



UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO

ALGORÍTMOS E ESTRUTURA DE DADOS 2

---

# B-tree

---

*Professor:*  
Leonardo Tortoro Pereira

*Monitor:*  
Henrique Gomes Zanin

## Sumário

<b>1</b>	<b>Resumo</b>	<b>3</b>
<b>2</b>	<b>Introdução</b>	<b>3</b>
<b>3</b>	<b>Implementação</b>	<b>3</b>
3.1	Registros . . . . .	3
3.2	B-tree . . . . .	3
<b>4</b>	<b>Operacionalização do banco de dados</b>	<b>5</b>
4.0.1	Insert . . . . .	5
4.0.2	Search . . . . .	6
4.0.3	Update . . . . .	6
4.0.4	Exit . . . . .	6
<b>5</b>	<b>Saída esperada</b>	<b>6</b>

## Lista de Códigos

1	btree.h . . . . .	5
2	Saida esperada . . . . .	7

## 1 Resumo

O seguinte trabalho propõem a implementação de uma árvore B para indexação de registros de tamanho fixo. A implementação da árvore B deve armazenar nos nós os *relative record numbers* definidos com o tipo *long*, além de variáveis auxiliares de controle para manutenção das páginas de disco. Todos os arquivos gerados devem estar no formato binário, evitando desperdício de espaço com tipos primitivos.

## 2 Introdução

Originalmente concebida por R. Bayer e E. McCreight em uma competição organizada pela Boeing[1], a árvore B tem como objetivo prover uma estrutura de dados que otimize a inserção e consulta de registros por meio da paginação dos nós da árvore. A paginação do nó permite reduzir o número de *Seeks* no disco rígido para a recuperar a chave de um registro. Neste trabalho você deve implementar em linguagem C as operações de busca e inserção em árvore B em sua forma mais encontrada na literatura, com as chaves dos registros nos nós intermediários.

## 3 Implementação

### 3.1 Registros

Os campos do registro estão definidos na Tabela 1. Não há muito segredo, reutilize as funções codificadas no exercício de índices primários.

Tabela 1: Campos do registro

<b>Campo</b>	<b>Tipo de dado</b>
nUSP	int
Nome	char[x]
Sobrenome	char[x]
Curso	char[x]
Nota	float

### 3.2 B-tree

A cada inserção de um novo registro a chave primária deverá ser consultada na B-tree para evitar a inserção de chaves duplicadas. Novas chaves são adicionadas

em nós folhas, caso o nó supere o limite máximo de chaves as operação de divisão e promoção são chamadas para garantir o balanceamento da árvore. O aquivo da árvore poderá ser organizado da seguinte forma:

Header  
[RRN da Raiz][Espaço livre]

Nós

[Chaves primárias][RRNs dos registros][Filhos][Numero de chaves][Flag isLeaf][Espaço livre]

A escolha de deixar uma página disponível para o header evita o acréscimo de espaços livres nas demais páginas que contém os nós. Caso contrário, de cada nova página deveriam ser retirados 8 bytes de espaço útil para manter todos os nós com o mesmo tamanho. Uma página para o header também viabiliza implementações de variáveis de controle caso haja necessidade.

Cada nó, quando carregado na memória, pode ser armazenado em uma TAD.

A operação de split consiste na divisão do nó quando este ultrapassa o numero máximo de registros definidos previamente em uma constante. Nesse caso é criado um novo nó contendo a metade superior do nó dividido e a menor das maiores chaves estabelecidas no novo nó é selecionada para a promoção. Na operação de promoção as chaves promovidas dos nós inferiores são adicionadas nos nós internos e caso superem o numero máximo são divididos e uma nova chave é promovida. O máximo de promoções e divisões que uma árvore pode experimentar é igual a sua altura. Todas as inserções nos nós devem ser feitas de forma ordenada, dispensando algoritmos de ordenação.

A quantidade de registros em cada nó pode variar de acordo com o tamanho da pagina do sistema operacional. Para defini-la você deve levar em consideração que há 2 campos que não variam com a quantidade de registros, são eles: o numero de chaves e a *flag* que indica se o nó é uma folha ou um nó intermediário, totalizando 3 bytes fixos. Os demais campos variam de acordo com a equação (1), o espaço livre é inversamente proporcional ao numero de chaves e é dado pela equação (2):

$$bytes = (MAXKEYS * 4) + (MAXKEYS * 8) + ((MAXKEYS + 1) * 8) + 3 \quad (1)$$

$$Livre = TamPag - bytes \quad (2)$$

Onde TamPag é o tamanho da página definida na formatação do disco, nós usaremos **4096** bytes nesse trabalho

Exemplo de header file para a Btree:

Código 1: btree.h

```
1 #ifndef __BTREE__
2 #define __BTREE__
3
4 #include <utils.h>
5
6 #define PAGESIZE 4096
7 #define TREEHEADER PAGESIZE
8 #define MAXKEYS 204
9 #define AUX_FIELDS_SIZE_ON_PAGE (2+1) /*number of keys and "is leaf"
    bool*/
10 #define FREE_SPACE_ON_PAGE (PAGESIZE - ((MAXKEYS*4)+(MAXKEYS*8)+((
    MAXKEYS+1)*8)+3))
11
12 typedef struct record{
13     int key;
14     long recordRRN;
15 }record;
16
17 typedef struct page{
18     record *records;
19     long *chlds;
20     short numberOfKeys;
21     BOOL isLeaf;
22 } btPage;
23
24 typedef struct promotedkey{
25     int key;
26     long recordRRN;
27     long chlds[2];
28 } promotedKey;
29
30 btPage *getOrCreateRoot(FILE *);
31 btPage *getRoot(FILE *);
32 Errors bTreeInsert(record *, btPage *, FILE *);
33 long bTreeSelect(btPage *, int, FILE *);
34 #endif
```

## 4 Operacionalização do banco de dados

### 4.0.1 Insert

Para utilizar o comando "insert", os dados seguem um padrão para serem inseridos. Para strings, basta colocar a string dentro de aspas, por exemplo "gabriel", para inteiros basta o numero como 4, para numeros racionais deve-se colocar os decimais após um "." da seguinte maneira: 9.25. Concatenando tudo na ordem descrita

na Tabela 1, segue um breve exemplo.

```
insert 11289521,"Gabriel","Marin","bsi",8.25
```

Caso a chave já esteja cadastrada, o comando deve retornar **"O Registro ja existe!"**

#### 4.0.2 Search

Na a instrução "search" é necessário passar apenas a chave que deseja buscar concatenada com o próprio comando. Segue o exemplo:

```
search 11289521
```

Caso a chave não exista, o comando deve retornar **"Registro nao encontrado!"**

#### 4.0.3 Update

O comando update deve receber um registro com chave já cadastrada. a estrutura é idêntica ao insert. Caso a chave não exista, o comando deve retornar **"Registro nao encontrado!"**

```
update 11289521,"Onofre","Martins","bsi",8.25
```

#### 4.0.4 Exit

Simple comando para sair do programa, segue exemplo:

```
exit
```

## 5 Saída esperada

O seu programa deve exibir os registros da seguinte forma:

## Código 2: Saida esperada

```
1
2 nUSP: 7
3 Nome: Anthony
4 Sobrenome: Fernando
5 Curso: Sistemas de Informacao
6 Nota: 9.10
7
8
9 nUSP: 2
10 Nome: Vincent
11 Sobrenome: James
12 Curso: Sistemas de Informacao
13 Nota: 9.10
14
```

## Referências

- [1] Michael J Folk and Bill Zoellick. *File structures*, volume 2. Addison-Wesley Reading, 1992.