





# Utvikling av kode til masteroppgave

presentasjon

Stian B. Søisdal

Mens jeg skrev masteroppgaven min, brukte jeg to programmer.

- Mens jeg skrev masteroppgaven min, brukte jeg to programmer.
- Først program er basert på Program 1. fra FRACTALS EVERYWHERE, MICHAEL F. BARNSLEY

- Mens jeg skrev masteroppgaven min, brukte jeg to programmer.
- Først program er basert på Program 1. fra FRACTALS EVERYWHERE, MICHAEL F. BARNSLEY
- Jeg går igjenom SystemM2.py (P2, P3, P4 og M2 kunne ha blitt laget i et program, men med 3 måneder tidsfrist og masteroppgave som skulle bli skrevet ved siden av, ble det kjapere å skrive dem enkelt vis.)

- Mens jeg skrev masteroppgaven min, brukte jeg to programmer.
- Først program er basert på Program 1. fra FRACTALS EVERYWHERE, MICHAEL F. BARNSLEY
- Jeg går igjenom SystemM2.py (P2, P3, P4 og M2 kunne ha blitt laget i et program, men med 3 måneder tidsfrist og masteroppgave som skulle bli skrevet ved siden av, ble det kjapere å skrive dem enkelt vis.)
- Andre program er basert på Program 2. fra FRACTALS EVERYWHERE, MICHAEL F. BARNSLEY

- Mens jeg skrev masteroppgaven min, brukte jeg to programmer.
- Først program er basert på Program 1. fra FRACTALS EVERYWHERE, MICHAEL F. BARNSLEY
- Jeg går igjenom SystemM2.py (P2, P3, P4 og M2 kunne ha blitt laget i et program, men med 3 måneder tidsfrist og masteroppgave som skulle bli skrevet ved siden av, ble det kjapere å skrive dem enkelt vis.)
- Andre program er basert på Program 2. fra FRACTALS EVERYWHERE, MICHAEL F. BARNSLEY
- Går igjenom RandomM2.py (RandomP3.py er basert på samme kode.)

■ Ta et set, en "figur",  $A_0$ .

- Ta et set, en "figur",  $A_0$ .
- Ta også et sett med funksjoner,  $f_1, f_2,...$

- Ta et set, en "figur",  $A_0$ .
- Ta også et sett med funksjoner,  $f_1$ ,  $f_2$ ,...
- Hver av funksjonene brukes på setet, så det blir et nyt set som er en kombinasjon av alle avbildingene.

- Ta et set, en "figur", A<sub>0</sub>.
- Ta også et sett med funksjoner,  $f_1$ ,  $f_2$ ,...
- Hver av funksjonene brukes på setet, så det blir et nyt set som er en kombinasjon av alle avbildingene.
- $\blacksquare A_1 = f_1(A_0) \cup f_2(A_0) \cup ...$

- Ta et set, en "figur",  $A_0$ .
- Ta også et sett med funksjoner,  $f_1$ ,  $f_2$ ,...
- Hver av funksjonene brukes på setet, så det blir et nyt set som er en kombinasjon av alle avbildingene.
- $\blacksquare A_1 = f_1(A_0) \cup f_2(A_0) \cup ...$
- Itererer et viss antall ganger, og plotter resultatet.

# Program 1 fra FRACTALS EVERYWHERE, MICHAEL F. BARNSLEY

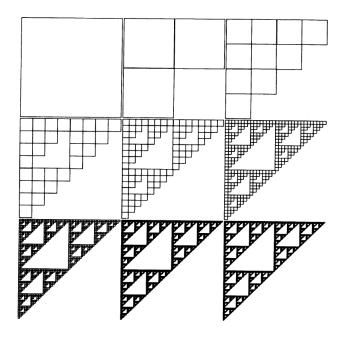
The program is written in BASIC.

 Table III.1.
 IFS code for a Sierpinski triangle.

w	а	b	с	d	e	f	<i>p</i>
1	0.5	0	0	0.5	1	1	0.33
2	0.5	0	0	0.5	1	50	0.33
3	0.5	0	0	0.5	50	50	0.34

```
Program 1. (Example of the Deterministic Algorithm)
 screen 1 : cls 'initialize graphics
 dim s(100.100) : dim t(100.100) 'allocate two arrays of pixels
 a(1)=0.5:b(1)=0:c(1)=0:d(1)=0.5:e(1)=1:f(1)=1 'input the IFS code
 a(2)=0.5:b(2)=0:c(2)=0:d(2)=0.5:e(2)=50:f(2)=1
 a(3)=0.5:b(3)=0:c(3)=0:d(3)=0.5:e(3)=25:f(3)=50
 for i=1 to 100 'input the initial set A(0), in this case
       a square, into the array t(i,i)
  t(i,1)=1: pset(i,1) 'A(0) can be used as a condensation set
  t(1,i)=1:pset(1,i) 'A(0) is plotted on the screen
 t(100,i)=1:pset(100,i)
 t(i,100)=1:pset(i,100)
  next: do
 for i=1 to 100 'apply W to set A(n) to make A(n+1) in the
        array s(i,i)
  for i=1 to 100: if t(i,j)=1 then
  s(a(1)*i+b(1)*j+e(1),c(1)*i+d(1)*j+f(1))=1 'and apply W to A(n)
  s(a(2)*i+b(2)*j+e(2),c(2)*i+d(2)*j+f(2))=1
  s(a(3)*i+b(3)*j+e(3),c(3)*i+d(3)*j+f(3))=1
 end if: next j: next i
 cls 'clears the screen--omit to obtain sequence with a A(0) as
      condensation set (see section 9 in Chapter II)
 for i=1 to 100 : for i=1 to 100
 t(i,j)=s(i,j) 'put A(n+1) into the array t(i,j)
  s(i,j)=0 'reset the array s(i,j) to zero
  if t(i.i)=1 then
 pset(i,j) 'plot A(n+1)
 end if : next : next
```

loop until instat 'if a key has been pressed then stop,
 otherwise compute A(n+1)=W(A(n+1))



Denne koden starter med å definere funksjonene som lager et fraktalt mønster.

```
plttit = 'System generating \n a Fern attractor'
t = 0.900116
A = np.array([np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                      [0.0, 1e-3, 0, 0],
                      [0.0, 0, 1e-3, 0],
                      [0.0, 0, 0, 0.18]]),
            np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                      [0.0, 0.85, 0, -0.1],
                      [0.0, 0, 0.85, 0],
                      [0.16*t, 0.1, 0, 0.85]]),
            np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                      [0.0, 0.3, 0, 0],
                      [0.0, 0, 0.2,-0.2],
                      [0.08*t, 0, 0.2, 0.211).
            np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                      [0.0, 0.3, 0, 0],
                      [0.0, 0, -0.2, 0.2],
                      [0.08*t, 0, 0.2, 0.2]])])
savefile = 'Fig M2 5-.png'
```

- Denne koden starter med å definere funksjonene som lager et fraktalt mønster.
- Her er de gitt som en vector av matriser. A.

```
plttit = 'System generating \n a Fern attractor'
t = 0.900116
A = np.array([np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                      [0.0, 1e-3, 0, 0],
                      [0.0, 0, 1e-3, 0],
                      [0.0, 0, 0, 0.18]]),
            np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                      [0.0, 0.85, 0, -0.1],
                      [0.0, 0, 0.85, 0],
                      [0.16*t, 0.1, 0, 0.85]]),
            np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                      [0.0, 0.3, 0, 0],
                      [0.0, 0, 0.2,-0.2],
                      [0.08*t, 0, 0.2, 0.211).
            np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                      [0.0, 0.3, 0, 0].
                      [0.0, 0, -0.2, 0.2],
                      [0.08*t, 0, 0.2, 0.2]])])
savefile = 'Fig M2 5-.png'
```

- Denne koden starter med å definere funksjonene som lager et fraktalt mønster.
- Her er de gitt som en vector av matriser. A.
- Starter også med et start set, gitt ved X, Y, Z.

```
plttit = 'System generating \n a Fern attractor'
t = 0.900116
A = np.array([np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                       [0.0, 1e-3, 0, 0],
                       [0.0, 0, 1e-3, 0],
                       [0.0, 0, 0, 0.18]]),
             np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                       [0.0, 0.85, 0, -0.1],
                       [0.0, 0, 0.85, 0],
                       [0.16*t, 0.1, 0, 0.85]]),
             np.matrix([[1.0,
                               0, 0, 01,
                       [0.0, 0.3, 0, 0],
                       [0.0, 0, 0.2,-0.2],
                       [0.08*t, 0, 0.2, 0.211),
             np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                       [0.0, 0.3, 0, 0].
                       [0.0, 0, -0.2, 0.2],
                       [0.08*t, 0, 0.2, 0.2]])])
savefile = 'Fig M2 5-.png'
# For fern
r s = 0.15
u = np.linspace(0, 2 * np.pi, 5)
v = np.linspace(0, np.pi, 4)
X = r s*np.outer(np.cos(u), np.sin(v))
Y = r s*np.outer(np.sin(u), np.sin(v))
Z = 2*r s*np.outer(np.ones(np.size(u)), np.cos(v))+3/10
SystemOnM2(A, X, Y, Z, itr, plttit, savefile)
```

- Denne koden starter med å definere funksjonene som lager et fraktalt mønster.
- Her er de gitt som en vector av matriser. A.
- Starter også med et start set, gitt ved X, Y, Z.
- SystemOnM2(...) er laget som en python funksjon, jeg kunne laget en class også.

```
plttit = 'System generating \n a Fern attractor'
t = 0.900116
A = np.array([np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                       [0.0, 1e-3, 0, 0],
                       [0.0, 0, 1e-3, 0],
                       [0.0, 0, 0, 0.18]]),
             np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                       [0.0, 0.85, 0, -0.1],
                       [0.0, 0, 0.85, 0],
                       [0.16*t, 0.1, 0, 0.85]]),
             np.matrix([[1.0,
                               0, 0, 01,
                       [0.0, 0.3, 0, 0],
                       [0.0, 0, 0.2,-0.2],
                       [0.08*t, 0, 0.2, 0.211),
             np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                       [0.0, 0.3, 0, 0].
                       [0.0, 0, -0.2, 0.2],
                       [0.08*t, 0, 0.2, 0.2]])])
savefile = 'Fig M2 5-.png'
# For fern
r s = 0.15
u = np.linspace(0, 2 * np.pi, 5)
v = np.linspace(0, np.pi, 4)
X = r s*np.outer(np.cos(u), np.sin(v))
Y = r s*np.outer(np.sin(u), np.sin(v))
Z = 2*r s*np.outer(np.ones(np.size(u)), np.cos(v))+3/10
SystemOnM2(A, X, Y, Z, itr, plttit, savefile)
```

Antall iterasjoner (itr, it) bestemmer hvordan oppsette på plotet blir. (for å gjøre det kjapt, ble en zoom lagt inn manuelt, trengte det kun en gang.)

```
# Pre-Iteration:

fig = plt.figure(figsize=(figsizx[it],figsizy[it]))

fig.suptitle(pltit, fontsize=16)

if it != 4:

ax = fig.add_subplot(plot_layout[it], projection='3d')

plt.title('Initial set'), ax.view_init(20, 10)

ax.set_xlim3d([-1, 1]), ax.set_ylim3d([-1, 1]), ax.set_zlim3d([-1, 1])

#ax.set_xlim3d([-0.7,0.1]), ax.set_ylim3d([-0.25,0.25]), ax.set_zlim3d([0,0.8])

ax.plot_surface(Sx, Sy, Sz, color=(1.,0.0,..1))

ax.plot_surface(x, y, z, color=(0.1,0.4.1.0.95))
```

- Antall iterasjoner (itr, it) bestemmer hvordan oppsette på plotet blir. (for å gjøre det kjapt, ble en zoom lagt inn manuelt, trengte det kun en gang.)
- Ser hvor mange funksjoner som er gitt.

- Antall iterasjoner (itr, it) bestemmer hvordan oppsette på plotet blir. (for å gjøre det kjapt, ble en zoom lagt inn manuelt, trengte det kun en gang.)
- Ser hvor mange funksjoner som er gitt.
- "An" lagrer alle måtene å kombinere funksjonene (itr ganger) 11 på det originale bilde.

```
# System setup
sys, An = len(a), np.zeros like(a)
for i in range(sys):
   An[i] = np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                    [0.0, 1, 0, 0],
                    [0.0, 0, 1, 0],
                    [0.0, 0, 0, 1]])
for n in range(it):
   # Setup plot to iteration
   ax = fig.add subplot(plot layout[it]+n+1, projection='3d')
   plt.title('Iteration {}'.format(n+1)), ax.view init(20, 10)
          # Allocate new maps
          An = np.repeat(An. svs. axis=0)
          # Update maps
          for k in range(svs**(n+1)):
               k re = np.remainder(k,sys)
               Ak = An[k]
               An[k] = np.matmul(a[k re], Ak)
```

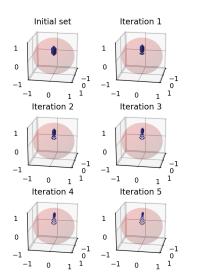
- Antall iterasjoner (itr, it) bestemmer hvordan oppsette på plotet blir. (for å gjøre det kjapt, ble en zoom lagt inn manuelt, trengte det kun en gang.)
- Ser hvor mange funksjoner som er gitt.
- "An" lagrer alle måtene å kombinere funksjonene (itr ganger) på det originale bilde.
- Går så gjennom iterasjonene og legger inn kombinasjonene.

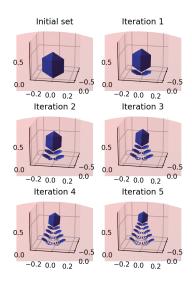
```
# System setup
sys, An = len(a), np.zeros like(a)
for i in range(sys):
   An[i] = np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                    [0.0, 1, 0, 0],
                    [0.0, 0, 1, 0],
                    [0.0, 0, 0, 1]])
for n in range(it):
   # Setup plot to iteration
   ax = fig.add subplot(plot layout[it]+n+1, projection='3d')
   plt.title('Iteration {}'.format(n+1)), ax.view init(20, 10)
          # Allocate new maps
          An = np.repeat(An. svs. axis=0)
          # Update maps
          for k in range(svs**(n+1)):
               k re = np.remainder(k,sys)
               Ak = An[k]
               An[k] = np.matmul(a[k re], Ak)
```

#### Ploter så iterasjonene og får (andre plot er med manuell zoom)

System generating a Fern attractor

System generating a Fern attractor





Har også en del i SystemM2.py som tester at vise likninger holder. Likningene kan fines på side 15/23 i masterpresentasjonen.

```
# Test that the positive trace-preserving maps are CPT maps
14
     def CPTtest(a):
         for i in range(len(a)):
             ea = 0
             if (abs(a[i,3,3])+abs(a[i,3,0])) -1.0 == 0.0:
                 if a[i,1,0] == 0:
                     if a[i,2,0] == 0:
                         ea = 4
                     else:
                         print('T_{{}} do not hold 1. and 2.'.format(i+1))
24
                 else:
                     print('T_{{}} do not hold 1. and 2.'.format(i+1))
             else:
```

■ Ta et start punkt,  $x_0$ .

- Ta et start punkt,  $x_0$ .
- Velg tilfeldig fra et set funksjoner,  $f_{i_1}$ .

- Ta et start punkt,  $x_0$ .
- Velg tilfeldig fra et set funksjoner,  $f_{i_1}$ .
- Får så punktet  $x_1 = f_{i_1}(x_0)$ .

- Ta et start punkt,  $x_0$ .
- Velg tilfeldig fra et set funksjoner,  $f_{i_1}$ .
- Får så punktet  $x_1 = f_{i_1}(x_0)$ .
- Neste punkt blir  $x_2 = f_{i_2}(x_1)$ , hvor  $f_{i_2}$  en tilfeldig funksjon fra samme set.

- Ta et start punkt,  $x_0$ .
- Velg tilfeldig fra et set funksjoner,  $f_{i_1}$ .
- Får så punktet  $x_1 = f_{i_1}(x_0)$ .
- Neste punkt blir  $x_2 = f_{i_2}(x_1)$ , hvor  $f_{i_2}$  en tilfeldig funksjon fra samme set.
- Itererer et viss antall ganger, og plotter resultatet.

#### Program 2 fra FRACTALS EVERYWHERE, MICHAEL F. BARNSLEY

The program is written in BASIC.

Table III.3. IFS code for a fern.

w	а	b	c	d	e	f	p
1	0	0	0	0.16	0	0	0.01
2	0.85	0.04	-0.04	0.85	0	1.6	0.85
3	0.2	-0.26	0.23	0.22	0	1.6	0.07
4	-0.15	0.28	0.26	0.24	0	0.44	0.07

```
Program 2. (Example of the Random Iteration Algorithm)
   'Iterated Function System Data
 a[1] = 0.5 : b[1] = 0 : c[1] = 0 : d[1] = .5 : e[1] = 1 : f[1] = 1
```

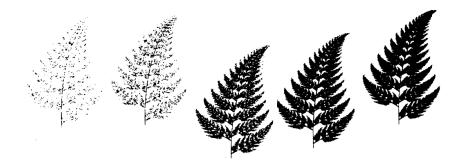
```
a[2] = 0.5 : b[2] = 0 : c[2] = 0 : d[2] = .5 : e[2] = 50 : f[2] = 1
a[3] = 0.5 : b[3] = 0 : c[3] = 0 : d[3] = .5 : e[3] = 50 : f[3] = 50
```

```
screen 1 : cls 'initialize computer graphics
window (0.0)-(100.100) 'set plotting window to 0<x<100, 0<y<100
x = 0: y = 0: numits =1000 'initialize (x,y) and define
    the number of iterations. numits
for n =1 to numits 'Random Iteration begins!
```

```
k = int(3*rnd-0.00001) +1 'choose one of the numbers 1, 2,
    and 3 with equal probability
```

```
'apply affine transformation number k to (x,v)
newx = a[k]*x+b[k]*v+e[k] : newv = c[k]*x+d[k]*v+f[k]
x =newx : y =newy 'set (x,y) to the point thus obtained
if n > 10 then pset (x,y) 'plot (x,y) after the first 10
     iterations
```

next: end



I denne koden trengs funksjonene og en vektor av hvor sannsynlig funksjonene er.

```
# Fern
plttit = 'Random point approximation \n of the Fern attractor'
t = 0.900116
A = np.array([np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                       ro.o. o. o. o1.
                      T0.0. 0. 0. 01.
                      [0.0, 0, 0, 0.1811).
             np.matrix([[1.0, 0, 0,
                       [0.0, 0.85, 0, -0.11,
                      [0.0, 0, 0.85, 01,
                      [0.16*t, 0.1, 0, 0.8511),
             np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                      [0.0, 0.3, 0, 0],
                      [0.0, 0, 0.2,-0.2],
                      [0.08*t, 0, 0.2, 0.2]]),
             np.matrix([[1.0,
                               0. 0, 0],
                       [0.0. 0.3, 0, 0],
                      [0.0. 0, -0.2, 0.2],
                      [0.08*t. 0. 0.2. 0.211)1)
P = np.array([0.01, 0.85, 0.07, 0.07])
X0= np.array([0.0.01) # Start point
Zoom = np.arrav([-0.7,0.1, -0.25,0.25, 0.0.81) #set axis
savefile = 'Fig M2 5R.png'
```

- I denne koden trengs funksjonene og en vektor av hvor sannsynlig funksjonene er.
- Zoom ble lagt til ordentlig.

```
# Fern
plttit = 'Random point approximation \n of the Fern attractor'
t = 0.900116
A = np.array([np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                       ro.o. o. o. o1.
                       T0.0. 0. 0. 01.
                       [0.0, 0, 0, 0.1811).
             np.matrix([[1.0, 0, 0,
                       [0.0, 0.85, 0, -0.11,
                       [0.0, 0, 0.85, 01,
                       [0.16*t, 0.1, 0, 0.8511),
             np.matrix([[1.0,
                               0, 0, 01,
                       [0.0, 0.3, 0, 0],
                       [0.0, 0, 0.2,-0.2],
                       [0.08*t, 0, 0.2, 0.2]]),
             np.matrix([[1.0,
                               0. 0, 0],
                       ro.o. 0.3. o. 01.
                       [0.0. 0, -0.2, 0.2],
                       [0.08*t. 0. 0.2. 0.211)1)
P = np.array([0.01, 0.85, 0.07, 0.07])
X0= np.array([0.0.01) # Start point
Zoom = np.array([-0.7,0.1, -0.25,0.25, 0,0.8]) #set axis
savefile = 'Fig M2 5R.png'
```

- I denne koden trengs funksjonene og en vektor av hvor sannsynlig funksjonene er.
- Zoom ble lagt til ordentlia.
- I denne python funksjonen blir...

```
# Fern
   plttit = 'Random point approximation \n of the Fern attractor'
   t = 0.900116
   A = np.array([np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                          ro.o. o. o. o1.
                         T0.0. 0. 0. 01.
                         [0.0, 0, 0, 0.1811).
                np.matrix([[1.0, 0, 0,
                          [0.0, 0.85, 0, -0.11,
                         [0.0, 0, 0.85, 01,
                         [0.16*t, 0.1, 0, 0.8511),
                np.matrix([[1.0,
                                  0, 0, 01,
                         [0.0, 0.3, 0, 0],
                         [0.0, 0, 0.2,-0.2],
                         [0.08*t, 0, 0.2, 0.2]]),
                np.matrix([[1.0,
                                  0, 0, 0],
                          [0.0. 0.3, 0, 0],
                          [0.0. 0, -0.2, 0.2],
                         [0.08*t. 0. 0.2. 0.211)1)
   P = np.arrav([0.01, 0.85, 0.07, 0.07])
   X0= np.array([0.0.01) # Start point
   Zoom = np.array([-0.7,0.1, -0.25,0.25, 0,0.8]) #set axis
   savefile = 'Fig M2 5R.png'
def RandomOnM2(a, p, x0, zoom, pltit=' ', savpng=0):
    numits = 1000000 # Number of iterations
    # Get random array and allocate (x,y,z).
    K, X = np.random.rand(numits), np.zeros((numits+1.3))
    X[0] = x0
```

- I denne koden trengs funksjonene og en vektor av hvor sannsynlig funksjonene er.
- Zoom ble lagt til ordentlig.
- I denne python funksjonen blir...
- Her blir

```
# Fern
plttit = 'Random point approximation \n of the Fern attractor'
t = 0.900116
A = np.array([np.matrix([[1.0, 0, 0, 0],
                       ro.o. o. o. o1.
                      T0.0. 0. 0. 01.
                      [0.0, 0, 0, 0.1811).
             np.matrix([[1.0, 0, 0,
                       [0.0, 0.85, 0, -0.11,
                      [0.0, 0, 0.85, 01,
                      [0.16*t, 0.1, 0, 0.8511),
             np.matrix([[1.0,
                               0, 0, 01,
                      [0.0, 0.3, 0, 0],
                      [0.0, 0, 0.2,-0.2],
                      [0.08*t, 0, 0.2, 0.2]]),
             np.matrix([[1.0,
                               0, 0, 0],
                       [0.0. 0.3, 0, 0],
                       [0.0. 0, -0.2, 0.2],
                      [0.08*t. 0. 0.2. 0.211)1)
P = np.arrav([0.01, 0.85, 0.07, 0.07])
X0= np.array([0.0.01) # Start point
Zoom = np.arrav([-0.7,0.1, -0.25,0.25, 0.0.81) #set axis
savefile = 'Fig M2 5R.png'
```

```
def RandomOnM2(a, p, x0, zoom, pltit=' ', savpng=0):
    numits = 1000000 # Number of iterations
# Get random array and allocate (x,y,z).

K, X = np.random.rand(numits), np.zeros((numits+1,3))

X[0] = x0
```

Plukker så ut en random funksjon for hvert steg, og bruker det på det forrige punktet.

```
for j in range(numits): # Geting the approximat attractor
i = 0

for k in range(len(p)): # Pick out A_i

if K[j] >= sum(p[0:k]):

i = k

else:

break

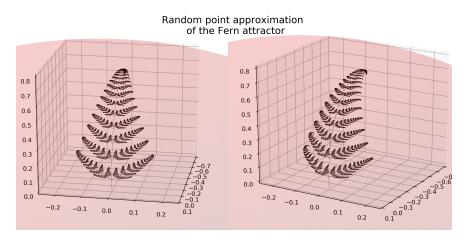
x, y, z = X[j]

X[j+1,0] = a[i,1,1]*x +a[i,1,2]*y +a[i,1,3]*z +a[i,1,0]

X[j+1,1] = a[i,2,1]*x +a[i,2,2]*y +a[i,2,3]*z +a[i,2,0]

X[j+1,2] = a[i,3,1]*x +a[i,3,2]*y +a[i,3,3]*z +a[i,3,0]
```

- Plukker så ut en random funksjon for hvert steg, og bruker det på det forrige punktet.
- Ploter blir så









Stian B. Søisdal

Utvikling av kode til masteroppgave presentasjon