R pour MTH2302D

April 13, 2018

Luc Adjengue

Contents

1	Cal	cul de probabilités	2
	1.1	Exemple: exercice 6.1 page 183	3
	1.2	Exemple: exercice 6.3 page 183	
2	Gra	phiques et calcul de statistiques descriptives	4
	2.1	Un histogramme	4
	2.2	Un diagramme en boîte (Box-Plot)	6
	2.3	La moyenne, l'écart-type, la variance et la taille de l'échantillon	
		2.3.1 Le test de Shapiro-Wilk	
		2.3.2 Le graphique Quantile-Quantile (pour la normale)	
3	Test	ts d'hypothèses	9
	3.1	Tests sur une moyenne avec variance inconnue	9
		3.1.1 Exemple : exercice 10.6 page 335	9
	3.2	Tests sur une moyenne avec variance connue	
		3.2.1 Exemple : exemple 10.6 page 290	
	3.3	Tests sur deux moyennes et deux variances	
		3.3.1 Exemple : exercice 10.20 page 338	
	3.4	Autres tests	
		3.4.1 Les tests des proportions	
		3.4.2 Les tests du khi-deux (ou chi-carré)	
4	Rég	ression linéaire	16
	4.1		16
	4.2	Estimation des coefficients β_1 , β_2 tests et intervalles de confiance	
	4.3	Tableau d'ananalyse de la variance	
	4.4	Calcul d'intervalles de prévision et de confiance	
	4.5		20

- Le logiciel R et son interface conviviale RStudio sont installés dans les laboratoires informatiques. On peut également utiliser R dans Anaconda (jupyter) et produire des note book tels que le présent document. Tous ces logiciels peuvent également être installés sur votre ordinateur personnel fonctionnant sous Windows, IOS ou Linux (voir sur le site Moodle du cours)
- Vous pouvez exécuter une après l'autre les commandes (les lignes débutant avec In[]) du présent fichier directement sur la console de R (ou de RStudio) ou sous forme d'un script dans RStudio.
- Nous présentons ici quelques exemples d'utilisation du logiciel R, dans le cadre du cours MTH2302D:
- Calcul de probabilité avec les lois discrètes et les lois continues usuelles
- Graphiques et calcul de statistiques descriptives
- Tests d'hypothèses et intervalles de confiance
- Régression linéaire

1 Calcul de probabilités

Le calcul des probabilités se fait généralement par la fonction de répartition en utilisant ploi(x, paramètres) où 'loi' désigne le nom de la loi utilisée et x, le point pour lequel on désire obtenir la probabilité cumulative. Quelques exemples de noms de lois :

```
- binom => loi binomiale
- geom => loi géométrique (Attention ! dans R, il s'agit du nombre d'échecs avant le succès)
- pois => loi de Poisson
- norm => loi normale
- chisq => loi du chi2
- t => loi de Student
- f => loi de Fisher
- exp => loi exponentielle
```

Par exemple pnorm(1.96, mean = 0, sd = 1) donne la valeur de la fonction de répartition d'une loi normale de moyenne 0 et d'écart type 1, soit 0,975. On obtient le même résultat avec pnorm(1.96,0,1). Dans le cas d'une normale N(0,1), on obtient le résultat simplement avec pnorm(1.96).

- etc. (pour une liste complète, taper ?distributions() dans la console de R)

Taper ?pnorm(), ou ?ppois(), de manière générale ?ploi() pour obtenir des précisions sur le calcul avec la 'loi' voulue.

De manière similaire,

- On remplace p par d pour calculer la fonction de masse ou de densité au point x. Par exemple, dpois (x,c) donne la valeur de P(X=x) pour une loi de Poisson de moyenne c.
- On remplace p par q pour calculer les quantile de la loi. Exemple qnorm(.95) donne 1.645.

• On remplace p par r pour calculer générer des observations selon la loi de probabilités. Par exemple, rnorm(100) produit 100 observations selon une loi N(0, 1).

La commande ls() donne la liste des variables en mémoire à ce moment là. La commande rm(list=ls()) efface toutes les données en mémoire à ce moment là.

```
In [1]: rm(list=ls())
```

1.1 Exemple: exercice 6.1 page 183

Les commandes suivantes produisent successivement les réponses des questions a) à h) de l'exercice 6.1 page 183.

```
In [2]: pnorm(2) - pnorm(0)
                                   # question a)
       pnorm(1) - pnorm(-1)
                                 # question b)
        pnorm(1.65)
                                   # question c)
        1-pnorm(-1.96)
                                 # question d)
       2*(1-pnorm(1.5))
                                 # question e)
        pnorm(2) - pnorm(-1.9) # question f)
        pnorm(1.37)
                                   # question q)
        pnorm(2.57) - pnorm(-2.57) # question h)
  0.477249868051821
  0.682689492137086
  0.950528531966352
  0.97500210485178
  0.133614402537716
  0.948533308235819
  0.914656549178033
  0.989830148502018
```

1.2 Exemple: exercice 6.3 page 183

Rappel: Les quantiles sont de la forme qloi(1-alpha, paramètres), c'est - à - dire 1-alpha désigne l'aire à gauche. On obtient le même résultat en écrivant qloi(alpha, paramètres, lower.tail=FALSE) ou simplement qloi(alpha, paramètres, lower.tail=F).

Par exemple : $z_{0,05}$ s'obtient avec la comande qnorm(.95, mu=0, sd=1), où mu est la moyenne et sd, l'écart type.

Pour une normale quelconque, on précise la moyenne et l'écart type.

Dans le cas d'une N(0,1) on peut simplement écrire qnorm (.95) qui donne $z_{0.05}$

Les commandes suivantes produisent successivement les réponses des questions a) à d) de l'exercice 6.3 page 183.

```
In [3]: qnorm(0.94062)  # question a). [Même résultat avec qnorm(0.05938,lower.tail=F)]
  qnorm(0.975)  # question b). [Même résultat avec qnorm(0.025,lower.tail=F)]
  qnorm(0.995)  # question c). [Même résultat avec qnorm(0.005,lower.tail=F)]
  qnorm(0.05)  # question d). [Même résultat avec qnorm(0.95,lower.tail=F)]
```

```
1.55999949723643
1.95996398454005
2.5758293035489
-1.64485362695147
```

2 Graphiques et calcul de statistiques descriptives

Afin d'illustrer ces concepts, nous générons 100 observations d'une loi normale N(5,9).

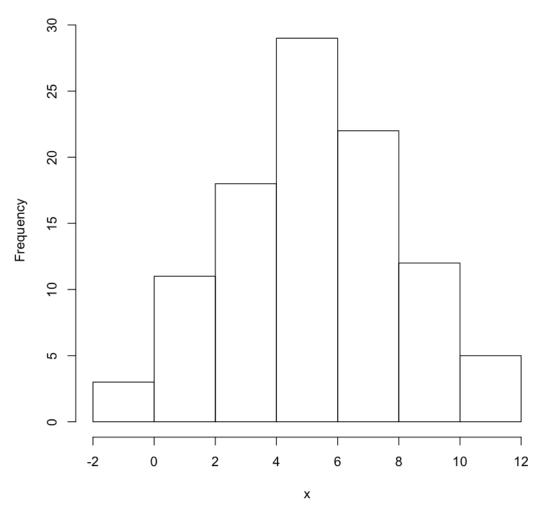
```
In [4]: set.seed(123) # on fixe le germe, ceci permet de générer toujours les mêmes données
         x <- rnorm(100, 5, 3) # on génère des observations (ici 100).
         # Ici les données sont placées dans la variable x. Exemple :
       3.31857306034336
                          2.
                              4.30946753155016
                                                 3.
                                                     9.67612494244737
                                                                        4.
                                                                            5.21152517427373
                            10.1451949606498
                                                7.
                                                                         8.
    5.38786320548284
                        6.
                                                     6.38274861796761
                                                                             1.2048162961804
   2.93944144431942
                       10.
                                                    8.67224539231838
                                                                       12.
                                                                            6.07944148117209
                            3.66301408970013
                                               11.
13. 6.20231435178216
                       14.
                                                15.
                                                                       16.
                                                                            10.3607394104092
                            5.33204814783536
                                                    3.33247659573778
17. 6.49355143468772
                       18.
                            -0.899851469888914
                                                 19.
                                                     7.10406770469106
                                                                        20.
                                                                             3.5816257768162
    1.79652888203946
                       22.
                            4.34607525602511
                                                23.
                                                    1.92198665507828
                                                                       24.
                                                                            2.81332631212658
                                                                            5.46011935350955
25. 3.12488219645223
                      26.
                           -0.0600799322272403 27. 7.51336113348357
                                                                        28.
29. 1.58558918896416
                       30.
                            8.76144476320978
                                               31.
                                                    6.27939266443044
                                                                       32.
                                                                            4.11478555102319
33.
    7.68537698313507
                        34.
                            7.63440046259913
                                               35.
                                                    7.46474324491246
                                                                       36.
                                                                            7.06592076230027
37.
    6.66175296061277
                        38.
                            4.81426486826984
                                               39.
                                                    4.08211200878025
                                                                       40.
                                                                            3.85858699696285
41.
    2.91587906323846
                        42.
                             4.3762481659412
                                               43.
                                                    1.20381094529521
                                                                       44.
                                                                            11.5068678960155
    8.62388599491497
45.
                        46.
                            1.63067425038995
                                               47.
                                                    3.79134549410277
                                                                       48.
                                                                            3.60003393913034
49.
    7.33989535500895
                        50.
                            4.74989280058451
                                                51.
                                                    5.75995554198426
                                                                       52.
                                                                            4.91435973395389
                             9.10580685204337
53.
    4.87138862812605
                        54.
                                                55.
                                                     4.3226870430222
                                                                       56.
                                                                            9.54941181328862
57. 0.353741587309337
                        58.
                            6.75384124890821
                                                59.
                                                    5.37156273153384
                                                                       60.
                                                                            5.64782470623192
61.
    6.13891844827965
                        62.
                            3.49302964067209
                                                63.
                                                    4.00037784899174
                                                                       64.
                                                                            1.94427385067873
65.
                                                                       68.
    1.78462632057327
                        66.
                            5.91058592421277
                                               67.
                                                    6.34462933588828
                                                                            5.15901268019151
69.
    7.76680240363921
                       70.
                            11.1502540568814
                                               71.
                                                    3.52690650183039
                                                                       72.
                                                                           -1.92750662692244
73.
                        74.
                                                75.
    8.01721557338677
                             2.87239771225282
                                                     2.93597415059793
                                                                        76.
                                                                             8.0767141090901
77.
                        78.
                                                79.
                                                                       80.
    4.14568097884697
                            1.33784686323639
                                                    5.54391043924745
                                                                            4.58332591268287
81.
    5.01729255769966
                        82.
                             6.15584120337899
                                                83.
                                                     3.88801990462277
                                                                        84.
                                                                             6.9331296455565
85.
    4.33854031454375
                                               87.
                                                                       88.
                        86.
                            5.99534589174709
                                                    8.29051703944804
                                                                            6.30554447250141
89.
    4.02220524340632
                        90.
                            8.44642285535328
                                               91.
                                                    7.98051156788636
                                                                       92.
                                                                            6.64519087852421
                                                                            3.19922123855862
    5.71619520533432
                       94.
                            3.11628177188189
                                               95.
                                                    9.08195734559002
                                                                       96.
97. 11.5619989790497 98. 9.59783187855557 99. 4.29289892269857 100. 1.92073729907966
```

2.1 Un histogramme

On trace un histogramme avec la commande hist()

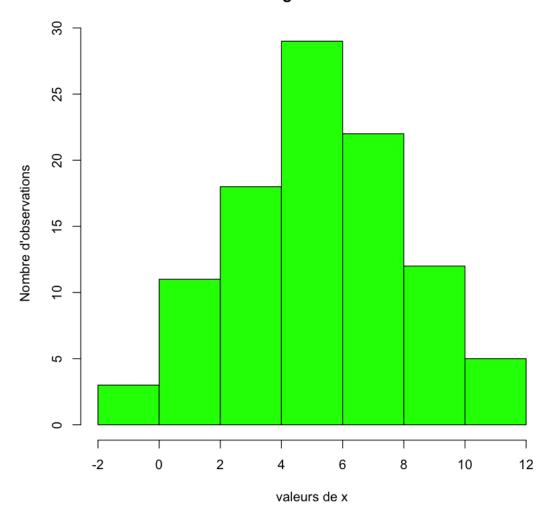
```
In [5]: hist(x)
```

Histogram of x



On peut produire l'histogramme avec de la couleur, des titres sur les axes, etc.

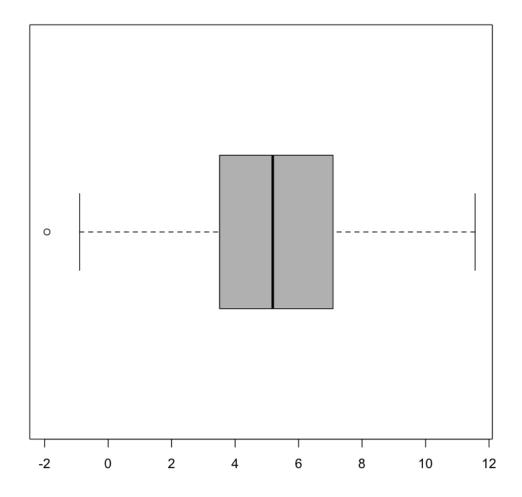




2.2 Un diagramme en boîte (Box-Plot)

```
In [7]: boxplot(x, col="grey", horizontal=T)

# par défaut la boîte est verticale.
# L'option 'horizontal=TRUE' la place horizontalement
# D'autre options sont disponibles.
# Pour plus de détails, taper ?boxplot() dans la console de R
```



2.3 La moyenne, l'écart-type, la variance et la taille de l'échantillon

La commande summary (), permet d'obtenir les 3 quartiles, la moyenne, le minimum et le maximum de x.

```
In [8]: summary(x)

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
-1.928  3.518  5.185  5.271  7.075  11.562
```

On peut également calculer certaines statistiques en invoquant leur noms

La commande shapiro.test(x) permet d'effectuer le test de normalité de Shapiro pour les données de x

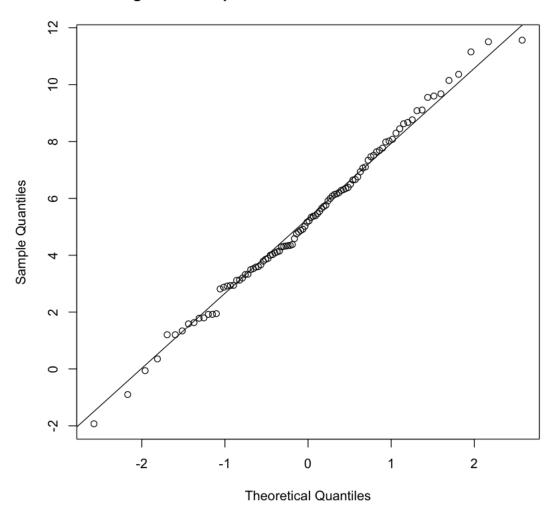
qqnorm(x) permet de tracer le graphique quantile-quantile des données de x

2.3.1 Le test de Shapiro-Wilk

```
In [10]: shapiro.test(x) # calcule et affiche les valeurs de W et p
Shapiro-Wilk normality test
data: x
W = 0.99388, p-value = 0.9349
```

2.3.2 Le graphique Quantile-Quantile (pour la normale)





3 Tests d'hypothèses

On peut effectuer des tests sur une moyenne, une variace, une proportion, deux moyennes, deux variances, etc.

3.1 Tests sur une moyenne avec variance inconnue

Le test t est efectué avec la commande t.test().

3.1.1 Exemple: exercice 10.6 page 335

```
In [12]: # On crée une variable, disons nbh, pour le nombre d'heures
nbh <- c(8.8, 12.5, 5.4, 12.8, 8.8, 12.2, 13.3, 6.9, 9.1, 14.7, 2.2)
```

```
# on peut visualiser les données
         nbh
   1. 8.8 2. 12.5 3. 5.4 4. 12.8 5. 8.8 6. 12.2 7. 13.3 8. 6.9 9. 9.1 10. 14.7 11. 2.2
In [13]: # test de normalité si nécessaire
         shapiro.test(nbh)
Shapiro-Wilk normality test
data: nbh
W = 0.93939, p-value = 0.5134
   On peut voir que la normalité est plausible puique la p-value, 0.5134, est élevée
   On peut donc tester la moyenne \mu avec le test t.
   Pour tester H_0: \mu = 8 contre H_1: \mu > 8,
   la commande est t.test().
In [14]: t.test(nbh, mu = 8, alternative = "greater")
          # alternative donne le sens du test de l'inégalité dans $H_1$.
         # On a donc aussi : "less" pour inférieur,
          # et "two.sided" pour bilatéral.
One Sample t-test
data: nbh
t = 1.4745, df = 10, p-value = 0.08556
alternative hypothesis: true mean is greater than 8
95 percent confidence interval:
7.610339
sample estimates:
mean of x
      9.7
```

On a $t = \frac{\bar{x} - 8}{s / \sqrt{n}} = 1,4745$, et valeur-P= $P(T_{10} > 1,4745) = 0,08556$. On ne rejette donc pas H_0 .

L'intervalle de confiance unilatéral correspondant est [7.61, Infini], à 95% (par défaut). On peut changer le niveau de confiance en ajoutant conf.level=1-alpha. e.g., pour un niveau à 90% : t.test(nbh, mu = 8, alternative = "greater", conf.level=0.90)

Remarque : on peut calculer le centile $t_{0,05;10}$ avec la commande qt(.95,10) et la p-value avec la commande 1-pt(1.4745,10).

3.2 Tests sur une moyenne avec variance connue

Dans le cas où la variance est connue et la distribution est normale, on peut calculer les quantités requises pour le test de $H_0: \mu = \mu_0$ contre $H_1: \mu \neq \mu_0$

3.2.1 Exemple: exemple 10.6 page 290

3.3 Tests sur deux moyennes et deux variances

Dans le cas de 2 échantillons, on peut tester l'égalité des variances d'une part (test F) et l'égalité des moyennes (test t) d'autre part. Illustrons ces deux tests par un exemple.

3.3.1 Exemple: exercice 10.20 page 338

Appelons x1 le rendement du procédé p1 et x2, celui du procédé p2.

Les données peuvent être lues directement d'un fichier csv (voir l'exemple sur la régression plus bas, mais ici enregistrons les manuellement.

```
In [17]: x1 \leftarrow c(24.2, 26.6, 25.7, 24.8, 25.9, 26.5)
x2 \leftarrow c(21.0, 22.1, 21.8, 20.9, 22.4, 22.0)
```

```
shapiro.test(x2)
Shapiro-Wilk normality test
data: x1
W = 0.92127, p-value = 0.5146
Shapiro-Wilk normality test
data: x2
W = 0.88638, p-value = 0.2997
   Le test de l'égalité des variances, c'est-à-dire, le test des hypothèses
   H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2 \text{ contre } H_1: \sigma_1^2 \neq \sigma_2^2
   s'effectue avec la commande var.test() de la manière suivante :
In [19]: var.test(x1,x2)
F test to compare two variances
data: x1 and x2
F = 2.398, num df = 5, denom df = 5, p-value = 0.3591
alternative hypothesis: true ratio of variances is not equal to 1
95 percent confidence interval:
  0.3355614 17.1373784
sample estimates:
ratio of variances
             2.39805
   Ici f_0 = 2,398 (formule 10.75 page 319); les degrés de liberté sont v_1 = 5, v_2 = 5. On ne rejette
pas H_0 puisque valeur-p=0,3591.
   Un intervalle de confiance du raport \frac{\sigma_1^2}{\sigma_1^2} est [0,336 17,14] à 95%.
```

In [18]: # on peut vérifier l'hypothèse de la normalité des données

shapiro.test(x1)

conf.level=.90)

On peut aussi conclure le test en considérant les percentiles $F_{0,975;5,5}$ et $F_{0,025;5,5}$ calculés comme suit :

On peut changer le niveau de confiance en ajoutant con.level : e.g. var.test(x1,x2,

Pour le test de deux moyennes $H_0: \mu_1 = \mu_2$ contre $H_1: \mu_1 \neq \mu_2$,

on utilise encore t.test(). Les paramètres sont les mêmes que dans le cas d'une moyenne, mais il faut fournir 2 variables et ajouter des options

- l'option var.equal = T (variances égales). Par défaut on a var.equal=F (les variances ne sont pas égales).
- l'option paired = T (données pairées ; attention x1 et x2 doivent avoir la même longueur).
- Par défaut on a paired=F (données non pairées) et var.equal=F (variances inégales).
- conf.level = 1-alpha (niveau de confiance pour l'intervalle de confiance de la différence des deux moyennes Par défaut conf.level=0.05.
- alternative = two.sided (ou less, ou greater) pour le sens de H_1 . Taper ?t.test() pour plus de détails.

```
In [21]: t.test(x1,x2, var.equal=T)

Two Sample t-test

data: x1 and x2

t = 8.4876, df = 10, p-value = 6.987e-06
alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0

95 percent confidence interval:
2.888472 4.944861
sample estimates:
mean of x mean of y
25.61667 21.70000

On dispose d'un certain nombre de résultats ci-dessus:
t_0 = 8.4876, selon la formule (10.61) page 312
df =10, le nombre de degrés de liberté n1+n2-2
pvalue= 6x10^{\circ}(-6) = 2^{*}P(T>|t0|) avec 10 degrés de liberté (ici on rejette H_0)
L'intervalle de confiance est \mu_1 - \mu_2 \in [2.89 \ 4.94], à 95% (par défaut).
```

Remarque: dans le cas des variances connues, on peut faire les calculs similaires au cas d'une moyenne avec variance connue (voir plus haut).

On peut aussi installer un des 'packages' qui permettent d'effectuer les tests sur les moyennes et les variances dans différentes circonstances. Par exemple 'OneTwoSamples'.

3.4 Autres tests

On peut efectuer d'autres tests, tels que le test des proportions, les test di khi-deux (ajustement et indépendance).

3.4.1 Les tests des proportions

Les tests sur une ou deux proportions se font la commande prop.test(). Taper ?prop.test() pour plus de déétails et exemples.

3.4.2 Les tests du khi-deux (ou chi-carré)

Les tests du khi-deux (ajustement et indépendance) se font avec la commande chisq.test(). Taper ?chisq.test() pour plus de détails et exemples. Voici quelques exemples pour le test d'ajustement (méthode du khi-deux):

- mettre les effectifs observés Oj dans un vecteur, disons O et les probabilités lorsque H_0 est vraie, p0j, dans un vecteur, disons p0 (leur somme doit être 1)
- taper chisq.test(O, p=p0)

exemple : on veut tester l'hypothèse H_0 selon laquelle les effectifs 967, 400 et 433 sont ceux d'une distribution de 3 valeurs (disons a, b et c) dont les probabilités sont : 1/2,1/4 et 1/4.

```
In [22]: 0<-c(967,400,433) # le ecteur des valeurs observées
In [23]: p0<-c(.5,.25,.25) # le vecteur des probabilités lorsque HO est vraie
In [24]: chisq.test(0,p=p0)
Chi-squared test for given probabilities
data: 0
X-squared = 11.186, df = 2, p-value = 0.003725</pre>
```

La statistique du test est $U_0 = 11,19$ avec une p-value de 0,0037. L'hypothèse n'est donc pas plausible.

Il est préférable de mettre le test dans un objet pour aller chercher des résultats supplémentaire tels que les valeurs attendues Ej, la statistique, la p-value, etc.

```
In [25]: tch2<-chisq.test(0,p=p0)
In [26]: tch2$expected # les valeurs attendues Ej
     1.900 2.450 3.450
In [27]: tch2$statistic</pre>
```

X-squared: 11.18555555556

Pour le test d'indépendance (méthode du khi-deux):

- mettre le tableau sous la forme d'une matrice, disons M
- taper 'chisq.test(M)'

exemple: exercice 10.35 page 343

```
In [28]: M<-matrix(c(216,226,114,245,409,297),nrow=3)</pre>
```

In [29]: M

216 245

226 409

114 297

Ceci nest pas necessaire, il est possible dajouter les noms de lignes et de colonnes.

```
In [30]: rownames(M)<-c("Faible","Moyen","Elevé")</pre>
```

In [32]: M

	Inactive	Active
Faible	216	245
Moyen	226	409
Elevé	114	297

In [33]: mt<-chisq.test(M)</pre>

In [34]: mt

Pearson's Chi-squared test

data: M

X-squared = 34.909, df = 2, p-value = 2.627e-08

La statistique du test est $U_0 = 34,91$ avec une p-value de $2,6x10^{-8}$.

L'hypothèse d'indépendance des deux variablesn'est pas plausible. Les deux variables ne sont pas indépendantes.

Comme dans le test d'ajustement il est possible daller chercher des résultats supplémentaire tels que les valeurs attendues Eij, la statistique, la p-value, etc.

In [35]: mt\$expected # les valeurs attendues Eij

	Inactive	Active
Faible	170.0836	290.9164
Moyen	234.2800	400.7200
Elevé	151.6364	259.3636

4 Régression linéaire

4.1 Lecture des données et visualisation. Exemple : exercice 12.5 page 424

Afin d'illustrer l'anlyse de régression, considérons les données de l'exercice 12.5 page 424 Ici nous lisons les données d'un fichier au format .csv. Veuillez vous assurer que Le fichier Exerc12_5.csv est dans le répertoire de travail de R (ou de RStudio).

```
In [36]: don <- read.csv2("Exerc12_5.csv")
    # les données sont lues et placées dans une base de données appelée ici 'don'

# La commande read.csv2("fichier.csv") permet de lire les
    # fichiers .csv dont la décimale des chiffres est une virgule
    # dans le cas contraire on urilise read.csv("fichier.csv")

# attach(don) # cette commande permet d'attacher les données
    # en mémoire et d'y accéder directement avec les noms des variables</pre>
```

Si l'instruction ci-dessus echoue, essayer celle qui suit après avoir enlevé le symbole # qui la précède

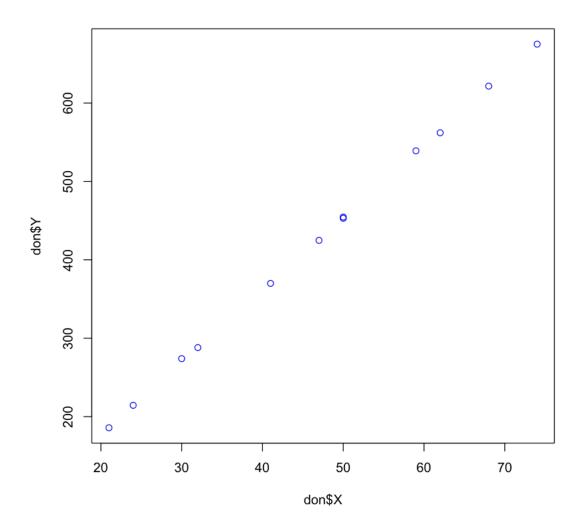
```
In [37]: # don <- read.csv("Exerc12_5.csv", header = TRUE, sep = ";", dec = ".")</pre>
```

In [38]: # On peut visualiserles les données en invoquant le nom de la base de données don

X	Y
21	185.79
24	214.47
32	288.03
47	424.84
50	454.58
59	539.03
68	621.55
74	675.06
62	562.03
50	452.93
41	369.95
30	273.98
-	

Le nuage de points

```
In [39]: plot(don$X,don$Y,col="blue")
```



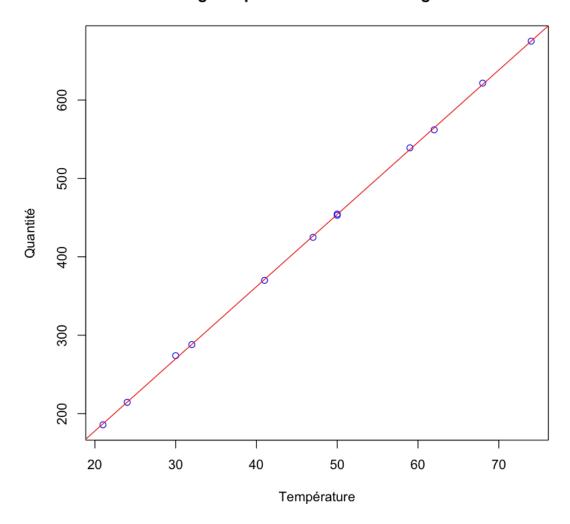
4.2 Estimation des coefficients β_1 , β_2 tests et intervalles de confiance

La commande pour une régression linéaire de Y sur X est lm(Y X) On crée un objet, ici 'reg.lin', qui contient tous les résultats de la régression

In [40]: reg.lin <- $lm(Y^X, data=don)$

Le nuage de points et la droite

Le nuage de points et la droite de régression



Les résultats s'obtiennent avec la commande summary()

```
In [42]: summary(reg.lin)
```

Call:

lm(formula = Y ~ X, data = don)

${\tt Residuals:}$

Min 1Q Median 3Q Max -2.5529 -1.2519 -0.2486 0.8023 4.0646

Coefficients:

Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)

Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1

Residual standard error: 1.943 on 10 degrees of freedom Multiple R-squared: 0.9999, Adjusted R-squared: 0.9999 F-statistic: 7.433e+04 on 1 and 10 DF, p-value: < 2.2e-16

Le tableau ci-dessus montre que

$$\hat{\beta}_0 = -6,3355; \ \hat{\beta}_1 = 9,208$$

Le test de H_0 : $\beta_0 = 0$ contre H_1 : $\beta_0 \neq 0$. On a $t_0 = -6{,}3355/1{,}66765 = -3{,}799$. Puisque valeur-p= 0,00349, on rejette H_0 .

Le test de $H_0: \beta_1 = 0$ contre $H_1: \beta_1 \neq 0$. On a $t_0 = 9,208/0,03377 = 272,643$. Puisque valeur-p= 0, on rejette H_0 .

Les intervales de confiance pour β_0 et β_1 à 95% s'otiennent avec la commande confint ()

In [43]: confint(reg.lin)

 $\beta_0 \in [-10,05 - 2,62]$ à 95% et $\beta_1 \in [9,139,28]$ à 95%.

On peut modifier le niveau de confiance en ajoutant level=1-alpha. Par exemple

In [44]: confint(reg.lin, level=.90)

4.3 Tableau d'ananalyse de la variance

Le tableau d'analyse de la variance du modèle de régression s'obtient avec la commande anova()

In [45]: anova(reg.lin)

	Df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
X	1	280583.11938	2.805831e+05	74334.36	1.08364e-20
Residuals	10	37.74609	3.774609e+00	NA	NA
$SS_R = 280583.12$; $SS_E = 37.746$; $MS_R = 280583.12$; $MS_E = 3.775$					
$F_0 = 74334.36$; $p - value = 10^{-20} \approx 0$.					

4.4 Calcul d'intervalles de prévision et de confiance

	fit	lwr	upr
1	546.1662	541.5474	550.785
	fit	lwr	upr

fit représente $\hat{y}_0 = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 \times 60 = 546,166$

lwr = borne inférieur de l'intervalle et **upr** = borne supérieure de l'intervalle.

Remarque: On peut calculer des intervalles pour plusieurs valeurs de x0. Par exemple, pour 3 valeurs 60, 65 et 70 de x,

	fit	lwr	upr
1	546.1662	541.5474	550.7850
2	592.2080	587.4922	596.9239
3	638.2498	633.4095	643.0901
	fit	lwr	upr
1	fit 546.1662	lwr 544.5557	upr 547.7767
1 2			

4.5 Quelques graphiques des résidus

Quelques graphiques des résidus (les deux premiers graphiques : résidus vs valeurs prédites et graphique de probabilité normal

```
In [48]: plot(reg.lin,1:2)
```

