Cours de maths 08-09-2019

Chap 1: Ensembles de nombres

par scott hamilton

Valeur absolue:

Définition: $x \in \mathbb{R}$, la valeur absolue de x,

qui se note |x| est le nombre positif ou nul tel que :

$$|x| = \left\{ \begin{array}{l} x \operatorname{si} x \ge 0 \\ \operatorname{ou} - x \operatorname{si} x \le 0 \end{array} \right\}$$

Remarques: $|x| = 0 \Leftrightarrow x = 0$

|x| c'est aussi la distance à zéros de x

Propriété : $|x| = a \Rightarrow \text{si } a < 0 \text{ il n'y a pas de solution,}$

$$S = \emptyset$$

$$\Rightarrow$$
 si $a \ge 0$ soit $x = a$

soit
$$x = -a$$

ex:

$$|x-3| = 4$$
 $\Leftrightarrow \begin{cases} x-3=4 \\ x-3=-4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=4+3=7 \\ x=-4+3=1 \end{cases}$

Valeur absolue et distance :

$$a \in \mathbb{R}, b \in \mathbb{R}$$

si $a \le b$, la distance entre a et b est b - a

si $a \ge b$, la distance entre a et b est a - b

si *a* ≤ *b*,
$$d(a, b) = b - a$$

si *a* ≥ *b*,
$$d(a, b) = a - b$$

Scott Hamilton 1

Cours de maths 08-09-2019

Dans tous les cas

$$d(a,b) = |b-a|$$
 (ou $a-b$)

$$|x-3| = 4 \Leftrightarrow d(x,3) = 4$$

$$x - 1$$
 ou $x = 7$

Valeur absolue et intervalle:

 $|x| \le R \quad (R \ge 0)$



R est le rayon de l'intervalle

$$|x-b| \le R$$

 \Leftrightarrow

$$d(x,b) \leq R$$

$$\Leftrightarrow x \in [b-R;b+R]$$

Scott Hamilton 2