

AM₀

AM₀-Ablaufprotokoll

- Ablaufprotokoll mit Tabelle mit den Spalten: Befehlszähler(BZ), Datenkeller(DK), Hauptspeicher(HS), Eingabeband(IN) und Ausgabeband(OUT)
- der Datenkeller wächst von rechts nach links
- im Hauptspeicher steht an einer Adresse ein Wert (Adresse/Wert)

Befehl	Auswirkung
arithmetische Befehle (<i>ADD</i> , <i>MUL</i> , <i>SUB</i> , <i>DIV</i> , <i>MOD</i>)	Nimmt die zwei obersten Elemente vom DK und legt den berechneten Wert wieder auf den DK. Das oberste Element entspricht dem 2. Argument. (Wird bei <i>SUB</i> z.B. abgezogen vom Zweitobersten.) + inkrementiert BZ
logische Befehle (<i>EQ</i> , <i>NE</i> , <i>LT</i> , <i>GT</i> , <i>LE</i> , <i>GE</i>)	Nimmt die zwei obersten Elemente vom DK und legt den entsprechenden Wert (1 für true, 0 für false) wieder auf den DK. Das oberste Element entspricht dem 2. Argument. (Wird bei <i>GT</i> z.B. geprüft, ob es kleiner gleich dem Zweitobersten ist. + inkrementiert BZ
<i>LIT a</i>	Legt <i>a</i> auf den DK. + inkrementiert BZ
<i>LOAD a</i>	Lädt Wert von gegebener Adresse <i>a</i> des HS auf den DK. + inkrementiert BZ
<i>STORE a</i>	Nimmt obersten Wert von DK und schreibt diesen in den HS auf gegebene Adresse <i>a</i> . + inkrementiert BZ
<i>JMP a</i>	Setzt BZ auf <i>a</i> .
<i>JMC a</i>	Nimmt oberstes Element des DK. Wenn 1 ist: wird BZ inkrementiert. Wenn 0: setzen des BZ auf <i>a</i> .
<i>READ a</i>	Nimmt ersten IN-Wert und schreibt diesen im HS in gegebene Adresse <i>a</i> . + inkrementiert BZ
<i>WRITE a</i>	Schreibt Wert des HS von gegebener Adresse <i>a</i> auf OUT. + inkrementiert BZ

- Gegeben wird meist eine Anfangskombination als Tupel. Das erste Tupelelement

entspricht damit dem BZ-Wert, das zweite dem DK, etc.

- Ist nach $\mathcal{P}[\llbracket Prog \rrbracket]$ $\underbrace{(0)}_{\text{Inputwert}}$ gefragt, entspricht das $proj^5_5(I[\llbracket Prog \rrbracket](1, \epsilon, [], 0, \epsilon))$, was nichts anderes meint, als den Output vom Input $(1, \epsilon, [], 0, \epsilon)$.
- Wenn der BZ außerhalb des Programmbereiches zeigt endet die Ausführung.
- Wenn sich aus der vorherigen Zeile der Wert nicht ändert dann kann der Eintrag leer bleiben. (siehe Bsp. zweite Tabellenhälfte)
- z.B.:

```

1: READ 2;      6: LT;      11: STORE 2;   16: JMP 4;
2: LIT 0;       7: JMC 17;   12: LOAD 1;    17: WRITE 1;
3: STORE 1;     8: LOAD 2;   13: LIT 1;
4: LOAD 2;      9: LIT 1;   14: ADD;
5: LIT 5;      10: SUB;   15: STORE 1;

```

Berechnen Sie $\mathcal{P}[\llbracket Prog \rrbracket](0)$.

BZ	DK	HS	IN	OUT
1	ϵ	$[]$	0	ϵ
2	ϵ	$[2/0]$	ϵ	ϵ
3	0	$[2/0]$	ϵ	ϵ
4	ϵ	$[1/0, 2/0]$	ϵ	ϵ
5	0	$[1/0, 2/0]$	ϵ	ϵ
6	5:0			
7	0			
17	ϵ			
18	ϵ	$[1/0, 2/0]$	ϵ	0

Damit ist $\mathcal{P}[\llbracket Prog \rrbracket](0) = 0$.

$C_0 \rightarrow AM_0$

- Variablen werden in Deklarationsreihenfolge in eine Symboltabelle eingetragen. In ihr steht zu jeder Variable die HS-Adresse. (z.B. $tab = [x/(var/1), y/(var/2)]$)
- Für einen C_0 -Befehl sind meist mehrere AM_0 -Sequenzen nötig.

C_0	AM_0
<code>scanf("%i", &a);</code>	READ Adresse von a ;
<code>printf("%d", a);</code>	WRITE Adresse von a ;
<code>if(a > b) then {then} else {else}</code>	LOAD Adresse von a ; LOAD Adresse von b ; GT ; JMC AM_0 -Adresse des <i>else</i> -Zweiges ; <i>then</i> JMP Adresse nach dem <i>else</i> -Zweig ; <i>else</i>
Es können auch komplexere Ausdrücke oder Zahlen an Stelle der Variablen stehen. Diese müssen entsprechend behandelt werden.	
<code>while(a > b) {then}</code>	LOAD Adresse von a ; LOAD Adresse von b ; GT ; JMC AM_0 -Adresse des <i>else</i> -Zweiges ; <i>then</i> JMP AM_0 -Adresse des while ;
Wertzuweisungen wie <code>a = 0;</code>	LIT 0; STORE Adresse von a ;
Wertzuweisungen wie <code>a = a - b;</code>	LOAD Adresse von a ; LOAD Adresse von b ; SUB ; STORE Adresse von a ;

- Im Falle einer linearen Adressierung die Adressen erstmal leer lassen und am Ende eintragen.
- Im Falle der baumstrukturierten Adressierung können die Adressen gleich eingetragen werden. Mehrere unterschiedliche Adressen können die selbe Stelle adressieren.

- Am einfachsten baumstrukturierte Adressen im C₀-Code markieren. Die erste Teiladresse ist immer 1. Der zweite Teil ist die Nummer des Befehles in der Mainfunktion. Sollte es sich um ein **if-then-else** oder ein **while** handeln, gibt es einen dritten Teil und so weiter bei gestaffelten Statments
- Bei **if-then-else** mit der Adresse *a*:


```

        if(Bed.) JMC a.1
        statements JMP a.3 (innerhalb mit a.2 weiter)
      else
        a.1 statements (innerhalb mit a.4 weiter)
        a.3
      
```
- Bei **while** mit der Adresse *a*:


```

        a while(Bed.) JMC a.1 (innerhalb mit a.2 weiter)
        statements JMP a
        a.1
      
```
- Z.B. ein AM₀-Programm mit baumstrukturierten Adressen für folgendes C₀-Programm:

```

#include <stdio.h>
int main(){
    int a, b, max;
    1.1 scanf("%i", &a);
    1.2 scanf("%i", &b);
    1.3 if(a > b) 1.3.2 max = a;
    1.3.1 else max = b;
    1.3.3 = 1.4 printf("%d", max);
    return 0;
}

```

READ 1;	≈ scanf("%i", &a);	LOAD 1;	≈ then max = a;
READ 2;	≈ scanf("%i", &b);	STORE 3;	
LOAD 1;	≈ if(a > b)	JMP 1.3.3;	
LOAD 2;		1.3.1: LOAD 2;	≈ else max = b;
GT;		STORE 3;	
JMC 1.3.1;		1.3.3: WRITE 3;	≈ printf("%d", max);

$AM_0 \rightarrow C_0$

- Man sucht in den AM_0 -Befehlen nach Mustern, die C_0 -Strukturen entsprechen.
- Auffällig sind vor allem **while**s und **if**s durch die **JMP**s und **JMC**s. Außerdem verwenden sie meist logische Operatoren.
- z.B.: Geben sie für den Ausschnitt aus einem AM_0 -Programm die zugehörigen C_0 -Statements an, deren Übersetzung (bis auf eine eventuelle Verschiebung der Befehlsadressen) zu dieser AM_0 -Befehlsfolge führt. Vergeben Sie dabei für den Speicherplatz i die Variable **xi**.

1 ...	5 ADD;	9 LOAD 1;	13 JMP 8;
2 LOAD 1;	6 LE;	10 GT;	14 JMP 16;
3 LOAD 2;	7 JMC 15;	11 JMC 14;	15 WRITE 1;
4 LOAD 3;	8 LIT 0;	12 WRITE 2;	16 ...

- Das erste **JMC 15;** in Zeile 7 weist auf ein **while** oder ein **if** hin.
- Das zweite **JMC 14;** in Zeile 11 ebenfalls.
- An Hand der **JMP**s erkennt man, dass es sich um ein **while** in einem **if** handelt.
- Zwischenstand: (blau = C_0 , schwarz = AM_0)

...	LE;){	}
if(LOAD 1;	while(LIT 0;	}else{
LOAD 2;	LOAD 1;	WRITE 1;}
LOAD 3;	GT;){	...
ADD;	WRITE 2;	

- Das **ADD;** auflösen;

...	while(LIT 0;	}
if(LOAD 1;	LOAD 1;	}else{
x2 + x3	GT;){	WRITE 1;}
LE;){	WRITE 2;	...

- Das **LE;** und **GT;** auflösen.

```
...  
if(x1 < x2+x3){  
while(0 > x1){  
WRITE 2;  
}  
}else{  
WRITE 1;}  
...
```

- **WRITEs** auflösen.

```
...  
if(x1 < x2+x3){  
    while(0 > x1){  
        printf("%d", x2);  
    }  
}else{  
    printf("%d", x1);  
}  
...
```

AM₁

Symboltabelle

- Die Symboltabelle beinhaltet jetzt nicht nur Variablen, sondern auch Parameter und Funktionen
- Funktionen: *Funktionsname* / (proc, *einmalige Funktionsnummer*, beginnend bei 1)
- globale Variablen: *Variablenname* / (var, global, *einmalige globale Variablennummer*, beginnend bei 1)
- lokale Variablen: *Variablenname* / (var, lokal, *in Funktion einmalige Nummer*, beginnend bei 1)
- Parameter: *Variablenname* / (var, lokal, *Parameternummer*)
- Referenzparameter: *Variablenname* / (var-ref, *Parameternummer*)
- Parameternummer:
 - Die Funktion habe n Parameter.
 - Die Parameter werden von hinten abwärts vergeben, beginnend bei -2. Mit anderen Worten der letzte Parameter hat die Nummer -2, der vorletzte -3 usw. der erste hat $-1 - n$.

AM₁-Ablaufprotokoll

- die Tabelle besteht jetzt aus: BZ, DK, Laufzeitkeller(LK), Referenzzeiger(REF), IN, OUT
- Der LK wächst von links nach rechts.
- es gibt neue Befehle und alte ändern sich:

Befehl	Auswirkung
arithmetische Befehle (<i>ADD</i> , <i>MUL</i> , <i>SUB</i> , <i>DIV</i> , <i>MOD</i>)	ändern sich nicht
logische Befehle (<i>EQ</i> , <i>NE</i> , <i>LT</i> , <i>GT</i> , <i>LE</i> , <i>GE</i>)	ändern sich nicht
Sprungbefehle (<i>JMP</i> , <i>JMC</i>)	ändern sich nicht
<i>LIT a</i>	ändert sich nicht
<i>LOAD a b</i>	Lädt Wert von gegebener Adresse <i>b</i> des HS auf den DK. <i>a</i> kann die Werte lokal oder global annehmen. + inkrementiert BZ
<i>WRITE a b</i>	Schreibt Wert des HS von gegebener Adresse <i>b</i> auf OUT. <i>a</i> kann die Werte lokal oder global annehmen. + inkrementiert BZ
<i>LOADI a</i>	Schaut nach, welcher Wert an gegebener Adresse <i>a</i> im LK steht. Dieser Wert ist die Adresse des Wertes, der auf den DK geschrieben wird. + BZ inkrementieren
<i>WRITEI a</i>	Schaut nach, welcher Wert an gegebener Adresse <i>a</i> im LK steht. Dieser Wert ist die Adresse des Wertes, der auf OUT geschrieben wird. + BZ inkrementieren
<i>LOADA a b</i>	Schreibt die globale Adresse einer gegebenen Adresse <i>b</i> auf den DK. <i>a</i> kann die Werte lokal oder global annehmen. (Ist <i>a</i> global, wird <i>b</i> auf den DK geschrieben) + BZ inkrementieren

Befehl	Auswirkung
<i>STORE a b</i>	Nimmt obersten Wert von DK und schreibt diesen in den LK in gegebene Adresse <i>b</i> . <i>a</i> kann die Werte lokal oder global annehmen. + inkrementiert BZ
<i>READ a b</i>	Nimmt ersten IN-Wert und schreibt diesen im LK in gegebene Adresse <i>b</i> . <i>a</i> kann die Werte lokal oder global annehmen. + inkrementiert BZ
<i>STOREI a</i>	Schaut nach, welcher Wert an gegebener Adresse <i>a</i> im LK steht. Dieser Wert ist die Adresse in die der oberste Wert von DK geschrieben wird. + inkrementiert BZ
<i>READI a</i>	Schaut nach, welcher Wert an gegebener Adresse <i>a</i> im LK steht. Dieser Wert ist die Adresse in die der erste IN-Wert geschrieben wird. + inkrementiert BZ
<i>PUSH</i>	Legt oberstes Element vom DK auf den LK. + inkrementiert BZ
<i>CALL a</i>	Legt den eigentlich folgenden BZ-Wert auf den LK. Setzt BZ auf <i>a</i> . Legt aktuellen REF auf den LK. Neuer REF wird die jetzige Länge des LK. (Hier ist die Reihenfolge wichtig!)
<i>INIT</i>	Legt gegeben viele 0en auf den LK.
<i>RET a</i>	Den LK nach dem REF-Pointer löschen. Jetzt obersten Wert vom LK nehmen. Diesen Wert zum neuen REF Wert machen. Jetzt obersten Wert vom LK nehmen. BZ auf diesen Wert setzen. <i>a</i> Elemente vom LK nehmen. (Hier ist die Reihenfolge wichtig!)

- Speicherzugriffe:

- Wenn REF = 7 und LK:

9 : 3 : 0 : 0 : 1 : 17 : 3 : 4
 1 2 3 4 5 6 7 8

- LOAD (global, 1) greift auf globale Adresse 1 zu. Ergebnis: 9

9 : 3 : 0 : 0 : 1 : 17 : 3 : 4
 1 2 3 4 5 6 7 8

- **LOAD (lokal, 1)** greift auf lokale Adresse 1 zu. Das heißt auf das Element 1 rechts des REF-Pointers zu. Ergebnis: 4

9	:	3	:	0	:	0	:	1	:	17	:	3	:	4
1		2		3		4		5		6		7		8
- **LOAD (lokal, -2)** greift auf lokale Adresse -2 (einen Parameter) zu. Das heißt auf das Element 2 links des REF-Pointers zu. Ergebnis: 1

9	:	3	:	0	:	0	:	1	:	17	:	3	:	4
1		2		3		4		5		6		7		8
- **LOADI (-2)** greift auf lokale Adresse -2 (einen Parameter). Das heißt auf das Element 2 links des REF-Pointers zu. Danach wird das Ergebnis als Adresse genutzt, auf die zugegriffen wird. Ergebnis: 1

9	:	3	:	0	:	0	:	1	:	17	:	3	:	4
1		2		3		4		5		6		7		8
- **LOADA (global, 3)** globale Adresse der globalen Adresse 3 wird geladen. Ergebnis: 3

9	:	3	:	0	:	0	:	1	:	17	:	3	:	4
1		2		3		4		5		6		7		8
- **LOADA (lokal, 1)** globale Adresse der lokalen Adresse 1 wird geladen. Das heißt die Adresse 1 rechts neben dem REF-Pointer. Ergebnis: 8

9	:	3	:	0	:	0	:	1	:	17	:	3	:	4
1		2		3		4		5		6		7		8

• Beispiel:

1 INIT 1;	7 LOAD (global, 1);	13 READ (global, 1);
2 CALL 12;	8 STORE (lokal, 1);	14 LOADA (global, 1);
3 JMP 0;	9 LIT 5;	15 PUSH;
4 INIT 2;	10 STORE (global, 1);	16 CALL 4;
5 LOADI (-2);	11 RET 1;	17 WRITE (global, 1);
6 STORE (lokal, 2);	12 INIT 1;	18 RET 0;

Die Maschine befindet sich im Zustand $(12, \epsilon, 0 : 3 : 0, 3, 9, \epsilon)$. Lassen sie die Maschine so lange laufen, bis sie stoppt. Notieren sie den Zustand nach jedem Befehl.

BZ	DK	LK	REF	IN	OUT
12	€	globale Variablen (0) : (<u>3</u> : <u>0</u>) Rücksprungadresse (ra) par	3	9	€
13	€	(0):(3:0: <u>0</u>) lokale Variable	3	9	€
14	€	(9):(3:0:0)	3	€	€
15	1	(9):(3:0:0)	3	€	€
16	€	(9):(3:0:0):(<u>1</u>) Parameter ra: BZ+1=16+1	3	€	€
4	€	(9):(3:0:0):(1: <u>17</u> : <u>3</u>) par: alter REF-Wert	<u>7</u> Länge des LK	€	€
5	€	(9):(3:0:0):(1:17:3:0:0)	7	€	€
6	9	(9):(3:0:0):(1:17:3:0:0)	7	€	€
7	€	(9):(3:0:0):(1:17:3:0:9)	7	€	€
8	9	(9):(3:0:0):(1:17:3:0:9)	7	€	€
9	€	(9):(3:0:0):(1:17:3:9:9)	7	€	€
10	5	(9):(3:0:0):(1:17:3:9:9)	7	€	€
11	€	(5):(3:0:0):(1:17:3:9:9)	7	€	€
17	€	(5):(3:0:0)	3	€	€
18	€	(5):(3:0:0)	3	€	5
3	€	(5)	0	€	5
0	€	(5)	0	€	5

$C_1 \rightarrow AM_1$

- Adressierung wie bei AM_0 . Nur der erste Teil der Adresse ist nicht immer 1, sondern die Funktionsnummer aus der Symboltabelle.
- Die alten Befehlsäquivalenzen bleiben im Grunde erhalten. Durch Pointer gibt es allerdings ein paar Unterschiede.
- Um auf den Wert, auf den Pointervariablen zeigen, zuzugreifen muss **LOADI**, **STOREI**, **WRITEI** oder **READI** verwendet werden.
- Um eine Adresse zu erhalten, die in einen Pointer geschrieben wird, muss **LOADA** verwendet werden.

- Es kommen eine neue Äquivalenz hinzu:

C ₀	AM ₀
Funktionsaufrufe: <i>funktionsname</i> (<i>parameter</i> ₁ ,... , <i>parameter</i> _{<i>n</i>}) { LOKALE VARIABLENDEKLARATIONEN DO SOME STUFF}	LOAD <i>Adresse von parameter</i> ₁ ; PUSH ; ... LOAD <i>Adresse von parameter</i> _{<i>n</i>} ; PUSH ; CALL <i>Funktions-BZ-Adresse</i> ; INIT <i>Anzahl lokaler Variablen</i> ; RET <i>n</i> ;
An der <i>Funktions-BZ-Adresse</i> im AM ₁ -Code steht SOME STUFF	

- z.B.: Übersetzen Sie nachfolgende C₁-Statements in entsprechenden AM₁-Code mit baumstrukturierten Adressen. Zwischenschritte brauchen Sie keine anzugeben. Die zugehörige Symboltabelle ist:

tab = [*f*/(proc,1), *d*/(var, global, 1), *x*/(var, global, 2)]

...

d = 4;

f(d, &x);

printf("%d", x);

...

- Ergebnis:

LIT 4; \simeq **d = 4;**

STORE(global, 1)

LOAD(global, 1); \simeq **f(d, & x);** erster Parameter

PUSH;

LOADA(global, 2); zweiter Parameter

PUSH;

CALL 1;

WRITE(global, 2) \simeq **printf("% d", x);**