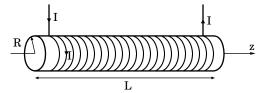
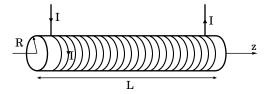
## Questions de cours

\* Un cylindre (rayon R, longueur L,  $R \ll L$ ) de matériau ferromagnétique dur est enroulé sur tout sa longueur par N spires, d'un fil parcouru d'un courant I. Donner l'allure des champs  $\vec{B}/\mu_0$ ,  $\vec{H}$  et  $\vec{M}$  le long de l'axe du cylindre (noté z). On supposera que l'aimatation est uniforme dans tout le matériau. On s'intéressera en particulier au cas où B > 0 et H < 0.



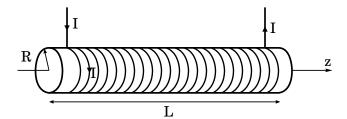
\* Un cylindre (rayon R, longueur L,  $R \ll L$ ) de matériau ferromagnétique doux est enroulé sur tout sa longueur par N spires, d'un fil parcouru d'un courant i(t). Quel est l'inductance L du circuit ? Même question dans le cas d'un ferromagnétique dur.



- \* Décrire le modèle du transformateur parfait.
- \* Décrire la caractéristique (H, B) d'un matériau ferromagnétique doux et dur. Pourquoi préfère t-on les matériaux doux pour les transformateurs ou les électroaimants ?

### Matériau ferromagnétique

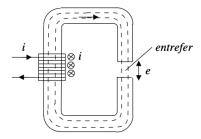
Un fil parcouru d'un courant I est enroulé sur toute la longueur L d'un cylindre de rayon  $R \ll L$  constitué d'un matériau ferromagnétique. On souhaite connaitre l'allure des champs  $\vec{H}$ ,  $\vec{M}$  et  $\vec{B}$  le long de l'axe z. On suppose I>0 dans un premier temps.



- $\blacksquare$  Déterminer le champ  $\vec{H}$  dans le solénoï de créée par l'enroulement sur l'axe z.
- $\blacksquare$  Comment réagit le matériau ferromagnétique à l'excitation  $\vec{H}$  ? En déduire l'allure du champ aimantation  $\vec{M}$  le long de l'axe z.
- En déduire l'allure du champ magnétique  $\vec{B}$  le long de l'axe z dans le matériau, puis loin du solénoïde. En déduire l'allure  $\vec{H}$  sur la totalité de l'axe z.
- Quel type de matériau ferromagnétique doit-on avoir pour avoir un champ magnétique  $\vec{B}$  dirigé selon  $+\vec{e_z}$  malgré un courant légèrement négatif I<0? Préciser quantitativement ce que signifie "légèrement". Tracer l'allure des champs  $\vec{H}$ ,  $\vec{M}$  et  $\vec{B}$  sur l'axe z dans ce cas-là.

### Electroaimant

On considère un électroaimant comme un circuit magnétique constitué d'un matériau ferromagnétique, alimenté par une bobine (N spires, intensité i) enroulée autour du circuit. Le circuit magnétique est interrompu par une zone nommée entrefer. On souhaite obtenir un champ magnétique intense dans l'entrefer.



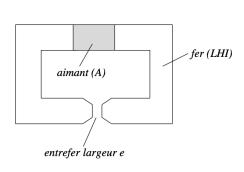
On notera avec un indice i les grandeurs à l'intérieur du milieu magnétique  $(B_i, H_i, \text{ etc.})$  et avec un indice e les grandeurs dans l'entrefer  $(B_e, H_e, \text{ etc.})$ . On admettra que les lignes de champ magnétique sont orthogonales à l'interface dans un entrefer.

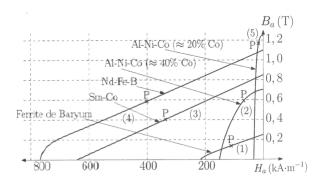
- $\star$  Donner une relation entre les champs magnétiques dans l'entrefer et dans le milieu ferromagnétique.
- $\star$  Donner une relation entre les excitations magnétiques dans l'entrefer et dans le milieu ferromagnétique.
- $\star$  Dans le cas d'un ferromagnétique doux, linéaire et non saturé de caractéristique  $\mu_r$ , donner l'expression du champ magnétique dans l'entrefer  $B_e$ .
- \* Dans le cas d'un ferromagnétique dur, montrer que l'electroaimant a un deux points de fonctionnement. Distinguer les cas à courant nul et courant non nul.

#### Dimensionnement d'un aimant

Un aimant (A) permanent, rectangulaire, de section  $S_A$ , de longueur  $l_a$  est intercalé dans un circuit magnétique (CM) en fer (ou acier) de longueur  $l_f$ . Ce circuit magnétique est supposé linéaire, homogène et isotrope (LHI) de perméabilité magnétique  $\mu_0\mu_{r,f}$ . Le circuit magnétique a même section que l'aimant (A) excepté au voisinage d'un entrefer de largeur e, où sa section décroît jusqu'à  $S_e$  et a vocation à produire dans l'entrefer un champ magnétique  $B_e$ . On suppose pour la suite une canalisation parfaite des lignes de champ fer (LHI).

On note  $H_a$  et  $B_a$  l'excitation et le champ de l'aimant. La figure suivante donne un quart de cycle  $B_a(H_a)$  pour quatre matériaux d'aimants permanents, matériaux durs.

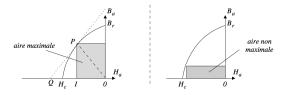




 $\heartsuit$  Économiquement, l'aimant (A) doit être dimensionné à volume minimal. Montrer qu'à volume  $V_e$  et champ  $B_e$  d'entrefer imposés, l'aimant le plus économique correspond à un produit d'énergie  $|H_aB_a|$  maximal (critère d'Evershed).

On pourra faire l'hypothèse :  $\frac{l_f}{\mu_{r,f}} \ll \frac{S_a e}{S_e}$ 

 $\heartsuit$  Montrer que le produit d'énergie  $|H_aB_a|$  d'un matériau dur est maximal quand on est au point P d'Evershed, point de son quart de cycle  $B_a(H)$  tel que le segment PQ soit tangent à la courbe et le triangle OPQ isocèle (Cf. figure).



 $\heartsuit$  Dimensionner l'aimant (A) pour le samarium-cobalt Sm-Co. Données :  $B_e = 1.8 \text{T}$ ,  $S_e = 3.0 \text{cm}^2$ , e=1.0 cm,  $l_f = 1.0 \text{m}$ ,  $\mu_{r,f} = 1, 0 \cdot 10^4$ .

## Estimation de la puissance dissipée dans un cycle hystérésis

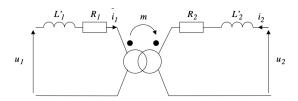
Un tore en acier de section  $10\text{cm} \times 12\text{cm}$  et de longueur 1.5m est enroulé par un bobinage dans lequel circule un courant à la fréquence f = 50Hz, imposé par un générateur. L'acier est considéré comme un matériau ferromagnétique dur, de champ de saturation  $B_{sat} = 1\text{T}$ , de champ rémanent  $B_r = 0.7\text{T}$  et d'excitation coercitive  $H_c = 60\text{A/m}$ .

Déterminer la puissance dégagée en moyenne lorsqu'on parcours cet hystéresis. Sous quelle forme se transforme l'énergie électrique apportée par le générateur ?

4

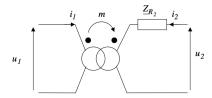
### Transformateur réel série

Un transformateur réel est représenté sur le schéma ci-dessous.

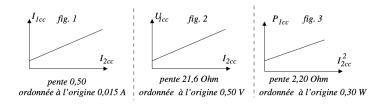


Les résistances  $R_1$  et  $R_2$  représentent les résistances des fils de cuivre associées aux enroulements. Les inductances  $L_1'$  et  $L_2'$  sont des inductances de fuite modélisant les fuites de champ magnétique dues à la perméabilité finie du noyau.

\* Montrer que le transformateur est équivalent au schéma suivant d'un transformateur idéal et d'une impédance  $Z_{R_2}$  placée au secondaire. Donner son expression.



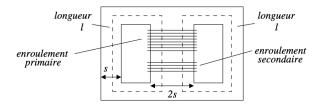
Les figures 1, 2 et 3 donnent les graphes liant amplitudes de tensions, de courants et de puissance moyenne appelée au primaire lorsque le secondaire est court-circuité à 50 Hz.



- \* Relier théoriquement  $U_{1cc}$ ,  $I_{2cc}$ ,  $Z_{R_2} = Z_R$  et m, puis trouver une équation reliant théoriquement  $P_{1cc}$  et  $I_{2cc}$ . Ces équations sont-elles en accord avec les courbes expérimentales? Expliquer.
- \* On a  $R_2 = mR_1$  et  $L_2' = mL_1'$ . Calculer numériquement m, R1, et L1.

#### Transformateur réel

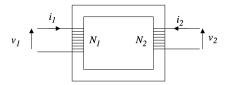
On étudie un transformateur monophasé  $220~\mathrm{V}/110~\mathrm{V}$  de puissance apparente  $500~\mathrm{VA}$ . Ce transformateur est alimenté au primaire en  $220~\mathrm{V}$  sous  $50~\mathrm{Hz}$ . Pour réaliser ce transformateur, on utilise le circuit magnétique représenté ci-dessous.



On admet que la section du tube d'induction est  $s=8.0cm^2$  et que la longueur de la ligne de champ magnétique moyenne (en pointillé sur la figure) est l=25 cm. Les tôles utilisées, non saturées, ont les caractéristiques suivantes : perméabilité relative  $\mu_r=3,1\cdot 10^3$ , masse volumique  $\rho=7,2\cdot 10^3 {\rm kg/m^3}$ .

 $\triangleright$  Sachant que le primaire est alimenté par une tension de 220 V de fréquence 50 Hz, déterminer le nombre N1 de spires du primaire pour que, dans le fer, le champ magnétique soit de 1 tesla. En déduire  $N_2$ . Combien faudrait-il de spires si la fréquence valait 400 Hz?

On cherche maintenant à représenter un modèle linéaire de ce transformateur réel tenant compte du caractère fini de la perméabilité relative  $\mu_r$ . On considère le schéma suivant pour le transformateur : on appelle  $N_1$  le nombre de spires au primaire,  $N_2$  le nombre de spires au secondaire,  $\mu_r$  la perméabilité magnétique relative du milieu (non infinie!),  $\phi$  le flux magnétique à travers la section droite S du noyau. On appelle l la longueur moyenne d'une ligne de champ dans le fer. On ne tient pas compte des pertes par effet Joule et des pertes fer.

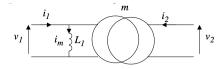


 $\triangleright$  En se plaçant en régime forcé à la pulsation  $\omega$ , montrer que :

$$i_1 - I_m = -\frac{N_2}{N_1} i_2$$

avec  $I_m = \frac{v_1}{j\omega L_1}$  le courant magnétisant, et  $L_1$  l'inductance propre du circuit primaire, dont on donnera l'expression.

 $\triangleright$  Que vaudrait  $I_m$  pour  $\mu_r \longrightarrow \infty$ ? Justifier alors le nouveau schéma proposé pour le transformateur pour tenir compte de ce courant magnétisant.



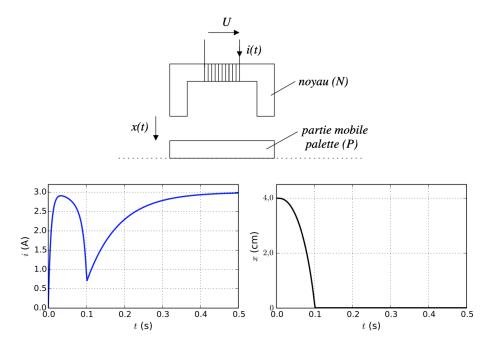
▶ Calculer la valeur efficace du courant magnétisant pour le transformateur réel étudié à la première question.

6

## Pic de courant dans un relais à palette

On considère un convertisseur à mouvement linéaire, constitué d'un noyau (N) fixe en forme de U, d'une palette (P) cylindrique, tous deux en fer doux de section S. Ces deux parties forment un circuit magnétique d'entrefer x(t) dont on considérera la canalisation parfaite des lignes de champ. Le fer doux est un matériau de grande perméabilité relative  $\mu_r$ .

La longueur moyenne totale de l'aimant en U et de la palette est notée l. La palette a une masse m. Un bobinage (B) enroulé autour de (N) est, à partir de t=0, alimenté par la tension continue U et parcouru par le courant i(t). On note R la résistance de l'enroulement constitué de N spires.



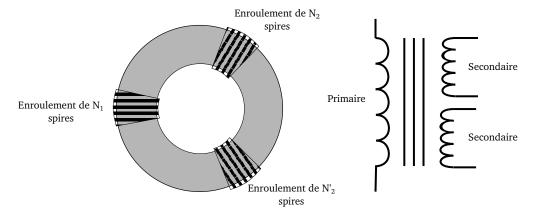
Les figures ci-dessus donnent les courbes de simulation du courant et de la position de la palette au cours du temps. Paramètres : U = 30V,  $R = 10\Omega$ , N = 500,  $\mu_r = 200$ , S = 0,02m<sup>2</sup>, espacement initial e = 4cm, l = 1,5m, m = 10kg.

- $\diamond$  Etablir le système d'équations différentielles satisfait par i(t) et x(t).
- ♦ Analyser les différentes phases du mouvement et expliquer l'allure des courbes.

### Transformateur à 3 bobinages

Un transformateur à deux secondaires possède trois enroulements, l'un de  $N_1$  spires appelé primaire, et deux enroulements de  $N_2$  et  $N_2'$  spires appelés secondaires. On assimile la carcasse magnétique à un tore de section S et de circonférence moyenne L.

On appelle  $u_1$ ,  $i_1$ ,  $u_2$ ,  $i_2$ ,  $u_2'$  et  $i_2'$  les tensions et intensités dans les différents enroulements.



- ♣ Déterminer la relation entre l'excitation magnétique moyenne dans la carcasse magnétique et les paramètres électriques dans les enroulements. Faire de même pour les relations entre le flux à travers une spire et les paramètres du circuit.
- ♣ En déduire, dans le cas du transformateur parfait, les relations entre tensions et intensités. Donner une modélisation à l'aide de transformateurs idéaux de ce transformateur parfait.

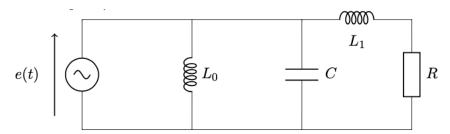
### Transfert de puissance

On souhaite alimenter un dipôle ohmique de résistance R par un générateur sinusoïdal de fem  $e(t) = E_0 cos(\omega t)$  par l'intermédiaire d'un transformateur supposé parfait de rapport de transmission m. Les câbles électriques reliant le transformateur ont un coefficient d'auto-induction L et l'ensemble générateur-fils une résistance r.

- $\star$  Déterminer le rapport de transformation pour avoir la puissance maximale dissipée dans R.
- $\bigstar$  Calculer le rendement de l'installation électrique en fonction de m.
- $\bigstar$  Tracer les courbes de la puissance dissipée dans R et du rendement en fonction de m.

# Détermination d'une puissance

Le circuit représenté ci-dessous est alimenté par une source de tension sinusoïdale de pulsation  $\omega = 100\pi$  rad.s<sup>-1</sup> et de valeur efficace  $E_0 = 220$  V. La résistance peut être variable et l'inductance  $L_0 = 1,0$  H.



- $\clubsuit$  Déterminer la puissance moyenne P dissipée dans la résistance R.
- $\clubsuit$  Déterminer la valeur de  $R_0$  de R pour laquelle cette puissance dissipée est maximale. Déterminer  $L_1$  sachant que  $R_0=12~\Omega$ .
- $\clubsuit$  Calculer la valeur maximale de la puissance  $P_m$  de P.
- $\clubsuit$  Dans cette question,  $R=R_1=16~\Omega$ , déterminer la valeur de la capacité du condensateur C pour que la tension aux bornes du générateur soit en phase avec le courant qu'il débite.