

دانشگاه صنعتی امیرکبیر

دانشکده مهندسی پزشکی

گزارش تمرین چهارم پردازش تصویر

دانشجو

سیدابوالفضل مرتضوی ۹۸۳۳۰۶۳

آذرماه ۱۴۰۱

فهرست مطالب

تمرین اول).....	۱
تمرین دوم).....	۲
تمرین سوم).....	۲
۱-۳ بخش (۱).....	۲
۲-۳ بخش (۲).....	۲
۳-۳ بخش (۳).....	۳
۴-۳ بخش (۴).....	۵
۵-۳ بخش های ۵ تا ۱۰.....	۶
سوال چهارم).....	۸
۱-۴ بخش (۱).....	۸
۲-۴ بخش (۲).....	۸
۳-۴ بخش (۳).....	۹
۴-۴ بخش (۴).....	۱۰

فهرست مطالب

شکل ۳.۱ تصاویر خروجی بخش سوم.....	۴
شکل ۳.۲ خروجی بخش د.....	۵
شکل ۳.۳ خروجی نهایی.....	۷
شکل ۴.۱ تصاویر خروجی این بخش.....	۹
شکل ۴.۲ خروجی این بخش.....	۱۲

تمرین اول

سوال 1 $F(u, v) = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x, y) e^{j2\pi(\frac{ux}{M} + \frac{vy}{N})}$, $f(x, y) = \frac{1}{MN} \sum_{u=0}^{M-1} \sum_{v=0}^{N-1} F(u, v) e^{j2\pi(\frac{ux}{M} + \frac{vy}{N})}$

$f(x-x_0, y-y_0) \xrightarrow{\text{خواص فواریه}} F(u, v) e^{j2\pi(\frac{u x_0}{M} + \frac{v y_0}{N})} \rightarrow$ فقط نسبت فاز دارد و در مطلقاً تغییری ندارد.

$$\begin{cases} |F'(u, v)| = |F(u, v)| \\ \angle F'(u, v) = \angle F(u, v) + 2\pi(\frac{u x_0}{M} + \frac{v y_0}{N}) \end{cases}$$

$F(u, v) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(x, y) e^{-j2\pi(ux+vy)} dx dy$ if $\begin{cases} x = r \cos \theta \\ y = r \sin \theta \end{cases}, \begin{cases} u = w \cos \varphi \\ v = w \sin \varphi \end{cases}$

$f(x, y) \xrightarrow{\text{polar}} f(r, \theta)$, $F(u, v) \xrightarrow{\text{polar}} F(w, \varphi) \xrightarrow{F} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(r, \theta) e^{-j2\pi(w(\cos \varphi + j \sin \varphi) r(\cos \theta + j \sin \theta))} r dr d\theta \xrightarrow{\text{polar}} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(r, \theta + \theta_0) e^{-j2\pi(w(\cos \varphi + j \sin \varphi) r(\cos \theta + j \sin \theta))} r dr d\theta$

$\int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(r, \theta + \theta_0) e^{-j2\pi(w(\cos \varphi + j \sin \varphi) r(\cos \theta + j \sin \theta))} r dr d\theta$
 $= \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f(r, \theta + \theta_0) e^{-j2\pi(w(\cos \varphi + j \sin \varphi) r[\cos \theta \cos \theta_0 - \sin \theta \sin \theta_0 + j(\sin \theta \cos \theta_0 + \cos \theta \sin \theta_0)]} r dr d\theta$

$\rightarrow w r [\cos(\varphi + \theta_0) + j \sin(\varphi + \theta_0)] [\cos \theta + j \sin \theta] \xrightarrow{\text{polar}} f(r, \theta + \theta_0) \xrightarrow{\text{FFT}} F(w, \varphi + \varphi_0)$
 معادل جبری در فضای فرکانس.

برای انتقال به مرکز برای تصویر با کیفیت دیجیتال و از اینجا می‌دانیم که تغییراتی در مقدار فرکانس برای فاز تصویر است.

تمرین دوم)

$$u(x,y) = \sqrt{2\pi} \, 61 \, A e^{-\frac{1}{2} \sigma^2 (x^2 + y^2)} \quad -\frac{1}{2} \sigma^2 (x^2 + y^2)$$

$$f'(x,y) = f(x+1, y+1) - f(x,y) \xrightarrow{\text{FFT}} F(u,v) e^{j2\pi(u \frac{1}{M} + \frac{1}{N})} - F(u,v) e^{j2\pi(u \frac{1}{M} + \frac{1}{N})} - 1$$

$$F''(x,y) = f(x+1, y+1) + f(x-1, y-1) - 2f(x,y) \xrightarrow{\text{FFT}} F(u,v) [e^{j2\pi(u \frac{1}{M} + \frac{1}{N})} + e^{-j2\pi(u \frac{1}{M} + \frac{1}{N})} - 2] = F(u,v) [2 \cos(2\pi(u \frac{1}{M} + \frac{1}{N})) - 2]$$

مؤلفه‌های u, v به 0 و 1 محدود می‌شوند. با استفاده از این محدودیت، می‌توان u و v را به صورت $u = \frac{m}{M}$ و $v = \frac{n}{N}$ بیان کرد.

تمرین سوم)

۱-۳ بخش ۱)

```
created_img=np.zeros([200,200]).astype('uint8')
created_img[80:120,60:140]=255
```

با کد بالا این کار انجام شد.

۲-۳ بخش ۲)

```
tranlate_matrix_x=np.float32([1,0,20],[0,1,0])
translated_img_x=cv.warpAffine(created_img,tranlate_matrix_x,(200,200))
tranlate_matrix_y=np.float32([1,0,0],[0,1,-40])
translated_img_y=cv.warpAffine(created_img,tranlate_matrix_y,(200,200))
rotate_matrix_30=cv.getRotationMatrix2D((100,100), 30, 1.0)
rotated_img_30=cv.warpAffine(created_img, rotate_matrix_30, (200,200))
rotate_matrix_90=cv.getRotationMatrix2D((100,100), 90, 1.0)
```

```
rotated_img_90=cv.warpAffine(created_img, rotate_matrix_90, (200,200))
```

با استفاده از کد بالا تصاویر خواسته شده ایجاد شدند.

۳-۳ بخش ۳)

```
real_img_dft=np.fft.fft2(created_img)
real_img_dft=np.fft.fftshift(real_img_dft)
real_img_phase=np.angle(real_img_dft)

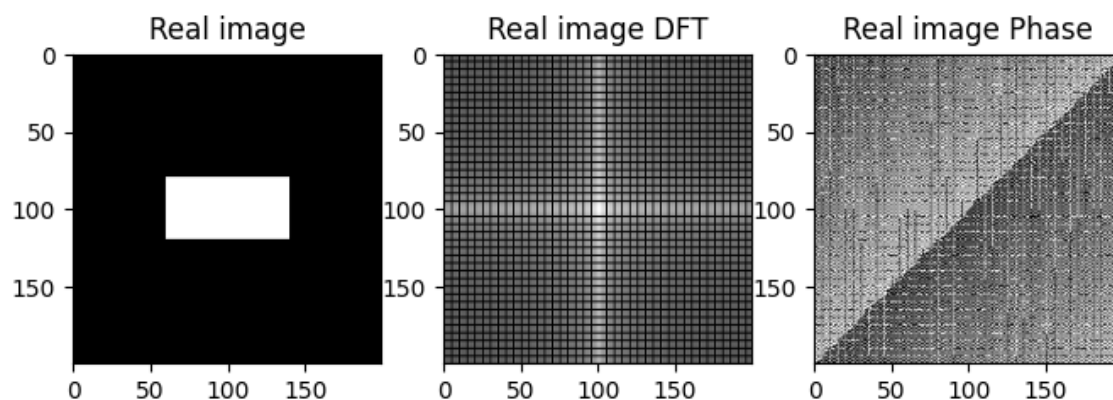
trx_img_dft=np.fft.fft2(translated_img_x)
trx_img_dft=np.fft.fftshift(trx_img_dft)
trx_img_phase=np.angle(trx_img_dft)

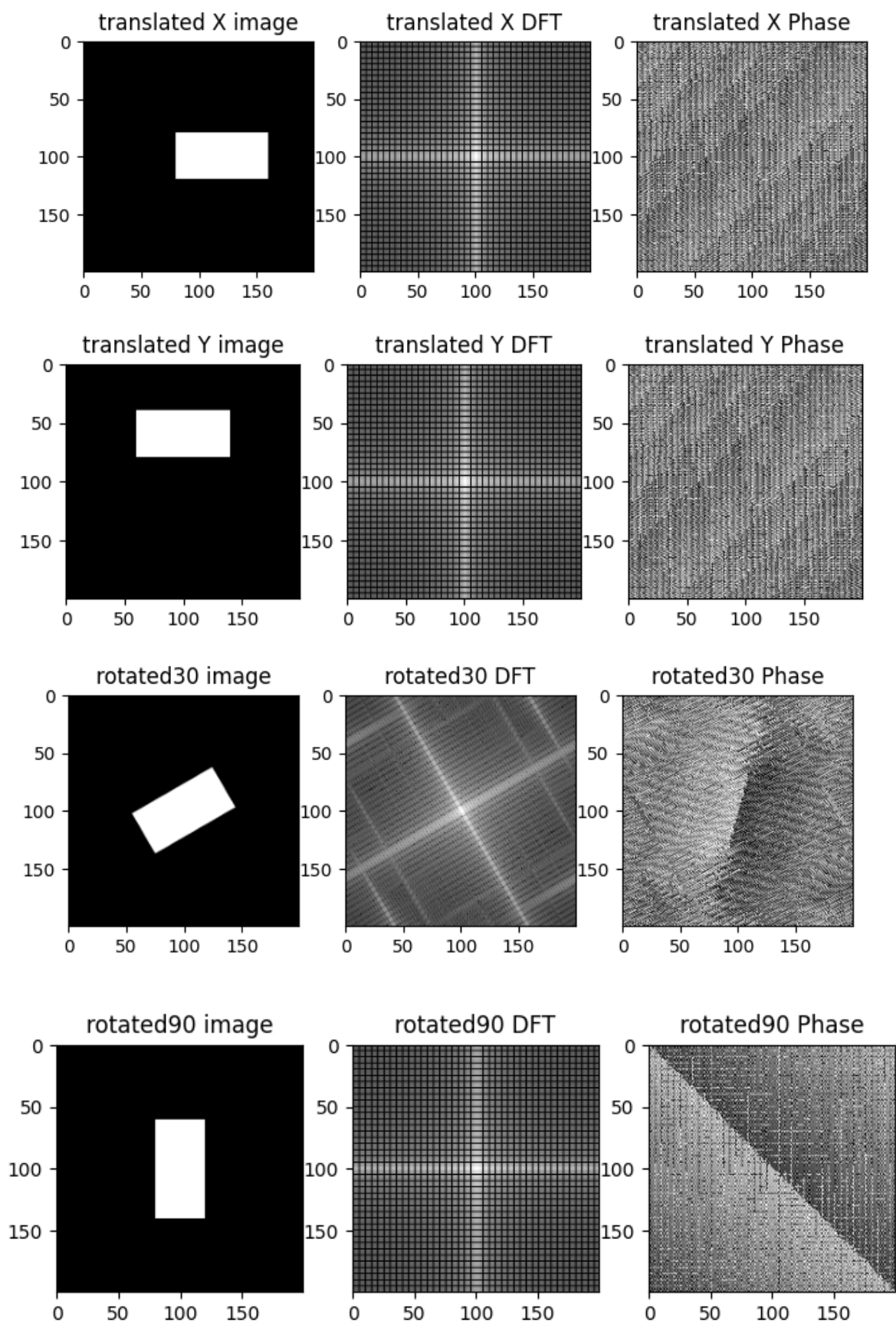
try_img_dft=np.fft.fft2(translated_img_y)
try_img_dft=np.fft.fftshift(try_img_dft)
try_img_phase=np.angle(try_img_dft)

rot30_img_dft=np.fft.fft2(rotated_img_30)
rot30_img_dft=np.fft.fftshift(rot30_img_dft)
rot30_img_phase=np.angle(rot30_img_dft)

rot90_img_dft=np.fft.fft2(rotated_img_90)
rot90_img_dft=np.fft.fftshift(rot90_img_dft)
rot90_img_phase=np.angle(rot90_img_dft)
```

با استفاده از کد بالا تبدیلات خواسته شده انجام شدند و خروجی در شکل ۳.۱ نشان داده شده است.





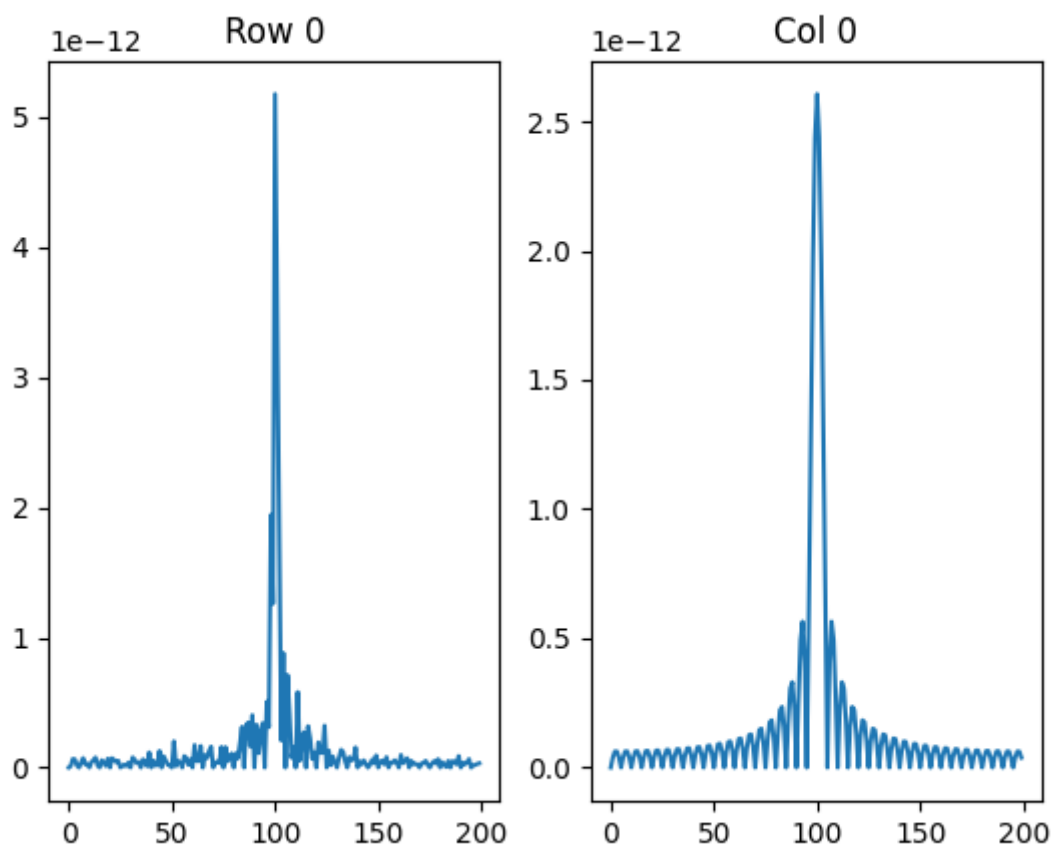
شکل ۳.۱ تصاویر خروجی بخش سوم

همانطور که در تصاویر بالا مشخص است حرکت در راستای X, Y تغییری در فضای فرکانسی ایجاد نمی‌کند اما در فاز باعث تغییرات می‌شود که این تغییرات به خاطر ضرب شدن e^{ix} است. چرخش تصویر باعث تغییر در فضای فرکانسی و فضای فاز می‌شود. در چرخش 90° به علت تقارن شکل فرکانسی تغییری در شکل دیده نمی‌شود.

۳-۴ بخش ۴)

```
real_img_row0=np.abs(real_img_dft[0])
real_img_col0=np.abs(real_img_dft[:,0])
```

با استفاده از کد بالا این کار انجام شد و خروجی در شکل ۳.۲ نشان داده شده است.



شکل ۳.۲ خروجی بخش د

۳-۵ بخش‌های ۱۰ تا ۵

```
meta_img=cv.imread('metacarpal.png',0)
meta_fft=np.fft.fft2(meta_img)
meta_fft=np.fft.fftshift(meta_fft)

meta_fft_max=abs(meta_fft[0:200,0:200])
meta_fft_max=list(meta_fft_max)
max_val=0
max_cor=(0,0)
for i in range(200):

    if max(meta_fft_max[i])>max_val:
        max_val=max(meta_fft_max[i])
        max_cor=(i,list(meta_fft_max[i]).index(max(meta_fft_max[i])))
cor_x,cor_y=max_cor
meta_fft[cor_x,cor_y]=0
meta_fft[642-cor_x,cor_y]=0

reformed_img=np.fft.ifftshift(meta_fft)
reformed_img=abs(np.fft.ifft2(reformed_img))

R_non_rot=reformed_img[318:338,230:250]
R_non_rot_dft=np.fft.fft2(R_non_rot)
R_non_rot_dft=np.fft.fftshift(R_non_rot_dft)

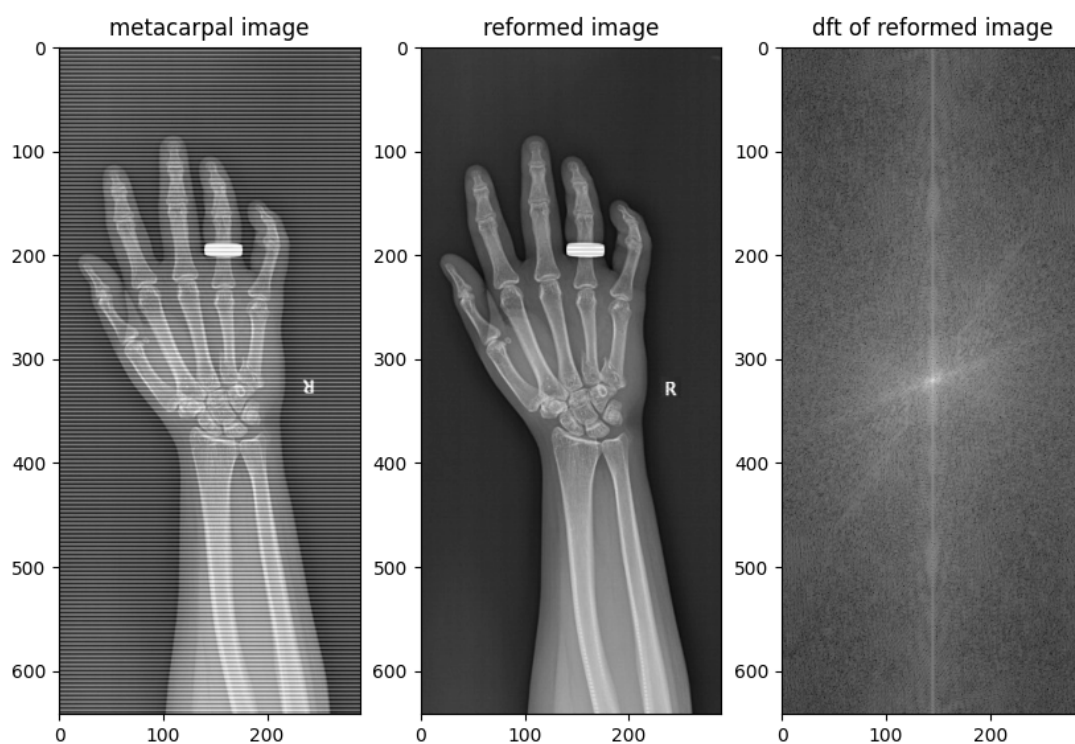
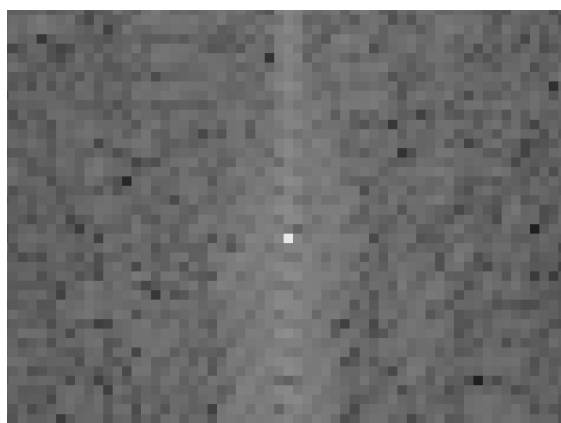
R_rot_dft=R_non_rot_dft[20::-1,20::-1]

R_rot=np.fft.ifftshift(R_rot_dft)
R_rot=abs(np.fft.ifft2(R_rot))

reformed_img[318:338,230:250]=R_rot

reformed_img_dft=np.fft.fft2(reformed_img)
reformed_img_dft=np.log1p(np.abs(np.fft.fftshift(reformed_img_dft)))
```

با استفاده از کد بالا کارهای خواسته شده انجام شد. برای حذف نویز دو نقطه سفید در مختصات (160,145) و (482,145) وجود داشتند که صفر شدند و در تصویر خطوط حذف شدند. خروجی نهایی در شکل ۳.۳ نشان داده شده است.



شکل ۳.۳ خروجی نهایی

سوال چهارم)

۴-۱ بخش ۱)

```
shoulder_img=cv.imread('shoulder.jpg',0)
```

۴-۲ بخش ۲)

```
shoulder_img=cv.imread('shoulder.jpg',0)
zero_pad_matrix=np.zeros([2048,2048])
zero_pad_matrix[0:1024,0:1024]=shoulder_img
zero_pad_shoulder=zero_pad_matrix
centered_shoulder=center_img(zero_pad_shoulder)
shoulder_img_dft=np.fft.fft2(centered_shoulder)
```

در این بخش ابتدا تصویر به اندازه ۱۰۲۴ پیکسل از هر طرف پد شد و سپس با تابع center_img تصویر برای انتقال به مرکز در حوزه فرکانس آماده شد.

```
def center_img(img):
    centered_img=np.zeros([img.shape[0],img.shape[1]])
```

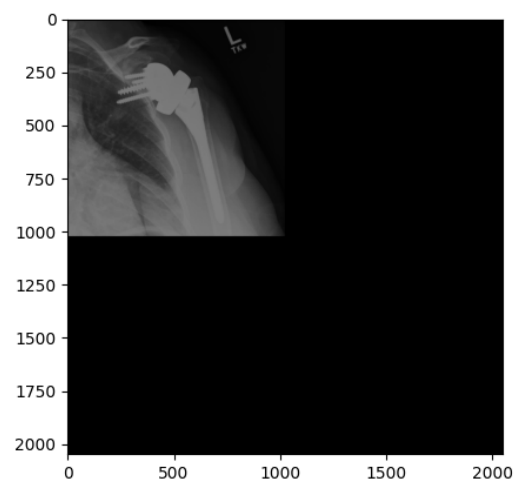
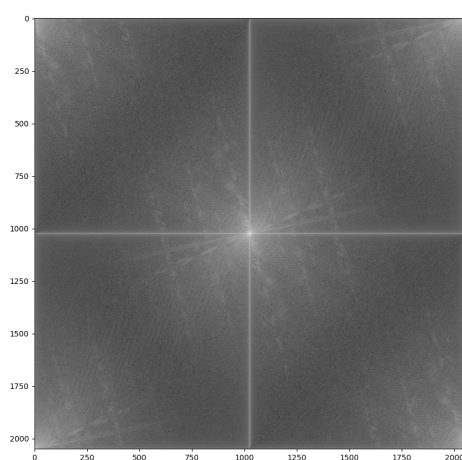
```

for i in range(img.shape[0]):
    for j in range(img.shape[1]):
        centered_img[i,j]=img[i,j]*((-1)**(i+j))
        if centered_img[i,j]<0:
            if centered_img[i,j]<0:

                centered_img[i,j]=0
return centered_img

```

در این تابع ابتدا تمامی مقادیر در $(-1)^{x+y}$ ضرب شدند و سپس مقادیر کوچکتر از صفر به صفر مپ شدند. خروجی این مراحل در شکل ۴.۱ نشان داده شده است.



شکل ۴.۱ تصاویر خروجی این بخش

۳-۴ بخش ۳

```

def ideal_fil(M,N,cut_fer):
    H=np.zeros([M,N]).astype('float')
    for u in range(M):
        for v in range(N):
            D=np.sqrt((u-M/2)**2+(v-N/2)**2)
            if D>cut_fer:
                H[u,v]=0
            else :
                H[u,v]=1
    return H
def butter_fil(M,N,n,cut_fer):
    H=np.zeros([M,N]).astype('float')
    for u in range(M):
        for v in range(N):
            D=np.sqrt((u-M/2)**2+(v-N/2)**2)
            H[u,v]=1/(1+pow((D/cut_fer),2*n))

```

```

    return H
def Gaussian_fil(M,N,cut_fer):
    H=np.zeros([M,N]).astype('float')
    for u in range(M):
        for v in range(N):
            D=np.sqrt((u-M/2)**2+(v-N/2)**2)
            H[u,v]=exp((-1*pow(D,2))/(2*pow(cut_fer,2)))
    return H

```

در این بخش توابع خواسته شده پیاده سازی شدند. در تمامی توابع M, N ابعاد تصویر و cut_fer شعاع است. در فیلتر باترورث n درجه فیلتر است.

۴-۴ بخش ۴)

```

row,col=shoulder_img.shape
ideal_HP_30=1-ideal_fil(2*row,2*col,30)
ideal_HP_100=1-ideal_fil(2*row,2*col,100)

butter_HP_30=1-butter_fil(2*row,2*col,2,30)
butter_HP_100=1-butter_fil(2*row,2*col,2,100)

gaussian_HP_30=1-Gaussian_fil(2*row,2*col,30)
gaussian_HP_100=1-Gaussian_fil(2*row,2*col,100)

```

در این قسمت توابع بالاگذر پیاده سازی شدند. علت استفاده از ضریب ۲ در ابعاد، به خاطر پد کردن تصاویر است که ابعاد را بالا برده است.

```

image_ideal_30=ideal_HP_30*shoulder_img_dft
image_ideal_100=ideal_HP_100*shoulder_img_dft

image_butter_30=butter_HP_30*shoulder_img_dft
image_butter_100=butter_HP_100*shoulder_img_dft

image_gauss_30=gaussian_HP_30*shoulder_img_dft
image_gauss_100=gaussian_HP_100*shoulder_img_dft

```

در اینجا فیلترها بر روی تصاویر اعمال شدند.

```

'''ideal'''
shoulder_IHP_30=np.fft.ifft2(image_ideal_30)
shoulder_IHP_30_show=np.abs(shoulder_IHP_30)
shoulder_IHP_30_show=shoulder_IHP_30_show[0:1024,0:1024]

shoulder_IHP_100=np.fft.ifft2(image_ideal_100)

```

```

shoulder_IHP_100_show=np.abs(shoulder_IHP_100)
shoulder_IHP_100_show=shoulder_IHP_100_show[0:1024,0:1024]

'''butterworth'''

shoulder_BHP_30=np.fft.ifft2(image_butter_30)
shoulder_BHP_30_show=np.abs(shoulder_BHP_30)
shoulder_BHP_30_show=shoulder_BHP_30_show[0:1024,0:1024]

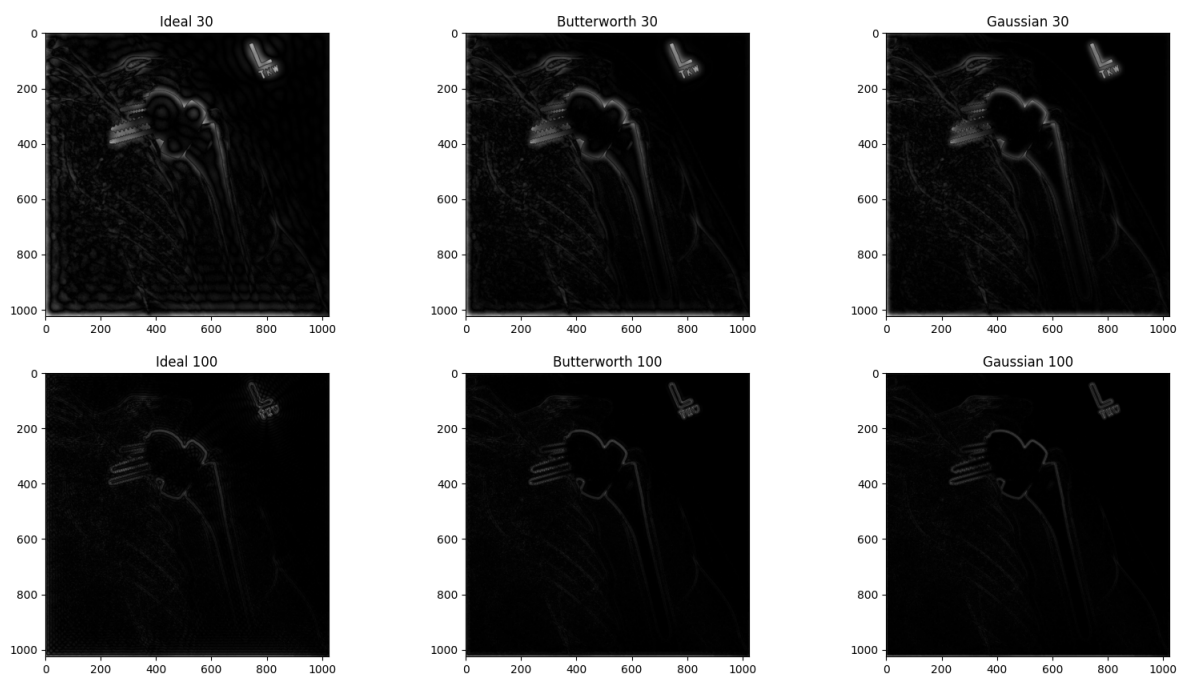
shoulder_BHP_100=np.fft.ifft2(image_butter_100)
shoulder_BHP_100_show=np.abs(shoulder_BHP_100)
shoulder_BHP_100_show=shoulder_BHP_100_show[0:1024,0:1024]

'''gaussian'''

shoulder_GHP_30=np.fft.ifft2(image_gauss_30)
shoulder_GHP_30_show=shoulder_GHP_30_show[0:1024,0:1024]
shoulder_GHP_100=np.fft.ifft2(image_gauss_100)
shoulder_GHP_100_show=np.abs(shoulder_GHP_100)
shoulder_GHP_100_show=shoulder_GHP_100_show[0:1024,0:1024]

```

در این بخش بازگردانی تصاویر به حوزه مکان و برش و حذف بخش پد شده انجام شده است. خروجی تمام مراحل در شکل ۴.۲ نشان داده شده است.



شکل ۴.۲ خروجی این بخش