درس دوم: عددهای گویا



تعریف اعداد گویا

هر عدد را که بتوان به صورت یک کسر نوشت، به طوری که صورت و مخرج آن عدد صحیح بوده و مخرج آن عدد صحیح بوده و مخرج آن صفر نباشد را عدد گویا می نامند.

اعداد گویا را با حرف انگلیسی Q نمایش می دهند.

$$Q = \{ \frac{a}{b} | a \cdot b \in Z \cdot b \neq 0 \}$$

توجه: بنابراین عددهای طبیعی ، حسابی ، صحیح ،کسری ، اعشاری ، مخلوط و رادیکال هایی که عدد زیر رادیکال آن مجذور کامل باشد یک عدد گویا می باشند.

توجه: اگر مخرج کسری صفر باشد، کسر را تعریف نشده می نامند.

نمایش اعداد گویا روی محور

برای نمایش هر عدد گویا روی محور طبق مراحل زیر عمل می کنیم:

1)واحدهای محور را به تعداد عدد مخرج کسر تقسیم می کنیم.

2)با توجه به علامت عدد، جهت حركت را مشخص مى كنيم، علامت + حركت به سمت راست و علامت - حركت به سمت چپ است.

3)به تعداد عدد صورت کسر از صفر ، واحدهای تقسیم شده را شمارش می کنیم.

نکته: قرینه ی اعداد گویا همانند قرینه عدد های صحیح می باشد.

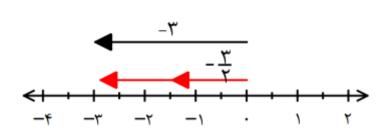
مثال:

نکته: برای نوشتن معکوس اعداد گویا ، جای صورت و مخرج آن را عوض می کنیم.

مثال:

نکته: علامت کسر را می توان در کنار، صورت و یا مخرج کسر نوشت.

به محور زیر دقت کنید. می دانیم $\frac{3}{2}$ یعنی : 2÷3-برای نمایش این عدد برداری به طول 3- رسم می کنیم و آن را به دو قسمت مساوی تقسیم می کنیم. (مطابق محور شماره 1) هر تکه برداری در جهت منفی محور اعداد و به طول $\frac{3}{2}$ واحد است. پس عدد متناظر با هر قسمت کوچک $\frac{3}{2}$ – است. بنابراین داریم:



$$\frac{-3}{2} = -3 \div 2 = -\frac{3}{2}$$

محدوده ی اعداد:

اعداد بزرگتر از 2 را به صورت 2>2 نمایش می دهیم و شامل تمامی اعدادی است که از 2 بزرگترند.

اعداد بزرگتر یا مساوی با 2 را به صورت $\frac{2}{x} \geq \frac{2}{x}$ نمایش می دهیم و شامل عدد 2 و همه ی اعداد بزرگتر از $\frac{2}{x}$

اعداد بین 1 و 2 را به صورت x < 2 نمایش می دهیم .

اعداد کوچکتر یا مساوی با 2 و بزرگتر از 1 را با $\chi \leq \chi \leq 1$ نمایش می دهند و شامل عدد 2 و تمام اعداد بین 1 و 2 است.

مثال: برای هر کدام از محدوده های زیر دو عدد مثال بزنید:

پاسخ: