# Badanie wpływu organizacji dostępu do pamięci globalnej na efektywność przetwarzania - Nvidia CUDA

Sebastian Maciejewski 132275 i Jan Techner 132332 grupa I1, zajęcia we wtorki o 15:10, tygodnie nieparzyste, email: maciejewski.torun@gmail.com

11 czerwca 2019

## 1 Wstęp

Sprawozdanie dotyczy zadania w wariancie 5. - badanie wpływu organizacji dostępu do pamięci globalnej (dostęp łączony i dostęp niełączony) na efektywność przetwarzania. Warianty kodu:

- grid wieloblokowy, obliczenia przy wykorzystaniu pamięci globalnej,
- grid wieloblokowy, obliczenia przy wykorzystaniu pamięci współdzielonej bloku watków.

Każdy z tych wariantów był wykorzystywany w dwóch wersjach - z łączonym oraz niełączonym dostępem do pamięci. Zastosowaliśmy dwa rozmiary bloków - 8x8 i 16x16, a pomiary pobraliśmy dla instancji o różnych wielkościach (128x128, 256x256, 512x512, 864x864, 1024x1024).

Wszystkie pomiary zostały wykonane na komputerach laboratoryjnych w sali 2.7.6. na karcie Nyidia GTX 260.

## 1.1 Specyfikacja sprzętu i wykorzystanego oprogramowania

- karta graficzna Nvidia GTX 260
  - compute capability 1.3
  - liczba multiprocesorów 27
  - $-\,$ maksymalna liczba bloków na jeden multiprocesor  $8\,$
  - maksymalna liczba wątków w bloku 512
  - warp size 32
  - half-warp size 16
- Visual Studio 2013
- Nvidia Visual Profiler

## 2 Analiza przygotowania eksperymentu

## 2.1 Kod wykorzystywany przy pomiarach

## Obliczenia z wykorzystaniem pamięci globalnej

W pierwszym wariancie kodu do obliczeń wykorzystujemy pamięć globalną - fragmenty pamięci zarezerwowane na każdą z 3 macierzy za pomocą cudaMalloc. Każdy z wątków oblicza jeden element wynikowy dodając wartości w swoim lokalnym rejestrze (C\_local), po czym zapisuje wynik takiego przetwarzania do tablicy w pamięci globalnej.

## Obliczenia z wykorzystaniem pamięci współdzielonej bloku wątków

W drugim wariancie wykorzystujemy współdzieloną pamięć bloku wątków. Pewien obszar pamięci został zaalokowany na współdzielony obszar pamięci bloku wątków za pomocą \_shared\_. Dwa takie obszary, o rozmiarze 8x8 lub 16x16 (w zależności od pomiaru) odpowiadają za przechowywanie fragmentów mnożonej macierzy. Dla każdego bloku wątków dane są pobierane do jego pamięci współdzielonej, następnie każdy z wątków wylicza na ich podstawie swój wynik.

Taka organizacja przetwarzania mogłaby prowadzić do problemów z np. nadpisywaniem danych, więc konieczna jest synchronizacja - aby 'poczekać' na zakończenie przetwarzania przez wszystkie wątki, wywoływana jest funkcja \_syncthreads. Po zakończeniu przetwarzania, wynik jest zapisywany w pamięci globalnej.

## 2.1.1 Rodzaje dostępu do pamięci

Dostęp do pamięci w kartach graficznych Nvidia odbywa się za pomocą transkacji o rozmiarach 32, 64 lub 128 bitów. W karcie na której przeprowadzany był eksperyment (CC 1.3) takie dostępy są realizowane dla tzw. half-wrapów - 16 wątkowych grup.

Różnica między dostępem łączonym a niełączonym sprowadza się do tego, że dostępem łączonym nazywamy dostęp do pamięci tych wątków half-wrapu, które sąsiadują ze sobą w pamięci. Dostęp w przeciwnym wypadku (wątki nie siąsiadują ze sobą w pamięci) nazywany jest dostępem niełączonym.

## 2.2 Istotne fragmenty kodu

## Wariant G.L - dostęp łączony, pamięć globalna

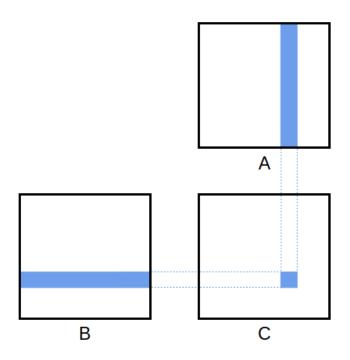
```
\mathbf{template} < \mathbf{int} \  \, \mathrm{BLOCK\_SIZE} > \  \, \_\_ \mathrm{global} \_ \  \, \mathbf{void} \  \, \mathrm{matrixMulCUDA} (\, \mathbf{float} \  \, \ast \mathrm{C}, \  \, \mathbf{float} \  \, \ast \mathrm{A}, \\
2
     float *B, int wA,
     int wB) {
3
      // Block index
4
     int bx = blockIdx.x;
6
     int by = blockIdx.y;
      // Thread index
9
     int tx = threadIdx.x;
10
     int ty = threadIdx.y;
11
     \mathbf{int} \ \ row \ = \ by \ * \ blockDim.y \ + \ ty;
12
     int col = bx * blockDim.x + tx;
13
     float C_{local} = 0;
14
15
16
     for (int k = 0; k < wA; k++) {
      C_{local} += A[row*wA + k] * B[k *wA + col];
17
18
19
     C[row*wA + col] = C_local;
20
21
    Wariant G_NL - Dostęp niełączony, pamięć globalna
1
     template <int BLOCK_SIZE> __global__ void matrixMulCUDA(float *C, float *A,
     float *B, int wA,
2
3
     int wB) {
      // Block index
     int bx = blockIdx.x;
5
6
     int by = blockIdx.y;
7
8
      // Thread index
9
     int tx = threadIdx.x;
10
     int ty = threadIdx.y;
11
12
     \mathbf{int} \ \mathsf{col} = \ \mathsf{by} \ * \ \mathsf{blockDim} \, . \, \mathsf{y} \ + \ \mathsf{ty} \, ;
     int row = bx * blockDim.x + tx;
13
14
     float C_{-local} = 0;
15
     \label{eq:formula} \mbox{for } (\mbox{int} \ k = 0; \ k < wA; \ k++) \ \{
16
17
       C_{local} += A[row*wA + k] * B[k *wA + col];
18
19
20
     C[row*wA + col] = C_local;
21
    }
    Wariant S<sub>L</sub> - dostęp łączony, pamięć współdzielona bloku wątków
     template <int BLOCK_SIZE> __global__ void matrixMulCUDA(float *C, float *A,
1
2
      float *B, int wA,
     int wB) {
3
4
      // Block index
5
     int bx = blockIdx.x;
     int by = blockIdx.y;
6
8
      // Thread index
     int tx = threadIdx.x;
9
10
     int ty = threadIdx.y;
11
     int row = by * blockDim.y + ty;
12
     int col = bx * blockDim.x + tx;
13
     float C_{-local} = 0;
14
15
16
      __shared__ float matAhelp[BLOCK_SIZE][BLOCK_SIZE];
      _shared_ float matBhelp[BLOCK_SIZE][BLOCK_SIZE];
17
      for (int m = 0; m < wA / BLOCK_SIZE; ++m)
18
      matAhelp[tx][ty] = A[row * wA + m*BLOCK.SIZE + tx];
19
       matBhelp[tx][ty] = B[(m*BLOCK\_SIZE + ty)*wA + col];
20
21
       _syncthreads();
       for (int k = 0; k < BLOCK\_SIZE; ++k)
22
23
        C_local += matAhelp[tx][k] * matBhelp[k][ty];
       _syncthreads();
```

#### Wariant S\_NL - dostęp niełączony, pamięć współdzielona bloku wątków

```
template <int BLOCK_SIZE> __global__ void matrixMulCUDA(float *C, float *A,
 1
 2
      float *B, int wA,
      int wB) {
 3
 4
       // Block index
 5
      int bx = blockIdx.x;
 6
      int by = blockIdx.y;
 7
 8
      // Thread index
 9
      int tx = threadIdx.x;
10
      int ty = threadIdx.y;
11
      12
      int row = bx * blockDim.x + tx;
13
14
      float C_{-local} = 0;
15
       --shared-- float matAhelp[BLOCK_SIZE][BLOCK_SIZE];
16
       _shared_ float matBhelp[BLOCK_SIZE][BLOCK_SIZE];
17
      18
       \begin{array}{l} \operatorname{matAhelp}[\operatorname{tx}][\operatorname{ty}] = \operatorname{A}[\operatorname{row} * \operatorname{wA} + \operatorname{m*BLOCK\_SIZE} + \operatorname{tx}]; \\ \operatorname{matBhelp}[\operatorname{tx}][\operatorname{ty}] = \operatorname{B}[(\operatorname{m*BLOCK\_SIZE} + \operatorname{ty}) * \operatorname{wA} + \operatorname{col}]; \end{array}
19
20
21
        _syncthreads();
22
        for (int k = 0; k < BLOCK\_SIZE; ++k)
23
         C_local += matAhelp[tx][k] * matBhelp[k][ty];
24
        __syncthreads();
25
26
27
      C[row*wA + col] = C_local;
28
     }
```

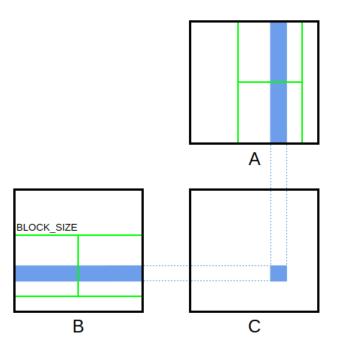
## Wizualizacja przetwarzania

Na poniższych grafikach widać różnicę w procesie obliczania macierzy z wykorzystaniem pamięci globalnej i pamięci współdzielonej wątków.



Rysunek 1: Wykorzystanie pamięci globalnej

W przypadku pamięci globalnej każdy wątek odczytuje jeden wiersz macierzy A i jedną kolumnę macierzy B, a następnie oblicza odpowiadający element macierzy C. Wszystkie dane odczytywane są bezpośrednio z pamięci globalnej, co powoduje bardzo dużą liczbę odwołań do pamięci globalnej.



Rysunek 2: Wykorzystanie pamięci podręcznej, dostęp niełączony

W drugim przypadku, dla pamięci współdzielonej bloku wątków, każdy blok oblicza macierz będącą częścią macierzy wynikowej C o rozmiarze równym rozmiarowi bloku. Każdy wątek jest wówczas odpowiedzialny za obliczenie jednego elementu takiego wycinka macierzy. W taki sposób znacząco ograniczamy ilość dostępów do pamięci globalnej, ponieważ macierze A i B są odczytywane tylko  $\frac{n}{BLOCK\_SIZE}$  razy, gdzie n to wielkość instancji a  $BLOCK\_SIZE$  to wielokść bloku.

## 3 Analiza wyników eksperymentu pomiarowego

## 3.1 Miary efektywności

## Prędkość obliczeń

$$\frac{ZL}{t} = \frac{2 * n^3}{t} \tag{1}$$

gdzie ZL to złożoność obliczeniowa, t to czas, a n to rozmiar instancji.

#### Przyspieszenie w stosunku do IKJ

$$\frac{t_{IKJ}}{CPR} \tag{2}$$

gdzie  $t_{IKJ}$  to czas przetwarzania IKJ a CPR to czas przetwarzania równoległego.

## Przyspieszenie w funkcji wielkości instancji

$$\frac{CPI}{CP128} \tag{3}$$

gdzie CPI to czas przetwarzania dla instancji a CPI128 to czas przetwarzania dla instancji o rozmiarze 128, będący naszym punktem odniesienia - obliczamy przyspieszenie w stosunku do przetwarzania instancji o rozmiarze 128.

## Miara stopnia łączenia dostępów do pamięci

Jest to miara obliczana w następujący sposób: dla każdebo bloku pobierane będą dwie macierze  $(n^2)$ , dodajemy do tego  $n^2$  zapisów do pamięci globalnej i dzielimy przez sumę transkacji między pamięcią a multiprocesorem (odczytane z wyników z programu Visual Profiler).

## Zajętość procesora

Wyliczana za pomocą kalkulatora zajętości SM miara - dla bloków o rozmiarze 8x8 osiąga 50%, zaś dla bloków o rozmiarze 16x16 osiąga 100%, czego można się było spodziewać. Pokazuje to, że pełnię możliwości tej karty wykorzystujemy wtedy, gdy bloki mają rozmiar 16x16.

#### CGMA - stosunek operacji do dostępów do pamięci

Jest to miara instensywności obliczeń. Zakładamy, że do obliczenia jednego elementu wynikowego potrzebujemy n danych z wiersza macierzy, n danych z kolumny macierzy oraz 1 operację zapisu do pamięci globalnej. Warto zauważyć, że dla współdzielonej pamięci bloku wątków CGMA będzie bliski 1, ponieważ pomijamy operacje pobierania danych z pamięci globalnej do lokalnej. gdzie n to wielkość instancji.

#### **GLD\_EFFICIENCY**

Jest to miara efektywności pobierania danych z pamięci globalnej obliczana w sposób następujący:

$$\frac{gld\_reques}{gld\_total/(2*SM)} \tag{4}$$

gdzie SM to liczba multiprocesorów.

#### GST\_EFFICIENCY

Jest to miara efektywności zapisu danych w pamięci globalnej. Oblicza się ją analogicznie do GLD\_EFFICIENCY.

$$\frac{gst\_reques}{(gst\_32 + gst\_64 + gst\_128)/(2*SM)}$$
 (5)

gdzie SM to liczba multiprocesorów.

## 3.2 Wyniki pomiarów

$G.L$ $ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	V	BS	INST	T[ms]	GFLOPS	vs IKJ	$\Delta A$	CMGA	JOIN	%	GLD_E	GST_E
G.L.    Section	GL		128	0,17	25,32	12,07	1,00	0,0039	733,88	50%	5184	141208
$ \begin{array}{c} {\rm G.L.} \\ {\rm G.L.} \\ {\rm G.L.} \\ {\rm I.024} \\ {\rm F7,08} \\ {\rm 24,66} \\ {\rm 5,87} \\ {\rm 5,52,70} \\ {\rm 0,0005} \\ {\rm 0,0005} \\ {\rm 5,612,00} \\ {\rm 0,0005} \\ {\rm 5,612,00} \\ {\rm 0,0005} \\ {\rm 0,0005} \\ {\rm 245,81} \\ {\rm 1009} \\ {\rm 1009} \\ {\rm 1728} \\ {\rm 256} \\ {\rm 1,03} \\ {\rm 32,395} \\ {\rm 16} \\ {\rm 16} \\ {\rm 512} \\ {\rm 7,80} \\ {\rm 34,41} \\ {\rm 3,348} \\ {\rm 2,91} \\ {\rm 8,34} \\ {\rm 0,0010} \\ {\rm 135,68} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,68} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,68} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 11141} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,68} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,68} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,68} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,68} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,68} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,68} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,68} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,20} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,24} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 135,24} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 128,0000} \\ {\rm 1228,00} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 1228,00} \\ {\rm 1000} \\ {\rm 100$			256	1,10	30,63	2,74	6,61	0,0019			10368	10904
$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $		8	512	10,20	26,33	2,65	61,55	0,0010	3045,11	50%	20736	591
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$			864	58,03	22,23	2,43	350,32	0,0006	5162,90	50%	34992	59
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$				87,08	24,66	5,87	525,70	0,0005	6121,00			35
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		16	128	0,12	33,95	16,19	1,00	0,0039	245,81	100%	1728	282894
$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $			256	1,03	32,58	2,91	8,34	0,0019	552,75	100%		17551
$ S.L = \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$			512	7,80	34,41	3,46	63,14	0,0010	1136,81	100%	6912	1141
G.NL    128			864	39,38	32,75	3,58	318,82	0,0006	1930,81	100%	11664	133
$ \textbf{G.NL} \\ \textbf{F.L.} \\ \textbf{G.NL} \\ \textbf{A.C.} \\ \textbf{B.C.} \\ \textbf{A.C.} \\ A$				71,83	29,90	7,11	581,49	0,0005	2286,30	100%	13824	63
$ \textbf{G.NL} \\ \textbf{F.L.} \\ \textbf{G.NL} \\ \textbf{A.A.} \\ \textbf{A.B.} \\ A$	G_NL	8	128	0,41	10,11	4,82	1,00	0,0039		50%	3888	77004
$ \begin{array}{c} {\rm G.NL} \\ {\rm G.NL} \\ \\ {\rm I024} \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\$			256	3,47	9,66	0,86	8,37	0,0019	501,87		7776	4603
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			512	44,66	6,01	0,60	107,67	0,0010	1012,71			
S_LL			864	204,65	6,30	0,69	493,37	0,0006	1718,62	50%	26244	
S_NL     128   0,81   5,15   2,45   1,00   0,0039   29,13   100%   3672   41510   256   6,52   5,15   0,46   8,00   0,0019   65,27   100%   7344   2595   256   6,52   5,15   0,36   92,30   0,0010   134,00   100%   14688   112   124   2595   2456   0,86   38,81   3,47   6,82   1   8493,26   50%   1728   82978   256   0,86   38,81   3,47   6,82   1   8493,26   50%   1728   82978   256   0,86   38,81   3,47   6,82   1   8493,26   50%   1728   82978   256   0,86   38,81   3,47   6,82   1   25701,09   50%   6912   330   330   1024   32,73   65,60   15,61   258,29   1   42639,10   50%   6912   330   2556   1,61   20,78   1,86   6,61   1   6582,70   100%   0   170279   128   256   1,61   20,78   1,86   6,61   1   6582,70   100%   0   1426   1024   98,48   21,81   5,19   403,22   1   33641,27   100%   0   1426   1024   98,48   21,81   5,19   403,22   1   33641,27   100%   0   1426   1024   98,48   21,81   5,19   403,22   1   33641,27   100%   0   724   128   0,13   31,95   15,24   1,00   1   1429,14   50%   540   1726347   256   0,87   38,68   3,46   6,61   1   3247,42   50%   1080   132073   864   32,77   39,36   4,30   249,63   1   11969,10   50%   3645   1041   128   0,25   16,64   7,93   1,00   1   297,64   100%   299,5   2118706   256   1,65   20,39   1,82   6,53   1   180,56   100%   459   164427   166   512   12,36   21,72   2,18   49,04   1   1871,40   100%   918   10961   166   512   12,36   21,72   2,18   49,04   1   1871,40   100%   1549,125   1358				504,72	4,25	1,01	1216,81	0,0005	2037,98	50%	31104	8
S.L   16			128	0,81	5,15	2,45	1,00	0,0039	29,13	100%	3672	41510
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$			256	6,52	5,15	0,46	8,00	0,0019	65,27	100%	7344	2595
S.L         1024         990,65         2,17         0,52         1215,98         0,0005         269,23         100%         29376         4           S.L         128         0,13         33,10         15,78         1,00         1         3879,09         50%         864         1112210           8         256         0,86         38,81         3,47         6,82         1         8493,26         50%         1728         82978           8         512         6,85         39,20         3,94         54,03         1         17661,66         50%         3456         5254           864         54,47         23,68         2,59         429,82         1         25701,09         50%         6912         330           1024         32,73         65,60         15,61         258,29         1         42639,10         50%         5832         652           128         0,24         17,17         8,19         1,00         1         2352,76         100%         0         2155375           256         1,61         20,78         1,86         6,61         1         6582,70         100%         0         17249           16         <		16	512	75,20	3,57	0,36	92,30	0,0010	134,00	100%	14688	112
S.L         128         0,13         33,10         15,78         1,00         1         3879,09         50%         864         1112210           8         256         0,86         38,81         3,47         6,82         1         8493,26         50%         1728         82978           8         512         6,85         39,20         3,94         54,03         1         17661,66         50%         3456         5254           864         54,47         23,68         2,59         429,82         1         25701,09         50%         6912         330           1024         32,73         65,60         15,61         258,29         1         42639,10         50%         5832         652           128         0,24         17,17         8,19         1,00         1         2352,76         100%         0         2155375           256         1,61         20,78         1,86         6,61         1         6582,70         100%         0         170279           16         512         12,32         21,79         2,19         50,45         1         15496,47         100%         0         1426           1024         98			864	388,92	3,32	0,36	477,38	0,0006	227,41	100%	24786	13
$ S.L \\ 8 \\ \hline \\ 1024 \\ \hline \\ 8 \\ \hline \\ 8 \\ \hline \\ 1024 \\ \hline \\ 8 \\ \hline \\ 1024 $				990,65	2,17	0,52	1215,98	0,0005	269,23		29376	
$ S.L = \begin{bmatrix} 8 & 512 & 6.85 & 39.20 & 3.94 & 54.03 & 1 & 17661,66 & 50\% & 3456 & 5254 \\ 864 & 54.47 & 23.68 & 2.59 & 429.82 & 1 & 25701,09 & 50\% & 6912 & 330 \\ 1024 & 32.73 & 65.60 & 15.61 & 258.29 & 1 & 42639.10 & 50\% & 5832 & 652 \\ 128 & 0.24 & 17.17 & 8.19 & 1.00 & 1 & 2352,76 & 100\% & 0 & 2155375 \\ 256 & 1.61 & 20.78 & 1.86 & 6.61 & 1 & 6582,70 & 100\% & 0 & 170279 \\ 16 & 512 & 12.32 & 21.79 & 2.19 & 50.45 & 1 & 15496,47 & 100\% & 0 & 11433 \\ 864 & 59.10 & 21.83 & 2.39 & 241.97 & 1 & 27996,80 & 100\% & 0 & 1426 \\ 1024 & 98.48 & 21.81 & 5.19 & 403.22 & 1 & 33641,27 & 100\% & 0 & 724 \\ 256 & 0.87 & 38.68 & 3.46 & 6.61 & 1 & 3247,42 & 50\% & 1080 & 132073 \\ 8 & 512 & 6.86 & 39.14 & 3.94 & 52.25 & 1 & 6899.09 & 50\% & 2160 & 8390 \\ 864 & 32.77 & 39.36 & 4.30 & 249.63 & 1 & 11969.10 & 50\% & 3645 & 1041 \\ 1024 & 60.00 & 35.79 & 8.52 & 457.02 & 1 & 14265,87 & 50\% & 4320 & 487 \\ 128 & 0.25 & 16.64 & 7.93 & 1.00 & 1 & 297.64 & 100\% & 229.5 & 2118706 \\ 256 & 1.65 & 20.39 & 1.82 & 6.53 & 1 & 810.56 & 100\% & 459 & 164427 \\ 16 & 512 & 12.36 & 21.72 & 2.18 & 49.04 & 1 & 1871.40 & 100\% & 918 & 10961 \\ 864 & 59.12 & 21.82 & 2.39 & 234.54 & 1 & 3348.45 & 100\% & 1549.125 & 1358 \\ \end{bmatrix}$	S.L	8	128	0,13	33,10	15,78	1,00	1	3879,09		864	1112210
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			256	0,86	38,81	3,47	6,82	1	8493,26		1728	82978
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$			512	6,85	39,20	3,94	54,03	1	17661,66		3456	
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$			864	54,47	23,68	2,59	429,82	1	25701,09		6912	330
$ \text{S.NL} = \begin{bmatrix} 128 & 0.24 & 17.17 & 8.19 & 1.00 & 1 & 2352.76 & 100\% & 0 & 2155375 \\ 256 & 1.61 & 20.78 & 1.86 & 6.61 & 1 & 6582.70 & 100\% & 0 & 170279 \\ 512 & 12.32 & 21.79 & 2.19 & 50.45 & 1 & 15496.47 & 100\% & 0 & 11433 \\ 864 & 59.10 & 21.83 & 2.39 & 241.97 & 1 & 27996.80 & 100\% & 0 & 1426 \\ 1024 & 98.48 & 21.81 & 5.19 & 403.22 & 1 & 33641.27 & 100\% & 0 & 724 \\ 128 & 0.13 & 31.95 & 15.24 & 1.00 & 1 & 1429.14 & 50\% & 540 & 1726347 \\ 256 & 0.87 & 38.68 & 3.46 & 6.61 & 1 & 3247.42 & 50\% & 1080 & 132073 \\ 8512 & 6.86 & 39.14 & 3.94 & 52.25 & 1 & 6899.09 & 50\% & 2160 & 8390 \\ 864 & 32.77 & 39.36 & 4.30 & 249.63 & 1 & 11969.10 & 50\% & 3645 & 1041 \\ 1024 & 60.00 & 35.79 & 8.52 & 457.02 & 1 & 14265.87 & 50\% & 4320 & 487 \\ 128 & 0.25 & 16.64 & 7.93 & 1.00 & 1 & 297.64 & 100\% & 229.5 & 2118706 \\ 256 & 1.65 & 20.39 & 1.82 & 6.53 & 1 & 810.56 & 100\% & 459 & 164427 \\ 16 & 512 & 12.36 & 21.72 & 2.18 & 49.04 & 1 & 1871.40 & 100\% & 918 & 10961 \\ 864 & 59.12 & 21.82 & 2.39 & 234.54 & 1 & 3348.45 & 100\% & 1549.125 & 1358 \\ \end{bmatrix}$								1			5832	
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$		16	128	0,24	17,17	8,19	1,00	1	2352,76	100%	0	2155375
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$			256	1,61	20,78	1,86	6,61	1	6582,70	100%	0	170279
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$				12,32	21,79	2,19	50,45	1	15496,47	100%		11433
$ S.NL = \begin{bmatrix} 128 & 0,13 & 31,95 & 15,24 & 1,00 & 1 & 1429,14 & 50\% & 540 & 1726347 \\ 256 & 0,87 & 38,68 & 3,46 & 6,61 & 1 & 3247,42 & 50\% & 1080 & 132073 \\ 512 & 6,86 & 39,14 & 3,94 & 52,25 & 1 & 6899,09 & 50\% & 2160 & 8390 \\ 864 & 32,77 & 39,36 & 4,30 & 249,63 & 1 & 11969,10 & 50\% & 3645 & 1041 \\ 1024 & 60,00 & 35,79 & 8,52 & 457,02 & 1 & 14265,87 & 50\% & 4320 & 487 \\ 128 & 0,25 & 16,64 & 7,93 & 1,00 & 1 & 297,64 & 100\% & 229,5 & 2118706 \\ 256 & 1,65 & 20,39 & 1,82 & 6,53 & 1 & 810,56 & 100\% & 459 & 164427 \\ 16 & 512 & 12,36 & 21,72 & 2,18 & 49,04 & 1 & 1871,40 & 100\% & 918 & 10961 \\ 864 & 59,12 & 21,82 & 2,39 & 234,54 & 1 & 3348,45 & 100\% & 1549,125 & 1358 \\ \end{bmatrix} $				59,10	21,83	2,39	241,97	1				
$ S.NL = \begin{bmatrix} 256 & 0.87 & 38,68 & 3,46 & 6,61 & 1 & 3247,42 & 50\% & 1080 & 132073 \\ 512 & 6.86 & 39,14 & 3.94 & 52,25 & 1 & 6899,09 & 50\% & 2160 & 8390 \\ 864 & 32,77 & 39,36 & 4,30 & 249,63 & 1 & 11969,10 & 50\% & 3645 & 1041 \\ 1024 & 60,00 & 35,79 & 8,52 & 457,02 & 1 & 14265,87 & 50\% & 4320 & 487 \\ 128 & 0.25 & 16,64 & 7,93 & 1,00 & 1 & 297,64 & 100\% & 229,5 & 2118706 \\ 256 & 1,65 & 20,39 & 1,82 & 6,53 & 1 & 810,56 & 100\% & 459 & 164427 \\ 16 & 512 & 12,36 & 21,72 & 2,18 & 49,04 & 1 & 1871,40 & 100\% & 918 & 10961 \\ 864 & 59,12 & 21,82 & 2,39 & 234,54 & 1 & 3348,45 & 100\% & 1549,125 & 1358 \end{bmatrix} $				98,48	21,81	5,19	403,22	1				
$ S.NL = \begin{bmatrix} 8 & 512 & 6,86 & 39,14 & 3,94 & 52,25 & 1 & 6899,09 & 50\% & 2160 & 8390 \\ 864 & 32,77 & 39,36 & 4,30 & 249,63 & 1 & 11969,10 & 50\% & 3645 & 1041 \\ 1024 & 60,00 & 35,79 & 8,52 & 457,02 & 1 & 14265,87 & 50\% & 4320 & 487 \\ 128 & 0,25 & 16,64 & 7,93 & 1,00 & 1 & 297,64 & 100\% & 229,5 & 2118706 \\ 256 & 1,65 & 20,39 & 1,82 & 6,53 & 1 & 810,56 & 100\% & 459 & 164427 \\ 16 & 512 & 12,36 & 21,72 & 2,18 & 49,04 & 1 & 1871,40 & 100\% & 918 & 10961 \\ 864 & 59,12 & 21,82 & 2,39 & 234,54 & 1 & 3348,45 & 100\% & 1549,125 & 1358 \\ \end{bmatrix} $	S_NL	8	128	0,13	31,95		1,00	1	1429,14	50%	540	1726347
$ S.NL = \begin{bmatrix} 864 & 32,77 & 39,36 & 4,30 & 249,63 & 1 & 11969,10 & 50\% & 3645 & 1041 \\ 1024 & 60,00 & 35,79 & 8,52 & 457,02 & 1 & 14265,87 & 50\% & 4320 & 487 \\ 128 & 0,25 & 16,64 & 7,93 & 1,00 & 1 & 297,64 & 100\% & 229,5 & 2118706 \\ 256 & 1,65 & 20,39 & 1,82 & 6,53 & 1 & 810,56 & 100\% & 459 & 164427 \\ 16 & 512 & 12,36 & 21,72 & 2,18 & 49,04 & 1 & 1871,40 & 100\% & 918 & 10961 \\ 864 & 59,12 & 21,82 & 2,39 & 234,54 & 1 & 3348,45 & 100\% & 1549,125 & 1358 \\ \end{bmatrix} $				0,87	38,68	3,46	6,61	1	3247,42		1080	132073
S_NL								1				
128   0,25   16,64   7,93   1,00   1   297,64   100%   229,5   2118706     256   1,65   20,39   1,82   6,53   1   810,56   100%   459   164427     16   512   12,36   21,72   2,18   49,04   1   1871,40   100%   918   10961     864   59,12   21,82   2,39   234,54   1   3348,45   100%   1549,125   1358			864	32,77	39,36	4,30	249,63	1		50%	3645	1041
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$			1024	60,00	35,79	8,52	457,02	1	14265,87	50%	4320	487
16     512     12,36     21,72     2,18     49,04     1     1871,40     100%     918     10961       864     59,12     21,82     2,39     234,54     1     3348,45     100%     1549,125     1358		16	128	0,25	16,64	7,93	1,00	1	297,64		229,5	
864 59,12 21,82 2,39 234,54 1 3348,45 100% 1549,125 1358								1	810,56			164427
864 59,12 21,82 2,39 234,54 1 3348,45 100% 1549,125 1358			512	12,36	21,72	2,18	49,04	1	1871,40	100%	918	10961
1024 98,54 21,79 5,19 390,94 1 4014,01 100% 1836 688			864	59,12			234,54	1		100%	1549,125	1358
			1024	98,54	21,79	5,19	390,94	1	4014,01	100%	1836	688

Tablica 1: Miary efektywności dla 6 pętli, przetwarzanie równolegle

## Nazwy kolumn:

- V wersja kodu
- $\bullet~{\rm BS}$  rozmiar bloku
- INST rozmiar instancji (długość boku macierzy)
- $\bullet~{\rm T[ms]}$  czas przetwarzania w ms
- GFLOPS prędkość przetwarzania
- $\bullet\,$ vs IKJ przyspieszenie w stosunku do IJK
- $\Delta A$  zmiana przyspieszenia w funkcji wielkości instancji
- JOIN miara stopnia łączenia dostępów do pamięci globalnej

- $\bullet~\%$  zajętość multiprocesora
- $\bullet$  GLD\_E gld\_efficiency
- $\bullet$  GST\_E gst\_efficiency

## 4 Wnioski

Po przeanalizowaniu wyników