

### II. DIGITALIZAÇÃO

"Processo que permite transformar os sinais analógicos, contínuos no tempo, em sequências de números com um número limitado de dígitos, que representam a amplitude do sinal em instantes de tempo regularmente espaçados"

 as questões relacionadas com analógico vs digital abrangem os domínios dos dados, dos sinais e dos sistemas de transmissão

1

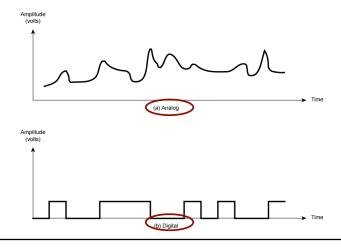


#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

### II. DIGITALIZAÇÃO

Exemplo: Questões relacionadas com a natureza dos sinais



### II. DIGITALIZAÇÃO

Exemplo: Questões relacionadas com a transmissão

### Transmissão Analógica

- Sinal analógico é transmitido independentemente dos dados que ele transporta
- Sinal é atenuado ao longo da distância percorrida
- Utilização de amplificadores para aumentar a potência do sinal mas...
- ...também amplificam o ruído existente

3



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

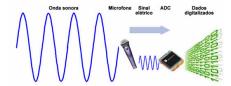
#### Transmissão Digital

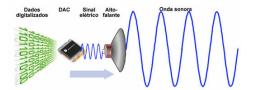
- Preocupação com os dados (mensagem) que o sinal transporta
- Utilização de equipamentos que: recebem o sinal, observam os dados que eles transportam, e retransmitem/regeneram o sinal
  - a atenuação do sinal é assim ultrapassada e...
  - ... o ruído não é amplificado
- Possibilidade da utilização de mecanismos detectores/ correctores de erros

### II. DIGITALIZAÇÃO

Este capítulo foca principalmente...

"Processo que permite transformar os sinais analógicos, contínuos no tempo, em sequências de números com um número limitado de dígitos, que representam a amplitude do sinal em instantes de tempo regularmente espaçados"





\_



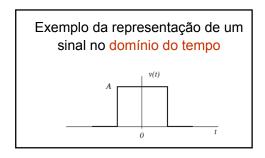
#### Comunicação de Dados

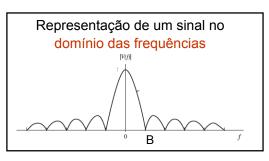
Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

### II. DIGITALIZAÇÃO

- A base teórica da digitalização (e alguns dos exercícios associados) requer a compreensão de conceitos adicionais:
  - espectro de um sinal
  - largura de banda de um sinal
  - largura de banda de transmissão de um sistema
  - ritmo máximo de símbolos digitais suportado por um sistema de transmissão

### II. DIGITALIZAÇÃO - conceitos introdutórios -





- Espectro de um sinal é uma representação do sinal no domínio das frequências
- Largura de Banda (B) de um sinal é a amplitude de um intervalo espectral positivo onde está "parte significativa" da energia do sinal

... mais tarde será estudado em profundidade 7



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO - conceitos introdutórios -

- Sistemas de transmissão
  - Também podem ser representados no domínio das frequências
  - Define-se largura de banda de transmissão de um sistema (B<sub>T</sub>) como o intervalo de frequências nas quais o sistema permite uma transmissão com "açeitável" qualidade

... mais tarde será estudado em profundidade



### II. DIGITALIZAÇÃO - conceitos introdutórios -

 Ritmo de Nyquist num sistema de transmissão com largura de banda B<sub>T</sub>, o ritmo máximo teórico de símbolos (r<sub>s</sub>) digitais que por ele se podem transmitir é de:

$$r_s \leq 2 * B_T$$

 <u>Filtros</u> sistemas que por alguma razão pretendem alterar o espectro do sinal (modelados da mesma forma que os sistemas de transmissão). Diversos tipos: passa-baixo, passaalto, passa-banda.

0



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

"Processo que permite transformar os sinais analógicos, contínuos no tempo, em sequências de números com um número limitado de dígitos, que representam a amplitude do sinal em instantes de tempo regularmente espaçados"

> Quais as fases de um processo de digitalização?



### II. DIGITALIZAÇÃO

discretização no tempo

 Amostragem – recolha periódica de valores do sinal (amostras);



- Quantização aproximação do valor das amplitudes das amostras a um número limitado de níveis quânticos;
- Conversão AD representação do valor aproximado das amplitudes das amostras através de valor numérico/digital (normalmente em binário);
- Codificação de Linha transformação dos valores numéricos em formas de representação apropriadas ao canal de transmissão.

11



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

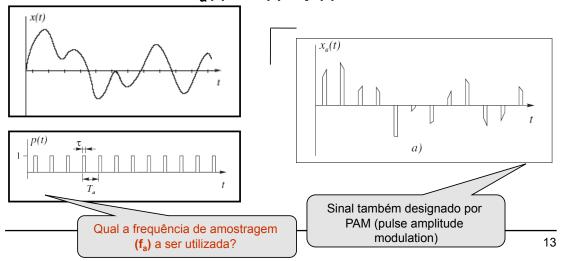
## II. DIGITALIZAÇÃO

#### **Amostragem**

- Processo pelo qual o sinal é amostrado através de uma sequência de pulsos intercalados no tempo
- A quantidade de amostras recolhidas depende de um parâmetro designado por frequência de amostragem
- Que valor para a frequência de amostragem?

## II. DIGITALIZAÇÃO

 Amostragem x(t) é o sinal original; p(t) representa uma série de pulsos intercalados no tempo; : x<sub>a</sub>(t) é o sinal amostrado x<sub>a</sub>(t) = x(t) \* p(t)





#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

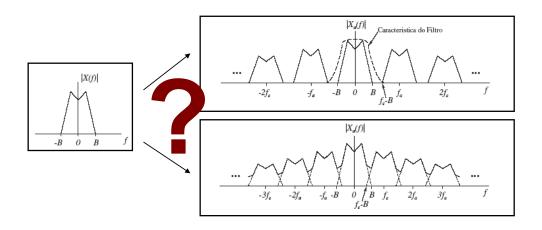
Supondo um sinal limitado à Banda (0..B) quantas amostras precisamos para que  $x_a(t)$  represente de alguma forma o sinal x(t)? Seja X(f) o espectro do sinal original e  $X_a(f)$  o espectro do sinal amostrado. Prova-se que:

$$X_a(f) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C(nf_a) X(f - nf_a)$$

ou seja, o espectro do sinal amostrado é aproximadamente igual à soma do espectro X(f) com réplicas desse espectro desfasadas em +/- n\*fa Hz.

### II. DIGITALIZAÇÃO

Exemplo de dois cenários de amostragem...



15



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

Teorema 5.1 (Teorema da Amostragem) Um sinal de espectro limitado à banda de frequências [0, B] fica completamente definido pelas suas amostras desde que recolhidas a uma frequência igual ou superior a 2B,

$$f_a \ge 2B \tag{5.6}$$

podendo o sinal ser recuperado a partir das amostras por filtragem passabaixo com largura de banda do filtro  $B_T$  igual a B Hz.

 teorema que define um limite mínimo para a frequência de amostragem

### II. DIGITALIZAÇÃO

- Algumas considerações relacionadas com a operação de amostragem na prática
  - 1. Filtros não são ideais
  - Os sinais, na prática, não possuem espectros limitados
- Devido a isto a frequência de amostragem é normalmente maior que 2\*B; (mas em termos teóricos continuamos a assumir  $f_a \ge 2B$ )

17

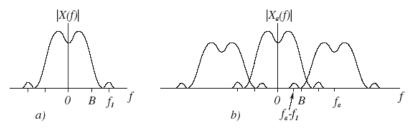


#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

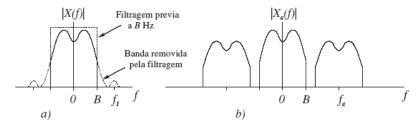
 O sinal, embora tenha largura de banda B, tem um espectro que se estende para além desta banda com componentes não nulas



Aliasing espectral dos sinais da prática mesmo com  $f_a > 2B$ 

## II. DIGITALIZAÇÃO

 Exemplo envolvendo a filtragem prévia do sinal por forma a evitar o fenómeno de aliasing



Filtragem prévia do sinal evitando o aliasing na amostragem

19



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

### II. DIGITALIZAÇÃO

#### Quantização

- as amostras podem ter um valor infinito de valores
- por forma a ser possível a transformação das amplitudes das amostras em números elas precisam de assumir um número finito de valores
- esta aproximação introduz ruído no processo de conversão analógico/digital
- processo de discretização das amplitudes designa-se por quantização



## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Quantização Uniforme

- Divisão do intervalo da variação do valor das amostras em níveis quânticos de amplitude fixa (i.e. igualmente espaçados entre si).
- Quantos mais níveis quânticos (número q)
  maior a precisão na representação da amostra.
- Se K for o número de dígitos a utilizar na representação dos valores dos níveis quânticos, então K = log<sub>b</sub>(q), em que b é a base escolhida (geralmente b=2 pois a codificação binária é a mais frequente)

21

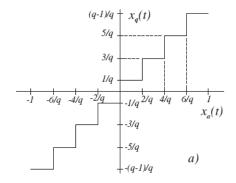


#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

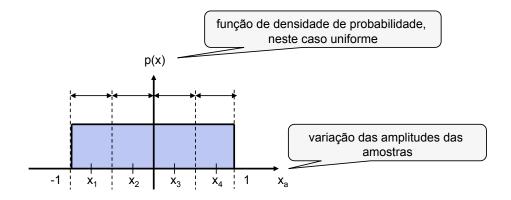
#### Quantização Uniforme





## II. DIGITALIZAÇÃO

### Quantização Uniforme - exemplo com quatro intervalos -



23



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Ruído da Quantização Uniforme

Erro em cada amostra

$$\xi_q = |x_a(t) - x_q(t)|$$

Potência do ruído de quantização
$$\overline{\varepsilon_q^2} = N_q = \int_{x_{-\min}}^{x_{-\max}} (x - x_q)^2 \cdot p(x) dx$$

$$N_q = 1/3q^2$$

Relação entre potência do sinal e do ruído

$$S/N_q = 3q^2S$$
  $(S/N_q)_{dB} = 10 \log_{10} (S/N_q)$ 

$$S/N_q \leq 3q^2$$
 assumindo S  $\leq 1$ 



## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Quantização Não Uniforme

- Por vezes os sinais analógicos possuem elevados valores de crista
- Amplitude do sinal situa-se mais frequentemente na zona das amplitudes mais baixas
- Objectivo é diminuir o ruído total da quantização para fontes com uma função de densidade de probabilidade não uniforme
- Quantização não uniforme.... níveis quânticos não estão igualmente espaçados entre si

25

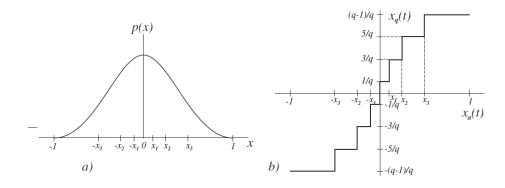


#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

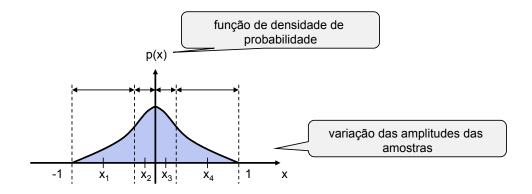
## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Quantização Não Uniforme



### II. DIGITALIZAÇÃO

# Quantização Não Uniforme - exemplo com quatro intervalos -



27



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Quantização Não Uniforme

- Um quantizador não uniforme é mais complexo de implementar que um uniforme
- na prática a quantização não uniforme pode realizar-se em duas fases:
  - 1. compressão não linear do sinal
  - 2. quantização uniforme do sinal comprimido
- » prova-se que 1 + 2 corresponde a uma quantização não uniforme do sinal original

## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Quantização Não Uniforme

- Qual o objectivo da compressão não linear do sinal?
  - uniformizar a densidade de probabilidade das amplitudes dos sinais
  - diversas formas de o fazer...
- Estudos provam que a característica do compressor que melhor uniformiza sinais de audio:
  - linear de zero até um certo valor das amplitudes (1/A)
  - ... e depois logarítmica até ao valor máximo

29



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Quantização Não Uniforme

Companding de Lei-A (Lei de quantização europeia)

$$y = \begin{cases} \frac{Ax}{1 + \ln A} & \text{para} & |x| \le \frac{1}{A} \\ \frac{1 + \ln Ax}{1 + \ln A} & \text{para} & \frac{1}{A} < |x| \le 1 \end{cases}$$

x(t) é comprimido segundo esta lei dando origem a y(t); y
 (t) é amostrado e quantizado uniformemente dando
 origem a y<sub>q</sub>(t); ...; y(t) é recuperado por filtragem (com
 erro de quantização); y(t) é depois expandido pela função
 inversa para se obter x(t)

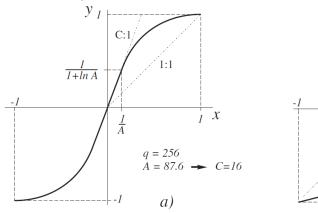
### II. DIGITALIZAÇÃO

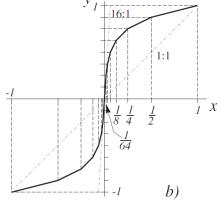
#### Quantização Não Uniforme

Qual é a lógica

com Companding de Lei-A

desta transformação !!?





Compressor de lei-A e sua aproximação com 13 segmentos

31



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Quantização Não Uniforme

 Nos Estados Unidos da América a lei de quantização difere da Lei-A e é designada por Lei-µ

$$y = \frac{\ln(1 + \mu x)}{\ln(1 + \mu)}$$

### II. DIGITALIZAÇÃO

#### Conversão Analógico a Digital

- Depois de quantizadas as amostras já se encontram discretizadas a um conjunto de q valores
- A conversão analógico digital executa a conversão para uma determinada base dos valores discretizados das amostras
- Se K for o número de dígitos a utilizar na representação dos valores dos níveis quânticos, então K = log<sub>M</sub>(q) (M=base da numeração; base 2 normalmente usada)

33



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

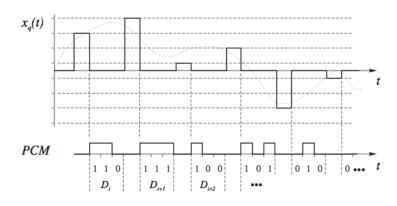
#### Conversão Analógico a Digital - <u>Codificação</u> PCM

- PCM (Pulse Code Modulation) é a designação que se dá à sequência serializada no tempo dos dígitos resultantes da codificação das amostras
- Ritmo de símbolos de um canal PCM codificado a K dígitos por amostra:

 $\mathbf{r_c} = \mathbf{K} * \mathbf{f_a}$  (se base 2 então bits/seg)

## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Codificação PCM



35



#### Comunicação de Dados

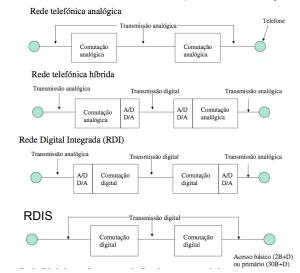
Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

e.g. Telefones RDIS.....

... O acesso Básico possui dois canais B para transmissão de voz ou dados de 64 Kbps cada um e um canal D utilizado para sinalização de 16 Kbps.

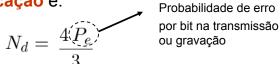




## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Ruído em PCM

- Ruído no canal de transmissão (ou gravação) pode corromper algum dos bits de codificação das amostras
- No processo de descodificação o nível quântico em que foi descodificada a determinada amostra poderá não ser o correcto
- Prova-se que a potência do ruído (erro) de descodificação é:



37



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Ruído em PCM

 Potência total do ruído no destino (N<sub>D</sub>) será a soma da potência do ruído de descodificação (N<sub>d</sub>) com a potência do ruído de quantização (N<sub>g</sub>)

$$N_D=(N_d)+(N_q)=\frac{4\,P_e}{3}+\frac{1}{3q^2}=\frac{1+4q^2\,P_e}{3q^2}$$
 descodificação quantização

## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Ruído em PCM

(relação entre potência do sinal e do ruído)

$$S/N_D = \frac{3q^2}{1 + 4q^2 P_e} * S$$

$$\left(\frac{S}{N}\right)_D \le \frac{3q^2}{1 + 4q^2 P_e}$$
 
$$\left(\frac{S}{N}\right)_D \le \begin{cases} 3q^2 & \text{se} \qquad P_e \ll \frac{1}{4q^2} \\ \\ \frac{3}{4P_e} & \text{se} \qquad P_e \gg \frac{1}{4q^2} \end{cases}$$

assumindo S ≤ 1

39



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

#### Ruído em PCM

#### Conclusão:

- Em PCM o ruído de quantização é a componente dominante da qualidade da digitalização quando P<sub>e</sub> na transmissão (ou gravação) é pequena (comparativamente a 1/4q²), mas...
- ....o ruído de descodificação devido a erros de transmissão (ou gravação) é mais significativo quando P<sub>e</sub> é grande (comparativamente a 1/4q²)





### II. DIGITALIZAÇÃO

#### Exemplos de normalizações PCM

Sinais telefónicos (ITU, Recomendação G.711)

Frequência de amostragem:  $f_a = 8 \text{ KHz}$ 

Quantização: não-uniforme a q=256 níveis

Palavra PCM: k = 8 bits

Ritmo binário (um canal):  $r_b = k f_a = 64 \text{ Kbps}$ 

Lei de quantização Europeia: compressão digital segundo a lei-A,

com 13 segmentos.

Lei de quantização Americana: compressão digital segundo a lei-µ,

com 15 segmentos.

Transmissão de Música

Frequência de amostragem:  $f_a = 32 \text{ KHz}$ 

Quantização: uniforme com k=14 bits Ritmo binário:  $r_b=448$  Kbps ou

Quantização: não-uniforme com k=12 bits

Ritmo binário:  $r_b = 384~{\rm Kbps}$  Lei de quantização:  $lei\text{-}A~{\rm com}~5~{\rm segmentos}$  ou

Quantização: não-uniforme com k = 10 bits

Ritmo binário:  $r_b=320~{
m Kbps}$  Lei de quantização:  $lei\text{-}A~{
m com}~13~{
m segmentos}$ 

Sinais de Vídeo (Televisão)

Frequência de amostragem:  $f_a = 13.3 \text{ MHz}$ 

Quantização: uniforme com k = 8 ou 9 bits

Gravação de Música

Frequência de amostragem:  $f_a = 44.1 \text{ KHz}$ 

Quantização: uniforme com k = 16 bits

Ritmo binário:  $r_b \approx 0.7 \text{ Mbps}$ 

41



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

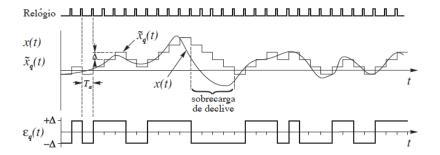
#### Conversão Analógico a Digital

- Existem outros métodos distintos do PCM
- Alguns baseiam-se no facto de alguns sinais terem algum grau de previsibilidade
  - e.g. as alterações de valor de uma amostra para a amostra seguinte serem relativamente pequenas
  - neste esquemas é transmitido só o erro da previsão realizada
  - Exemplo: modulação delta e modulação delta adaptativa (vantagens: hardware mais simples)

### II. DIGITALIZAÇÃO

#### Codificação Delta Linear

(só breve referência)



43



#### Comunicação de Dados

Licenciatura em Engenharia Informática Departamento de Informática, Universidade do Minho

## II. DIGITALIZAÇÃO

### Codificação Delta Adaptativa

(só breve referência)

