数值计算方法实验报告 矩阵的 LU 分解

米科润 19 信计二班 201905755824

May 16, 2021

目录

1	实验题目	1
2	实现算法	1
3	程序代码	1
4	实验结果	2

1 实验题目

随机生成一个 5×5 的矩阵,其中每个元素为属于 [11,24] 的整数,矩阵不能为对称矩阵,做 LU 分解 (各阶顺序主子式不能为 0)

2 实现算法

对随机生成的非对称非奇异矩阵

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & \cdots & a_{1n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

利用 Gauss 顺序消去法: 将 A 分解为 $A = L \cdot U$, 其中

$$L = \begin{bmatrix} 1 & & & & \\ l_{21} & 1 & & & \\ \vdots & & \ddots & & \\ l_{n1} & \cdots & l_{n,n-1} & 1 \end{bmatrix}, U = \begin{bmatrix} u_{11} & u_{12} & \cdots & u_{1n} \\ 0 & u_{22} & \cdots & u_{2n} \\ \vdots & \ddots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & 0 & u_{nn} \end{bmatrix}$$

U 为 A 进行行变换生成的上三角矩阵 (主对角元素不为 0),而 L 的每一个元素为对应行变换的系数的相反数。

3 程序代码

编写 Gauss 顺序消去法函数并保存为 Gauss.m

```
      1
      function [] = Gauss(A)

      2
      %A=randi([11,24],5);生成的随机矩阵

      3
      %L为生成的下三角矩阵, U为生成的上三角矩阵

      4
      n=size(A,1);L=eye(n);

      5
      %%

      6
      %判断A的各阶顺序主子式是否奇异

      7
      %for k = 1:n

      8
      % if det(A(1:k,1:k)) == 0

      9
      % error('A的顺序主子式有奇异');

      10
      % end
```

```
%end
11
      %%
12
      %判断A是否为奇异矩阵
13
       if \det(A) == 0
14
       error('A为奇异矩阵,请输入非奇异矩阵');
15
       end
16
      %%
17
      %判断A是否为对称阵
18
       if A==A'
19
       error('A为对称阵');
20
21
      %%
22
      %LU分解
23
       for i = 2:n
24
           if A(i-1,i-1) == 0%做行变换使对角线元素不为0
25
               for j = i:n
26
                    if A(j,j) \neq 0
27
                       A([i-1,j],:) = A([j,i-1],:);
28
                        break
29
                   end
30
               \quad \text{end} \quad
31
           end
32
           m = A(i:n,i-1)./A(i-1,i-1);
33
           L(i:n,i-1)=m;
           A(i:n,:) = A(i:n,:) - m*A(i-1,:);
35
       end
36
       U=A;
37
      %%
38
      %输出信息
39
       disp('L为:');disp(L);
40
       disp('U为:');disp(U);
41
       end
42
```

4 实验结果

```
在命令窗口输入:
>>A=randi([11,24],5)
>>Gauss(A)
```

回车可得运算结果:

>> A=randi([11, 24], 5)

A =

14	17	21	24	22
20	24	14	18	14
20	15	18	12	22
13	19	20	13	14
12	14	23	14	24

>> Gauss(A)

L为:

1.0000	0	0	0	0
1. 4286	1.0000	0	0	0
1. 4286	32.5000	1.0000	0	0
0. 9286	-11. 2500	-0. 3533	1.0000	0
0.8571	2.0000	0.0728	0.8183	1.0000

U为:

图 1: result