그리디 알고리즘

- 1. 최소 신장 트리 크루스칼 알고리즘
- 2. 최소 신장 트리 프림 알고리즘
- 3. 다익스트라 알고리즘

1. 최소 신장 트리 - 크루스칼 알고리즘

1) 크기가 가장 작은 간선부터 모든 간선을 살핀다.

이때 간선은 가중치에 대해 오름차순으로 정렬되어 있다.

2) 간선을 그래프에 포함 했을 때, MST에 사이클이 생기지 않으면 추가한다. 이 과정은 유니온 - 파인드 알고리즘을 이용한다.

정점 v와 정점 w를 잇는 간선e 가 있을 때, 정점 v와 정점 w가 같은 부모 노드를 가진다면 간선 e는 MST에 추가하지 않는다.

```
public class Main {
 // 유니온
  public static void union(int[] parent, int x, int y) {
   x = find(parent, x);
    y = find(parent, y);
   if(x < y) parent[y] = x;
   else parent[x] = y;
 }
    // 파인드
  public static int find(int[] parent, int x) {
   if(parent[x] == x) return x;
    else return find(parent, parent[x]);
    // 크루스칼
  public static void kruskal(int[][] graph, int[] parent) {
    int cost = 0;
    for(int i = 0; i < graph.length;i++) {</pre>
      if (find(parent, graph[i][0]) != find(parent, graph[i][1])) {
        cost += graph[i][2];
        union(parent, graph[i][0], graph[i][1]);
     }
    }
        // 최소 신장 트리의 총 가중치 출력
    System.out.println(cost);
```

```
public static void main(String[] args) throws IOException {
     // 간선 입력 받기, 그래프에 저장
    BufferedReader bf = new BufferedReader(new InputStreamReader(System.in));
    int n = Integer.parseInt(bf.readLine());
    int m = Integer.parseInt(bf.readLine());
    int[][] graph = new int[m][3];
    StringTokenizer st;
    for (int i = 0; i < m; i++) {
     st = new StringTokenizer(bf.readLine());
     graph[i][0] = Integer.parseInt(st.nextToken()); // 간선 나가는 정점
     graph[i][1] = Integer.parseInt(st.nextToken()); // 간선 들어오는 정점
     graph[i][2] = Integer.parseInt(st.nextToken()); // 가중치
       // 간선 정렬
    Arrays.sort(graph, (01, 02) \rightarrow 01[2] - 02[2]);
       // 부모노드 초기화
    int[] parent = new int[n + 1];
    for (int i = 0; i < parent.length; i++) {
     parent[i] = i;
    // 크루스칼 알고리즘 수행
    kruskal(graph, parent)
 }
}
```

```
입력
5
6
1 3 3
1 4 8
4 5 9
1 2 10
2 3 13
2 5 14
출력 결과
30
```

2. 최소 신장 트리 - 프림 알고리즘

프림 알고리즘은 시작 정점을 정해 우선 순위 큐에 넣는다.

우선 순위 큐에는 (정점, 가중치) 형식으로 저장되며, 첫 시작은 (시작 정점, 0)으로 넣는다.

우선 순위 큐가 빌 때까지 아래를 반복한다.

- 1) 우선 순위 큐에서 하나를 꺼낸다. 꺼낸 정점을 v라고 한.
- 2) v 가 이미 MST에 포함됐다면 1)로 돌아간다. 그렇지 않다면 아래를 진행한다.
- 3) v와 연결된 간선을 모두 살핀다. 간선 (w, cost)는 v와 정점 w 사이 연결된 간선이며 cost 가중치를 가진다. 만약 w를 방문하지 않았다면 우선순위 큐에 추가한다.

```
// 간선 저장 위한 클래스
class Edge implements Comparable<Edge>{
 int w; // 간선 들어오는 정점
 int cost; // 간선 가중치
 Edge(int w, int cost){
   this.w = w;
    this.cost = cost;
 // 간선 오름차순으로 정렬
 @Override
 public int compareTo(Edge o) {
   return this.cost - o.cost;
}
public class prim_main {
  static List<Edge>[] graph;
  public static void prim(int start, int n) {
    boolean[] visit = new boolean[n + 1];
    PriorityQueue<Edge> pq = new PriorityQueue<>();
    pq.offer(new Edge(start, 0));
    int total = 0;
    while(!pq.isEmpty()) {
     Edge edge = pq.poll();
     int v = edge.w;
     int cost = edge.cost;
     //방문 했으면 건너뜀
     if(visit[v]) continue;
```

```
visit[v] = true;
     total += cost;
     for(Edge e : graph[v]) {
       if(!visit[e.w]) {
         pq.add(e);
       }
     }
   // 완성된 최소 신장 트리의 총 가중치 합 출력
   System.out.println(total);
  public static void main(String[] args) throws IOException {
  // 그래프 입력, 저장
   BufferedReader bf = new BufferedReader(new InputStreamReader(System.in));
   int n = Integer.parseInt(bf.readLine());
   int m = Integer.parseInt(bf.readLine());
    // 그래프 선언, 간선 리스트로 표현
    graph = new ArrayList[n + 1];
    for (int i = 0; i < graph.length; i++) graph[i] = new ArrayList<>();
   StringTokenizer st;
    for (int i = 0; i < m; i++) {
     st = new StringTokenizer(bf.readLine());
     int v = Integer.parseInt(st.nextToken());
     int w = Integer.parseInt(st.nextToken());
     int cost = Integer.parseInt(st.nextToken());
     graph[v].add(new Edge(w, cost));
     graph[v].add(new Edge(v, cost));
   // 프림 알고리즘 수행
   prim(1, n);
 }
}
```

```
입력
5
6
1 3 3
1 4 8
4 5 9
1 2 10
2 3 13
2 5 14
```

3. 다익스트라 알고리즘

1753번: 최단경로



//> https://www.acmicpc.net/problem/1753

```
import java.util.*;
import java.io.*;
public class Main {
   static class Node{
       int v; //간선
       int cost; //가중치
       public Node(int v, int cost) {
           this.v = v;
           this.cost = cost;
       }
   }
   //각 노드에 연결되어 있는 노드에 대한 정보를 담는 리스트
   static ArrayList<Node>[] graph;
   //방문한 적이 있는지 체크하는 목적의 리스트
   static boolean[] visit;
   //최단 거리 테이블
   static int[] dist;
   public static void main(String[] args) throws IOException {
       BufferedReader br = new BufferedReader(new InputStreamReader(System.in));
       StringTokenizer st = new StringTokenizer(br.readLine());
       int v = Integer.parseInt(st.nextToken());
       int e = Integer.parseInt(st.nextToken());
       int k = Integer.parseInt(br.readLine());
       graph = new ArrayList[v + 1];
       dist = new int[v + 1];
       visit = new boolean[v + 1];
       for (int i = 1; i <= v; i++) {
           graph[i] = new ArrayList<>();
           dist[i] = Integer.MAX_VALUE; //최대값으로 초기화, 최단거리를 찾기 위함.
       }
       for (int i = 0; i < e; i++) {
           // u -> v 로 가는 가중치 w가 주어진다.
           st = new StringTokenizer(br.readLine());
           int inputU = Integer.parseInt(st.nextToken());
           int inputV = Integer.parseInt(st.nextToken());
```

```
int inputW = Integer.parseInt(st.nextToken());
           graph[inputU].add(new Node(inputV, inputW));
       }
       //다익스트라 알고리즘 수행
       dijkstra(k);
       for (int i = 1; i <= v; i++) {
           System.out.println(dist[i] == Integer.MAX_VALUE ? "INF" : dist[i]);
       }
   }
   static void dijkstra(int start) {
       //우선 순위 큐 사용, 가중치를 기준으로 오름차순한다.
       PriorityQueue<Node> q = new PriorityQueue<>((o1, o2) -> o1.cost - o2.cost);
       //시작 노드에 대해서 초기화
       q.add(new Node(start, 0));
       dist[start] = 0;
       while (!q.isEmpty()) {
           //현재 최단 거리가 가장 짧은 노드를 꺼내서 방문 처리 한다.
           Node now = q.poll();
           if (!visit[now.v]) {
               visit[now.v] = true;
           }
           for (Node next : graph[now.v]) {
               //방문하지 않았고, 현재 노드를 거쳐서 다른 노드로 이동하는 거리가 더 짧을 경우
               if (!visit[next.v] && dist[next.v] > now.cost + next.cost) {
                   dist[next.v] = now.cost + next.cost;
                   q.add(new Node(next.v, dist[next.v]));
               }
           }
       }
   }
}
```

```
입력
5 6
1
5 1 1
1 2 2
1 3 3
2 3 4
2 4 5
3 4 6
출력
0
2
```

7

INF