 0

depf + deg g. 这个 片 就是 嗯 至 我 2

(...t. x^1) (...t. x^m) = ... + ... x 1 1 ... x 1 1 ... x 1

在其辅助可证 Thm 4:5

O. Steerery unit in R is a unit in RIN).

②然知:如果不是 const poly就不是 RIXD中 unit. (四 如果是 unit,就是 const) 全f为 + unit

: degfg = degf + degg $\Rightarrow degf + degg = 0$ $\Rightarrow degf = degg = 0 \quad (Dh deg > 0)$

(5) A formula for $Z_p(x)$ ϕ unit $\dot{\omega}$, where ρ is prime.

p is prime $\Rightarrow (\Delta_p) \times (1) \rho 2 2 4$ 解除死的 $\Rightarrow 0 0 0 0$

De Thin to 我是 Ze blumits, by Thin to 因而就是 Ze t 所有非 0元.