

Conceptos básicos de mecánica de fluidos

Miguel Carrasco Chanta

Mecánica y transporte de fluidos (C0683-2023II)

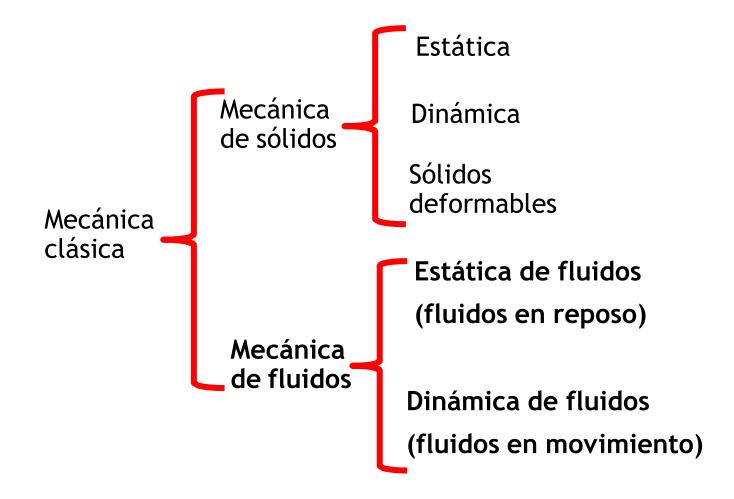
Contenido



- Introducción
- Dimensiones y unidades
- Propiedades de un fluido
 - Densidad, volumen específico, peso específico, densidad relativa









SPIRITUS UND TO STREET

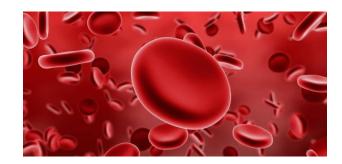
Ejemplos













Saberes previos

- ¿Qué es un fluido?
- ¿Qué conceptos básicos de mecánica de fluidos conocen?
- ¿Qué es y para que nos sirve el análisis dimensional?
- ¿Cuál es la diferencia entre un medio discreto y uno continuo?



Logro de la sesión

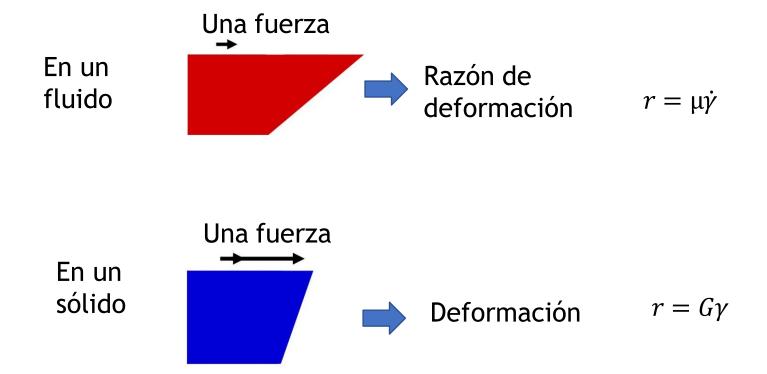
Al finalizar la sesión el estudiante entiende qué es un fluido, e identifica sus propiedades básicas, así como también entiende qué es el análisis dimensional y su importancia.

Introducción



¿Qué es un fluido?

Se define como una sustancia que se deforma continuamente cuando está sometido a un *esfuerzo cortante*.

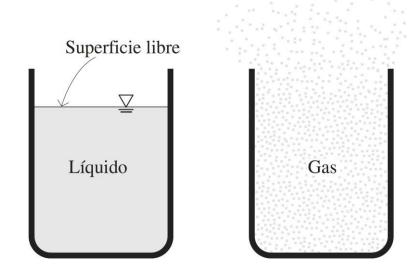






Cuando la materia se encuentra en **estado líquido o gaseoso** se puede considerar **un fluido.**

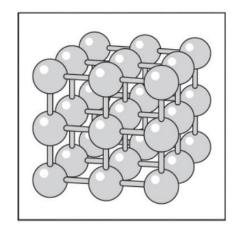
El estado gaseoso, a diferencia del estado líquido, **no puede** formar una superficie libre ya que se expande hasta llenar **todo el espacio disponible**.



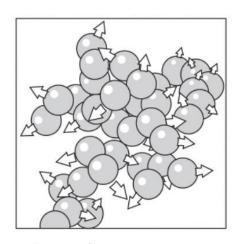
Introducción



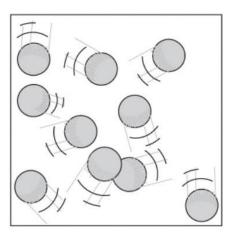
El comportamiento de las moléculas es diferente para cada estado.



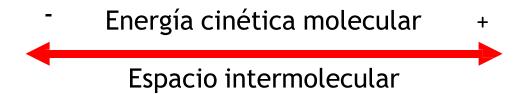
Solido: las moléculas presentan un patrón fijo.



Líquido: Las moléculas se mueven respecto a las otras



Gaseoso: Las moléculas se mueven en cualquier dirección





Concepto del medio continuo

Comúnmente se considera un fluido como un medio continuo, es decir que sus propiedades (densidad, temperatura, esfuerzo, etc) **se mantienen** a lo largo del espacio que ocupa.

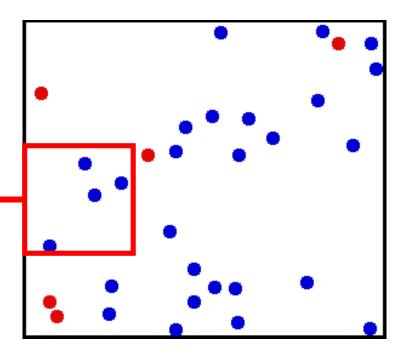
Por ejemplo, la densidad para un espacio estudiado se toma como:

$$\rho = \frac{m}{V}$$

¿Qué sucede si tomamos una parte muy pequeña?

$$\rho = \frac{\delta m}{\delta V}$$

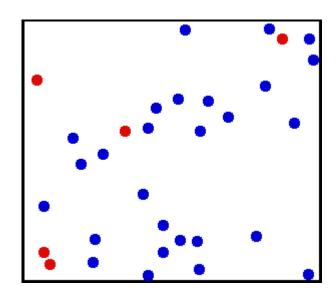
La densidad sería diferente en cada espacio pequeo, esto se le conoce como incertidumbre microscópica, que es causada por la naturaleza discontinua y fluctuante de la materia





Concepto del medio continuo

Asimismo, si se toma un volumen muy grande, pueden existir variaciones, lo cual se conoce como incertidumbre macroscópica, y ocurre debido a la variación espacial de las variables del fluido.

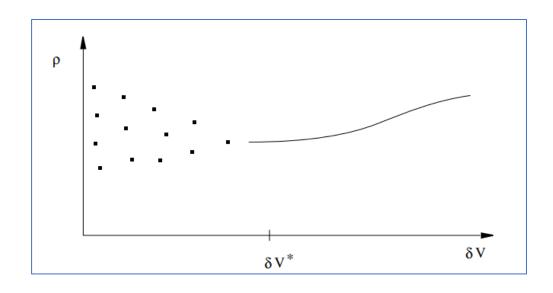




SPIRITUS UNITED TO STANFALL

Concepto del medio continuo

En la práctica se utiliza un rango válido δV^* en lo que se tiene una función continua. En ese sentido, un fluido se considera un medio continuo si es que se trabaja en un determinado rango.



$$\rho = \lim_{\eth V \to \eth V^*} \frac{\delta m}{\delta V}$$



Dimensiones fundamentales

Son las dimensiones básicas, y se utilizan para describir las dimensiones secundarias.

| Cantidad | Dimensiones | Unidades del SI | | Unidades inglesas | |
|-----------------------|-------------|-----------------|------|-------------------|----------------------|
| Longitud l | L | metro | m | pie | ft |
| Masa m | M | kilogramo | kg | slug | slug |
| Tiempo t | T | segundo | S | segundo | S |
| Corriente eléctrica i | | ampere | A | ampere | A |
| Temperatura T | Θ | kelvin | K | Rankine | $^{\circ}\mathbf{R}$ |
| Cantidad de sustancia | M | kg-mol | kmol | lb-mol | lbmol |
| Intensidad luminosa | | candela | cd | candela | cd |
| Ángulo plano | | radián | rad | radián | rad |
| Ángulo sólido | | estereorradián | sr | estereorradián | sr |



Por ejemplo, para expresar la segunda ley de Newton, que indica que la fuerza (F) es igual al producto de la masa (m) por la aceleración (a)

$$F = ma$$

m: masa dimensión fundamental (M)

a: aceleración dimensión compuesta, longitud sobre tiempo al cuadrado (LT^{-2})

Para describir dimensionalmente la dimensión fuerza:

$$[F] = [m][a]$$
$$F = MLT^{-2}$$



Dimensiones secundarias o derivadas

Se generan a través del producto de dimensiones fundamentales, sus unidades son compuestas, pero no todas se expresan como el producto de estas.

- Aceleración se expresa en metros sobre segundo al cuadrado (m/s^2)
- Fuerza se expresa en la unidad Newton (N) y no en su forma compuesta. $(kg \ m/s^2)$
- Esfuerzo se puede expresar en Pascales (Pa), pero en algunos casos se suele expresar en Newton sobre metro cuadrado (N/m^2) . Sin embargo, no se suele usar en la forma compuesta $(kg/(m s^2))$



Algunas dimensiones secundarias y sus unidades

| Cantidad | Dimensiones | Unidades del SI | Unidades inglesas |
|------------------------------|-----------------|---------------------|------------------------|
| Área A | L^2 | m^2 | ft ² |
| Volumen ¥ | L^3 | m^3 | ft ³ |
| | | L (litro) | |
| Velocidad V | L/T | m/s | ft/s |
| Aceleración a | L/T^2 | m/s^2 | ft/s ² |
| Velocidad angular ω | T^{-1} | rad/s | rad/s |
| Fuerza F | ML/T^2 | kg·m/s ² | slug-ft/s ² |
| | | N (newton) | lb (libra) |
| Densidad ρ | M/L^3 | kg/m ³ | slug/ft ³ |
| Peso específico γ | M/L^2T^2 | N/m^3 | lb/ft ³ |
| Frecuencia f | T^{-1} | s^{-1} | s^{-1} |
| Presión p | M/LT^2 | N/m^2 | lb/ft ² |
| r | | Pa (pascal) | (psf) |
| Esfuerzo cortante $	au$ | M/LT^2 | N/m^2 | lb/ft ² |
| | | Pa (pascal) | (psf) |
| Tensión superficial σ | M/T^2 | N/m | lb/ft |
| Trabajo W | ML^2/T^2 | N∙m | ft-lb |
| · · | | J (joule) | |
| Energía E | ML^2/T^2 | N·m | ft-lb |
| 8 | | J (joule) | |
| Rendimiento térmico Q | ML^2/T^3 | J/s | Btu/s |
| Par de torsión T | ML^2/T^2 | N·m | ft-lb |
| Potencia P | ML^2/T^3 | J/s | ft-lb/s |
| \dot{W} | | W (watt) | |
| Viscosidad μ | M/LT | $N \cdot s/m^2$ | lb-s/ft ² |
| Flujo másico m | M/T | kg/s | slug/s |
| Gasto Q | L^3/T | m^3/s | ft ³ /s |
| Calor específico c | $L^2/T^2\Theta$ | J/kg·K | Btu/slug-°R |
| Conductividad K | $ML/T^3\Theta$ | W/m·K | lb/s-°R |



El flujo de salida de un tanque (Q), se puede expresar a través de la siguiente ecuación, la cual relaciona el área del orificio (A), aceleración de la gravedad (g) y altura (h):

$$Q = kA\sqrt{2gh}$$

¿Cuales son las unidades de la variable k?

Solución:

g: Gravedad (LT^{-2})

h: altura (L)

A: Área (L^2)

Q: Flujo (L^3T^{-1})

$$[Q] = [k][A]\sqrt{[g][h]}$$

La variable k es un parámetro adimensional



Densidad (ρ)

Es la masa (m) por unidad de volumen (V).

$$\rho = \frac{m}{V}$$

Volumen específico (v)

Es el volumen (V) ocupado por unidad de masa (m).

$$v = \frac{V}{m} = \frac{1}{\rho}$$

Algunas densidades de referencia

| Sustancia | Densidad en kg/m³ |
|--------------------|-------------------|
| Agua | 1000 |
| Agua con Sal | 1047 |
| Gasolina | 680 |
| Hielo | 920 |
| Alcohol | 780 |
| Mercurio | 13600 |
| Sangre | 1480-1600 |
| Aire | 1,3 |
| Butano | 2,6 |
| Dióxido de carbono | 1,8 |
| Aceite | 920 |

Presión



La presión (P) se define como la división entre la fuerza ejercida en forma perpendicular a una superficie (F perpendicular) y el área (A) de la propia superficie.

$$P = \frac{F}{A}$$

 ΔF_n Superficie

Se expresa en unidades de fuerza sobre área

| Nombre | Abreviatura | Equivalencia |
|-----------------------|-------------------|--|
| Pascal (SI) | Pa | $1 \text{ Pa} = 1 \text{ N/m}^{\$}$ |
| Bar | bar | 1 atm = 101 300 Pa |
| Atmósfera | atm | $1 \text{bar} = 10^5 \text{Pa}$ |
| Milímetro de mercurio | mmHg | 1 mmHg = 133.322 Pa |
| Metro de agua | mH ₂ O | $1 \text{mH}_{\$}0 = 9810 \text{Pa}$ |

Presión



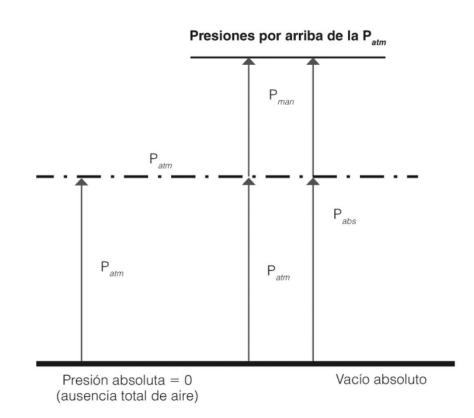
Presión absoluta (P_{abs}): Es el valor de la presión referido al vacío total.

Presión manométrica o relativa (P_{man}) : Es la presión medida en referencia a la atmosférica (P_{atm}) .

$$P_{man} = P_{abs} - P_{atm}$$

En mecánica de fluidos y en sistemas biológicos es común utilizar la presión manométrica.

La presión atmosférica a nivel del mar es de $P_{atm} = 101.3 \ kPa$



Temperatura



Para la temperatura, se utilizan las escalas en Celsius (°C) y Fahrenheit (F), las cuales están basadas en el punto de ebullición y congelación del agua a una presión atmosférica.

La escala absoluta correspondiente a Celsius es el Kelvin (K)

$$K = {}^{\circ}C + 273.15$$

La escala absoluta correspondiente a Fahrenheit es el Rankine (°R).

$$^{\circ}R = ^{\circ}F + 469.67$$

Para el curso, se hará uso de Kelvin.

La relación entre Fahrenheit y Celsius, se da a través de la relación:

$$^{\circ}C = \frac{5(^{\circ}F - 32)}{9}$$

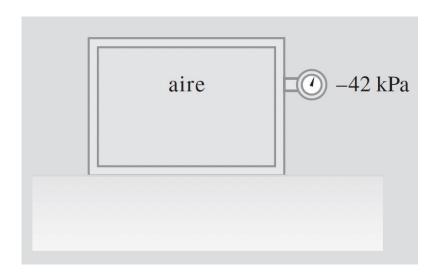


| Altitud | Temperatura | Presión | Densidad | Velocidad del sonido |
|---------|-------------|---------|-----------------------|-------------------------|
| (m) | (K) | (kPa) | (kg/m^3) | (m/s) |
| 0 | 288.2 | 101.3 | 1.225 | 340 |
| 500 | 284.9 | 95.43 | 1.167 | 338 |
| 1 000 | 281.7 | 89.85 | 1.112 | 336 |
| 2 000 | 275.2 | 79.48 | 1.007 | 333 |
| 4 000 | 262.2 | 61.64 | 0.8194 | 325 |
| 6 000 | 249.2 | 47.21 | 0.6602 | 316 |
| 8 000 | 236.2 | 35.65 | 0.5258 | 308 |
| 10 000 | 223.3 | 26.49 | 0.4136 | 300 |
| 12 000 | 216.7 | 19.40 | 0.3119 | 295 |
| 14 000 | 216.7 | 14.17 | 0.2278 | 295 |
| 16 000 | 216.7 | 10.35 | 0.1665 | 295 |
| 18 000 | 216.7 | 7.563 | 0.1216 | 295 |
| 20 000 | 216.7 | 5.528 | 0.0889 | 295 |
| 30 000 | 226.5 | 1.196 | 0.0184 | 302 |
| 40 000 | 250.4 | 0.287 | 4.00×10^{-3} | 317 |
| 50 000 | 270.7 | 0.0798 | 1.03×10^{-3} | 330 |
| 60 000 | 255.8 | 0.0225 | 3.06×10^{-4} | 321 |
| 70 000 | 219.7 | 0.00551 | 8.75×10^{-5} | 297 |
| 80 000 | 180.7 | 0.00103 | 2.00×10^{-5} | 269 |



Ejercicio

Un manómetro conectado a un tanque mide un vació de 42 kPa. Si dicho tanque se encuentra en un lugar cuya elevación es de 2000 m sobre el nivel del mar. Determine la presión absoluta dentro del tanque





Solución

Elevación para 2000 m. $p_{atm} = 79.5 \text{ kPa}$

$$p = -42 + 79.5 = 37.5 \, kPa$$

Un vacío se refiere a presión debajo a la atmosférica

SPIRAT SPIRAT

Referencias

- M. Potter, D. Wiggert y B. Ramadán, Mecánica de Fluidos (4a. ed.), México, D.F: Grupo Cengage Learning, 2015. [En Línea] Disponible en: https://bibvirtual.upch.edu.pe:2955/?il=820
- A. Zacarias Granado, J. González López, A. Granados Manzo y A. Mota Lugo, *Mecánica de fluidos: teoría con aplicaciones y modelado*. México, D.F: Grupo Editorial Patria, 2017. [En Línea] Disponible en: https://elibro.net/es/ereader/cayetano/40497