

## Zadanie numeryczne 3 – Kacper Drużdżel

Zastosowany algorytm: Dekompozycja LU (Doolittle algorithm), „forward substitution” oraz „backward substitution”

Mamy obliczyć:

$$\mathbf{z}_i = \mathbf{A}^{-1}\mathbf{b}_i$$

z tego wynika, że  $\mathbf{A}\mathbf{z}_i = \mathbf{b}_i$

Po rozłożeniu macierzy  $\mathbf{A}$ , mamy  $\mathbf{A} = \mathbf{LU}$

Czyli  $\mathbf{L}\mathbf{U}\mathbf{z}_i = \mathbf{b}_i$

Niech  $\mathbf{y}_i = \mathbf{U}\mathbf{z}_i$

Wtedy musimy rozwiązać 2 równania:

1.  $\mathbf{U}\mathbf{z}_i = \mathbf{y}_i$
2.  $\mathbf{L}\mathbf{y}_i = \mathbf{b}_i$

$\mathbf{L}$  i  $\mathbf{U}$  to macierz trójkątna dolna i górna, więc obliczenia są proste.

Do obliczenia układów równań posługuję się „forward substitution” oraz „backward substitution”.

[https://algowiki-project.org/en/Forward\\_substitution](https://algowiki-project.org/en/Forward_substitution)

[https://algowiki-project.org/en/Backward\\_substitution](https://algowiki-project.org/en/Backward_substitution)

Dlaczego rozkład LU?

Ponieważ faktoryzacja wykonuje się dokładnie raz i nie wymaga dodatkowej pamięci. Niestety rozkład LU nie jest podany z góry więc najkosztowniejszą operacją jest sam rozkład, co zajmuje aż  $O(n^3)$ .

Macierz  $\mathbf{A}$  również nie jest symetryczna oraz nie ma 0 na diagonalu.

Uruchomienie programu:

```
g++ -o zad3 zad3.cpp
```

następnie:

```
./zad3
```