

BÀI BÁO CÁO THU HOẠCH

BÀI TOÁN LẬP LỊCH CHO MÁY ĐÓN

Nguyễn Chí Bằng

Ngày 12 tháng 6 năm 2024

Mục lục

Mục lục	i
Danh mục các kí hiệu	ii
1 Giới thiệu bài toán lập lịch cho máy đơn	1
1.1 Vấn đề	1
1.2 Ví dụ minh hoạ	1
2 Phương pháp xử lý bài toán lập lịch cho máy đơn	2
2.1 Bài toán trạng thái tĩnh ($r_j \equiv 0$)	2
2.1.1 Phương pháp sắp xếp theo thứ tự	3
2.1.2 Phương pháp ưu tiên đảo hạn	3
2.1.3 Phương pháp quá trình ngắn nhất	3
2.2 Bài toán có thời điểm sẵn sàng không đồng nhất ($r_j \neq 0$)	3
2.2.1 Phương pháp không ngắt quãng ($1 r_j \sum C_j$)	3
2.2.2 Phương pháp ngắt quãng ($1 r_j, prmp \sum C_j$)	3

Danh mục ký hiệu và ý nghĩa

- $\alpha|\beta|\gamma$ Ký hiệu dùng để nhận dạng loại bài toán. Trong đó α chỉ số lượng máy cần lập lịch, trường hợp cho máy đơn ta ký hiệu $\alpha = 1$, tức $1|\beta|\gamma$. Ký hiệu β chỉ đặc tính hay kiểu ràng buộc của bài toán. Ký hiệu γ chỉ hàm mục tiêu cần tối ưu.
- p_j Khoảng thời gian xử lý (processing time) của công việc thứ j hay quá trình của công việc thứ j , tức từ thời điểm bắt đầu công việc đến thời điểm hoàn thành công việc.
- d_j Thời điểm đáo hạn (due date) của công việc thứ j .
- C_j Thời điểm hoàn thành (completion time) của công việc thứ j .
- S_j Thời điểm bắt đầu (starting time) của công việc thứ j , được định nghĩa bằng công thức $S_j = \max(C_{j-1}, r_j)$.
- r_j Thời điểm sẵn sàng (release time) của công việc thứ j . Nếu r_j xuất hiện trong trường β của bài toán, đồng nghĩa công việc thứ j sẽ không được phép bắt đầu trước thời điểm sẵn sàng r_j ($S_j \geq r_j$), ngược lại, nếu r_j không xuất hiện trong trường β của bài toán, các công việc sẽ được phép bắt đầu tại bất kỳ thời điểm nào.
- W_j Thời gian chờ (waiting time) của công việc thứ j , tức khoảng thời gian kể từ thời điểm công việc đã sẵn sàng cho đến thời điểm bắt đầu công việc, được định nghĩa bằng công thức $W_j = C_j - p_j - r_j = S_j - r_j$.
- F_j Chu trình (flow time) của công việc thứ j , tức khoảng thời gian kể từ thời điểm công việc đã sẵn sàng cho đến khi hoàn thành, được định nghĩa bằng công thức $F_j = C_j - r_j = W_j + p_j$.
- w_j Trọng số (weight) của công việc thứ j , tức mức độ ưu tiên của công việc thứ j .
-

- L_j Độ trễ (lateness) của công việc thứ j , được định nghĩa là độ dài từ d_j đến C_j , xác định bằng công thức $L_j = C_j - d_j$. Từ đây có thể thấy, nếu $L_j < 0$ thì công việc đã hoàn thành sớm hơn thời điểm trễ hạn, nếu $L_j > 0$ thì công việc đã hoàn thành muộn hơn thời điểm trễ hạn.
- T_j Độ trễ (tardiness) của công việc thứ j , là thang đo Độ trễ của công việc thứ j được định nghĩa thông qua L_j . Nếu $L_j \leq 0$ thì $T_j = 0$, ngược lại nếu $L_j > 0$ thì $T_j = L_j$, hay $T_j = \max(L_j, 0)$.
- E_j Độ sớm (earliness) của công việc thứ j , là thang đo Độ sớm của công việc thứ j được định nghĩa thông qua L_j . Nếu $L_j \geq 0$ thì $E_j = 0$, ngược lại nếu $L_j < 0$ thì $E_j = -L_j$, hay $E_j = \max(-L_j, 0)$.
- prec* Bài toán tồn tại ràng buộc có thứ tự (precedence constraint). Nếu *prec* xuất hiện trong trường β của bài toán thì bài toán tồn tại những công việc đòi hỏi phải hoàn thành trước khi công việc khác được bắt đầu, hay còn gọi là công việc tiền nhiệm (predecessor) và công việc kế nhiệm (successor). Nếu trường hợp bài toán có mỗi công việc tồn tại tối đa một tiền nhiệm và một kế nhiệm, bài toán có ràng buộc dạng dây chuyền (chains). Trường hợp có tối đa một kế nhiệm, bài toán có ràng buộc dạng in-tree. Trường hợp có tối đa một tiền nhiệm, bài toán có ràng buộc dạng out-tree. Ngược lại, nếu *prec* không xuất hiện trong trường β của bài toán, bài toán được phép có các thứ tự công việc được sắp tự do.
- prmp* Bài toán tồn tại tính ưu tiên ngắt (preemption), thường được sử dụng khi có sự xuất hiện của $r_j \neq 0$. Nếu *prmp* xuất hiện trong trường β của bài toán thì công việc được phép ngắt quãng tại bất kỳ thời điểm nào để ưu tiên cho công việc khác nhằm mục đích tối ưu hàm mục tiêu của bài toán. Ngược lại, nếu *prmp* không xuất hiện trong trường β của bài toán, công việc sẽ không được phép ngắt quãng.
-

Chương 1

Giới thiệu bài toán lập lịch cho máy đơn

1.1. Vấn đề

1.2. Ví dụ minh họa

Chương 2

Phương pháp xử lý bài toán lập lịch cho máy đơn

Chương 2 tập trung vào các phương pháp lập lịch cho máy đơn. Ở phần đầu của chương (2.1.) sẽ giới thiệu các phương pháp lập lịch với giả định bài toán ở trạng thái tĩnh, tức tất cả các công việc đều có thể bắt đầu cùng lúc tại thời điểm $t = 0$. Trong đó, phương pháp sắp xếp theo thứ tự là phương pháp cơ bản nhất. Tiếp theo là phương pháp ưu tiên deadline (EDD - Earliest Due Date) và cuối cùng là phương pháp quá trình ngắn nhất tập trung vào việc tối thiểu hóa tổng thời gian hoàn thành (SPT - Shortest Process Time) và tổng thời gian hoàn thành có trọng số (WSPT - Weighted Shortest Process Time).

Phần thứ hai của chương (2.2.) sẽ xem xét các bài toán phức tạp hơn, nơi tồn tại các công việc có thời điểm sẵn sàng không đồng nhất. Điều này làm cho bài toán mang tính thực tế hơn trong các quy trình sản xuất khi các công việc thường không bắt đầu một cách đồng thời. Trong đó ta sẽ tập trung vào hai phương pháp chính, bao gồm: Phương pháp không ngắt quãng (non-preemptive) và phương pháp ngắt quãng (preemptive). Trong đó phương pháp ngắt quãng cho ta sự linh hoạt cao hơn trong quá trình lập lịch.

Những phương pháp này sẽ giúp các nhà quản lý sản xuất hay chuyên gia tối ưu hóa quy trình tìm được những giải pháp hiệu quả giúp cải thiện hiệu suất và giảm thiểu chi phí trong quá trình sản xuất một cách tốt nhất.

Phần lớn kiến thức của chương được tham khảo từ tài liệu XXX

2.1. Bài toán trạng thái tĩnh ($r_j \equiv 0$)

Bài toán tĩnh trong lập lịch máy đơn là một trong những bài toán cơ bản và quan trọng nhất trong lĩnh vực quản lý thời gian và tối ưu hóa quy trình. Đặc điểm của bài toán tĩnh là thời điểm sẵn sàng r_j của các công việc đều đồng nhất tại $t = 0$, hay $\forall r_j \equiv 0$, trong đó $j = \overline{1, n}$ và ký hiệu r_j lúc này không tồn tại trong trường β của bài toán.

Trong bối cảnh bài toán ở trạng thái tĩnh, phương pháp sắp xếp theo thứ tự sẽ được trình bày như một cách cơ bản cho bước đầu tiếp cận các phương pháp lập

lich tối ưu hơn. Ở các phương pháp lập lịch tối ưu hơn, các công việc sẽ được sắp xếp sao cho tối thiểu hoá một hàm mục tiêu nhất định, trong đó bao gồm các dạng bài toán: Tối thiểu độ dài hạn cực đại ($1\|L_{\max}$) hay độ trễ cực đại ($1\|T_{\max}$), tối thiểu tổng thời gian hoàn thành ($1\|\sum C_j$) và tối thiểu tổng thời gian hoàn thành có trọng số ($1\|\sum w_j C_j$).

Bài toán tĩnh cung cấp một nền tảng lý thuyết vững chắc giúp phát triển các phương pháp xử lý các bài toán phức tạp hơn, đồng thời là bước đầu tiên quan trọng trong việc nghiên cứu và ứng dụng các thuật toán tối ưu hóa trong quản lý thời gian và tối ưu hoá quy trình.

2.1.1 Phương pháp sắp xếp theo thứ tự

2.1.2 Phương pháp ưu tiên độ dài hạn

Tối thiểu độ dài hạn cực đại ($1\|L_{\max}$)

Tối thiểu độ trễ cực đại ($1\|T_{\max}$)

2.1.3 Phương pháp quá trình ngắn nhất

Tối thiểu tổng thời gian hoàn thành ($1\|\sum C_j$)

Tối thiểu tổng thời gian hoàn thành có trọng số ($1\|\sum w_j C_j$)

2.2. Bài toán có thời điểm sẵn sàng không đồng nhất ($r_j \neq 0$)

2.2.1 Phương pháp không ngắt quãng ($1|r_j|\sum C_j$)

2.2.2 Phương pháp ngắt quãng ($1|r_j, prmp|\sum C_j$)
