## 1 BlockChain

La primera parte de la práctica consistirá en implementar una BlockChain sencilla para entender su funcionamiento.

Como función hash usaremos SHA256 y RSA para validar las transacciones.

Cada bloque tendrá la estructura siguiente:

```
class block:
    def __init__(self):
        self.block_hash
        self.previous_block_hash
        self.transaction
        self.seed
```

siendo

- block\_hash el SHA256 del bloque actual representado por un entero,
- previous\_block\_hash el SHA256 del bloque anterior representado por un entero,
- transaction una transacción válida,
- seed un entero.

Cada transacción será de la forma:

```
class transaction:
    def __init__(self, message, RSAkey):
        self.public_key
        self.message
        self.signature
```

siendo

- public\_key la clave pública RSA corresponendiente a RSAkey,
- RSAkey la clave RSA con la que se firma la transacción,
- message el documento que se firma en la transacción representado por un entero,
- signature es la firma de message hecha con la clave RSAkey representada por un entero.

Las claves privadas y públicas RSA serán de la forma:

```
class rsa_key:
    def __init__(self,bits_modulo=2048,e=2**16+1):
        self.publicExponent
        self.privateExponent
        self.modulus
        self.primeP
        self.primeQ
        self.privateExponentModulusPhiP
        self.privateExponentModulusPhiQ
        self.inverseQModulusP
```

### siendo

- publicExponent, privateExponent, modulus, primeP, primeQ están representados por enteros,
- privateExponentModulusPhiP es congruente con privateExponent módulo primeP-1 representado por un entero,
- privateExponentModulusPhiQ es congruente con privateExponent módulo primeQ-1 representado por un entero,
- inverseQModulusP és el inverso de primeQ módulo primeP representado por un entero,

```
y
class rsa_public_key:
    def __init__(self, rsa_key):
        self.publicExponent
        self.modulus
```

#### siendo

- publicExponent el exponente público de la clave rsa\_key,
- modulus el módulo de la clave rsa\_key.

Una transacción es válida si

```
signature^{publicExponent} \equiv message \mod modulus
```

Un bloque es válido si la transacción es válida y su  $hash\ h$  satisface la condición  $h < 2^{256-d}$  siendo d un parámetro que indica el proof of work necesario par generar un bloque válido. Para esta práctica d=16. Para calcular el  $hash\ h$  de un bloque haremos lo siguiente:

```
entrada=str(previous_block_hash)
entrada=entrada+str(transaction.public_key.publicExponent)
entrada=entrada+str(transaction.public_key.modulus)
entrada=entrada+str(transaction.message)
entrada=entrada+str(transaction.signature)
entrada=entrada+str(seed)
h=int(hashlib.sha256(entrada.encode()).hexdigest(),16)
```

Definid en **Python 3.x** las siguientes clases con los métodos descritos<sup>1</sup> (podéis definir otros si lo consideráis necesario):

```
• class rsa_key:
     def __init__(self,bits_modulo=2048,e=2**16+1):
         genera una clave RSA (de 2048 bits y exponente público 2**16+1 por defecto)
          self.publicExponent
          self.privateExponent
         self.modulus
         self.primeP
          self.primeQ
          self.privateExponentModulusPhiP
          self.privateExponentModulusPhiQ
          self.inverseQModulusP
     def __repr__(self):
         return str(self.__dict__)
     def sign(self,message):
          Salida: un entero que es la firma de "message" hecha con la clave RSA usando el TCR
     def sign_slow(self,message):
         Salida: un entero que es la firma de "message" hecha con la clave RSA sin usar el TCR
• class rsa_public_key:
     def __init__(self, rsa_key):
         genera la clave pública RSA asociada a la clave RSA "rsa_key"
          self.publicExponent
          self.modulus
     def __repr__(self):
         return str(self.__dict__)
     def verify(self, message, signature):
          Salida: el booleano True si "signature" se corresponde con la
                  firma de "message" hecha con la clave RSA asociada a la clave
                  pública RSA;
                  el booleano False en cualquier otro caso.
          , , ,
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Los métodos \_\_repr\_\_(self) ya están completamente definidos, no es necesario añadir nada, se usarán para guardar los objetos como diccionarios.

```
• class transaction:
     def __init__(self, message, RSAkey):
         genera una transaccion firmando "message" con la clave "RSAkey"
         self.public_key
         self.message
          self.signature
     def __repr__(self):
         return str(self.__dict__)
     def verify(self):
          ,,,
         Salida: el booleano True si "signature" se corresponde con la
                  firma de "message" hecha con la clave RSA asociada a la clave
                  pública RSA;
                  el booleano False en cualquier otro caso.
• class block:
     def __init__(self):
         crea un bloque (no necesariamente válido)
          ,,,
         self.block_hash
          self.previous_block_hash
         self.transaction
         self.seed
     def __repr__(self):
         return str(self.__dict__)
     def genesis(self,transaction):
         genera el primer bloque de una cadena con la transacción "transaction"
         que se caracteriza por:
             - previous_block_hash=0
             - ser válido
          ,,,
     def next_block(self, transaction):
         genera un bloque válido seguiente al actual con la transacción "transaction"
          ,,,
```

```
def verify_block(self):
          ,,,
         Verifica si un bloque es válido:
             -Comprueba que el hash del bloque anterior cumple las condiciones exigidas
             -Comprueba que la transacción del bloque es válida
             -Comprueba que el hash del bloque cumple las condiciones exigidas
         Salida: el booleano True si todas las comprobaciones son correctas;
                  el booleano False en cualquier otro caso.
          , , ,
• class block_chain:
     def __init__(self,transaction):
         genera una cadena de bloques que es una lista de bloques,
          el primer bloque es un bloque "genesis" generado amb la transacció "transaction"
         self.list_of_blocks
     def __repr__(self):
         return str(self.__dict__)
     def add_block(self,transaction):
         añade a la cadena un nuevo bloque válido generado con la transacción "transaction"
     def verify(self):
         verifica si la cadena de bloques es válida:
             - Comprueba que todos los bloques son válidos
             - Comprueba que el primer bloque es un bloque "genesis"
             - Comprueba que para cada bloque de la cadena el siguiente es correcto
         Salida: el booleano True si todas las comprobaciones son correctas;
                  en cualquier otro caso, el booleano False y un entero
                  correspondiente al último bloque válido
          , , ,
```

# 2 RSA

## 2.1 Ron was wrong, Whit is right

Se recomienda encarecidamente leer el artículo:

"Ron was wrong, Whit is right", https://eprint.iacr.org/2012/064.pdf.

En Atenea encontraréis directorio RSA\_RW donde hay una serie de ficheros del tipo:

- $nombre.apellido\_AES.enc$  que es el resultado de cifrar un fichero determinado con la clave K
- $nombre.apellido\_RSA\_RW.enc$  que es el resultado de cifrar la clave K con la clave pública RSA que se encuentra en el fichero  $nombre.apellido\_pubkeyRSA\_RW.pem$ .

El fichero cifrado se ha obtenido usando el comando:

openssl enc -e -aes-128-cbc -pbkdf2 -kfile fichero.key -in fichero.txt -out fichero.enc

El fichero fichero.key que contiene la clave se ha cifrado con el comando:

openssl pkeyutl -encrypt -inkey pubkeyRSA.pem -pubin -in fichero.txt -out fichero.enc

openssl está disponible en https://www.openssl.org. Se instala por defecto en la mayoría de las distribuciones de Linux, por ejemplo en la imagen Linux de la FIB.

Del fichero nombre.apellido\_pubkeyRSA\_RW.pem hay que extraer la clave pública (openssl puede ayudar), factorizar el módulo, calcular la clave privada, escribirla en un fichero en formato PEM (puede ser útil la biblioteca Crypto.PublicKey.RSA de python) aunque podéis encontrar otras para cualquier lenguaje de vuestra preferencia) y, para acabar, descifrar el fichero usando openssl.

## 2.2 Pseudo RSA

En Atenea también encontraréis el directorio RSA\_pseudo donde hay una serie de ficheros semejantes a los anteriores.

Ahora el módulo público es un entero n = pq con p y q tales que si en o p es la concatenación de r y s de exactamente la mitad de bits de p, entonces q es, en binario, la concatenación de s y r. O sea que si p = r||s, entonces q = r||s con  $\#bits(r) = \#bits(s) = \frac{1}{2}\#bits(p) = \frac{1}{2}\#bits(q)$ .

Del fichero nombre. apellido\_pubkeyRSA\_pseudo.pem hay que extraer la clave pública, factorizar el módulo, calcular la clave privada, escribirla en un fichero en format PEM y descifrar el fichero usando openssl.

# 3 Entrega

Un único fichero zip, tar,... con:

- BlockChain:
  - Un fichero que contenga todas las clases implementadas.
     El nombre del fichero será BlockChain\_nombre1.apellido1\_nombre2.apellido2.py substituyendo nombreX.apellidoX por los nombres de los componentes del grupo.
  - Una tabla comparativa con el tiempo necesario para firmar, usando el TCR y sin usarlo, 100 mensajes diferentes con claves de 512, 1024, 2048 y 4096 bits. La tabla debe venir con una explicación de lo que se observa.
  - Un fichero, BlockChain\_nombre1.apellido1\_nombre2.apellido2.block, con una cadena válida de 100 bloques.
  - Un fichero, FalseBlockChain\_nombre1.apellido1\_nombre2.apellido2.block, con una cadena de 100 bloques que sólo sea válida hasta el bloque 33.

Los ficheros con las cadenas de bloques se han de generar con el siguiente código:

```
import json
with open(fichero_de_salida, 'w') as f:
    f.write(json.dumps(repr(cadena_de_bloques)))

Si queréis leer una cadena de bloques (ver Apéndice) contenida en el fichero anterior:
with open(fichero_de_salida, 'r') as f:
    cadena_de_bloques_diccionario = eval(json.loads(f.read()))
cadena_de_bloques = block_chain()
cadena_de_bloques.from_dictionary(cadena_de_bloques_diccionario)
```

- RSA:
  - Los ficheros descifrados.
  - Los ficheros descifrados con las claves secretas que se han usado para el AES.
  - Los ficheros en formato PEM con las claves privadas RSA.

## Referencias

### Sympy: Number Theory

Sympy is a Python library for symbolic mathematics. Welcome to SymPy's documentation!

Number Theory

# Sage

```
http://www.sagemath.org
```

SageMath is a free open-source mathematics software system licensed under the GPL. It builds on top of many existing open-source packages: NumPy, SciPy, matplotlib, Sympy, Maxima, GAP, FLINT, R and many more. Access their combined power through a common, Python-based language or directly via interfaces or wrappers.

```
http://cocalc.com
http://sagecell.sagemath.org
Sage Quick Reference: Elementary Number Theory, William Stein, Sage Version 3.4
http://wiki.sagemath.org/quickref
http://wiki.sagemath.org/quickref?action=AttachFile&do=get&target=quickref-nt.pdf
```

# **Apéndice**

Algunos métodos para importar una cadena de bloques:

```
def from_dictionary(self, lista_de_bloques):
   lista_de_bloques={
       'list_of_blocks':
       {'block_hash': 438706950606371822348686247462944262134905088999967426,
         'previous_block_hash': 0,
         'transaction': {'public_key': {'publicExponent': 65537,
                                       'modulus': 3508702911114772477700098583160780159},
                        'signature': 332227860166626417010520625676972266506588923498746
                        },
         'seed': 30375809828338577849000370815876946005956863228327241857747841325460539099376
       {'block_hash': 118937117756121245414585385816047931576536827076435985509379583936567275586,
       {'block_hash': 435041778968092905364474619022589453690222734303800866991470949446770182979,
       {'block_hash': 278792726160560451158678572042505587638954710660454744060308266170299446132,
       {'block_hash': 250872889707793976966219660933458705965282691125212532154197547013416918695,
       1
   }
    , , ,
   aux = []
   for i in lista_de_bloques['list_of_blocks']:
       bloque = block()
       bloque.from_dictionary(i)
       aux.append(bloque)
   self.list_of_blocks = aux
def from_dictionary(self, bloque):
   bloque = {
       'block_hash': 611227525515763553892040764593246705224095844323849655584941894507859918,
       'previous_block_hash': 860009111636437550099323966792787928396638877763118311905514989098990
       'transaction': {
           'public_key': {
               'publicExponent': 65537,
```

```
'modulus': 8630046192387106941807604362020441904807683470496793476434516960168353410
           },
           'signature': 356837000610140335661652832488149719307360962608450865619567471410525725851
       },
       'seed': 15788038037054404536350655987002785795816312452536967153872713568114538152952}
   , , ,
   self.block_hash = bloque['block_hash']
   self.previous_block_hash = bloque['previous_block_hash']
   transaccion_aux = transaction()
   transaccion_aux.from_dictionary(bloque['transaction'])
   self.transaction = transaccion_aux
   self.seed = bloque['seed']
def from_dictionary(self, transaccion):
   ,,,
   transaccion = {
       'public_key': {
           'publicExponent': 65537,
           'modulus': 77268792373531530874859775898227231886721361866344308896457165466217957463548
       },
       'message': 1111111,
       'signature': 4848031355983687005831589412107814535662119655983142282793959266002525538316658
   , , ,
   self.public_key = rsa_public_key(publicExponent = transaccion['public_key']['publicExponent'],
                                    modulus = transaccion['public_key']['modulus']
   self.message = transaccion['message']
   self.signature = transaccion['signature']
```