

**UNIVERSITATEA “ALEXANDRU IOAN CUZA” DIN IAȘI**  
**FACULTATEA DE INFORMATICĂ**



**LUCRARE DE LICENȚĂ**

**METODE DE CREARE A RETELELOR DE SORTARE**

**propusă de**

***Dan Dragoș Nicolae Slusariuc***

**Sesiunea: *Iulie, 2019***

**Coordonator științific**

**Lect.dr. Frăsinaru Cristian**

**IAȘI**

**2019**

**UNIVERSITATEA “ALEXANDRU IOAN CUZA” DIN IAȘI**  
**FACULTATEA DE INFORMATICĂ**

# **METODE DE CREARE A RETELELOR DE SORTARE**

*Dan Dragoș Nicolae Slusariuc*

**Sesiunea:** *Iulia, 2019*

**Coordonator științific**  
**Lect.dr. Frăsinaru Cristian**

Avizat,

Îndrumător Lucrare de Licență

Lect.dr. Frăsinaru Cristian

Data \_\_\_\_\_ Semnătura \_\_\_\_\_

### **DECLARAȚIE privind originalitatea conținutului lucrării de licență**

Subsemnatul(a) SLUSARIUC DAN DRAGOS NICOLAE domiciliul în Jud. Bistrita Nasaud Sat. Sărata nr. 1B născut(ă) la data de 22-06-1997, identificat prin CNP 1970622060033, absolvent(a) al(a) Universității „Alexandru Ioan Cuza” din Iași, Facultatea de Informatică specializarea Informatică, promoția 2019, declar pe propria răspundere, cunoscând consecințele falsului în declarații în sensul art. 326 din Noul Cod Penal și dispozițiile Legii Educației Naționale nr. 1/2011 art.143 al. 4 și 5 referitoare la plagiat, că lucrarea de licență cu titlul: METODE DE CREARE A RETELELOR DE SORTARE elaborată sub îndrumarea dl. / d-na Lect.dr. Frăsinaru Cristian, pe care urmează să o susțină în fața comisiei este originală, îmi aparține și îmi asum conținutul său în întregime.

De asemenea, declar că sunt de acord ca lucrarea mea de licență să fie verificată prin orice modalitate legală pentru confirmarea originalității, consimțind inclusiv la introducerea conținutului său într-o bază de date în acest scop.

Am luat la cunoștință despre faptul că este interzisă comercializarea de lucrări științifice în vederea facilitării falsificării de către cumpărător a calității de autor al unei lucrări de licență, de diploma sau de disertație și în acest sens, declar pe proprie răspundere că lucrarea de față nu a fost copiată ci reprezintă rodul cercetării pe care am întreprins-o.

Data azi, ..... Semnătură .....

## DECLARAȚIE DE CONSIMȚĂMÂNT

Prin prezenta declar că sunt de acord ca Lucrarea de licență cu titlul „*METODE DE CREARE A RETELELOR DE SORTARE*”, codul sursă al programelor și celelalte conținuturi (grafice, multimedia, date de test etc.) care însoțesc această lucrare să fie utilizate în cadrul Facultății de Informatică.

De asemenea, sunt de acord ca Facultatea de Informatică de la Universitatea „Alexandru Ioan Cuza” din Iași, să utilizeze, modifice, reproducă și să distribuie în scopuri necomerciale programele-calculator, format executabil și sursă, realizate de mine în cadrul prezentei lucrări de licență.

Iași,

Absolvent *Slusariuc Dan Dragos Nicolae*

---

(semnătura în original)

# CUPRINS

INTRODUCERE .....	1
Capitolul I. EXEMPLU .....	3
Capitolul II. ZERO-ONE PRINCIPLE.....	4
Capitolul III. DNF ȘI CNF .....	7
III.1. Sorting Network Symmetries .....	8
III.2. Minimizing Comparator Requirement .....	9
Capitolul IV. ARHITECTURĂ .....	13
IV.1. Algoritm .....	13
IV.2. Grafică.....	14
IV.3. Rețea.....	15
IV.4. Infrastructură .....	16
Capitolul V. ALGORITM GENETIC.....	17
V.1. Fitness.....	17
V.2. Initial Population .....	19
V.3. Selecția .....	20
V.3. Crossover.....	21
V.4. Mutație.....	22
Capitolul VI. INTERFAȚĂ REȚEA SORTARE .....	24
VI.1. Reprezentarea unui individ .....	24
VI.2. Reprezentarea corectitudinii unui individ .....	26
CONCLUZII .....	29
BIBLIOGRAFIE.....	31

# INTRODUCERE

Rețelele de sortare sunt o modalitate de a combina un algoritm de sortare cu paralelismul, iar acesta poate fi folosită în mai multe domenii:

- Multiprocessor computers
- Switching networks

Ele sunt construite prin executarea unor comparații în serie folosind comparatori. Problema cea mai mare a rețelilor de sortare este aceea că minimizează numărul de comparatori în funcție de numărul de input-uri pe care îl primim.

O metoda de a rezolva această problemă este aceea că descompune problema în subprobleme pentru a minimiza numărul de comparatori.

Rețeaua de sortare primește  $n$  input-uri execută o secvență de comparații și de schimbări, astfel încât la final o să returneze  $n$  output-uri rezultând faptul că, având ca input  $\{ X_1, X_2, X_3 \}$ , acesta să returneze  $\{ Y_1, Y_2, Y_3 \}$ , unde  $Y_1 \leq Y_2 \leq Y_3$ .

Acesta a început să fie un subiect de research din anul 1950. Prima rețea de sortare a fost realizată de O'Connor și Nelson, acesta având posibilitatea să sorteze un șir de numere de lungimea  $n$ , unde  $4 \leq n \leq 8$ . Aceasta avea numărul minim de comparatori pentru  $n \in \{ 4, 5, 6, 8 \}$ , dar care necesită alți 2 comparatori pentru  $n \in \{ 7 \}$ . Această rețea de sortare a fost îmbunătățire de Batchar în 1968 care a reușit să producă minimul de comparatori pentru  $n \leq 8$

## EXEMPLU

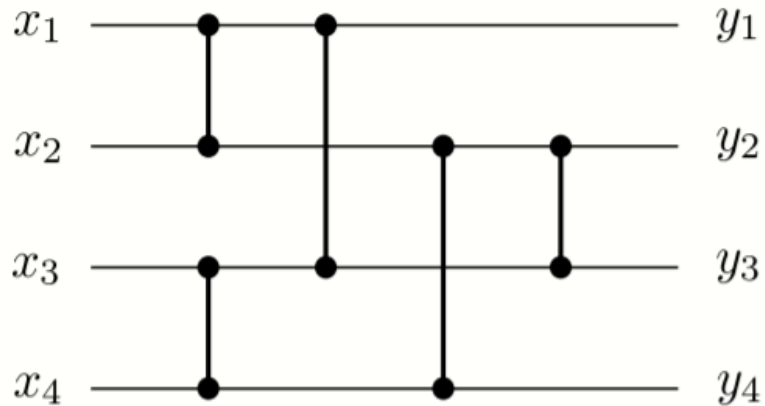


Figura 1. Individ

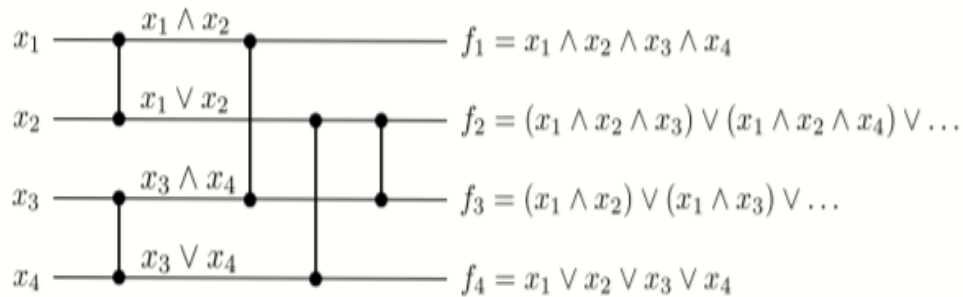
(<http://www.technical-recipes.com/2015/a-genetic-algorithm-for-optimizing-sorting-networks-in-c/>)

Așa cum putem observa în figura 1, având 4 input-uri  $\{x_1, x_2, x_3, x_4\}$ , pe care se vor aplica o serie de comparatori, vom ajunge la un output  $\{y_1, y_2, y_3, y_4\}$ , în care  $\{y_1 \leq y_2 \leq y_3 \leq y_4\}$ . Acesta este un exemplu destul de simplu, deoarece ca input se primit doar 4 valori, iar problema noastră este atunci când primim un input cu mult mai mare ca acesta.

## ZERO-ONE PRINCIPLE

Acesta poate fi folosit prin reprezentarea input-urilor rețelei de sortare ca variabile booleane, iar output-urile ca și funcții ale acestor variabile.

Aceasta modalitate crează mai multe funcții care sunt de fapt compoziții de conjuncții și de disjuncții care returnează o valoare booleană. De exemplu, atunci când avem mulțimea  $\{x_1, x_2, x_3, x_4\}$ , funcției  $f_i$  îi revine o combinație de disjuncții de conjuncții care conțin  $n + 1 - i$  variabile. Prin urmare, rețeaua de sortare va deveni o secvență de comparații care returnează toate funcțiile generate prin această metodă. Acest lucru ne ajută să creem o rețea minimală. Din cauza că aceste funcții au fost implementate de comparatori în rețea, problema poate fi restrânsă la găsirea unei secvențe de comparatori care să compună funcțiile finale (Valsalam și Miikkulainen, 2013).



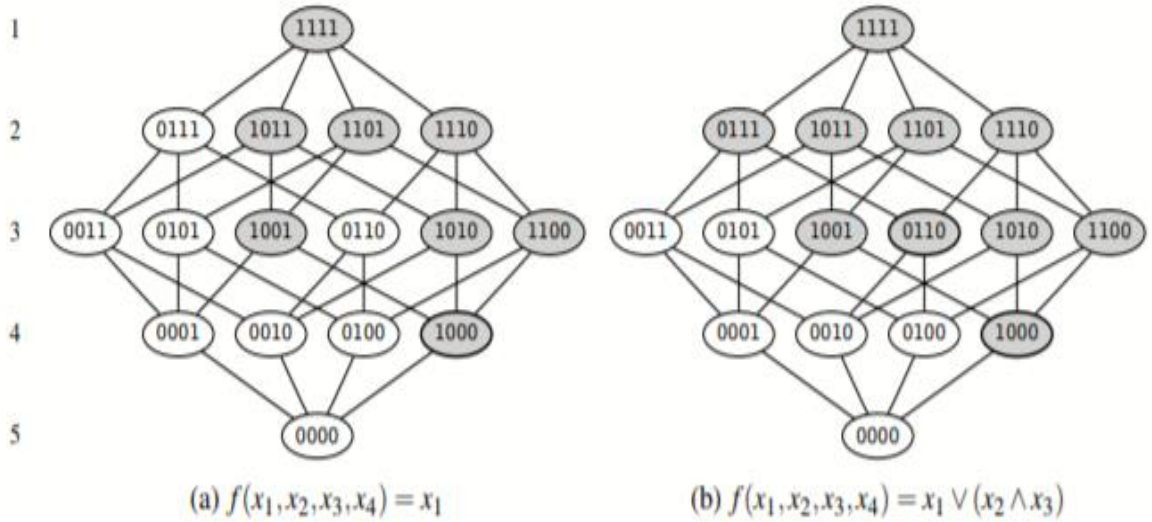
**Figura 2.** Convergent și Divergent

(Valsalam și Miikkulainen, 2013)

În figura 2 putem observa o mulțime de funcții boolene pentru 4-input sorting network. Principul zero-one este de folos în a reprezenta input-urile rețelei ca variabile boolene. Fiecare comparator produce conjuncția input-urilor pe linia superioară și disjuncția input-



urilor pe linia inferioară => funcții booleene monotone. Din cauza că acestea sunt funcții booleene monotone, atunci putem vedea că ele au proprietatea ca  $f(\mathbf{a}) \leq f(\mathbf{b})$  pentru oricare  $n$  tuple unde  $\mathbf{a} = a_1, \dots, a_n$  și  $\mathbf{b} = b_1, \dots, b_n$ , astfel încât,  $\mathbf{a} < \mathbf{b}$  dacă  $a_i \leq b_i$  pentru  $1 \leq i \leq n$ . Un set format din toate  $2^n$  tuple binare ordonate de  $<$  se cheamă latice booleană. Aceasta poate fi ilustrată printr-un graf (Hasse diagram). Un exemplu de acest graf cu 4 input-uri se regăsește în figura 3 (Valsalam și Miikkulainen, 2013).



**Figura 3.** Diagrama Hasse (Valsalam și Miikkulainen, 2013)

Fiecare pereche de noduri sunt comparabile și conectate dacă pot fi ordonate de  $<$ . Un subset  $\mathbf{X}$  de noduri sunt legate superior de nodul  $\mathbf{y}$ , dacă  $\mathbf{x} < \mathbf{y}$  pentru toate  $\mathbf{x} \in \mathbf{X}$ . La fel este și pentru legarea inferioară. După cum putem vedea un nod  $b_1b_2b_3b_4$  are cale către un nod inferior  $a_1a_2a_3a_4$ , dacă  $a_i \leq b_i$  pentru  $1 \leq i \leq 4$ . Prin urmare, dacă  $a_1a_2a_3a_4$  este umbrit de o funcție monotonă  $f$ , atunci toate nodurile superioare la care poți ajunge din nodul respectiv sunt și ele umbrite,  $f$  fiind, astfel, complet definit de nodurile din legăturile inferioare ale regiuni umbrite. Această reprezentare face posibilă crearea mai eficientă funcțiilor booleene.

Funcțiile monotone pot fi reprezentate de antichain-ul legăturilor nodurilor în latică booleană. Într-o latică de dimensiunea  $2^n$ , dimensiunea maximă a reprezentării este egală cu dimensiunea celui mai mare antichain, care este egală cu  $\binom{n}{n/2} = O\left(\frac{2^n}{\sqrt{n}}\right)$ . Construind conjuncții și disjuncții folosind această reprezentare, vom avea noduri redundante care trebuie eliminate. O modalitate de a rezolva această problemă este de a stoca valorile funcției într-un vector de biți de lungime  $2^n$ , iar valorile sunt grupate în funcție de nivelul la care se află în latică booleană, astfel încât valorile de pe orice nivel să poată fi extrase cu ușurință. Un algoritm eficient pentru numărarea de biți poate fi folosit pentru a determina dacă o rețea de sortare este validă, verificând dacă funcția cu output-ul  $i$  are valoarea 1 la toate nivelurile  $i$  pentru  $1 \leq i \leq n$ , care este de fapt cazul când toate output-urile funcțiilor  $f_i$  sunt construite corect (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

## DNF SI CNF

	DNF	CNF
$f_1$	$x_1 \wedge x_2 \wedge x_3 \wedge x_4$	$x_1 \wedge x_2 \wedge x_3 \wedge x_4$
$f_2$	$(x_1 \wedge x_2 \wedge x_3) \vee (x_1 \wedge x_2 \wedge x_4) \vee \dots$	$(x_1 \vee x_2) \wedge (x_1 \vee x_3) \wedge \dots$
$f_3$	$(x_1 \wedge x_2) \vee (x_1 \wedge x_3) \vee \dots$	$(x_1 \vee x_2 \vee x_3) \wedge (x_1 \vee x_2 \vee x_4) \wedge \dots$
$f_4$	$x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4$	$x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4$

**Figura 4.** Simetria dintre DNF și CNF (Valsalam și Miikkulainen, 2013)

Dacă am scrie funcțiile booleene care ne sunt returnate de rețeaua de sortare în formă normală (DNF) și în formă normală (CNF), aceasta va fi un mod bun de a vizualiza simetria funcțiilor returnate. După cum putem vedea, schimbând conjuncțiile și disjuncțiile în forma (DNF) a funcțiilor  $f_2$  sau  $f_3$ , aceasta va duce la forma (CNF). De asemenea, pentru operația de schimbare a disjuncțiilor și a conjuncțiilor în aceste 2 funcții și pentru schimbarea poziției liniilor, tabela rezultată a funcțiilor rămâne la fel ca în tabela originală. Aceasta funcționează pentru orice pereche de  $(f_i, f_{5-i})$ . Operația care ține rezultatul funcțiilor rețelei se numește “symmetry”. Acestea pot fi folosite pentru minimiza numărul de comparatori ale rețelei (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

### III.1. Sorting Network Symmetries

Aceasta este o operație care se aplica funcțiilor de output ale rețelei și care lasă funcțiile invariante, astfel încât rețeaua rezultată să rămână neschimbată. Conform Valsalam și Miikkulainen, (2013), rezultatul inversării rețelei de sortare poate fi reprezentată ca  $f_i(x_i, \dots, x_n, \wedge, \vee) = f_{n+1-i}(x_i, \dots, x_n, \wedge, \vee)$ , pentru  $1 \leq i \leq n \Rightarrow$  output-ul funcției  $f_{n+1-i}$  poate fi obținut de la  $f_i$  schimbând conjuncțiile și disjuncțiile și vice versa. Dacă schimbăm cele 2, iar funcțiile  $f_{n+1-i}$  și  $f_i$  sunt interschimbate, atunci rezultatul rețelei rămâne același (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

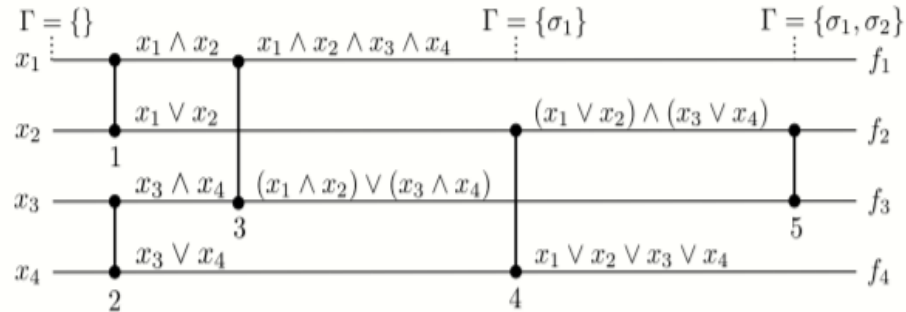
Astfel, putem să definim operația simetriei  $\sigma_i$  pentru  $1 \leq i \leq \left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor$ , care acționează asupra funcțiilor unei rețele schimbând funcția  $f_i$  și dualul ei  $f_{n+1-i}$ , și schimbându-le conjuncțiile și disjuncțiile. Compoziția operațiilor simetrice sunt și ele simetrice deoarece  $\sigma_i$  și  $\sigma_j$  operează independent pe diferite perechi de funcții din output. Prin urmare, acestea sunt și asociative. Prin urmare, acesta satisface toate axiomele unui grup pentru a putea fi reprezentată matematic. Din cauza că fiecare element din grup poate fi exprimat ca o compoziție de o mulțime de elemente  $\Sigma = \{ \sigma_1, \dots, \sigma_{\left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor} \}$ , grupul arată că este generat de  $\Sigma$  (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

Subgrupurile lui  $\langle \Sigma \rangle$ , subseturi care satisfac axiomele grupului, pot fi folosite să reprezentăm simetriile unor rețele parțiale create în procesul de construire a unei rețele complete de sortare. Deoarece fiecare element simetric în  $\Sigma$  operează peste perechi de funcții disjuncte, atunci acel subgrup poate fi scris ca  $\langle \Gamma \rangle$ , unde  $\Gamma$  este un subset a lui  $\Sigma$ . Inițial, înainte ca de a avea macăr un comparator, fiecare linie  $i$  în rețea are o funcție booleană  $x_i$ . Ca rezultat vedem ca  $\Gamma = \{ \}$ . Adăugarea de comparatori care construiesc outputul funcției  $f_i$  și dualul ei  $f_{n+1-i}$  duce la  $\Gamma = \{ \sigma_i \}$ , care este o rețea parțială. Dacă vom adauga mai mulți comparatori care construiesc  $f_i$  și dualul ei  $f_{n+1-i}$ , atunci vom crea altă rețea parțială cu  $\Gamma = \{ \sigma_i, \sigma_j \}$ , iar această rețea parțială este mai simetrică. Continuând să adăugăm comparatori până când toate funcțiile de output care au fost construite produc o rețea completă de sortare cu  $\Sigma = \Gamma$ . Simetria poate fi folosită pentru a face o constrângere de căutare spațiu pentru rețele pe care le construim cu anumite proprietăți. O secvență de

subgrupuri poate reprezenta o secvență de câștiguri parțiale pentru a minimiza numărul de comparatori în rețea. Fiecare câștig parțial într-o secvență este definit ca subgrup care poate fi produs de câștigul precedent adăugând alți comparatori (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

Dacă vom aplica acestea într-o rețea inițială cu simetria  $\Gamma = \{\}$ , primul câștig parțial este, de fapt, simetria care poate produce de la variabilele inputului construind perechi de funcții de output cu cât mai puțini comparatori. După cum putem observa, funcțiile  $f_1 = x_1 \wedge \dots \wedge x_n$  și  $f_n = x_1 \vee \dots \vee x_n$  au cele mai puține combinații de variabile, așadar, ele pot fi construite adăugând comparatori. Astfel, primul câștig parțial este producerea simetriei  $\Gamma = \{\sigma_1\}$ , folosind cât mai puțin comparatorii. După ce am construit  $f_1$  și  $f_n$ , următoare pereche de funcții de output cu cele mai puține combinații de variabile, ar fi  $f_2$  și  $f_{n-1}$ . Astfel, următorul câștig parțial ar fi să le construim și să producem simetria  $\Gamma = \{\sigma_1, \sigma_2\}$ . În acest fel, numărul de combinații de variabile în funcțiile de output vor crește de la stratul superior către cel de mijloc a rețelei. Având câștiguri parțiale care adauga simetriei  $\sigma_k$  la  $\Gamma$ , următorul câștig parțial ar fi să adăugăm  $\sigma_{k+1}$  la  $\Gamma$ . Acest algoritm se oprește atunci când toate funcțiile de output au fost create. Prin acestea putem observa că e mai ușor să minimizăm numărul de comparatori necesari pentru fiecare câștig parțial decât pentru toată rețeaua (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

### III.2. Minimizing Comparator Requirement



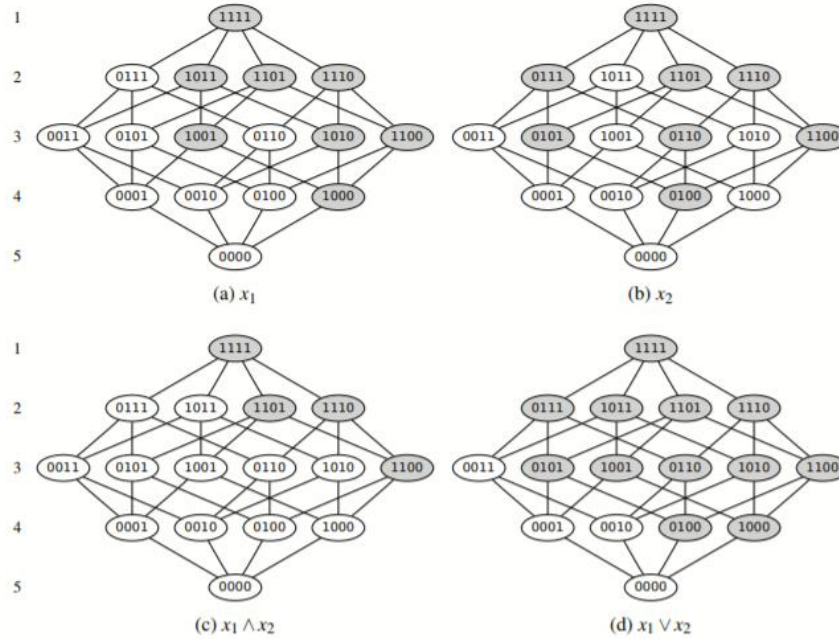
**Figura 5.** Metoda de reducere a comparatorilor (Valsalam și Miikkulainen, 2013)

Conform Valsalam și Miikkulainen, (2013), scopul final al metodei de reducere al comparatorilor este de a construi simetria  $\Gamma = \{\sigma_i, \sigma_j\}$  prin executarea celor 4 funcții  $f_i$  prin folosirea numărului minim de comparatori. Acest lucru poate fi descompus într-o secvență de câștiguri parțiale considerându-le subgrupuri a grupului simetric  $\langle \Gamma \rangle$ . La fiecare pas al construcției, următorul câștig parțial este de fapt, subgrupul care poate fi produs adăugând cel mai puțin un număr de comparatori. Inițial, în rețea nu avem nicio simetrie, astfel încât  $\Gamma = \{\}$ . Dupa cum putem observa în figura 5  $f_1$  și  $f_4$  sunt cei mai ușor de construit, având cele mai puține combinații rezultând că numărul de comparatori va fi cel mai mic. În figura vedem că comparatorii 1 și 2 construiesc părți din  $f_1$  și  $f_4$  pentru a ajunge la primul câștig parțial cu minimul număr de comparatori. Prin urmare, am ajuns la realizarea primei simetrii  $\Gamma = \{\sigma_1\}$ . Acum, pentru a ajunge la simetria  $\Gamma = \{\sigma_1, \sigma_2\}$ , ne vom folosi de  $f_2$  și  $f_3$ . Adăugând comparatorul 5 ajungem la terminarea producerii câștigului parțial, având în vedere că comparatorii 3 și 4 au creat  $f_2$  și  $f_3$  parțial. Optimizarea numărului de comparatori necesită să ajungem la fiecare câștig parțial pentru a putea să facem acest lucru scalabil, adică în a putea fi folosit pentru mai multe input-uri.

Latticea booleana poate fi folosită să determine dacă un comparator poate fi folosit în crearea a 2 funcții simultan. Să spunem că câștigul parțial este construit pe baza funcțiilor de output  $f_i$  și  $f_{n+1-i}$  atunci funcțiile de output mai mici ca  $i$  și mai mari decât  $n + 1 - i$  sunt deja construite, însemnând că fiecare funcție  $f_j$  are valoare 1 la toate nodurile în nivelele mai mici sau egale decât  $j$  și valoare 0 pentru toate celelalte. Putem vedea că aceste funcții intermediare au valoare 1 la toate nodurile pe un nivel mai mic sau egal decât  $i$  și valoare 0 pentru toate nodurilor care sunt pe nivele mai mari decât  $n + 1 - i$ . Dacă asta nu ar fi adevărat atunci ar fi imposibil de construit alte funcții de output adăugând alți comparatori deoarece conjuncțiile tin zero-uri iar disjuncțiile unu-uri ale funcțiilor intermediare care le combina (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

Câștigul parțial curent prin construirea funcției  $f_i$  necesită setarea valorilor a tuturor nodurilor la nivelul  $i$  cu 1 și la nivelul  $i + 1$  cu 0, definind astfel, legăturile nodului în lattice. Din cauza că funcțiile intermediare  $f'_j$  la liniile  $i \leq j \leq n + 1 - i$  au deja valoare 1 la toate nodurile cu nivelul mai mic sau egal decât  $i$ , construind  $f_i$  acesta va reține valoare acestor

noduri automat. Atunci  $f_i$  poate fi construit prin setarea valorilor a toate nodurilor pe nivelul  $i + 1$  cu 0 (Valsalam și Miikkulainen, 2013).



**Figura 6.** Hasse Graph (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

Împărțirea de comparatori pentru a construi funcțiile duale de output într-o rețea de sortare cu 4 input-uri. Conform Vinod K. Valsalam 2013 în această figura putem observa reprezentarea unei latice booleene a funcțiilor care sunt construite de comparatorul 1 în Figura 5. Nivelele laticeii sunt în stânga iar nodurile în care funcția ia valoare 1 sunt umbrite. Comparatorul 1 va construi conjuncția și disjuncția funcțiilor (a) și (b) pentru câștigul parțial în construirea funcției de output  $f_1 = x_1 \wedge x_2 \wedge x_3 \wedge x_4$ . Funcția  $f_1$  poate fi construită folosind conjuncții pentru a seta valoare la toate nodurile de pe nivelul 2 a laticeii cu 0. La fel și  $f_4$  poate fi construit folosind disjuncții pentru a seta valoare la toate nodurile a nivelului 4 cu 1. Împărțind comparatorii în aceasta maniera reduce numărul de comparatori care sunt nevoie pentru a construi rețeaua de sortare (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

Valoarea unei funcții  $f_i$  a nodului pe nivelul  $i + 1$  poate fi setată la 0 adăugând un comparator care construiește o conjuncție cu altă funcție care deja are valoare 0 la acel nod, acesta crescând numărul de noduri cu valoarea 0. Disjuncția cu care acest comparator construiește, are mai puține noduri cu valoare 0 atunci acestea nu sunt folosite pentru

construirea lui  $f_i$ . Disjuncția va fi totuși folosită pentru a construi celelalte funcții de output implicând ca nodurile de pe nivelul  $i + 1$  au valoare 0 și inputurile nu au noduri cu valori 0 comune pe acel nivel. Aceasta defapt sunt funcții intermediare  $f_j'$  care au valoarea 0 pentru orice nod de pe nivelul  $i + 1$  (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

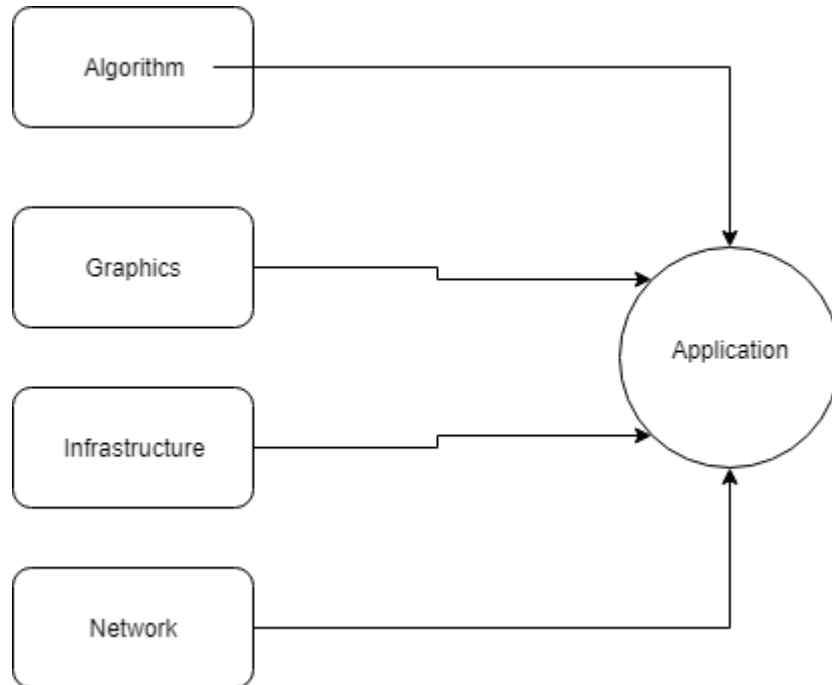
Adaugând un comparator între perechea de funcții, acesta colectează nodurile cu valoare 0 pentru ambele funcții în conjunctiva lor. Dacă repetăm acest proces recursiv, acesta va colecta nodurile cu valorile 0 de pe nivelul  $i + 1$  pentru toate funcțiile până la linia  $i$ , acesta producând  $f_i$ . Acest lucru este similar și pentru funcția ei duală  $f_{n+1-i}$  care poate fi construită din funcțiile  $f_j'$  folosind disjuncții în locul conjuncțiilor pentru a seta valoare nodurilor de la nivelul  $n + 1 - i$  până la nivelul 1 (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

Frunzele care sunt în rezultat binar al recursivității arborelui pentru  $f_i$  sunt defapt funcțiile  $f_j'$  care au noduri cu valori 0 pe nivelul  $i + 1$  iar pe nodurile interne sunt output-urile comparatorului conjunctiv. Putem vedea că numărul de noduri de gradul 2 în arborele binary este cu 1 mai mic decât numărul de noduri, atunci numărul de comparatori necesari depinde de numărul de funcții cu care recursivitatea începe. Maximizând împărțirea de comparatori între 2 arbori de recursivitate minimizează numărul de comparatori pentru câștigul parțial curent. Multi comparatori pot să aibă aceeași importanță iar atunci unul dintre acestea este ales random din set și este adăugat la rețea. Dacă repetem acest proces vom produce o secvență de comparatori care optimizează împărțirea în câștigul parțial curent și câștigul parțial mai îndepărtat (Valsalam și Miikkulainen, 2013).

Optimizând fiecare câștig parțial separat în această manieră constituie un algoritm greedy care produce minimul de rețele cu o probabilitate mare pentru  $n \leq 8$ . Pentru valori mai mari ale lui  $n$ , spațiul de căutare este prea mare pentru abordare greedy în a găsi optimul global. În aceste cazuri căutarea evolutivă poate fi folosită să exploreze vecinii soluțiilor greedy pentru o optimizare.



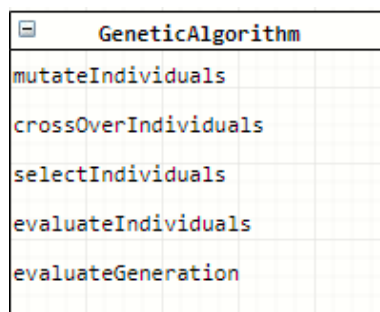
## ARHITECTURĂ



**Figura 7.** Structura de baza

### IV.1. Algorithm

In această parte a proiectului avem partea principală a aplicației. Aceasta se ocupa cu manipularea anumitor indivizi a rețelei pentru a incerca sa găsim o rețea cât mai bună.

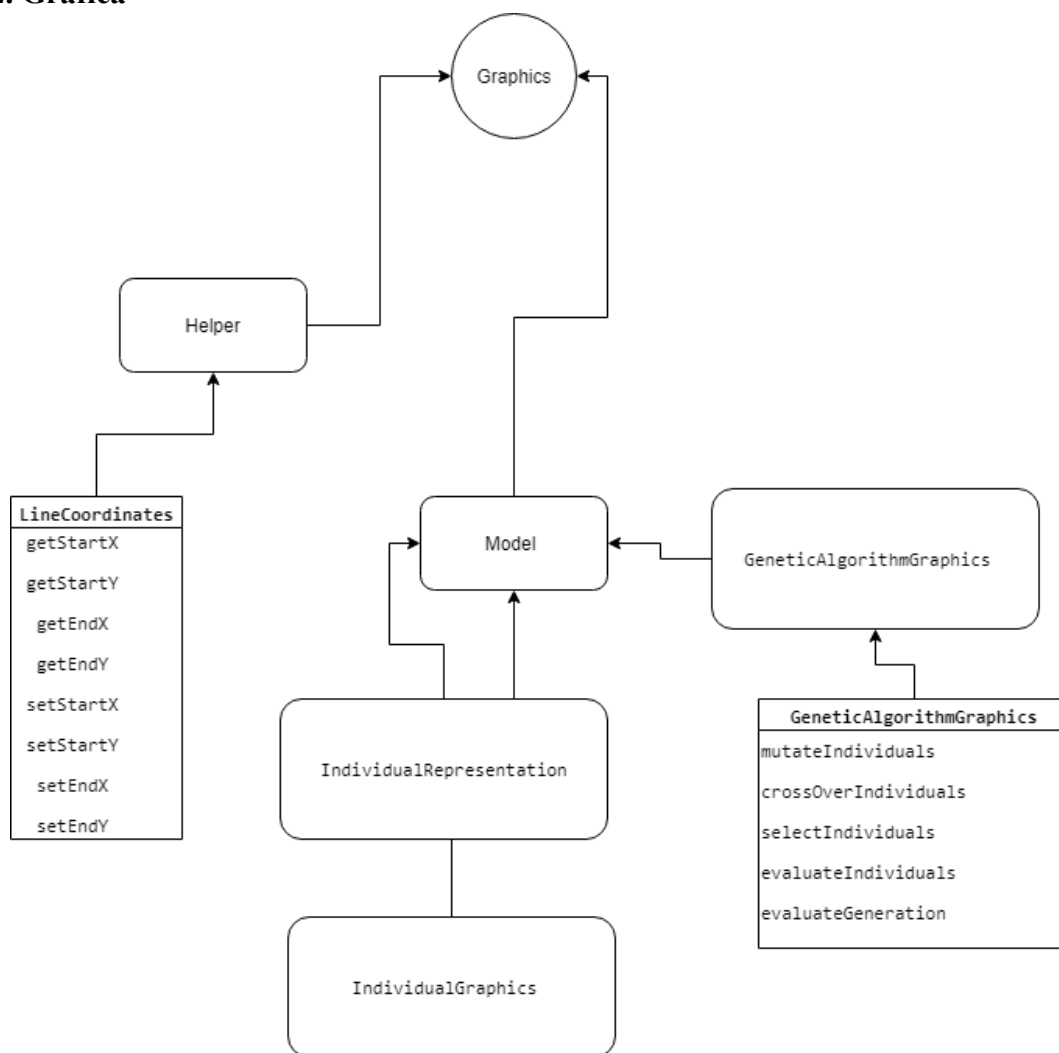


**Figura 8.** Metodele algoritmului genetic

In această clasa putem vedea cei 4 pași prin care trec indivizi pentru a fi manipulați astfel încât să aducă sau să se îmbunătățească comparatorii acestora. Acest pachet este

folosit pentru pachetul Graphics' care se va ocupa cu afisearea acestor indivizi pentru a înțelege și mai bine care este rolul acestei aplicații.

## IV.2. Grafică



**Figura 9.** Modulul de Grafică

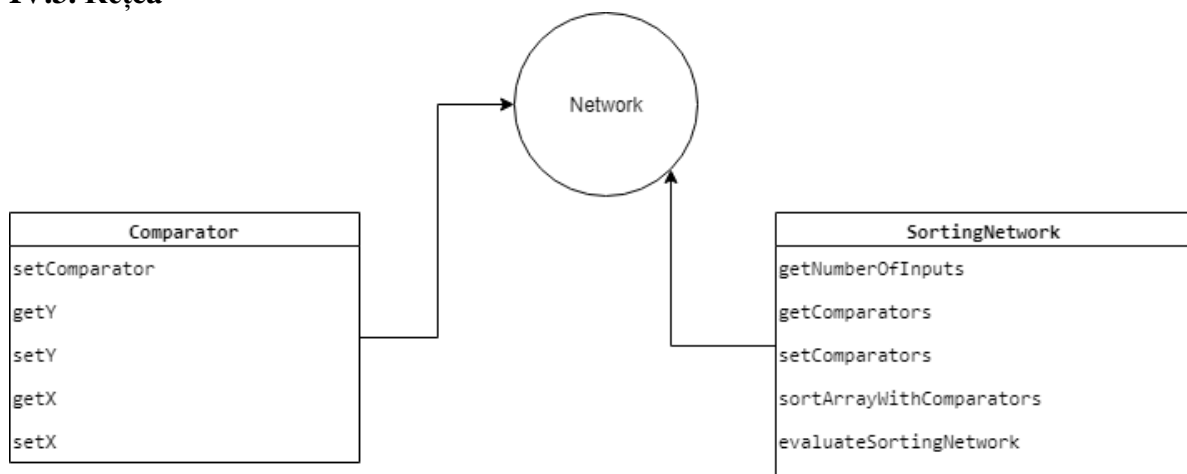
În acest pachet sunt extrași indivizi din fiecare generație, pentru a putea fie grafic afișați pe o interfață în scopul de a vizualiza ce se întâmplă cu fiecare individ la fiecare generație. Pentru a ușura modalitatea de afisare a acestor indivizi au fost create 3 mari modele.

Pe primul loc se afla IndividualRepresentation. Acesta se ocupă cu afisarea unui singur individ. Acest lucru se intamplă prin generarea unei noi instante de clasă prin acordarea datelor unui anumit individ, coordonatele unde va incepe afisarea acestuia grafic și care este numarul acestuia in generatia din care face parte. Acest lucru este important pentru a putea face distincția dintre indivizii dintr-o anumită generație. In această interfață care va fi explicată mai jos se vor vedea ca fiecare generație este afisată rând pe rând in scopul de a putea face o evaluare vizuală asupra fiecărui individ dintr-o generație. Cu alte cuvinte acest lucru ne ajută la o vizualizare mai buna asupra imbunătățiri indivizilor pe parcursul generațiilor. Acest lucru poate fi observat cu ajutorul clasei GeneticAlgorithmGraphics.

O altă clasa folosită este IndividualGraphics care va afisa vizual corectitudinea unui individ și a rețelei lui de sortare. Prin acest lucru ne referim la a incerca să sortăm anumite siruri de numere in scopul de a vedea dacă acea retea reuseste să sorteze cât mai multe multimi de numere rezultând astfel un fitness mai bun.

Toate aceste lucruri sunt doar pentru o privire grafică asupra ceea ce se intamplă in spatele acestui algorim genetic. Cu toate acestea, vizualizarea indivizilor este o bună procedură pentru a putea să estimăm cat mai repede și mai eficient, cât timp ar lua o rulare a aplicației pentru a putea găsi o multime de comparatorii pentru a sorta o listă de numere de dimensiune n.

### IV.3. Rețea



**Figura 10.** Modulul Rețea

În această parte a aplicației sunt realizate schimbări asupra comparatorilor, și verificarea rețelei de sortare în scopul de a aduce anumite informații de ajutor pentru algoritmul genetic. O instanță a clasei rețea conține o listă de comparatorii și numărul de input-uri care se dau. Cu ajutorul acestora vom putea da acces algoritmului genetic de a putea extrage de la un individ toți comparatorii acestuia și să aplicăm pe aceștia o sortare în funcție de comparatorii pe care îi avem în acea rețea.

O altă importanță pe care o are această clasă este de a genera comparatorii pentru populația inițială. Acest lucru este foarte important deoarece aceasta se ocupă cu generarea de comparatorii astfel încât să nu existe 2 comparatori la fel într-o anumită rețea deoarece va rezulta printr-o redundanță unuia dintre aceștia.

#### **IV.4 Infrastructura**

În această parte a aplicației se vor crea posibilități de siruri care trebuie sortate, se va verifica dacă un sir este crescător și câteva proceduri de ajutor pentru celelalte părți ale aplicației.

## ALGORITM GENETIC

Algoritmii genetici sunt o euristică inspirată de la Charles Darwin care se referă la evoluția naturală. Acest proces în final reflectă selecția naturală a acelor indivizi care au cel mai mare potențial ( care au reușit să se adapteze cel mai bine criteriilor de selecție specificați ), aceștia fiind mai predispuși să ajungă și în generațiile viitoare. Pentru a putea vedea când un individ este mai bun decât alt individ, vom avea nevoie de fitness.

### V.1. Fitness

O funcție fitness determină cât de potrivit un anumit individ din populație este pentru a putea să facă parte din generațiile următoare. În cazul acestei licențe a fost creată o funcție fitness care returnează cât de corect sortează un anumit sir de numere. De obicei se folosește o funcție fitness deoarece se dorește a ști dacă o anumită soluție este mai bună decât alta și de aceea aceste rezultate trebuie testate și sortate în funcție de cât de bună este o soluție față de cealaltă. În cazul în care putem ști când o anumită soluție este o soluție completă, atunci vom putea să îi calculăm fitness-ul fără a trebui să știm dacă această este o soluție mai bună decât alta.

În primul rând o funcție fitness trebuie să fie foarte bine definită deoarece având o funcție fitness care nu știe exact dacă o soluție este mai bună decât cealaltă, ar putea rezulta trecerea unor indivizi dintr-o generație în alta chiar dacă aceștia nu sunt neapărat cei mai buni indivizi. Explicarea cum se calculează fitness-ul se poate găsi mai jos de figura 11.

O altă proprietate pe care trebuie să o aibă o funcție fitness este să fie cât mai eficientă. Acest lucru este important deoarece algoritmii genetici sunt algoritmi care au un timp de rulare destul de îndelungat deci nu permite adăugarea de timp de execuție în plus. Având o funcție fitness eficientă reducem foarte mult complexitatea algoritmului genetic.

Proprietatea important pe care se bazează o funcție fitness este în a putea să dăm un anumit grad de performanță asupra unei soluții. În cazul nostru fitness-ul va fi un număr de la 1 la 100, acesta fiind de fapt raportul dintre numărul de liste de numere care au reușit să fie sortate la final și numărul de liste de numere care au încercat să fie sortate.

Ultima proprietate a funcției fitness este ca acestea trebuie să aibă rezultate intuitive, asta se traduce prin concluzia că orice individ care nu se descurcă bine va avea un fitness mai scăzut decât un individ care are o performanță mai bună.

```
public Float evaluateSortingNetwork() {  
  
    List<List<String>> inputsPossibility = this.inputGenerator.generateAllCasesWhenArrayIsNotSorted();  
    int numberOfListThatAreSorted = 0;  
  
    for(List<String> input : inputsPossibility){  
  
        List<Integer> inputAux = new ArrayList<>();  
        for(String i : input){  
            inputAux.add(Integer.valueOf(i));  
        }  
  
        if(SortingValidator.arrayIsSorted(sortArrayWithComparators(inputAux))){  
            numberOfListThatAreSorted += 1;  
        }  
    }  
  
    return (100f*numberOfListThatAreSorted/inputsPossibility.size());  
}
```

**Figura 11.** Metoda de Fitness

După cum putem vedea, fitness-ul este calculat în funcție de cât de multe siruri generate au reușit să sorteze comparatori unei rețele din mulțimea de rețele din algoritmul nostru genetic. Aceste input-uri sunt de fapt toate combinațiile în care un anumit șir de numere poate fi ordonat. Acest lucru se poate face ușor în funcție de numărul de input-uri pe care îl facem. De exemplu dacă am avea un număr de 4 input-uri atunci vom avea primul șir de numere [0, 0, 0, 1], [0, 0, 0, 1] ... [1, 1, 1, 0]. Acest lucru ne asigură că odată ce o mulțime de comparatori a reușit să sorteze toate aceste siruri de numere, înseamnă că acesta poate ordona orice sir de caractere de lungime 4.

## V.2. Initial Population

La inițierea populației este important să avem grijă dacă aceea populație este corectă deoarece aceasta va influența tot algoritmul genetic. Se știe că dacă populația cu care începe algoritmul genetic să lucreze nu este bună atunci algoritmul nostru s-ar putea să nu găsească cele mai bune soluții sau ar putea să găsească aceste soluții dar într-un timp mult mai îndelungat. O populație de start bună este o populație care are indivizii cât mai diversificată pentru că astfel se pot găsi rezolvări la problemă mult mai repede.

La inițializarea populației se va alege care este dimensiunea populației, numărul de input-uri care se dau și numărul de comparatori pe care dorim să îi folosim pentru a ne ordona un anumit sir de numere de dimensiunea aleasă. În funcție de acestea se vor face următoarele.

Prima dată, cu ajutorul numărului de input-uri și cu ajutorul numărului de comparatori se va crea câte un individ cu o nouă rețea. Această rețea se va genera automat cu anumiți comparatori aleși parțial random. Acești comparatori sunt aleși astfel încât să nu existe același comparator în aceeași rețea.

```
public GeneticAlgorithm(int sizeOfPopulation, int numberOfInputs, int numberOfComparators) {  
    this.sizeOfPopulation = sizeOfPopulation;  
    this.numberOfInputs = numberOfInputs;  
    this.numberOfComparators = numberOfComparators;  
  
    this.individualGenerator = new IndividualGenerator(this.numberOfInputs, this.numberOfComparators);  
    this.individuals = this.individualGenerator.generateNIndividuals(this.sizeOfPopulation);  
  
    this.MUTATION_PROBABILITY = 1f/this.numberOfComparators;  
    this.CROSSOVER_PROBABILITY = 0.75f;  
}
```

**Figura 12.** Metoda de Inițiere a populației

În inițializarea algoritmului genetic se va seta și care este probabilitatea de mutație și care este probabilitatea de crossover. După această inițializare vom avea un număr de  $n$  indivizi fiecare cu propria lui rețea cu proprii ei comparatori.

### **V.3. Selecția**

În prima parte a selecției se vor strânge într-o listă toate fitness-urile pe care le au toți indivizii noștri. Selecția pe care o folosim este Roulette. Prin această metodă de selecție se înțelege alegerea indivizilor în funcție de fitness. Cu cât un individ are fitness-ul mai mare cu atât acesta are șansă mai mare să treacă în următoarea generație.

După ce s-a creat aceste șanse pentru fiecare individ vom alege un număr random între 0 și 1 iar dacă acesta se află între cele două atunci el va fi selectat pentru următoarea generație. Această metodă de selecție este una destul de bună, exceptând cazul în care indivizii au o diferență foarte mare de fitness. Din această cauză dacă există 2 indivizi care au un fitness foarte mare, atunci aceștia îi vor domina pe ceilalți indivizi nepermițând ca indivizii cu mai puține șanse să evolueze și să ajungă la un rezultat poate mai bun decât indivizii care sunt dominanți. După ce au fost strânși numărul de indivizi din generația trecută – 2, ceilalți vor fi de fapt acei indivizi din generația trecută care au reușit să aibă cel mai mare fitness dintre toți deoarece aceștia au cea mai bună probabilitate de a crea alți cromozomi mai buni.



### V.3. Crossover

Această este o operație care ne ajută la a combina informații genetică a 2 cromozomi în scopul de a genera alți cromozomi.

```
List<Integer> parents = Helper.getRandomNumbers(this.sizeOfPopulation);
List<Comparator> newListOfComparators = new ArrayList<>();

for (int j = 0; j < this.numberOfComparators; j++) {
    float crossOverRandomChoice = (float) Math.random();

    if (crossOverRandomChoice < this.CROSSOVER_PROBABILITY) {
        if (comparatorAux.equals(this.individuals.get(parents.get(0)).getSortingNetwork().getComparators().get(j))) {
            newListOfComparators.add(this.individuals.get(parents.get(1)).getSortingNetwork().getComparators().get(j));
            comparatorAux.setComparator(this.individuals.get(parents.get(1)).getSortingNetwork().getComparators().get(j));
        } else {
            newListOfComparators.add(this.individuals.get(parents.get(0)).getSortingNetwork().getComparators().get(j));
            comparatorAux.setComparator(this.individuals.get(parents.get(0)).getSortingNetwork().getComparators().get(j));
        }
    } else {
        if (comparatorAux.equals(this.individuals.get(parents.get(1)).getSortingNetwork().getComparators().get(j))) {
            newListOfComparators.add(this.individuals.get(parents.get(0)).getSortingNetwork().getComparators().get(j));
            comparatorAux.setComparator(this.individuals.get(parents.get(0)).getSortingNetwork().getComparators().get(j));
        } else {
            newListOfComparators.add(this.individuals.get(parents.get(1)).getSortingNetwork().getComparators().get(j));
            comparatorAux.setComparator(this.individuals.get(parents.get(1)).getSortingNetwork().getComparators().get(j));
        }
    }
}
```

Figura 13. Metoda de Crossover

În această imagine putem vedea cum am reușit să cream crossover-ul pentru algoritmul nostru. În primul rând pentru a putea face crossover eficient, este nevoie să avem o anumită probabilitate pentru care să facem acest crossover deoarece dacă am face pentru toți indivizii, populația ar putea să piardă cromozomi care sunt foarte buni iar atunci nu am mai reuși să ajungem la un rezultat cât mai bun. În primul rând verificăm dacă un număr ales random este mai mic decât probabilitatea pe care am setat-o noi pentru crossover. Noi având pentru fiecare individ un părinte care este de fapt o mulțime de 2 numere, X și Y care sunt diferite între ele și au dimensiunea maximă egală cu dimensiunea populației. După care avem un switch în care verificăm dacă comparatorul nostru auxiliar care este setat prima dată cu X = -1 și Y = -1, în vederea generării unui nou comparator. Dacă comparatorul nostru auxiliar este egal cu părintele cu indexul egal cu primul număr ales random de noi atunci în noua listă de comparatori se va pune comparatorul de la părintele cu indexul Y și comparatorul j. În caz contrar atunci se va pune comparatorul j de la părintele cu indexul X. Acest lucru este invers pentru cazul în care random-ul ales este mai mic decât probabilitatea de crossover. Prin acest lucru putem vedea că parcurgând comparatori unui individ, putem extrage anumiți comparatori din acesta pentru a crea o nouă listă de comparatori pe care o putem atribui unui individ nou.

```

Collections.sort(this.individuals, (o1, o2) -> Float.compare(o2.getFitness(), o1.getFitness()));

comparatorsGenerated.add(this.individuals.get(0).getSortingNetwork().getComparators());
comparatorsGenerated.add(this.individuals.get(1).getSortingNetwork().getComparators());
for (int i = 0; i < this.individuals.size() - 2; i++) {
    this.individuals.get(i).getSortingNetwork().setComparators(comparatorsGenerated.get(i));
}

```

**Figura 14.** Metoda de Crossover Indivizi

După ce am facut acest lucru vom sorta toti indivizi in functie de fitness-ul pe care il au și dupa care vom selecta pentru generația urmatoare comparatori primilor doi indivizi care au fitness-ul cel mai mare, dupa care vom parcurge toti ceilalți indivizi pentru a le atribui un nou set de comparatori care au fost creați dupa crossover.

## V.4. Mutație

Mutațiile sunt o operație genetică folosită pentru a diversifica cromozomii dintr-o populație. Această se referă la schimbarea anumitor gene dintr-un cromozom (individ) pentru ca acesta sa ajungă să aibe un fitness mai bun in sperața unei găsiți mai rapide a soluției. Mutația ne mai ajută și să pătrăm o anumită diversitate intre indivizi.

```

private void mutateIndividuals() {
    for (int i = 0; i < this.sizeOfPopulation; i++) {
        for (int j = 0; j < this.numberOfComparators; j++) {
            Float mutationRandomChoice = (float) Math.random();

            if (mutationRandomChoice < this.MUTATION_PROBABILITY) {
                do {
                    Comparator comparator = new Comparator();
                    comparator.setX(new Random().nextInt( bound: this.numberOfInputs - 1));
                    int aux = new Random().nextInt( bound: this.numberOfInputs - 1) + (comparator.getX() + 1);
                    while (aux >= this.numberOfInputs) {
                        aux = new Random().nextInt( bound: this.numberOfInputs - 1) + (comparator.getX() + 1);
                    }
                    comparator.setY(aux);
                    this.individuals.get(i).getSortingNetwork().getComparators().get(j).setComparator(comparator);
                } while (!Helper.checkAllComparatorsAreDifferent(this.individuals.get(i).getSortingNetwork().getComparators(), j));
            }
        }
    }
}

```

**Figura 15.** Metoda de Mutație

După cum putem vedea în această imaginea, pentru a face mutație este nevoie să parcurgem toți indivizi din populație. Pentru fiecare individ va trebui să îi parcurgem toți cromozomi acestuia ca să vedem dacă cu o anumită probabilitate pe care o putem seta la începutul începerii aplicației, gena respectivă se va schimba. Dacă una dintre acestea a ajuns în această fază atunci se va crea un comparator nou random, în funcție de numărul de fire pe care aceasta rețea le are. După ce s-a creat un nou comparator astfel încât să satisfacă aceste cerințe, atunci acest nou comparator va fi înlocuitorul comparatorului care a ajuns să fie schimbat. Comparatorul acesta este de fapt o gena a individului. Cea mai importantă verificare care trebuie făcută după ce am făcut această mutație este să vedem dacă toți comparatorii sunt diferiți pentru că altfel vom avea inconsistență între comparatori acelui individ. Dacă din păcate nu toți comparatorii sunt diferiți, se va relua tot procesul de schimbarea genei până când toți comparatorii acelui individ sunt diferiți. Acest tip de mutație se cheamă ‘Random Resetting’ deoarece nu ne vom folosi de gena pe care dorim să o schimbăm în scopul creării unei noi ci vom crea o genă nouă cu valori random și atribuită genei respective.

## INTERFAȚĂ REȚEA SORTARE

În acest capitol vom vorbi despre vizualizarea algoritmului și a indivizilor din rețeaua de sortare. Acest capitol este de a transpune implementarea de vizualizarea specifica a anumitor principii care au fost aplicati asupra indivizilor.

### VI.1. Reprezentarea unui individ

După cum am putut observa în imaginile anterioare, observăm ca un individ are în primul rând un număr de fire prin care numerele din sir trec astfel încât la finalul parcurgeri acelor fire, șirul de numere să fie sortat. Un alt lucru foarte important este lista de comparatori care sunt legați de un capăt al unui fir și de un alt capăt al altui fir, asta însemnând că atunci când doua numere se întâlnesc, se va face o comparare între cele doua numere pentru ca astfel dacă primul număr este mai mic decât celălalt, se va face schimbul de fire între cele doua (dacă primul număr este mai mare decât celălalt, atunci primul număr va trece pe firul celui de al doilea număr iar al doilea număr va trece pe firul primului).

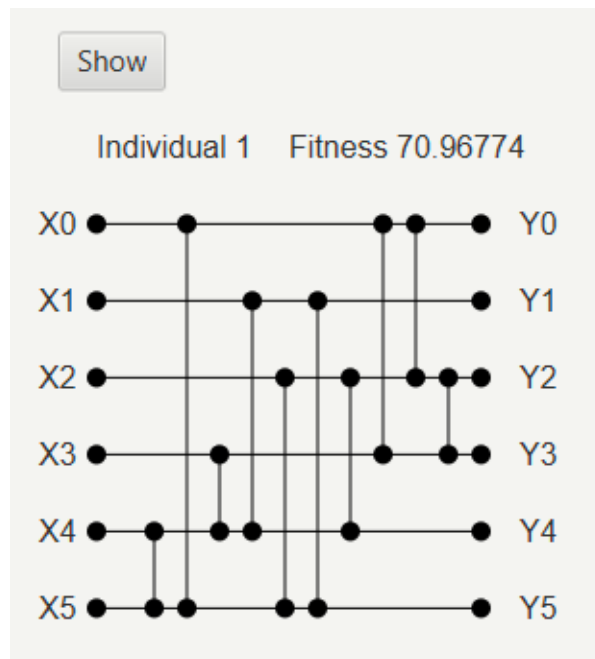


Figura 16. Reprezentarea individului

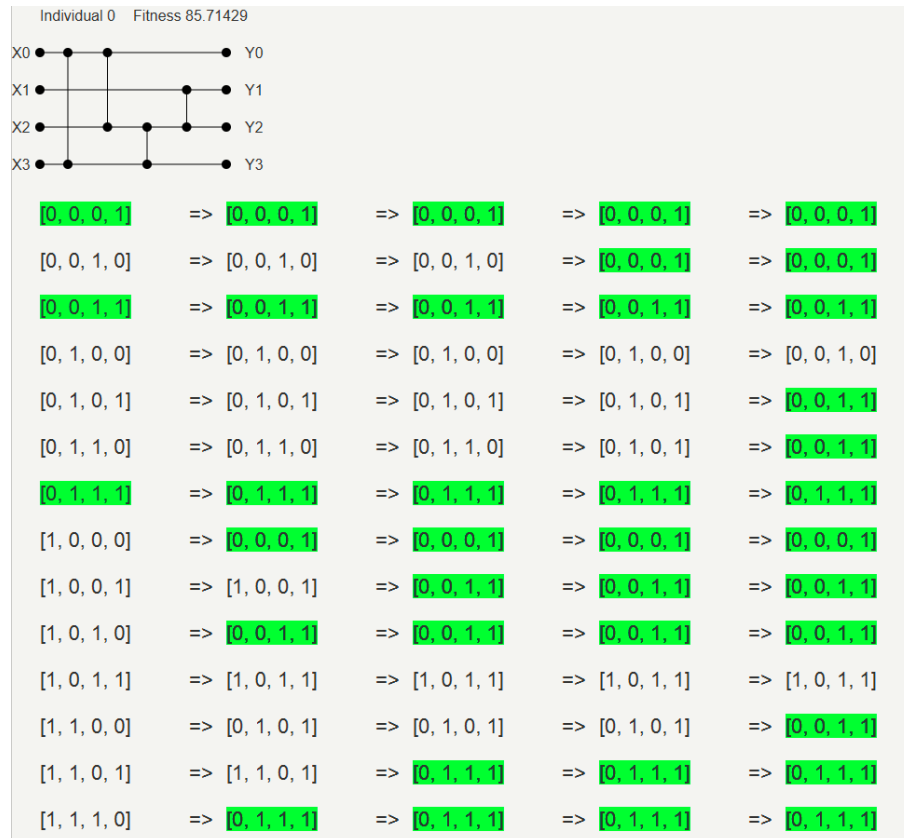
În figura 16 observăm 6 fire din care putem rezulta că există oricare 6 input-uri, și un număr comparatori. Fiecare fir are un punct la începutul lui și unul la final. Acest lucru reprezintă că numărul va trece de la primul punct până la ultimul, parcurgând toți comparatorii care îi iese în cale. Numărul de input-uri și numărul de comparatorii este setat la începutul rulării programului. În această figură putem observa că de fapt aceasta este rețeaua respectivului individ. Toate aceste numere vor trece prin acești comparatorii în speranța că aceste numere ajungând la finalul firului vor fi poziționate în funcție de valoarea pe care acestea o au. În imagine mai putem vedea care este numărul individului. Acesta reprezintă pe ce poziție se afla în populație iar acest lucru mai reprezintă și cât de valoros este el pentru populație deoarece toți indivizi sunt ordonați în funcție de fitness.

Un alt lucru pe care îl putem observa în imagine este fitness-ul pe care individul îl are, acesta reprezentând cât de bine se descurcă în a sorta un sir de numere de lungime 6 în cazul nostru. Reprezentarea acestor indivizi are o implementare destul de generică în speranța că acesta poate să reprezinte orice individ indiferent de numărul lui de comparatori sau numărul lui de fire.

Un ultimul lucru pe care îl putem observa în afișarea unui individ este un buton cu numele 'Show'. Acesta va porni o nouă interfață grafică în care vom putea observa detalii importante asupra individului nostru.

## VI.2. Reprezentarea corectitudinii unui individ

După cum am putut observa în figura 16, fiecare individ are un buton cu care putem deschide o nouă interfață grafică, pentru a putea să vedem care este corectitudinea rețelei de sortare a acelui individ.



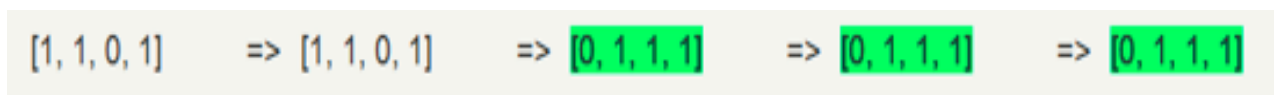
**Figura 17.** Corectitudinea individului

În această interfață grafică putem observa (individul căruia dorim să îi vedem corectitudinea). Acele informații sunt cele pe care le vom vedea și în interfața cu generațiile. După cum putem observa, în această interfață sunt generate șiruri de numere de dimensiune  $n$ , care este de fapt numărul de elemente care a fost ales la începutul rulării aplicației. Acestea sunt generate astfel încât ele să fie diferite și să cuprindă toate combinațiile prin care un șir de  $n$  numere poate să fie aranjat. Avem nevoie de acest lucru deoarece ne dorim

de la individul respectiv sa poate sa sorteze un şir de n numere indiferent care sunt pozitiile elementelor in şir.

Pe prima linie se află primele siruri de numere care incep sa pornească pe firele retelei. Următoarele lini sunt aceleasi siruri de numere dar după ce s-a aplicat comparatorul respectiv. Din asta putem rezulta că pe linia 0 se află sirurile de numere care au fost generate dar încă nu au trecut prin niciun comparator, pe linia 1 se vor afla aceleaşi siruri dar cu schimbările pe care le-a adus primul comparator in sirul respectiv. Acest lucru este valabil şi pentru urmatoarele lini. Acest lucru ne arată ca pe linia n se va afla sirul de numere dupa ce acesta a trecut de  $n - 1$  comparatorii.

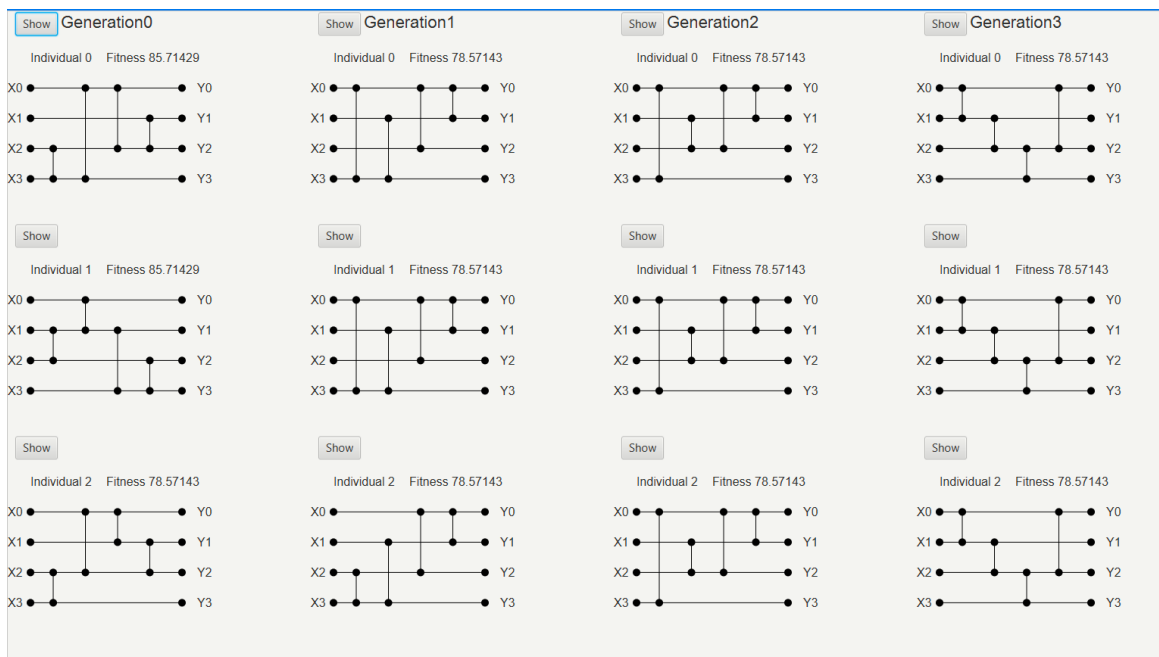
O alta remarca pe care o putem trage este ca atunci cand un sir de numere ajunge sa fie crescator atunci acesta este trasat cu o culoare verde.



**Figura 18.** Ciclul unui sir de numere

Acest lucru este folositor pentru a ne atrage atentia asupra aceluşi şir că acesta a reusit să fie sortat după ce a trecut de un anumit numar de comparatorii.

Toate aceste reprezentări sunt de folos pentru a putea sa afişăm o interfată grafică in care sa putem observa indivizii dintr-o anumită generaţie in scopul de a putea să vedem daca aceştia au ajuns să aibă o performanţă mai buna in sortarea anumitor şiruri de numere. In figura 18 se vor observa avantajele aduse de decuplarea generării grafice a unui singur individ.



**Figura 19.** Vizualizarea Generatiilor

In figura 19 observăm că pentru fiecare generație avem afișati 3 indivizi. Am ales acest lucru deoarece aplicatia noastră este folosită pentru găsirea comparatorilor pentru rezolvarea sortării acestora și nu pentru vizualizarea acestora. Spunem aceste lucruri deoarece generarea reprezentării unui individ este destul de costisitoare ca și timp și astfel nu dorim sa prelungim timpul de executie pe care acest program îl face.

Pentru fiecare generație începând cu generatia 0, vom avea 3 indivizi iar acești indivizi sunt aceia care au cel mai mare fitness din toata populatia generatiei. Odata ce a fost afisate primele 3 rezultate cele mai bune ai unei generații, va incepe calculul și reprezentarea urmatoarei generati.



## CONCLUZII

Pâna acum am discutat despre rețeaua de sortare, algoritmi genetici și cromozomii acestuia dar nu am tras nicio concluzie clara despre folosința lor. Ca să putem să discutăm despre acest subiect este nevoie să facem anumite comparații cu această metoda de a sorta o listă de numere.

Sorting Algorithm	Best Case	Average Case	Worst Case	Stability	In-Place
<b>Bubble Sort</b>	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	Yes	Yes
<b>Heap Sort</b>	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	No	Yes
<b>Insertion Sort</b>	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	Yes	Yes
<b>Merge Sort</b>	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	Yes	No
<b>Quick Sort</b>	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n^2)$	No	Yes
<b>Selection Sort</b>	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	No	Yes
<b>Shell Sort</b>	$O(n(\log n)^2)$	$O(n^{3/2})$	$O(n)$	No	Yes

**Figura 20.** Complexitatea algoritmilor de sortare

(<https://www.semanticscholar.org/paper/Fuse-sort-algorithm-a-proposal-of-divide-%26-conquer-Patel-Singh/4c6d6bea88635220083d3f6aa5b06c287ec832f4>)

Dacă privim figura 20 putem observa care sunt complexitățile algoritmilor de sortare pe care majoritatea îi cunoaștem deja. Dacă luăm de exemplu primul algoritm de sortare, BubbleSort este o sortare care are ca și complexitate  $O(n^2)$  în cazul cel mai complex, asta înseamnă că pentru a reuși să sortăm o listă de  $n$  numere, o să fie nevoie de  $n^2$  comparații, ceea ce este destul de mult. În schimb dacă privim complexitățile algoritmului de sortare QuickSort, acesta are complexitatea  $O(n \log_2 n)$  ceea ce este cu mult mai bine față de BubbleSort deoarece când vorbim de rețele de sortare ne gândim că aceasta o să poată să sorteze liste de numere de dimensiuni mari.

Și acum ajungând la rețelele de sortare, acestea înainte de a ști care este numărul de input-uri pe care dorești să le sortezi, pentru a reuși asta este nevoie de un timp mult mai îndelungat ca să poți găsi care sunt comparațiile pe care dorim să îi aplicăm pe lista de numere, în schimb odată ce am reușit să găsim acei comparații, o să putem să aplicăm aceiași comparații pe toate listele de numere care au aceeași lungime. Acest lucru ne permite să avem o performanță a timpului mult mai mare față de alți algoritmi de sortare.

Un alt lucru foarte important despre aceste rețele de sortare este că ele pot fi folosite cu ajutorul paralelismului, iar acest lucru ne poate oferi o complexitate mult mai mică față de alți algoritmi de sortare care au fost prezentați mai sus.

## BIBLIOGRAFIE

**Valsalam, V.K., Miikkulainen, R.,** (2013), *Using Symmetry and Evolutionary Search to Minimize Sorting Networks*, *Journal of Machine Learning Research*, Ed. Vinod K. Valsalam and Risto Miikkulainen, Vol.14, Pag 303-331.

<https://towardsdatascience.com/how-to-define-a-fitness-function-in-a-genetic-algorithm-be572b9ea3b4>

[https://www.researchgate.net/publication/220862320\\_Initial\\_Population\\_for\\_Genetic\\_Algorithms\\_A\\_Metric\\_Approach](https://www.researchgate.net/publication/220862320_Initial_Population_for_Genetic_Algorithms_A_Metric_Approach)

<http://www.technical-recipes.com/2015/a-genetic-algorithm-for-optimizing-sorting-networks-in-c/>

<https://pdfs.semanticscholar.org/bd3b/6863e6587b7e6aab8efb44662bb5cd793cf7.pdf>

<http://www.cs.bham.ac.uk/~wbl/biblio/gecco2002/GA249.pdf>

[https://en.wikipedia.org/wiki/Sorting\\_network](https://en.wikipedia.org/wiki/Sorting_network)

<https://github.com/NickVenturini/sorting-network?fbclid=IwAR2wBocHHxeCvNTIEYzywZQzOsQ5nWGGj8Wyz-Boo64n7K556fH9s9wc7k>

<https://adventuresinevolutionblog.wordpress.com/2016/09/17/minimal-sorting-networks/?fbclid=IwAR2HzkUKjhVj4b6eM7Ld5S0vuj2Cd4HGSLbcYJJw2ddcfnteyPchs7DLZQO>

<https://www.technical-recipes.com/2015/a-genetic-algorithm-for-optimizing-sorting-networks-in-c/?fbclid=IwAR3W-6TRvsfURPzDR-5BKQebD-IRDhd6Dh2I7odcVuZXo0n99qTId75pVVc>

<https://linuxnasm.be/media/pdf/donald-knuth/taocp/volume-3/taocp-vol3-sorting-searching.pdf>

<http://www.human-competitive.org/sites/default/files/genp05.pdf>

<https://books.google.ro/books?id=0eznlz0TF-IC&pg=PA22&lpg=PA22&dq=sorting+network+genetic+algorithm&source=bl&ots=shoB4X-4Ji&sig=ACfU3U0afHBwZTt2yohUMoPJkYBekCkZ-w&hl=ro&sa=X&ved=2ahUKEwiRmPudmIDjAhVnQkEAHfjJAZY4FBDoATABegQICRAB#v=onepage&q=sorting%20network%20genetic%20algorithm&f=false>

<http://www.cse.unt.edu/~tarau/teaching/PP/Sorting%20network.pdf>