## 応用プラズマ工学

## 82311971 佐々木良輔

x 方向の速さが  $v_x$  の粒子密度  $dn_x$  は、粒子の速度分布が Maxwell 分布に従うことから

$$dn_{x} = \int_{-\infty}^{\infty} dv_{y} \int_{-\infty}^{\infty} dv_{z} \ n_{e} \left(\frac{m_{e}}{2\pi k_{B}T}\right)^{3/2} \exp\left(-\frac{m_{e}}{2k_{B}T}(v_{x}^{2} + v_{y}^{2} + v_{z}^{2})\right)$$

$$= n_{e} \left(\frac{m_{e}}{2\pi k_{B}T}\right)^{3/2} \exp\left(-\frac{m_{e}v_{x}^{2}}{2k_{B}T}\right) \left(\int_{-\infty}^{\infty} dv \, \exp\left(-\frac{m_{e}v^{2}}{2k_{B}T}\right)\right)^{2}$$
(1)

ここでガウス積分  $\int_{-\infty}^{\infty} dx \; e^{-ax^2} = \sqrt{\pi/a}$  を用いて

$$dn_x = n_e \left(\frac{m_e}{2\pi k_B T}\right)^{3/2} \exp\left(-\frac{m_e v_x^2}{2k_B T}\right) \left(\pi \frac{2k_B T}{m_e}\right)$$

$$= n_e \sqrt{\frac{m_e}{2\pi k_B T}} \exp\left(-\frac{m_e v_x^2}{2k_B T}\right)$$
(2)

である. ここで y-z 面内にある単位面積の領域を単位時間に通過する速さ  $v_x$  の粒子数は, 図 1 の 体積に含まれる粒子数に等しい. その値は

$$1 \times v_x \times dn_x = v_x dn_x \tag{3}$$

したがってこの領域を単位時間に右向きに通過する全粒子数は、これを  $[0,\infty)$  で積分すればよい. ガウス積分  $\int_0^\infty dx \ xe^{-ax^2}=1/2a$  より

$$\int_{0}^{\infty} v_x dn_x = n_e \sqrt{\frac{m_e}{2\pi k_B T}} \int_{0}^{\infty} dv_x \ v_x \exp\left(-\frac{m_e v_x^2}{2k_B T}\right)$$

$$= n_e \sqrt{\frac{m_e}{2\pi k_B T}} \frac{1}{2} \frac{2k_B T}{m_e}$$

$$= n_e \sqrt{\frac{k_B T}{2\pi m_e}}$$

$$= \frac{1}{4} n_e \sqrt{\frac{8k_B T}{\pi m_e}} = \frac{1}{4} n_e \overline{c_e}$$

$$(4)$$

となる.

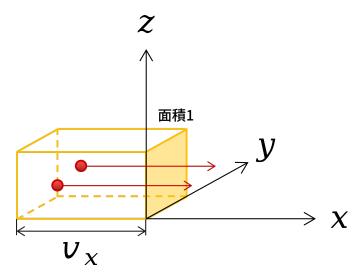


図1 単位時間に単位面積を通過する粒子が含まれる体積