

今日の課題（Java）：Streaming Interval Union Length

問題

あなたはログ収集システムを作っている。

システムには「時刻区間」が次々に登録され、都度「これまでに登録された区間の合計被覆長（union length）」を知りたい。

ここで区間は **半开区間** $[l, r)$ (l は含む、 r は含まない) とする。

入力

最初に整数 Q （クエリ数）。

続いて Q 行のクエリが与えられる：

- **ADD** $l\ r$: 区間 $[l, r)$ を追加する（同じ区間が何回追加されてもよい）
- **LEN** : いままで追加された全区間の **被覆長の合計** を出力する

制約（目安）

- $1 \leq Q \leq 2 * 10^5$
 - $0 \leq l < r \leq 10^9$
 - **LEN** は1回以上出る
-

出力

LEN クエリのたびに、被覆長（union length）を1行で出力せよ。

例

入力

```
7
ADD 1 5
LEN
ADD 2 3
LEN
ADD 10 20
ADD 4 12
LEN
```

出力

```
4
4
19
```

説明：

- $[1, 5)$ の長さは 4
- $[2, 3)$ を足しても union は変わらないので 4
- その後 $[10, 20)$ と $[4, 12)$ を足すと union は $[1, 20)$ になるので 19

ねらい（実装上のテーマ）

愚直に区間を全部持って毎回マージすると遅い。

TreeMap（平衡BST）で「互いに重ならない区間集合」を維持し、ADD のたびに重なる区間を吸収・統合しつつ、合計長 `total` を更新する方針で解け。

実装ヒント（使ってよい標準機能）

- `TreeMap<Long, Long>` を使い、キーを `start`、値を `end` として「非重複区間」を保持する
- 追加する $[1, r)$ に対して
 - `floorEntry(1)` で左側から重なり得る区間を探す
 - `ceilingEntry(1) / higherEntry(start)` を辿りながら重なり区間を削除して統合
- `total` (long) を持っておいて
 - 区間を削除したら `total -= (end - start)`
 - 新しい統合区間を入れたら `total += (newEnd - newStart)`

注意

- 半开区間なので、例えば $[1, 3)$ と $[3, 5)$ は **連結して union 長は 4**（隙間なし）
→ 実装では「重なる」判定を `nextStart <= curEnd` のように **接している場合もマージ**すると扱いやすい。

追加チャレンジ（余力があれば）

1. `DEL l r`（区間削除）も対応してみる（かなり難化）
2. `KTH x`（union 上で x 番目の点が属する実時刻を返す）を考えてみる（座標圧縮 + セグ木の発想へ）

提出形式

- `Main.java` 1ファイル
- 入力は標準入力、出力は標準出力
- `Q` が大きいので **高速I/O**（`BufferedInputStream` + 自前パーサ or `FastScanner`）推奨