

今日の課題 (Java) : Streaming Interval Union Length

問題

あなたはログ収集システムを作っている。

システムには「時刻区間」が次々に登録され、都度「これまでに登録された区間の合計被覆長（union length）」を知りたい。

ここで区間は **半開区間 $[l, r)$** (l は含む、 r は含まない) とする。

入力

最初に整数 **Q** (クエリ数)。

続いて **Q** 行のクエリが与えられる：

- **ADD l r**: 区間 **$[l, r)$** を追加する (同じ区間が何回追加されてもよい)
- **LEN**: 今まで追加された全区間の **被覆長の合計** を出力する

制約 (目安)

- **$1 \leq Q \leq 2 * 10^5$**
 - **$0 \leq l < r \leq 10^9$**
 - **LEN** は1回以上出る
-

出力

LEN クエリのたびに、被覆長（union length）を1行で出力せよ。

例

入力

```
7
ADD 1 5
LEN
ADD 2 3
LEN
ADD 10 20
ADD 4 12
LEN
```

出力

```
4  
4  
19
```

説明 :

- $[1, 5)$ の長さは 4
- $[2, 3)$ を足しても union は変わらないので 4
- その後 $[10, 20)$ と $[4, 12)$ を足すと union は $[1, 20)$ になるので 19

ねらい（実装上のテーマ）

愚直に区間を全部持って毎回マージすると遅い。

TreeMap（平衡BST） で「互いに重ならない区間集合」を維持し、ADD のたびに重なる区間を吸収・統合しつつ、合計長 **total** を更新する方針で解け。

実装ヒント（使ってよい標準機能）

- **TreeMap<Long, Long>** を使い、キーを **start**、値を **end** として「非重複区間」を保持する
- 追加する $[l, r)$ に対して
 - **floorEntry(l)** で左側から重なり得る区間を探す
 - **ceilingEntry(l) / higherEntry(start)** を辿りながら重なり区間を削除して統合
- **total (long)** を持つておいて
 - 区間を削除したら **total -= (end-start)**
 - 新しい統合区間を入れたら **total += (newEnd-newStart)**

注意

- 半開区間なので、例えば $[1, 3)$ と $[3, 5)$ は **連結して union 長は 4**（隙間なし）
→ 実装では「重なる」判定を **nextStart <= curEnd** のように **接している場合もマージすると扱いや**すい。

追加チャレンジ（余力があれば）

1. **DEL l r**（区間削除）も対応してみる（かなり難化）
2. **KTH x**（union 上で x 番目の点が属する実時刻を返す）を考えてみる（座標圧縮+セグ木の発想へ）

提出形式

- **Main.java** 1ファイル
- 入力は標準入力、出力は標準出力
- **Q** が大きいので **高速I/O**（BufferedInputStream + 自前パーサ or FastScanner）推奨