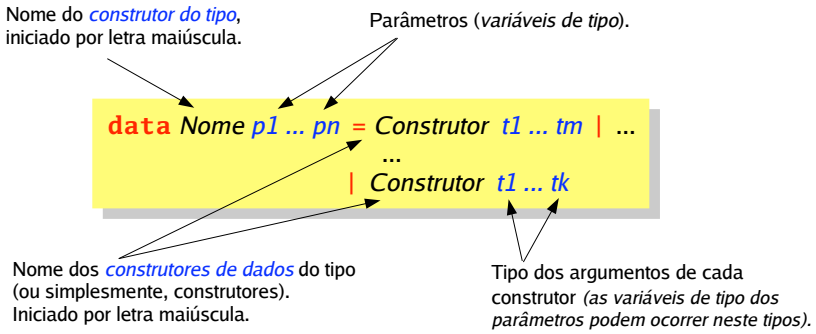
Novos Tipos de Dados

Para além dos *tipos básicos*, dos *tipos compostos* e dos *tipos sinónimos*, o Haskell dá ainda a possibilidade de definir **novos tipos de dados**, através de declarações da forma:



Estas declarações definem ***tipos algébricos***, eventualmente, *polimórficos*.

Cada *construtor de dados* funciona como uma função (eventualmente, constante) que recebe argumentos (do tipo indicado para o construtor) e *constroi* um valor do novo tipo de dados.

Tipos Algébricos

Exemplos:

```
data Cor = Azul | Amarelo | Verde | Vermelho
```

O tipo `Cor` está a ser definido à custa de 4 construtores constantes: `Azul`, `Amarelo`, `Verde` e `Vermelho`, que serão os únicos valores deste tipo.

```
Azul :: Cor          Amarelo :: Cor
Verde :: Cor         Vermelho :: Cor
```

A este género de tipo algébrico dá-se o nome de **tipo enumerado**.

O tipo `Bool` já pré-definido é também um exemplo de um tipo enumerado.

```
data Bool = False | True
```

Podemos agora definir funções envolvendo estes tipos algébricos:

```
fria :: Cor -> Bool
fria Azul = True
fria Verde = True
fria _ = False
```

```
quente :: Cor -> Bool
quente Amarelo = True
quente Vermelho = True
quente _ = False
```


Tipos Algébricos

Exemplo:

```
data CCart = Coord Float Float
```

Os valores do tipo `CCart` são expressões da forma `(Coord x y)`, em que `x` e `y` são valores do tipo `Float`.

`Coord` pode ser vista como uma função cujo tipo é

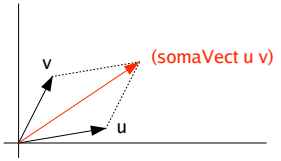
```
Coord :: Float -> Float -> CCart
```

mas os *construtores são funções especiais*, pois não têm nenhuma definição associada.

Expressões como `(Coord 1 3.1)` ou `(Coord 3 0.7)`, não podem ser reduzidas, e são exemplos de valores atómicos do tipo `CCart`.

Exemplo:

Função que soma de dois vectores:




```
somaVect :: CCart -> CCart -> CCart
somaVect (Coord x1 y1) (Coord x2 y2) = Coord (x1+x2) (y1+y2)
```


Tipos Algébricos

Exemplo:

```
data Hora = AM Int Int
          | PM Int Int
```

Os valores do tipo `Hora` são expressões da forma `(AM x y)` ou `(PM x y)`, em que `x` e `y` são valores do tipo `Int`.

Os construtores do tipo `Hora` são:

```
AM :: Int -> Int -> Hora
PM :: Int -> Int -> Hora
```

e podem ser vistos como uma "etiqueta" que indica de que forma os argumentos a que são aplicados devem ser entendidos.

Os *data types* implementam o **co-produto** (ou a **união disjunta**) de tipos.

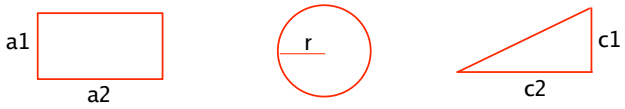
NOTA: Erradamente, pode parecer que termos como `(AM 5 10)`, `(PM 5 10)` ou `(5,10)` contêm a mesma informação, mas não! Os construtores `AM` e `PM` têm aqui um papel essencial na interpretação que fazemos destes termos.

Exemplo: As funções sobre tipos algébricos geralmente definiem-se por *pattern matching.*

```
totalMinutos :: Hora -> Int
totalMinutos (AM h m) = h*60 + m
totalMinutos (PM h m) = (h+12)*60 + m
```

Tipos Algébricos

Exemplo: Um tipo de dados para representar as seguintes figuras geométricas.




```
data Figura = Rectangulo Float Float
            | Circulo Float
            | Triangulo Float Float
```

Cálculo da área de uma figura:

```
area :: Figura -> Float
area (Rectangulo a1 a2) = a1 * a2
area (Circulo r) = pi * r^2
area (Triangulo c1 c2) = c2 * c1 / 2
```

Uma lista com figuras geométricas:

```
lfig = [(Rectangulo 5 3.2), (Circulo 5.7), (Triangulo 4 3)]
```

Note que é o facto de termos definido o tipo de dados Figura que nos permite construir esta lista, uma vez que só são aceites *listas homegéneas*.

Tipos Algébricos

As definições de tipos também podem ser *recursivas*.

Exemplo: O tipo dos números naturais pode ser definido por

```
data Nat = Zero | Suc Nat
```

O tipo `Nat` é definido à custa dos construtores

```
Zero :: Nat
Suc :: Nat -> Nat
```

isto é,

`Zero` é um valor do tipo `Nat`, e
se `n` é um valor do tipo `Nat`, `(Suc n)` é também um valor do tipo `Nat`.

A este género de tipo algébrico dá-se o nome de **tipo recursivo**.

Exemplos:

```
Zero
Suc Zero
Suc (Suc Zero)
```

São números naturais.

```
fromNatToInt :: Nat -> Int
fromNatToInt Zero = 0
fromNatToInt (Suc n) = 1 + (fromNatToInt n)
```

```
somaNat :: Nat -> Nat -> Nat
somaNat Zero n = n
somaNat (Suc n) m = Suc (somaNat n m)
```


Tipos Algébricos

O tipo pré-definido `[a]` das listas é um outro exemplo de um *tipo recursivo*.

Exemplo: Poderiamos definir o tipo das listas, através da seguinte definição:

```
data Lista a = Nil
             | Cons a (Lista a)
```

O tipo `(Lista a)` é aqui definido à custa dos contrutores

```
Nil :: Lista a
Cons :: a -> Lista a -> Lista a
```

A lista `[3, 7, 1]` seria representada pela expressão

```
Cons 3 (Cons 7 (Cons 1 Nil))
```

`(Lista a)` é um exemplo de um **tipo polimórfico**.

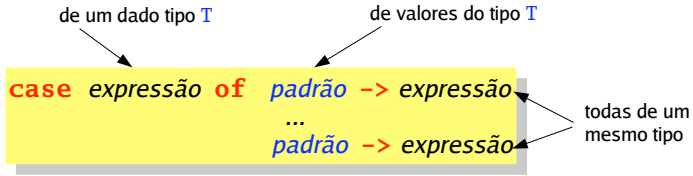
`Lista` está parameterizada com uma variável de tipo **a**, que poderá ser substituida por um tipo qualquer. *(É neste sentido que se diz que `Lista` é um construtor de tipos.)*

Exemplo:

```
comprimento :: Lista a -> Int
comprimento Nil = 0
comprimento (Cons _ xs) = 1 + comprimento xs
```


Expressões `case`

O Haskell tem ainda uma forma construir expressões que permite fazer **análise de casos** sobre a estrutura dos valores de um tipo. Essas expressões têm a forma:



Exemplos:

```
fria :: Cor -> Bool
fria c = case c of Azul  -> True
                   Verde -> True
                   _     -> False
```

```
comprimento :: Lista a -> Int
comprimento l = case l of
                  Nil        -> 0
                  (Cons _ xs) -> 1 + comprimento xs
```

Expressões case

Exemplos:

```
par :: Nat -> Bool
par n = case n of
            Zero          -> True
            (Suc (Suc x)) -> par x
            _             -> False
```

```
takeWhile :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
takeWhile p l = case l of
                  []     -> []
                  (x:xs) -> if (p x) then x : (takeWhile p xs)
                                     else []
```

Exercícios:

- Defina duas versões da função `impar` (com e sem expressões case).
- Defina uma outra versão da função `takeWhile` utilizando várias equações.

Nota: As expressões `if-then-else` são equivalentes à análise de casos no tipo `Bool`.

```
if e then e1
     else e2
```

é equivalente a

```
case e of True  -> e1
          False -> e2
```


A construção de tipos algébricos dá à linguagem Haskell um enorme poder expressivo, pois permite a implemetação de:

- tipos enumerdos;
- co-produtos (união disjunta de tipos);
- tipos recursivos;
- uma certa forma de *encapsulamento de dados*.

Além disso, os tipos algébricos:

(falaremos destes aspectos mais tarde)

- podem ter uma apresentação escrita própria
- podem ser declarados como instâncias de classes

Nota: Se quiser experimentar os exemplos apresentados atrás, será melhor acrescentar às declarações dos tipos algébricos a indicação: **`deriving Show`**, para que os valores dos novos tipos possam ser escritos (no formato usual).

Exemplo:

```
data Nat = Zero | Suc Nat
   deriving Show
```


O construtor de tipos Maybe

Um tipo algébrico importante, já pré-definido no `Prelude` é o tipo polimórfico

```
data Maybe a = Nothing | Just a
```

que permite representar a *parcialidade*, podendo ser usado para lidar com situações de excepções e erros.

Exemplos:

```
divisao :: Integer -> Integer -> Maybe Integer
divisao x y | y /= 0 = Just (x `div` y)
            | otherwise = Nothing
```

```
cabeca :: [a] -> Maybe a
cabeca (x:xs) = Just x
cabeca [] = Nothing
```

em casos de excepções o resultado é `Nothing`

Funções que trabalham sobre um tipo `t` terão que ser adaptadas para trabalhar com o tipo `Maybe t`.

Exemplo:

```
soma (Just x) (Just y) = Just (x+y)
soma _ _ = Nothing
```


Exemplo: A seguinte função que procura o nome associado a um dado número de BI, numa tabela implementada como uma lista de pares.

```
type BI = Integer
type Nome = String
```

```
procura :: BI -> [(BI,Nome)] -> Nome
procura n ((x,y):xys) | n == x      = y
                      | otherwise = procura n xys
procura _ [] = error "Não existe!"
```

A função `procura` termina em erro caso o BI não exista na tabela.
Ou seja, `procura` é uma função parcial.

Podemos *totalizar* a função de procura usando o tipo `(Maybe Nome)`.

```
proc :: BI -> [(BI,Nome)] -> Maybe Nome
proc n ((x,y):xys) | n == x      = Just y
                   | otherwise = proc n xys
proc _ [] = Nothing
```

Desta forma, se o BI não existir na tabela a função `proc` devolve `Nothing` e nunca termina em erro. Ou seja, `proc` é uma função total.