درس دوم: تعیین اعداد اول

یادآوری چند قاعده بخشپذیری؛

1. بخشپذیری بر 2: عددی بر 2 بخشپذیر است که رقم یکان آن 0و 2و 4و 6و 8 باشد. (یا زوج باشد)

2 بخشپذیری بر 3: عددی بر 3 بخشپذیر است که مجموع ارقامش بر 3 بخشپذیر باشد.

3. بخشپذیری بر 5: عددی بر 5 بخشپذیر است که رقم یکان آن 0 یا 5 باشد.

برای تعیین عدد های اول از روش غربال استفاده می کنیم .

در این روش ، در واقع عدد های غیر اول را خط می زنیم تا عدد های اول باقی بمانند . به این ترتیب که :

1.ابتدا عدد یک را خط می زنیم . (زیرا یک نه اول است و نه مرکب)

2.عدد 2 ، اول است و همه مضرب های آن بجز خود 2 ، مرکب هستند . پس : همه مضرب های عدد 2 را ، به جز خود 2 خط می زنیم

3. عدد 3 ، اول است . تمام مضرب های عدد 3 را ، به جز خود 3 خط می زنیم .

و به همین ترتیب خط زدن را تا عدد اولی که مربع (توان دوم) آن بین عدد های نوشته شده نباشد، ادامه می دهیم .

دقت کنید ؛ در اینجا اولین مضرب مرکب هر عدد اول که برای اولین بار خط می خورد ، توان دوم آن عدد اول است .



مثال : می خواهیم عدد های اول بین 1 تا 30 را بیابیم.

پاسخ:



تشخیص اول یا مرکب بودن هر عدد طبیعی ؟

مطابق روش غربال باید مشخص شود عدد مورد نظر مضرب عدد های اول می باشد یا خیر . برای تشخیص ، باید عدد مورد نظر را بر اعداد اول مانند ... و 7 و 5 و 3 و 2 تقسیم کرد .

اگر عدد داده شده بر یکی یا بیشتر ، از اعداد اول ، بخشپذیر باشد (باقیمانده صفر شود) ، عدد داده شده مرکب است.

اگر عدد داده شده بر هیچ کدام از اعداد اول بخشپذیر نباشد (باقیمانده صفر نشود) ، عدد داده شده اول است .

برای تعیین تعداد این تقسیم ها ، از عدد مورد نظر جذر تقریبی می گیریم و سپس عدد داده شده را بر اعداد اول کوچکتر از جذرتقسیم می کنیم .