

# 재귀함수&정렬

# 목차

1. 재귀함수
2. 선택 정렬
3. 삽입 정렬
4. 버블 정렬
5. 병합 정렬
6. 퀵 정렬
7. 힙 정렬
8. 시간복잡도 비교

# 선택정렬



1. 주어진 리스트에서 최솟값을 찾는다.
2. 최솟값을 맨 앞 자리의 값과 교환한다.
3. 맨 앞 자리를 제외한 나머지 값들 중 최솟값을 찾아 위와 같은 방법으로 반복한다.

```
1 int main(void){
2     int i, j, min, index, temp;
3     int array[10] = {1,10,5,8,7,6,4,3,2,9};
4     for(i=0; i< 10; i++){
5         min =9999;
6         for(j=i; j<10; j++){ //for문 돌리면서 최소값 찾으면 min 값 바꾸기
7             if(min>array[j]){
8                 min = array[j];
9                 index =j;
10            }
11        }
12        //temp 이용해서 서로 교환
13        temp = array[i];
14        array[i] = array[index];
15        array[index] = temp;
16    }
17 }
18
19
```

# 단점

- 불안정 정렬이다
- **[B1, B2, C, A]** ( $A < B < C$ )
- B1이 B2보다 크거나 작은 것이 아니다
- 그럼 순서대로 순회하면서 교환한다면 이렇다.
- round 1 : [**A**, B2, C, **B1**]
- round 2 : [A, **B2**, C, B1]
- round 3 : [A, B2, **B1**, **C**]
- 
- 이렇게 초기의 B1 B2의 순서가 뒤 바뀐 것을 볼 수 있다.

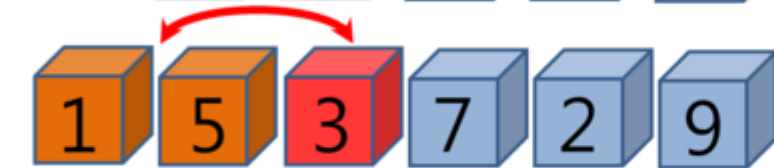
# 삽입정렬



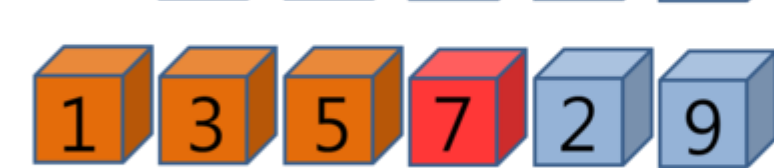
초기 리스트



1을 삽입



3을 삽입



이미 올바른 곳에 있다



2를 삽입



이미 올바른 곳에 있다

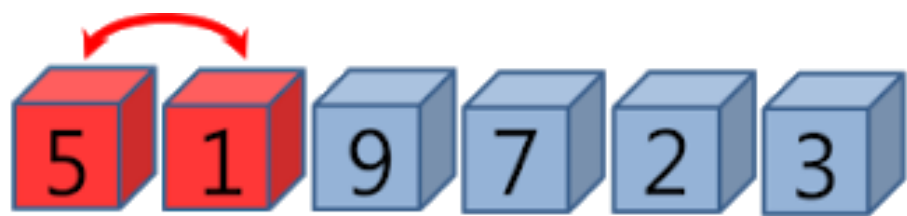
1. 현재 타겟이 되는 숫자와 이전 위치에 있는 원소들을 비교한다.  
(첫 번째 타겟은 두 번째 원소부터 시작한다.)

2. 타겟이 되는 숫자가 이전 위치에 있던 원소보다 작다면 위치를 서로 교환한다.

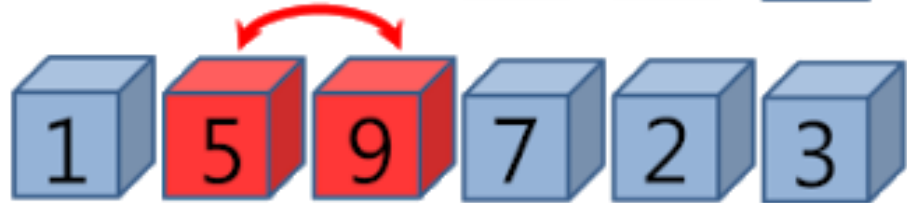
3. 그 다음 타겟을 찾아 위와 같은 방법으로 반복한다.

```
1 int main(void){
2     int i, j, temp;
3     int array[10] = {1,10,5,8,7,6,4,3,2,9};
4     for(i=0; i< 9; i++){ //
5         j=i;
6         while(array[j]>array[j+1]){ //왼쪽에 있는 값이 오른쪽에 있는 값보다 크다면
7             //위치 바꿈
8             temp=array[j];
9             array[j] = array[j+1];
10            array[j+1]=temp;
11            j--;
12        }
13
14
15 }
16
17
```

# 버블 정렬



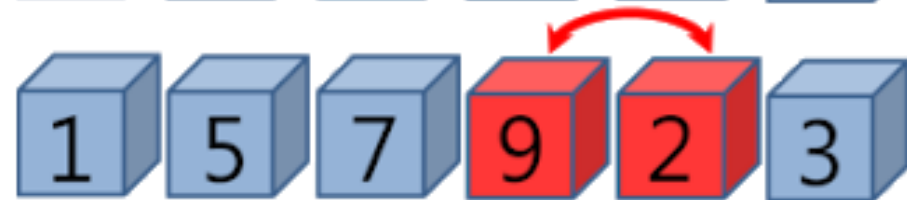
5와 1을 교환



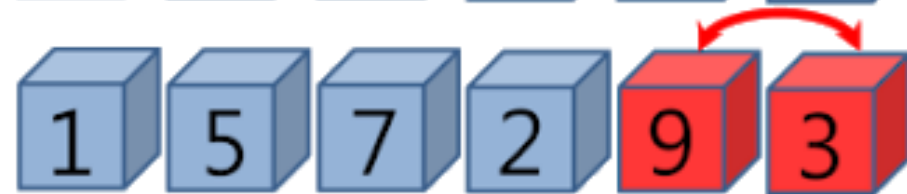
교환 없음



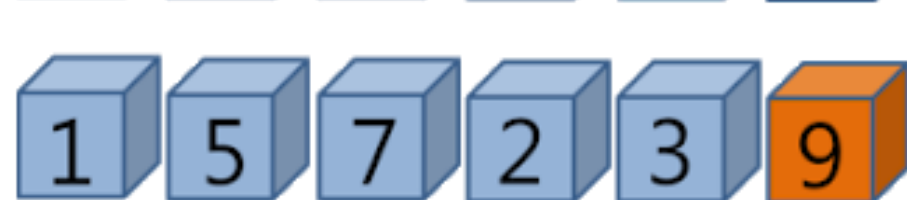
9와 7을 교환



9와 2를 교환



9와 3을 교환



9를 제외하고 다시 반복

1. 앞에서부터 현재 원소와 바로 다음의 원소를 비교한다.
2. 현재 원소가 다음 원소보다 크면 원소를 교환한다.
3. 다음 원소로 이동하여 해당 원소와 그 다음 원소를 비교한다.

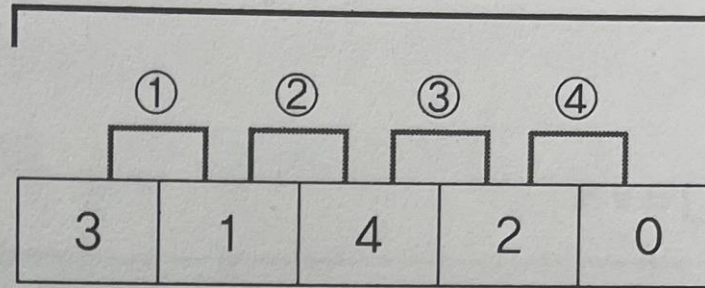


교해야 한다.

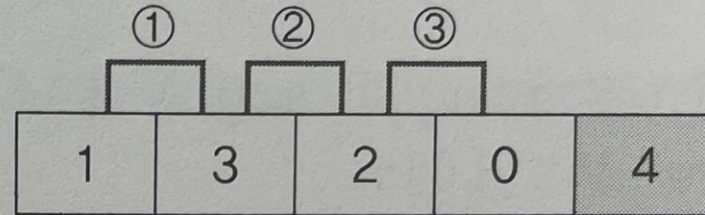
안쪽 for문 (numArr.length - 1 - i 반복)

바깥쪽 for문  
(numArr.length - 1 반복)

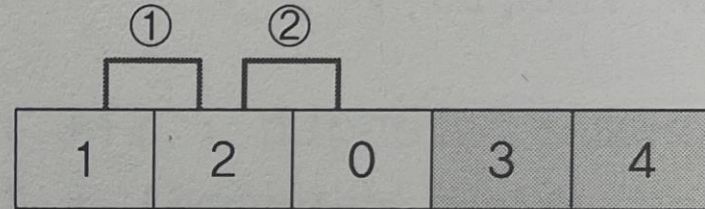
1번째



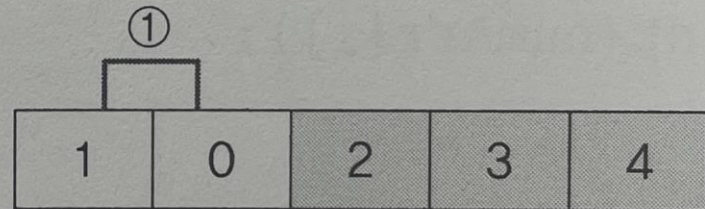
2번째



3번째



4번째

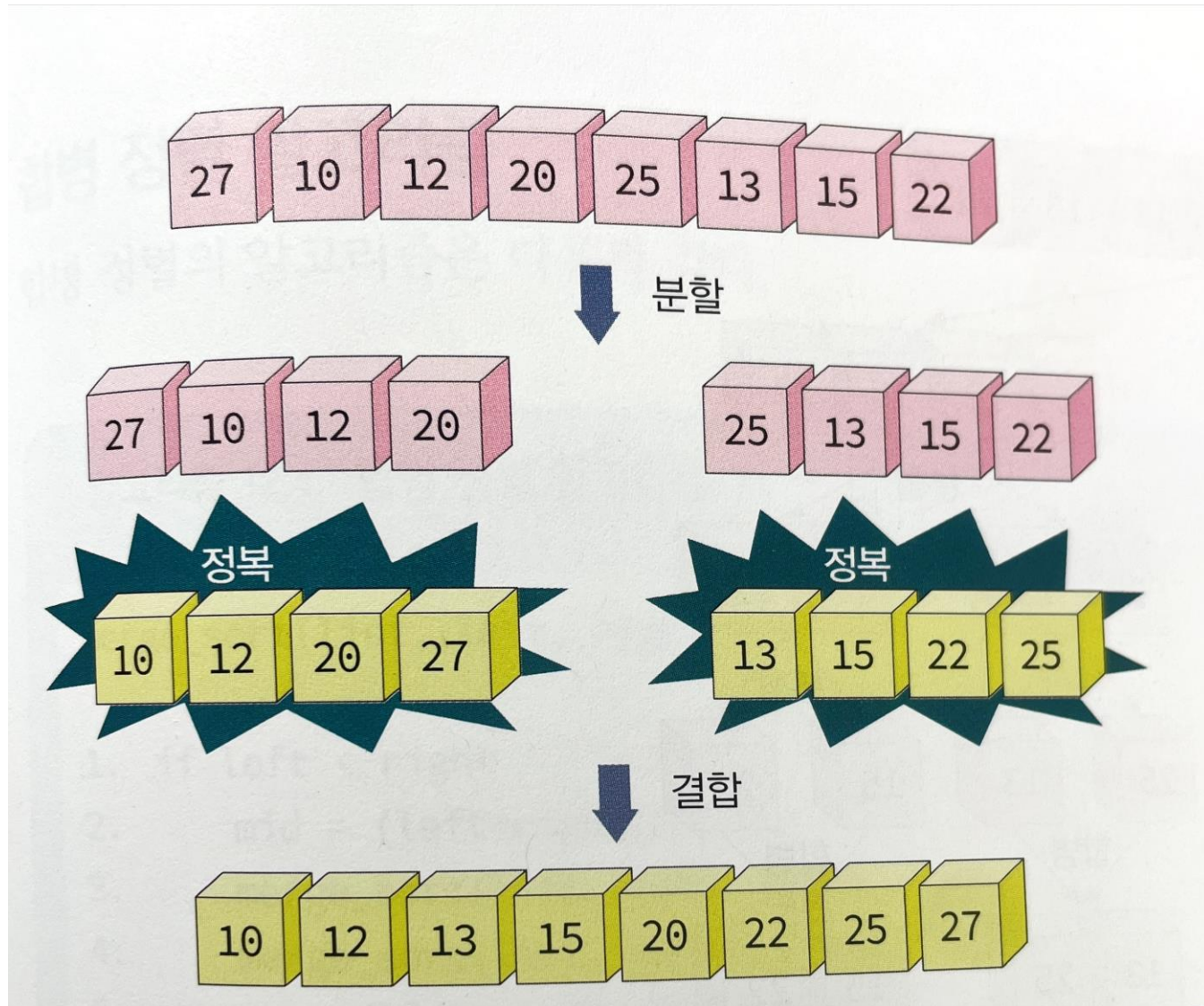


정렬완료



```
1 int main(void) {
2     int i, j, temp;
3     int array[10] = {1, 10, 5, 8, 7, 6, 4, 3, 2, 9};
4     for(i = 0; i < array.length-1; i++) {
5         for(j = 0; j < array.length -1 -i; j++) {
6             if(array[j] > array[j + 1]) {
7                 temp = array[j];
8                 array[j] = array[j + 1];
9                 array[j + 1] = temp;
10            }
11        }
12    }
13    return 0;
14 }
15
16
```

# 병합 정렬





초기상태 

21	10	12	20	25	13	15	22
----	----	----	----	----	----	----	----

Divide

21	10	12	20	25	13	15	22
----	----	----	----	----	----	----	----

Divide

21	10	12	20
----	----	----	----

25	13	15	22
----	----	----	----

Divide

21	10
----	----

12	20
----	----

25	13
----	----

15	22
----	----

Conquer  
Combine

21
----

10
----

12
----

20
----

25
----

13
----

15
----

22
----

Conquer  
Combine

10	21
----	----

12	20
----	----

13	25
----	----

15	22
----	----

Conquer  
Combine

10	12	20	21
----	----	----	----

13	15	22	25
----	----	----	----

← 정렬된 2개의 부분 리스트

← 2개의 정렬된 리스트를 합병(merge) 하는 단계  
(실제 정렬이 이루어지는 시점)

10	12	13	15	20	21	22	25
----	----	----	----	----	----	----	----

오름차순  
완성상태

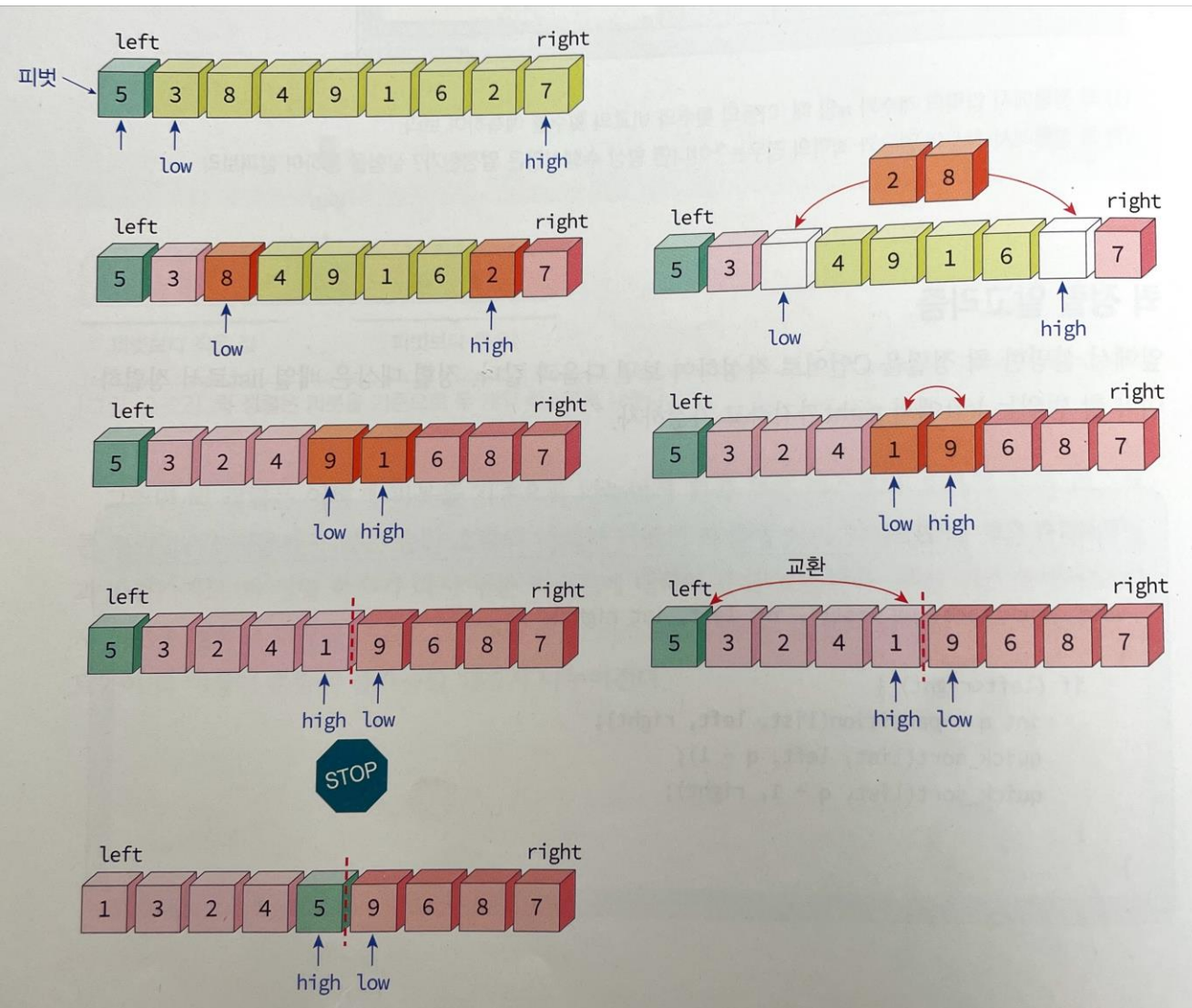
10	12	13	15	20	21	22	25
----	----	----	----	----	----	----	----

1. 주어진 리스트를 절반으로 분할하여  
부분리스트로 나눈다. (Divide : 분할)

2. 해당 부분리스트의 길이가 1이 아니면 1번  
과정을 되풀이한다.

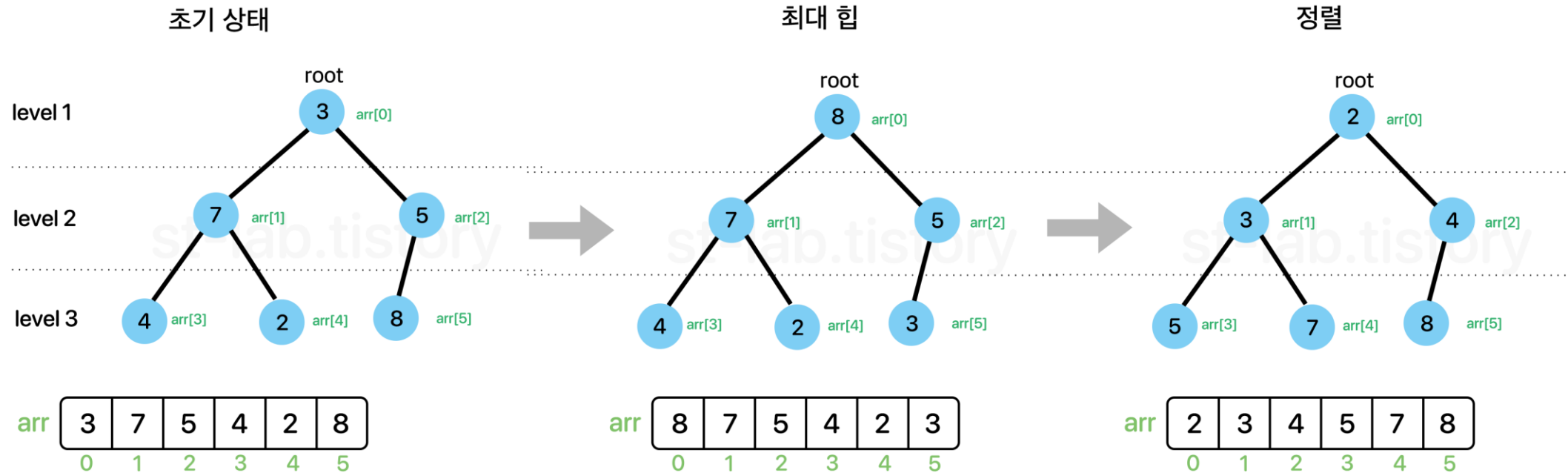
3. 인접한 부분리스트끼리 정렬하여 합친다.  
(Conquer : 정복)

# 퀵 정렬



1. 피벗을 하나 선택한다.
2. 피벗을 기준으로 양쪽에서 피벗보다 큰 값, 혹은 작은 값을 찾는다. 왼쪽에서부터는 피벗보다 큰 값을 찾고, 오른쪽에서부터는 피벗보다 작은 값을 찾는다.
3. 양 방향에서 찾은 두 원소를 교환한다.
4. 왼쪽에서 탐색하는 위치와 오른쪽에서 탐색하는 위치가 엇갈리지 않을 때 까지 2번으로 돌아가 위 과정을 반복한다.
5. 엇갈린 기점을 기준으로 두 개의 부분리스트로 나누어 1번으로 돌아가 해당 부분리스트의 길이가 1이 아닐 때 까지 1번 과정을 반복한다. (Divide : 분할)
6. 인접한 부분리스트끼리 합친다. (Conquer : 정복)

# 힙 정렬



정렬해야 할  $n$ 개의 요소들로 최대 힙(완전 이진 트리 형태)을 만든다.

그 다음으로 한 번에 하나씩 요소를 힙에서 꺼내서 배열의 뒤부터 저장하면 된다.

삭제되는 요소들(최댓값부터 삭제)은 값이 감소되는 순서로 정렬되게 된다.

# 시간복잡도 비교

Name	Best	Avg	Worst	Run-time(정수 60,000개) 단위: sec
삽입정렬	$n$	$n^2$	$n^2$	7.438
선택정렬	$n^2$	$n^2$	$n^2$	10.842
버블정렬	$n^2$	$n^2$	$n^2$	22.894
셸 정렬	$n$	$n^{1.5}$	$n^2$	0.056
퀵 정렬	$n \log_2 n$	$n \log_2 n$	$n^2$	0.014
힙 정렬	$n \log_2 n$	$n \log_2 n$	$n \log_2 n$	0.034
병합정렬	$n \log_2 n$	$n \log_2 n$	$n \log_2 n$	0.026

단순(구현 간단)하지만 비효율적인 방법: 삽입 정렬, 선택 정렬, 버블 정렬

복잡하지만 효율적인 방법: 퀵 정렬, 힙 정렬, 합병 정렬, 기수 정렬