

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования  
«Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики»  
(СибГУТИ)

Институт информатики и вычислительной техники

09.03.01 "Информатика и вычислительная техника"  
профиль "Программное обеспечение средств  
вычислительной техники и автоматизированных систем"

Кафедра прикладной информатики и кибернетики

**Практическая работа № 5**  
**по дисциплине**  
**Теория информации**

Выполнил:

студент гр.ИП-911

Сентюров Святослав Алексеевич  
ФИО студента

Новосибирск 2023 г.

## Задание

1. Составить программу, определяющую характеристики линейного корректирующего кода.
2. Линейный код задан порождающей матрицей, которая записана в текстовом файле. Файл имеет формат: в первой строке через пробел записаны два натуральных числа  $n$  (количество строк матрицы) и  $m$  (количество столбцов), в следующих  $n$  строках записаны через пробел по  $m$  нулей и единиц.

Пример файла

```
3 5
1 0 1 1 1
0 1 0 1 0
0 0 1 1 1
```

3. По заданной порождающей матрице определить характеристики линейного кода: размерность кода, количество кодовых слов, минимальное кодовое расстояние.
4. Проверить программу для случайно заполненных матриц с различными  $n$  и  $m$ , для порождающей матрицы кода Хэмминга.

```
D:\JDK-18\bin\java.exe "-javaagent:D:\Int
Number of permitted combinations: 8
Code dimension: 4
Maximal possible code words: 16
Code: 0000 | code word:0000000
Code: 0001 | code word:1101001
Code: 0010 | code word:0101010
Code: 0011 | code word:1000011
Code: 0100 | code word:1001100
Code: 0101 | code word:0100101
Code: 0110 | code word:1100110
Code: 0111 | code word:0001111
Code: 1000 | code word:1110000
Code: 1001 | code word:0011001
Code: 1010 | code word:1011010
Code: 1011 | code word:0110011
Code: 1100 | code word:0111100
Code: 1101 | code word:1010101
Code: 1110 | code word:0010110
Code: 1111 | code word:1111111
Minimal code distance: 3

Generative matrix:
[1, 1, 1, 0, 0, 0, 0]
[1, 0, 0, 1, 1, 0, 0]
[0, 1, 0, 1, 0, 1, 0]
[1, 1, 0, 1, 0, 0, 1]

D:\JDK-18\bin\java.exe "-javaagent:D:
Number of permitted combinations: 6
Code dimension: 3
Maximal possible code words: 8
Code: 000 | code word:00000
Code: 001 | code word:00111
Code: 010 | code word:01010
Code: 011 | code word:01101
Code: 100 | code word:10111
Code: 101 | code word:10000
Code: 110 | code word:11101
Code: 111 | code word:11010
Minimal code distance: 1

Generative matrix:
[1, 0, 1, 1, 1]
[0, 1, 0, 1, 0]
[0, 0, 1, 1, 1]

D:\JDK-18\bin\java.exe "-javaagent:D:\Int
Number of permitted combinations: 4
Code dimension: 2
Maximal possible code words: 4
Code: 00 | code word:00000
Code: 01 | code word:01011
Code: 10 | code word:10101
Code: 11 | code word:11110
Minimal code distance: 3

Generative matrix:
[1, 0, 1, 0, 1]
[0, 1, 0, 1, 1]

Process finished with exit code 0
```

Характеристики кодов (Хэмминг 7 4 слева)

Вывод: Исходя из полученных данных видно, что у Хэмминга минимальное кодовое расстояние равно 3, то позволяет отслеживать и исправлять 1 ошибку. В других матрицах минимальное кодового слова меньше необходимого количества, поэтому для них невозможно будет отследить и исправить ошибки.

Листинг кода:

```
import java.io.*;
import java.util.ArrayList;
import java.util.Arrays;
import java.util.List;

public class Main {
    public static void main(String[] args) throws IOException {
        ArrayList<int[]> GMatrix;
        ArrayList<String> codes;
        int wordsNum, n, d;
        String path = "D:\\Study\\4Rehc\\TI\\lab5\\TI_Last\\lab5\\code.txt";
        GMatrix = fileReader(path);
        n = GMatrix.size();
        wordsNum = (int) Math.pow(2, n);

        int permitted = 2*n;
        System.out.println("Number of permitted combinations: " + permitted);

        System.out.println("Code dimension: " + n);
        System.out.println("Maximal possible code words: " + wordsNum);
        codes = codeWordGenerator(GMatrix, n);
        d = minimalDistance(codes);
        System.out.println("Minimal code distance: " + d);
        System.out.println("\nGenerative matrix:");
        matrixOutput(GMatrix);
    }

    public static int minimalDistance(ArrayList<String> codes) {
        int toReturn = Integer.MAX_VALUE, dist;
        for(int i = 1; i < codes.size()-1; i++)
            for(int j = i+1; j < codes.size(); j++){
                dist = distance(codes.get(i), codes.get(j));
                toReturn = dist < toReturn? dist: toReturn;
            }
        return toReturn;
    }

    private static int distance(String first, String second) {
        int toReturn = 0;
        for(int i = 0; i < first.length(); i++){
            if(first.charAt(i) != second.charAt(i))
                toReturn++;
        }
        return toReturn;
    }

    public static ArrayList<String> codeWordGenerator(ArrayList<int[]> matrix,
int n) {
        ArrayList<String> codeWords = new ArrayList<>(), codes;
        ArrayList<String> permittedCodeWords = new ArrayList<>();
```

```

        codes = codeGenerator(n);
        int wordNum = (int)Math.pow(2, n);

        for(int i = 0; i < wordNum; i++) {
            codeWords.add(codeMatrixMultiplier(codes.get(i), matrix));
            System.out.println("Code: " + codes.get(i) + " | code word:" +
codeWords.get(i));
        }

        return codeWords;
    }

    private static ArrayList<String> codeGenerator(int n){
        int wordsCount = (int)Math.pow(2, n);
        ArrayList<String> codeWords = new ArrayList<>();
        String code;
        for(int i = 0; i < wordsCount; i++){
            if(i == 0)
                code = setZero(n);
            else
                code = xorPlusOne(codeWords.get(i-1));
            codeWords.add(code);
        }
        return codeWords;
    }

    private static String setZero(int n){
        String toReturn = "";
        for(int i = 0; i < n; i++){
            toReturn += "0";
        }
        return toReturn;
    }

    private static String xorPlusOne(String previous){
        StringBuilder code = new StringBuilder(previous);
        int memory = 0;

        if(code.charAt(previous.length()-1) == '1') {
            code.setCharAt(previous.length()-1, '0');
            memory = 1;
        }
        else{
            code.setCharAt(previous.length()-1, '1');
        }

        for(int pos = previous.length()-2; pos >= 0; pos--){
            if(memory == 1){
                if(code.charAt(pos) == '1')
                    code.setCharAt(pos, '0');
                else{
                    code.setCharAt(pos, '1');
                    memory = 0;
                }
            }
        }
        return code.toString();
    }

    private static String codeMatrixMultiplier(String codeWord,
ArrayList<int[]>matrix){
        String toReturn = "";
        int sum;
        for(int i = 0; i < matrix.get(0).length; i++){
            sum = 0;

```

```

        for(int j = 0; j < codeWord.length(); j++){
            if(codeWord.charAt(j) == '1' && matrix.get(j)[i] == 1)
                sum++;
        }

        if(sum % 2 != 0)
            toReturn += "1";
        else
            toReturn += "0";
    }
    return toReturn;
}

public static ArrayList<int[]> fileReader(String path) throws IOException
{
    BufferedReader file = new BufferedReader(new FileReader(path));
    String params = file.readLine();
    List<String> parameter = List.of(params.split(" "));
    int height = Integer.valueOf(parameter.get(0)), width =
Integer.valueOf(parameter.get(1));

    String line;
    ArrayList<int[]> toReturn = new ArrayList<>();
    for(int i = 0; i < height; i++){
        line = file.readLine();
        int[] row = new int[width];
        for(int j = 0; j < width; j++){
            row[j] = Integer.valueOf(Character.toString(line.charAt(j)));
        }
        toReturn.add(row);
    }

    return toReturn;
}

public static void matrixOutput(ArrayList<int[]> matrix){
    for (int[] row: matrix) {
        System.out.println(Arrays.toString(row));
    }
}
}

```