

机械振动 作业

一、选择题

1. 当用正弦函数或余弦函数形式表示同一个简谐振动时, 振动方程中不同的量是 ()

(A) 振幅 (B) 角频率 (C) 初相位 (D) 振幅、圆频率和初相位

2. 在简谐振动的运动方程中, 振动相位 $(\omega t + \varphi)$ 的物理意义是 ()

(A) 表征了简谐振子 t 时刻所在的位置; (B) 表征了简谐振子 t 时刻的振动状态;

(C) 表征了简谐振子 t 时刻加速度的方向; (D) 给出了简谐振子 t 时刻所受回复力的方向。

解析: (给出描述振动的其他几个物理量的意义)

3. 一质点作简谐振动, 其振动方程为 $x = A \cos(\omega t + \varphi)$, 则 $t = \frac{T}{2}$ (T 为振动周期) 时, 质点的速度为 ()

(A) $-A\omega \sin \varphi$ (B) $A\omega \sin \varphi$ (C) $-A\omega \cos \varphi$ (D) $A\omega \cos \varphi$

解析:

4. 一物体作简谐振动, 其振动方程为 $x = A \cos(\omega t + \frac{\pi}{4})$, 则 $t = \frac{T}{2}$ (T 为振动周期) 时, 质点的加速度为 ()

(A) $-\frac{\sqrt{2}}{2} A\omega^2$ (B) $\frac{\sqrt{2}}{2} A\omega^2$ (C) $-\frac{\sqrt{3}}{2} A\omega^2$ (D) $\frac{\sqrt{3}}{2} A\omega^2$

解析:

5. 某物体按余弦函数规律作简谐振动, 它的初相位为 $\frac{3\pi}{2}$, 则该物体振动的初始状态为 ()

(A) $x_0 = 0, v_0 > 0$ (B) $x_0 = 0, v_0 < 0$

(C) $x_0 = 0, v_0 = 0$ (D) $x_0 = -A, v_0 = 0$

解析:

6. 一作简谐运动质点的振动方程为 $x = 5 \cos(2\pi t + \frac{\pi}{2})$, 它从计时开始, 在运

动一个周期后 ()

- (A) 相位为零 (B) 速度为零 (C) 加速度为零 (D) 振动能量为零

7. 一质点作简谐振动, 其速度随时间变化的规律为 $v = -\omega A \cos \omega t$, 则质点的振动方程为 ()

- (A) $x = A \sin \omega t$ (B) $x = A \cos \omega t$
(C) $x = A \sin(\omega t + \pi)$ (D) $x = A \cos(\omega t + \pi)$

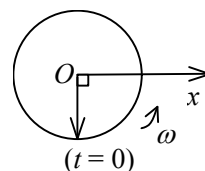
解析:

二 计算题

1. 一质点沿 x 轴以 $x=0$ 为平衡位置作简谐振动, 频率为 0.25 Hz . $t=0$ 时 $x = -0.37 \text{ cm}$ 而速度等于零, 则振幅是多少? 振动的数值表达式?

2. 一质点作简谐振动, 其振动方程为 $x = 0.24 \cos(\frac{1}{2}\pi t + \frac{1}{3}\pi)$ (SI), 试用旋转矢量法求出质点由初始状态 ($t=0$ 的状态) 运动到 $x = -0.12 \text{ m}$, $v < 0$ 的状态所需最短时间 t .

3. 图中用旋转矢量法表示了一个简谐振动. 旋转矢量的长度为 0.04 m , 旋转角速度 $= 4 \text{ rad/s}$. 此简谐振动以余弦函数表示的振动方程为 $x = \underline{\hspace{2cm}}$ (SI).



4. 一个质点同时参与两个在同一直线上的简谐振动, 其表达式分别为

$$x_1 = 4 \times 10^{-2} \cos(2t + \frac{1}{6}\pi), \quad x_2 = 3 \times 10^{-2} \cos(2t - \frac{5}{6}\pi) \quad (\text{SI})$$

求合成振动的振幅和初相.

5. 一质点作谐振动, 其振动方程为: $x = 6.0 \times 10^{-2} \cos(\pi t / 3 - \pi / 4)$, (SI)

(1) 当 x 值为多大时, 系统的势能为总能量的一半?

(2) 质点从平衡位置移动到此位置所需最短时间为多少?