Cálculo I Época Especial

Engenharia Informática

16/09/2011 Duração: 2h 00m

Responda aos grupos I e II em folhas de teste SEPARADAS.

Grupo I

Exercício 1. [2 valores] Escreva o conjunto

$$\left\{x \in \mathbb{R} : 2x^2 \le 4\right\}$$

na forma de intervalo ou reunião de intervalos.

Exercício 2. [2 valores] Calcule o seguinte limite

$$\lim_{x \to -\infty} e^x \cos x.$$

Exercício 3. [2 valores] Calcule o polinómio de Taylor de grau 3 da função $f(x) = e^x$ em torno de a = 0. Use o polinónio encontrado para estimar o valor de \sqrt{e} .

Exercício 4. [2 valores] Resolva a equação $e^{2x} + 2e^x - 3 = 0$.

Exercício 5. [2 valores] Calcule a derivada da função $y = x \ln(x^2 + x + 1)$.

Grupo II

Exercício 6. [2 valores] Calcule

$$\int x \operatorname{sen}(x^2) \, dx.$$

Exercício 7. [2 valores] Calcule

$$\int_{-3}^{5} |x - 1| \, dx.$$

Exercício 8. [2 valores] Calcule a área da região da região do plano

$$R = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 - 1 \le y \le x + 1\}.$$

Exercício 9. [2 valores] Calcule a derivada da função

$$F(x) = \int_0^{x^2} (1+t^2)^{-3} dt.$$

Exercício 10. [2 valores] Determine a função f tal que $f'(x) = e^x e f(0) = -1$.