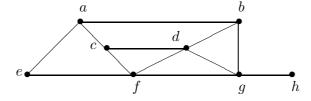
Tópicos de Matemática Discreta

Exercícios — 2010/2011 — 2010/

Grafos

- 1. Considere o grafo $G = (V, A, \varepsilon)$ definido por $V = \{a, b, c, d, e\}$, $A = \{ab, ac, bc, bd, ca, cd, ce, de, ee\}$ e $\varepsilon(ab) = \{a, b\}$, $\varepsilon(ac) = \{a, c\}$, $\varepsilon(bc) = \{b, c\}$, $\varepsilon(bd) = \{b, d\}$, $\varepsilon(ca) = \{c, a\}$, $\varepsilon(cd) = \{c, d\}$, $\varepsilon(ce) = \{c, e\}$, $\varepsilon(de) = \{d, e\}$, $\varepsilon(ee) = \{e\}$.
 - (a) Represente G graficamente.
 - (b) Determine um caminho em G com 10 arestas.
 - (c) Determine um trilho em G com 6 arestas.
 - (d) Determine um trilho simples em G com 4 arestas.
 - (e) Qual o número de caminhos diferentes de a para e?
 - (f) Determine um ciclo em G com 1 (respectivamente 2,3,4,5) arestas.
- 2. Indique, ou justifique que não existe, um grafo simples cujos vértices têm graus
 - (a) 2, 2 e 2
 - (b) 3, 3, 3, 3 e 3
 - (c) 1, 2, 2, e 3
 - (d) 2, 5 e 5
- 3. Mostre que não existe nenhum grafo simples cujos vértices têm graus
 - (a) 7, 6, 5, 4, 3, 3, e 2
 - (b) 6, 6, 5, 4, 3, 3, e 1
- 4. Dados dois grafos $G=(V,A,\varepsilon)$ e $G'=(V',A',\varepsilon')$, diz-se que G' é um subgrafo de G se $V\subseteq V',\ A'\subseteq A$ e $\varepsilon(a)=\varepsilon'(a)$, para todo $a\in A'$. Sendo G o grafo representado por



verifique se os seguintes grafos são sub-grafos de G:

- (a) $G_1 = (\{a, b, e, f\}, \{ab, ae, ef\}, \varepsilon_1)$ onde $\varepsilon_1(ab) = \{a, b\}, \varepsilon_1(ae) = \{a, e\}, \varepsilon_1(ef) = \{e, f\}.$
- (b) $G_2 = (\{a, b, d, g, h\}, \{ab, bg, dg, gh\}, \varepsilon_2)$ onde $\varepsilon_2(ab) = \{a, b\}, \varepsilon_2(bg) = \{b, g\}, \varepsilon_2(dg) = \{d, g\}, \varepsilon_2(gh) = \{g, a\}.$
- 5. Verdadeiro ou falso? Cada grafo com n vértices e n-1 arestas é uma árvore. Justifique a sua resposta.