Durée: 1 h 30



Deuxième année FIMI

Interrogation de Physique n° 1

Lundi 15 octobre 2018

Corrigé - barème

Exercice 1	13 points	physique	calcul
1	a homogène à [ρ]/[longueur] soit [Q]/[L] ⁴ ; admettre l'unité C/m ⁴	0,5	
	$\rho(z) = a (z-H-h)$ est négatif et z-H-h est négatif pour H <z<h=h donc<="" td=""><td></td><td>0,5</td></z<h=h>		0,5
	a est positif		
2	Schéma des plans	1	
	En un point M quelconque de l'espace, les plans Mxz et Myz sont		
	des plans de symétrie de la distribution de charges, donc \vec{E} est porté	1	
	par Oz	1	
	Invariance par translation de la distribution de charges selon Ox ou	1	
	Oy: \vec{E} ne dépend pas des variables x et y	-	
3	$\vec{E} = E(z)\vec{u_z}$ avec div $(\vec{E}) = \rho / \varepsilon_0$ (énoncé relation locale)	0,5	
	D'où $dE/dz = a/\epsilon_0 (z-H-h)$	0,5	0,5
	S'intègre en E = $a/\epsilon_0 (0.5z^2 - (H+h)z + c)$		0,5
	Par continuité de E en $z = H+h$, $c = 0.5 (H+h)^2$		0,5
	(E(z) se factorise bien en $a/2\varepsilon_0$ (z – H – h) ²)	0.7	
4	Sous le nuage div (\vec{E}) =0 d'où E(z) = cte	0,5	
	Par continuité en $z = H$, $E(z) = a h^2/2\varepsilon_0$	0,5	
5	La norme de E coïncide avec la fonction E(z). plateau de 0 à H	1	
	raccordé à une parabole décroissante de H à H+h (raccordement		
	tangent en $z = H+h$)	0.5	
6	Théorème de Gauss (énoncé correct avec surface de Gauss claire) appliqué à un cylindre fermé //Oz de section S entre les cotes $z_1 < 0$ et z_2 ($0 < z_2 < H$):	0.5	
	Le flux est nul sur le côté du cylindre $(\overrightarrow{dS} \cdot \overrightarrow{E} = 0)$ et sur le bas $(\overrightarrow{E} = 0)$	0,5	
	Sur le haut $\int \vec{E} \cdot \vec{dS} = \int E dS = ES \operatorname{car} \vec{dS} / / \vec{E}$ et E cst à z cst	0,5	
	Donc S a $h^2/2\varepsilon_0 = Q/\varepsilon_0$ d'où $Q = S$ a $h^2/2$	0,5	
	Si certains ont tenté les relations de passage :		
	- énoncé des relations pour les composantes N et T	0,5	
	- schéma pour milieux 1 et 2	0,5	
	- constat que le champ est normal - conclusion	0,5	
	- Conclusion	0,5	
7	Le plus court : théorème de Gauss appliqué à un cylindre //Oz de	1	
	section S entre les cotes $z_1 < 0$ et $z_2 > H + h$), deux zones où le champ est nul : le flux est nul donc $Q_{int} = 0$ et $Q(nuage) = -Q$		
	Accepter évidemment l'intégration de $\rho(z)$		
	Commentaire : c'est normal car les charges se conservent et elles	1	
	sont montées de la Terre! On a formé une sorte de condensateur		
8	Si $E_{max} = a h^2/2\epsilon_0$ vaut 10^6 V/m, $Q = S \epsilon_0 E_{max}$ est de l'ordre de	1	
	10 ⁻¹¹⁺⁶ en C/m ² , soit pour 100 m ² par exemple 10 ⁻³ C, considérable!		
	(La foudre peut vraiment calciner un tronc d'arbre avec l'énergie		

électrostatique dégagée)	

L'exercice s'inspire de l'article de Wikipedia sur la foudre. Effectivement la base des nuages est souvent très chargée négativement. Mais la «zoologie» des nuages est variée, il en existe de chargés positivement et on peut parfois observer dans un ciel tout bleu deux nuages de charges opposées qui s'attirent puis finissent par échanger un éclair...

Exercice 2	7 points	physique	calcul
A	Le champ étant <u>statique</u> , il est régi par l'équation de Maxwell $\overrightarrow{rot}(\vec{E})$	1,5	
	$= \vec{0}$ partout où le champ est défini, c'est-à-dire dans tout l'espace		
	privé du proton central (ou passage par le potentiel		
	électros <u>tatique</u>)		
В	Pour $r \ll a \vec{E}(r) = \frac{e}{4\pi\epsilon_0 r^2} \vec{u_r}$: on ne voit que le champ du proton		0,5
	Pour r>>a $\vec{E}(\mathbf{r}) = \frac{e}{4\pi\varepsilon_0 ar} exp\left(-\frac{r}{a}\right) \overrightarrow{u_r}$: norme exponentiellement		0,5
	décroissante		
C	On utilise $\operatorname{div}(\vec{E}) = \rho/\epsilon_0$	1	
	La divergence s'écrit $\frac{1}{r^2} \frac{d(r^2 E)}{dr}$	0,5	
	Soit ici $\rho = \frac{e}{4\pi r^2 a} \frac{d}{dr} \left((a+r) exp\left(\frac{-r}{a}\right) \right) = \frac{-e}{4\pi r a^2} exp\left(\frac{-r}{a}\right)$		1,5
D	Dernière question un peu plus difficile! Il faut intuiter compte tenu		
	de la dérivation précédente ou intégrer par parties:		
	$V = \frac{e}{4\pi\varepsilon_0 r} exp\left(-\frac{r}{a}\right) + cte \text{ convient},$	0,5	1
	avec une constante nulle puisque $V = 0$ à l'infini	<u> </u>	

Le potentiel de Yukawa est beaucoup utilisé en physique nucléaire car il prévoit un comportement très différent des interactions atome d'hydrogène / particule selon leur distance relative. Entre 10^{-15} et 10^{-10} m, l'effet du noyau est prépondérant, puis il est écranté très efficacement par le nuage électronique.