|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Problem Chosen**  X | **2024**  **MCM/ICM**  **Summary Sheet** | **Team Control Number**  1234567 |

**Title**

**Summary**

Your summary

**Keywords:** keyword1; keyword2; keyword3; keyword4

Contents

[1 Introduction 3](#_Toc20186)

[1.1 Background 3](#_Toc7149)

[1.2 Restatement of the Problem 3](#_Toc31950)

[1.3 Our Work 3](#_Toc18970)

[2 Assumptions and Justifications 3](#_Toc24648)

[3 Notations 3](#_Toc12712)

[4 Problem 1: Model Establishment and Solution 3](#_Toc12028)

[4.1 Abc 3](#_Toc6933)

[4.1.1 Abc 3](#_Toc16697)

[5 Problem 2: Model Establishment and Solution 4](#_Toc2932)

[6 Problem 3: Model Establishment and Solution 4](#_Toc17155)

[7 Sensitivity Analysis 4](#_Toc13573)

[8 Strengths and Weaknesses 4](#_Toc17056)

[8.1 Strengths 4](#_Toc9693)

[8.2 Weaknesses 4](#_Toc29486)

[References 5](#_Toc5263)

[Appendices 6](#_Toc2333)

# Introduction

## Background

对于大多数动物物种(animal species)而言，它们都以雄性(male)和雌性(female)两种形式的性别为主，尽管有一些动物物种不太区分这两种性别。同时，许多物种在出生时的性别比例为1:1，有些物种却偏离了均匀的性别比例，这种现象被称为适应性性别比例变异(adaptive sex ratio variation)。例如，美国短吻鳄(American alligator)出生时的性别比例会受到巢穴温度的影响等。

海洋七鳃鳗(lampreys)就是一种存在适应性性别比例变异现象的物种，它们的性别比例会根据外部环境的影响而发生变化，如食物供应的变化会影响其在幼虫阶段的生长速率，从而最终影响了其成年后的性别。这些现象说明，一些物种，尤其是海洋七鳃鳗，具有根据资源可用性(resource availability)调整其性别比例(sex ratio)的能力，并且这种能力也为相应物种带来了一些优势与劣势。

## Restatement of the Problem

本次的研究主要探讨的是海洋七鳃鳗这一物种，研究其性别比例及它们对当地条件的依赖性，这涉及了物种如何根据资源可用性调整其性别比例以及这种能力带来的优势与劣势。为了进一步理解性别比例变化与生态系统两者之间的相互作用和相互影响，我们需要开发并检验一个模型，需要研究的问题包括：

·当七鳃鳗种群能够改变其性别比例时，对更大的生态系统有何影响？

·对七鳃鳗种群本身而言，有什么优势和劣势

·七鳃鳗引起的性别比例的变化，对于生态系统的稳定性有什么影响

·在一个生态系统中，如果七鳃鳗种群的性别比例存在变化，这个现象是否可能会为此生态系统中其他的生物，如寄生虫，提供一些优势？

## Our Work

1、通过对七鳃鳗为核心的七鳃鳗食物资源，七鳃鳗，七鳃鳗的捕食者三级生态生态系统进行分析，构建能够用于模拟捕食者和被捕食者之间相互作用的的Lotka-Volterra生态模型，进而分析当七鳃鳗的种群能够改变其性别比例时，对所处的生态系统的影响。

2、

# Assumptions and Justifications

* 七鳃鳗以鱼类为食，而这些鱼类的数量可以影响七鳃鳗的生长速度和性别比。
* 食物资源的变化会影响七鳃鳗性别比的变化，进而可能影响繁殖率和种群结构。
* 七鳃鳗的捕食者也依赖七鳃鳗作为食物来源，其数量可以由七鳃鳗的数量决定。

# Notations

The primary notations used in this paper are listed in Table 1.

Table 1: Notations

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Symbol** | **Description** | **Unit** |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |
|  |  |  |

# Problem 1: Model establishment and solution

## 模型分析

问题一需要分析当七鳃鳗的种群能够改变其性别比例时，对其所处的更大的生态环境的影响。为了分析的便捷性，我们可以将生态环境抽象为只含有七鳃鳗，七鳃鳗的食物层以及捕食七鳃鳗的捕食者三大结构，然后运用常用于描述捕食者和被捕食者之间的数量关系的Lotka-Volterra模型对三者直接的关系进行分析，尤其是引入七鳃鳗种群的性别比例这一参数后，对于整体的三者数量的影响，进而得到当七鳃鳗的种群能够改变其性别比例时，其所处的更大的生态环境的变化情况。

### Lotka-Volterra模型介绍

在现实世界里,任何生物种群都处于某一群落中,且与别的种群发生着一定的联系,因此,在不同的种群之间既存在着相互依存,又有相互制约.捕食模型的动力学关系是生物数学研究的重要课题之一,至今已有很多学者根据两个物种间的相互作用关系及物种自身的特征建立模型,并对模型的动力学进行了研究[1–6]. 考虑到年龄结构与环境等因素的影响,越来越多的研究开始讨论具有时滞的生物模型.如1990年,Aiello和Freedman[7]建立并分析了如下具有常数成熟时滞的阶段结构种群模型:

其中和分别表示未成熟种群和成熟种群的密度;表示从出生到成熟所需要的时间;常数和分别表示未成熟种群的出生率和死亡率;表示成熟种群的死亡率.

在模型(1.1)的基础上,文献[9]考虑了不同物种之间的相互作用,提出了具有阶段结构的Lotka-Volterra合作系统,利用线性化方法和上、下解方法研究了该系统的动力学行为,还建立了两物种成年个体相互合作的时滞反应扩散模型,证明了该模型连接零平衡点与唯一正平衡点的行波解的存在性.Alomari 和Gourley[10]通过考虑两成年种群间的相互竞争作用,提出了下面具有时滞的LotkaVolterra竞争模型

其中U和V分别表示两竞争种群的成年种群密度；正的常数和分别表示两成年种群的出生率；

# Problem 2: Model Establishment and Solution

# Problem 3: Model Establishment and Solution

# Sensitivity Analysis

# Strengths and Weaknesses

## Strengths



## Weaknesses



# References

[1]

[2]

[3]

[4]

# Appendices

|  |
| --- |
| Appendix 1 |
| Introduce: 简介 |
| 代码 |
| Appendix 2 |
| Introduce: 简介 |
| 代码 |