

# 天体物理学レポート No.2

61908697 佐々木良輔

問 1

温度  $T$ , 半径  $R$  の球体の光度  $L$  は

$$L = 4\pi R^2 \sigma T^4 \quad (1)$$

ただし  $\sigma$  は Stefan-Boltzmann 定数である. したがってこの球体を距離  $D$  離れた位置からみたときの輻射流速  $F$  は

$$F = \frac{L}{4\pi D^2} = \frac{R^2}{D^2} \sigma T^4 \quad (2)$$

となる. したがって地球の半径を  $R_E$ , 太陽の半径を  $\theta_\odot$ , 太陽の平均温度を  $T_\odot$  とすると地球が単位時間に受ける熱量  $Q_{in}$  は太陽からのエネルギーを断面積  $\pi R_E^2$  で受けることから

$$Q_{in} = \theta_\odot^2 \sigma T_\odot^4 \cdot \pi R_E^2 \quad (3)$$

地球が単位時間あたりに放出する熱量  $Q_{out}$  は地球の平均温度を  $T_E$  とすると

$$Q_{out} = 4\pi R_E^2 \sigma T_E^4 \quad (4)$$

熱平衡を仮定すると

$$\begin{aligned} \theta_\odot^2 \sigma T_\odot^4 \cdot \pi R_E^2 &= 4\pi R_E^2 \sigma T_E^4 \\ \therefore T_E &= \left( \frac{\theta_\odot^2}{4} \right)^{1/4} T_\odot \\ &= \left( \frac{R_\odot^2}{4D^2} \right)^{1/4} T_\odot \end{aligned} \quad (5)$$

となる. また, 地球近傍を周回する人工衛星を考えると人工衛星 (半径  $r_s$ ) が受ける太陽からの輻射エネルギー  $Q_{in-\odot}$  は (3) と同様に求められるので

$$Q_{in-\odot} = \theta_\odot^2 \sigma T_\odot^4 \cdot \pi r_s^2 \quad (6)$$

また, 地球からの輻射エネルギー  $Q_{in-E}$  は衛星の軌道半径  $\simeq R_E$  であり地球の視半径  $\theta_E \simeq 1$  であることから

$$Q_{in-E} = \sigma T_E^4 \cdot \pi r_s^2 \quad (7)$$

また衛星が放出する輻射エネルギー  $Q_{out}$  は衛星の温度を  $T_s$  とすれば (4) と同様に

$$Q_{out} = 4\pi r_s^2 \sigma T_s^4 \quad (8)$$

以上から熱平衡を仮定し

$$\begin{aligned} Q_{out} &= Q_{in-\odot} + Q_{in-E} \\ T_s &= \left( \frac{1}{4} (\theta_{\odot}^2 T_{\odot}^4 + T_E^4) \right)^{1/4} \\ &= \left( \frac{5\theta_{\odot}^2}{16} \right)^{1/4} T_{\odot} \simeq 295 \text{ K} \end{aligned} \quad (9)$$

となる.

問 2

軌道上で半分の時間日陰にいるという状況は前問において  $Q_{in-\odot}$  の寄与が半分になった場合に相当するので熱平衡は

$$Q_{out} = \frac{1}{2} Q_{in-\odot} + Q_{in-E} \quad (10)$$

$$T_s = \left( \frac{1}{4} \left( \frac{\theta_{\odot}^2 T_{\odot}^4}{2} + T_E^4 \right) \right)^{1/4} \quad (11)$$

$$= \left( \frac{3\theta_{\odot}^2}{16} \right)^{1/4} T_{\odot} \simeq 260 \text{ K} \quad (12)$$

となる.