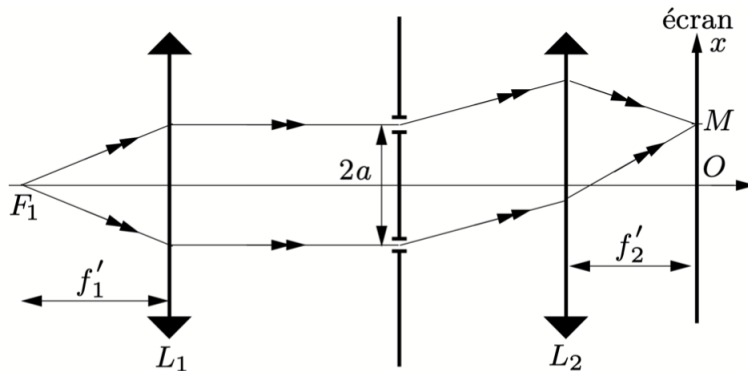


Fentes d'Young en montage Fraunhofer • ○ ○

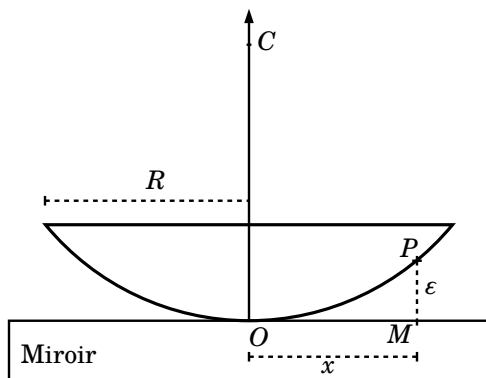
Le schéma ci-dessous représente une expérience d'interférences par trous de Young. La source est ponctuelle, placée en F_1 et monochromatique de longueur d'onde λ . Elle éclaire une lentille L_1 , puis une plaque contenant deux trous séparés d'une distance $2a$. On projette l'image sur un écran à travers une lentille L_2 .



- ⊙ Déterminer la différence de marche $\delta(M)$ pour les deux rayons arrivant en M , chacun issu d'un trou de la plaque. La distance entre la plaque et l'écran a-t-elle une influence sur $\delta(M)$?
- ⊙ En déduire l'intensité sur l'écran $I(M)$. Décrire ce que l'on observe sur l'écran.
- ⊙ On décale désormais la source F_1 d'une distance X parallèlement à l'axe x de l'écran. Que devient $\delta(M)$ puis l'intensité ?
- ⊙ La source F_1 n'est plus monochromatique mais possède une deuxième longueur d'onde $\lambda' = \lambda + \Delta\lambda$. A quel distance x commence-t-on à voir un brouillage des interférences ?

Anneaux de Newton

Une lentille plan-convexe de diamètre $D = OC$, fragment d'une bille de verre d'indice n de rayon R et de centre C est posée sur un miroir plan, le contact ponctuel se trouvant en O (cf figure). On éclaire le dispositif sous incidence normale en lumière monochromatique de longueur d'onde dans le vide λ .



On observe des interférences sur la face sphérique de la lentille et on souhaite comprendre leur origine et en avoir une description détaillée. On supposera dans tout l'exercice que la lentille est mince, c'est-à-dire que $R \ll D$.

- ⊙ A l'aide d'un schéma précis, décrire le trajet d'un rayon lumineux traversant la lentille au niveau du point P , se réfléchissant au point M . Pourquoi voit-on des interférences lumineuses ? On pourra supposer que le rayon n'est pas dévié lorsqu'il sort de la lentille (pourquoi ?).
- ⊙ Expliciter la relation entre l'épaisseur $\varepsilon = PM$ en fonction de $x = OM$ de la couche d'air au point P .
- ⊙ Montrer que les franges d'interférences sont des cercles concentriques, préciser le rayon de la n -ième frange brillante et celui de la n -ième frange sombre, en considérant qu'un point central est une frange et en numérotant du centre vers la périphérie.
- ⊙ Décrire ce que l'on observe en lumière blanche.

Correction : Anneaux de Newton

- ⊙ Le rayon arrivant au point P et se réfléchissant au point M interfère avec lui-même lorsqu'il est réfléchi sur le miroir. Les interférences étant visibles au niveau de la face sphérique de la lentille, la différence de marche correspond à deux fois l'épaisseur d'air entre la lentille et le miroir (plus le déphasage à la réflexion).
- ⊙ L'équation de la surface de la lentille s'écrit $(\varepsilon - R)^2 + x^2 = R^2$. On a alors $\varepsilon = R - \sqrt{R^2 - x^2}$ (car on est côté inférieur du cercle), et comme $x < D \ll R$, on a aussi $\varepsilon \simeq x^2/2R$.
- ⊙ Ce sont des cercles concentriques car la lentille à une symétrie par rotation autour de l'axe OC (il suffirait de remplacer x par r ou $\sqrt{x^2 + y^2}$). La différence de marche correspond à $\delta = 2\varepsilon$. Le déphasage total est donc (avec celui du miroir) :

$$\Delta\varphi = \frac{4\pi\varepsilon}{\lambda} + \pi$$

Pour $x = 0$, on a $\Delta\varphi = \pi$, et alors $I = 0$: on a une frange sombre au centre de la lentille. En notant n la n -ième frange sombre on a : $\Delta\varphi_n = 2n\pi + \pi = \frac{4\pi\varepsilon_n}{\lambda} + \pi$, donc :

$$x_n = \sqrt{R\lambda n}$$

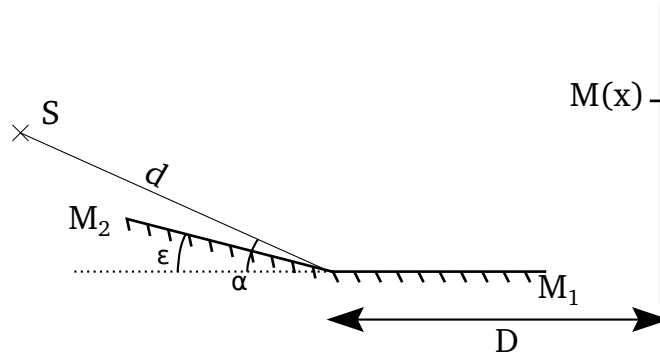
De la même façon, en notant p les franges brillantes, on a : $\Delta\varphi_p = 2(p+1)\pi = \frac{4\pi\varepsilon_p}{\lambda} + \pi$, donc :

$$x_p = \sqrt{R\lambda \left(p + \frac{1}{2}\right)}$$

- ⊙ Le centre est une tâche sombre quelque soit la valeur de λ . La plus petite des franges brillantes est celle correspondant au λ le plus petit, donc c'est la couleur bleu/violet. toutes les autres couleurs s'allument ensuite : on a donc des cercles concentriques irisés.

Miroir de Fresnel

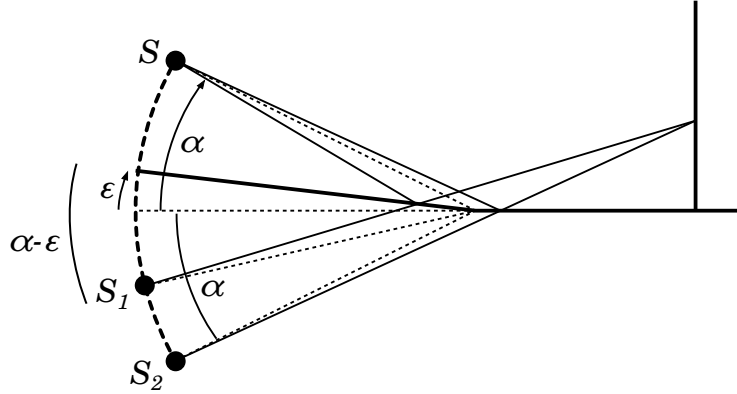
Un dispositif interférentiel est constitué de deux miroirs plans M_1 et M_2 de même surface, faisant entre eux un angle ε . Il est éclairé par une fente parallèle à l'arête centrale qui sépare les deux miroirs. La lumière émise par cette fente est supposée monochromatique de longueur d'onde λ . La source S est placée à une distance d de l'arête entre les deux miroirs, dans une position repérée par l'angle α par rapport au plan horizontal. Les angles ε et α sont supposés très petits. On observe l'image issue des miroirs sur un écran placé à une distance D de l'arête.



- * Montrer que l'on peut mettre en évidence deux sources secondaires S_1 et S_2 correspondant à l'image de la source S dans chaque miroir et donner leur coordonnées. Construire les rayons issus de S arrivant en M .
- * Montrer que l'on peut considérer ce dispositif comme équivalent à des fentes d'Young. Calculer l'intensité I sur l'écran. En déduire la figure d'interférence.
- * Déterminer l'interfrange.
- * Décrire ce que l'on observe en lumière blanche.

Correction - Miroir de Fresnel

- * S_1 est le symétrique de S par rapport au miroir M_1 et S_2 est le symétrique de S par rapport au miroir M_2 .



Par construction, et en prenant l'origine O sur l'arête, $S_1 = (-d \cos \alpha, -d \sin \alpha)$ et $S_2 = (-d \cos(\alpha - 2\epsilon), -d \sin(\alpha - 2\epsilon))$

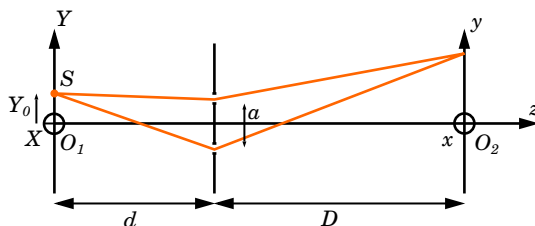
- * On a donc deux sources secondaires cohérentes. On prend directement $\cos(\alpha) \simeq 1$ et $\sin \alpha \simeq \alpha$. Comme $M = (x + d, y)$, on peut calculer la différence de marche :

$$\begin{aligned} \delta &= S_1 M - S_2 M \\ &= \sqrt{\text{ffl}} \end{aligned}$$

- * Déterminer l'interfrange.
- * Décrire ce que l'on observe en lumière blanche.

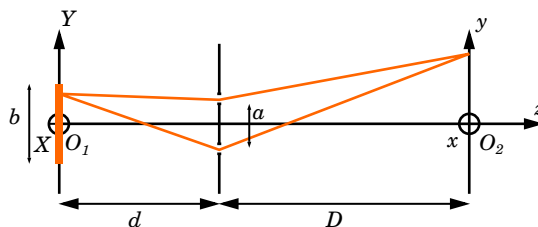
Fentes d'Young élargies

On s'intéresse à un dispositif de fente d'Young comme représenté sur le schéma ci-dessous. Une source lumineuse, ponctuelle (d'intensité I), monochromatique (longueur d'onde λ), est située à une distance Y de l'origine du plan (O_1, X, Y) . Celui-ci est placé à une distance d d'un plan opaque sur lequel deux petits trous sont distants de a suivant l'axe Y , symétriques par rapport à l'axe O_1O_2 . À une distance D de ce plan, on observe l'intensité lumineuse sur un écran, repéré par le plan (O_2, x, y) . On supposera que d et D sont grands devant les autres distances.



- > Exprimer la différence de marche δ pour deux rayons lumineux arrivant au point M sur l'écran. En déduire l'intensité $I(x, y)$.
- > Quelle est l'allure des franges d'interférences ? Comment évoluent celles-ci en fonction de Y ?

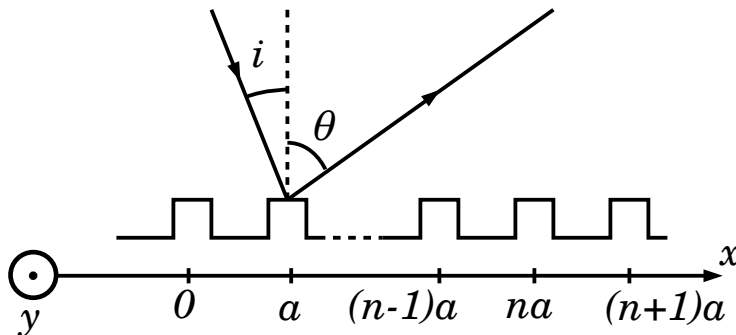
On suppose désormais que la source lumineuse n'est plus ponctuelle, mais a une largeur b (uniquement suivant O_1Y) et est placée symétriquement par rapport à l'axe O_1O_2 . La puissance de la source est homogène, c'est-à-dire que tous ses points émettent une intensité par unité de longueur identique.



- > Quelle est l'intensité $dI(x, y)$ sur l'écran dû à un point de la source de largeur dy situé à une distance Y ?
- > En déduire l'intensité totale $I(x, y)$ sur l'écran due à la source dans toute sa largeur b . Pourquoi peut-on simplement sommer la contribution de tous les points de la source ?
- > Exprimer le contraste C .

Réflexion sur un CD

L'information contenue dans un CD (*Compact Disk*) est codée par des gravures micrométriques sur sa surface. Celle-ci est recouverte d'une fine couche métallique, on peut l'assimiler à un réseau par réflexion, comme indiqué sur le schéma ci-dessous. Pour simplifier, on considère le CD comme une succession de $N \gg 1$ très fines barettes réfléchissantes très longues suivant l'axe Oy , espacées de a . Étant très fines, on peut considérer chaque barette comme une source lumineuse ponctuelle suivant l'axe Ox .



On éclaire le CD avec une onde plane monochromatique de longueur d'onde λ , d'angle d'incidence i .

- ✓ On souhaite observer les rayons lumineux réfléchis par le CD faisant un angle θ avec la normale. Quel dispositif doit-on alors utiliser pour observer une image sur un écran ? Justifier brièvement qu'il va y avoir des interférences, et préciser si celles-ci sont localisées ou non.
- ✓ L'amplitude de l'onde incidente est notée $\underline{s} = s_0 e^{i\varphi_0}$, où φ_0 est une phase donnée. En déduire l'amplitude issue de la n -ième barette.
- ✓ En déduire que l'intensité totale I réfléchie par le CD s'écrit :

$$I = I_0 \frac{\sin^2 \left(\frac{\pi Na}{\lambda} (\sin \theta + \sin i) \right)}{N^2 \sin^2 \left(\frac{\pi a}{\lambda} (\sin \theta + \sin i) \right)}$$

Préciser l'expression de I_0 .

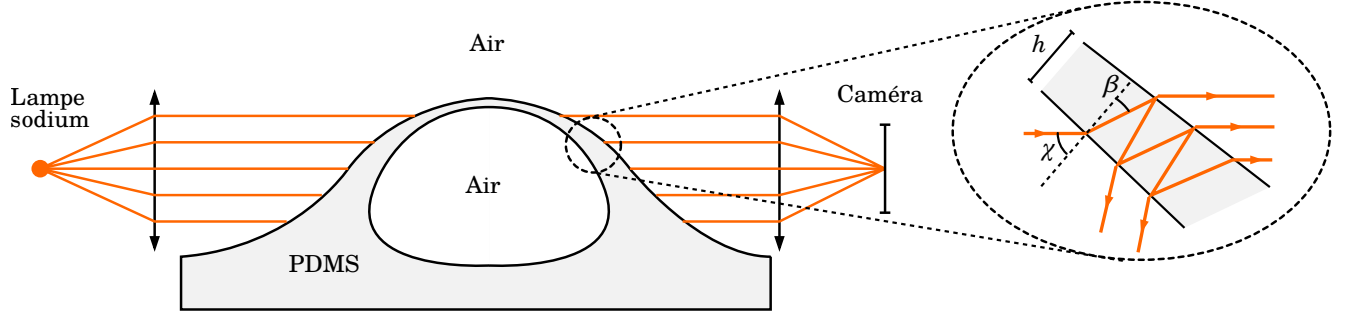
- ✓ Quelle est l'allure de l'intensité lorsque $N \rightarrow \infty$?
- ✓ En déduire que les directions θ_k (où k est un entier) pour lesquelles l'intensité est non nulle correspondent à :

$$\sin \theta_k + \sin i = \frac{k\lambda}{a}$$

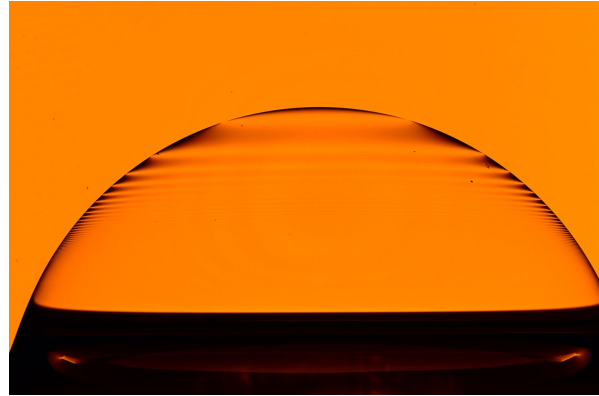
- ✓ Calculer pour l'ordre $k = 1$ les deux extrêmes θ_{min} et θ_{max} correspondant aux longueurs d'onde extrêmes du spectre visible.

Détermination de l'épaisseur d'une bulle de silicone

Le polydiméthylsiloxane (PDMS) est un fluide extrêmement visqueux : une bulle se formant à sa surface à une durée de vie de plusieurs minutes, avant que le fluide s'écoulant le long de ses parois ne devienne trop fin et éclate. Pour comprendre comment évolue l'épaisseur de la paroi, on éclaire une bulle, considérée comme hémisphérique, à l'aide d'une lampe à sodium placée à la distance focale d'une lentille.



L'onde lumineuse arrivant sur la bulle est donc une onde plane monochromatique de longueur d'onde $\lambda = 549\text{nm}$, qui est en partie transmise (avec un coefficient en amplitude t) et réfléchi (avec un coefficient r) à l'interface entre le PDMS et l'air, d'indices optiques $n_{PDMS} = 1,4$ et $n_{air} = 1$. Le rayon lumineux incident subit ainsi une succession de réflexions/transmissions, créant des interférences que l'on observe à l'aide d'une caméra, située dans l'axe formé par la lampe à sodium et la bulle.



On note $\underline{s} = s_0 e^{i\varphi_0}$ l'amplitude de l'onde incidente (où φ_0 est une phase donnée), $I_0 = |s_0|^2$ son intensité, χ l'angle d'incidence dans l'air et β l'angle d'incidence dans le PDMS en un point donné de la bulle d'épaisseur h .

- ⊙ Exprimer l'amplitude \underline{s}_n du rayon transmis ayant subi n réflexions dans la paroi de la bulle avant de ressortir. En déduire l'amplitude totale \underline{s}_t de l'onde transmise. On admettra que $r^2 + t^2 = 1$.
- ⊙ En déduire que l'intensité transmise $I_t = |s_t|^2$ à travers la paroi peut s'écrire :

$$I_t = \frac{I_0}{1 + \frac{4r^2}{1-r^2} \sin^2 \left(\frac{2\pi h \sqrt{n_{PDMS}^2 - n_{air}^2} \sin^2(\chi)}{\lambda} \right)}$$

- ⊙ Quelle valeur prend l'angle incident χ lorsque le rayon éclaire la bulle sur les bords ? Tracer l'allure de I_t dans cas-là, en admettant que $r \rightarrow 1$.
- ⊙ Comment en déduire l'épaisseur de la bulle le long de sa paroi ? On admettra que la frange la plus proche du sommet correspond à l'ordre 0.