# $\ddot{\mathrm{U}}\mathrm{bungsblatt7}$

Besprechungstermin:6.6.2012

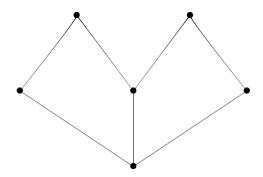
## Aufgabe 1

Sei A eine Struktur, auf der eine Halbordnung  $\sqsubseteq$  definiert ist und in der ein minimales Element  $\bot$  existiert.

Zeigen Sie, dass aus der Endlichkeit von A folgt, dass A ein cpo ist.

### Aufgabe 2

Gegeben sei eine halbgeordnete Menge A, die sich grafisch wie folgt darstellen lässt:



- a) Ist A ein cpo?
- b) ist A eine Kette?
- c) Existiert eine kleinste obere Schranke von A in A?

#### Aufgabe 3

Finden Sie zwei Beispiele für Halbordnungen  $(A, \sqsubseteq)$ , die ein minimales Element besitzen aber keine cpo's sind.

#### Aufgabe 4

Finden Sie ein Beispiel für eine rekursive Funktionsgleichung, die mehr als eine Lösung hat.