

词法分析

(2. 正则表达式)

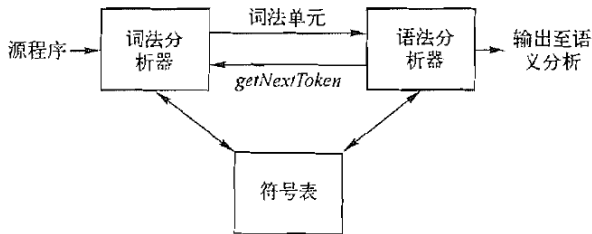
魏恒峰

hfwei@nju.edu.cn

2023 年 03 月 08 日 (周三)

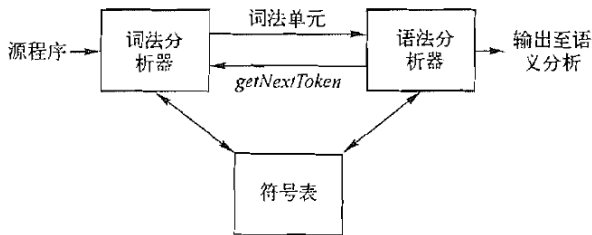


输入: 程序文本/字符串 s



输出: 词法单元流

输入: 程序文本/字符串 s + **词法单元 (token) 的规约**

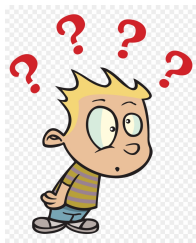


输出: 词法单元流



词法分析器生成器

词法单元的规约



词法单元	非正式描述	词素示例
if	字符 i, f	if
else	字符 e, l, s, e	else
comparison	< 或 > 或 <= 或 >= 或 == 或 !=	<=, !=
id	字母开头的字母 / 数字串	pi, score, D2
number	任何数字常量	3.14159, 0, 6.02e23
literal	在两个 "之间, 除" 以外的任何字符	"core dumped"

我们需要词法单元的**形式化**规约

id: 字母开头的字母/数字串

id 定义了一个集合, 我们称之为**语言 (Language)**

id: 字母开头的字母/数字串

id 定义了一个集合, 我们称之为**语言 (Language)**

它使用了字母与数字等符号集合, 我们称之为**字母表 (Alphabet)**

id: 字母开头的字母/数字串

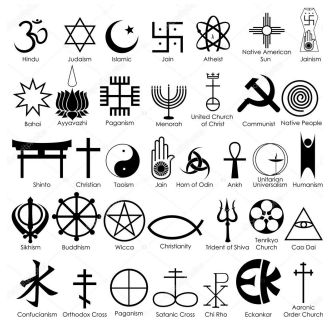
id 定义了一个集合, 我们称之为**语言 (Language)**

它使用了字母与数字等符号集合, 我们称之为**字母表 (Alphabet)**

该语言中的每个元素 (即, 标识符) 称为**串 (String)**

Definition (字母表)

字母表 Σ 是一个有限的符号集合。



Definition (串)

字母表 Σ 上的**串** (s) 是由 Σ 中符号构成的一个**有穷**序列。

ϵ

空串 : $|\epsilon| = 0$

Definition (串上的“连接”运算)

$$x = \text{dog}, y = \text{house} \quad xy = \text{doghouse}$$

$$s\epsilon = \epsilon s = s$$

Definition (串上的“连接”运算)

$$x = \text{dog}, y = \text{house} \quad xy = \text{doghouse}$$

$$s\epsilon = \epsilon s = s$$

Definition (串上的“指数”运算)

$$s^0 \triangleq \epsilon$$

$$s^i \triangleq ss^{i-1}, i > 0$$

Definition (语言)

语言是给定字母表 Σ 上一个任意的**可数的**串集合。

\emptyset

$\{\epsilon\}$

Definition (语言)

语言是给定字母表 Σ 上一个任意的**可数的**串集合。

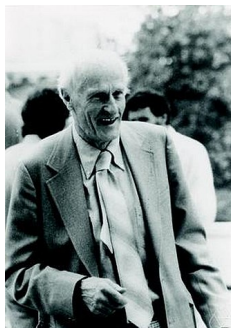
$$\emptyset$$
$$\{\epsilon\}$$
$$\text{id} : \{a, b, c, a1, a2, \dots\}$$
$$\text{ws} : \{\text{blank}, \text{tab}, \text{newline}\}$$
$$\text{if} : \{\text{if}\}$$

语言是串的集合

因此, 我们可以通过集合操作**构造**新的语言。

运算	定义和表示
L 和 M 的并	$L \cup M \doteq \{s \mid s \text{ 属于 } L \text{ 或者 } s \text{ 属于 } M\}$
L 和 M 的连接	$LM = \{st \mid s \text{ 属于 } L \text{ 且 } t \text{ 属于 } M\}$
L 的 Kleene 闭包	$L^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} L^i$
L 的正闭包	$L^+ = \bigcup_{i=1}^{\infty} L^i$

L^* (L^+) 允许我们构造**无穷**集合



Stephen Kleene
(1909 ~ 1994)

$$L = \{A, B, \dots, Z, a, b, \dots, z\}$$

$$D = \{0, 1, \dots, 9\}$$

运算	定义和表示
L 和 M 的并	$L \cup M = \{s \mid s \text{ 属于 } L \text{ 或者 } s \text{ 属于 } M\}$
L 和 M 的连接	$LM = \{st \mid s \text{ 属于 } L \text{ 且 } t \text{ 属于 } M\}$
L 的Kleene 闭包	$L^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} L^i$
L 的正闭包	$L^+ = \bigcup_{i=1}^{\infty} L^i$

$$L = \{A, B, \dots, Z, a, b, \dots, z\}$$

$$D = \{0, 1, \dots, 9\}$$

运算	定义和表示
L 和 M 的并	$L \cup M = \{s \mid s \text{ 属于 } L \text{ 或者 } s \text{ 属于 } M\}$
L 和 M 的连接	$LM = \{st \mid s \text{ 属于 } L \text{ 且 } t \text{ 属于 } M\}$
L 的Kleene 闭包	$L^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} L^i$
L 的正闭包	$L^+ = \bigcup_{i=1}^{\infty} L^i$

$$L \cup D \quad LD \quad L^4 \quad L^* \quad D^+ \quad L(L \cup D)^*$$

id : $L(L \cup D)^*$

该如何告诉 ANTLR v4 : 这个集合就是 **id** 呢?

$\text{id} : L(L \cup D)^*$

该如何告诉 ANTLR v4 : 这个集合就是 **id** 呢?



下面向大家隆重介绍简洁、优雅、强大的**正则表达式**

每个正则表达式 r 对应一个正则语言 $L(r)$



正则表达式是**语法**, 正则语言是**语义**

Definition (正则表达式)

给定字母表 Σ , Σ 上的正则表达式由且仅由以下规则定义:

- (1) ϵ 是正则表达式;
- (2) $\forall a \in \Sigma$, a 是正则表达式;
- (3) 如果 r 是正则表达式, 则 (r) 是正则表达式;
- (4) 如果 r 与 s 是正则表达式, 则 $r|s$, rs , r^* 也是正则表达式。

运算优先级: $() \succ * \succ \text{连接} \succ |$

$$(a)|((b)^*(c)) \equiv a|b^*c$$

每个正则表达式 r 对应一个正则语言 $L(r)$

Definition (正则表达式对应的正则语言)

$$L(\epsilon) = \{\epsilon\} \quad (1)$$

$$L(a) = \{a\}, \forall a \in \Sigma \quad (2)$$

$$L((r)) = L(r) \quad (3)$$

$$L(r|s) = L(r) \cup L(s) \quad L(rs) = L(r)L(s) \quad L(r^*) = (L(r))^* \quad (4)$$

$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$L(a|b) = \{a, b\}$$

$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$L(a|b) = \{a, b\}$$

$$L((a|b)(a|b))$$

$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$L(a|b) = \{a, b\}$$

$$L((a|b)(a|b))$$

$$L(a^*)$$

$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$L(a|b) = \{a, b\}$$

$$L((a|b)(a|b))$$

$$L(a^*)$$

$$L((a|b)^*)$$

$$\Sigma = \{a, b\}$$

$$L(a|b) = \{a, b\}$$

$$L((a|b)(a|b))$$

$$L(a^*)$$

$$L((a|b)^*)$$

$$L(a|a^*b)$$

So
EASY

表达式	匹配	例子
<code>c</code>	单个非运算符字符 c	<code>a</code>
<code>\c</code>	字符 c 的字面值	<code>*</code>
<code>"s"</code>	串 s 的字面值	<code>"**"</code>
<code>.</code>	除换行符以外的任何字符	<code>a.*b</code>
<code>^</code>	一行的开始	<code>^abc</code>
<code>\$</code>	行的结尾	<code>abc\$</code>
<code>[s]</code>	字符串 s 中的任何一个字符	<code>[abc]</code>
<code>[^s]</code>	不在串 s 中的任何一个字符	<code>[^abc]</code>
<code>r*</code>	和 r 匹配的零个或多个串连接成的串	<code>a*</code>
<code>r+</code>	和 r 匹配的一个或多个串连接成的串	<code>a+</code>
<code>r?</code>	零个或一个 r	<code>a?</code>
<code>r{m,n}</code>	最少 m 个, 最多 n 个 r 的重复出现	<code>a{1,5}</code>
<code>r₁r₂</code>	r_1 后加上 r_2	<code>ab</code>
<code>r₁ r₂</code>	r_1 或 r_2	<code>a b</code>
<code>(r)</code>	与 r 相同	<code>(a b)</code>
<code>r₁/r₂</code>	后面跟有 r_2 时的 r_1	<code>abc/123</code>

表达式	匹配	例子
c	单个非运算符字符 c	a
$\backslash c$	字符 c 的字面值	$\backslash *$
$"s"$	串 s 的字面值	$"**"$
$.$	除换行符以外的任何字符	$a.*b$
$^$	一行的开始	abc
$\$$	行的结尾	$abc\$$
$[s]$	字符串 s 中的任何一个字符	$[abc]$
$[^s]$	不在串 s 中的任何一个字符	$[^abc]$
r^*	和 r 匹配的零个或多个串连接成的串	a^*
r^+	和 r 匹配的一个或多个串连接成的串	a^+
$r^?$	零个或一个 r	$a^?$
$r\{m, n\}$	最少 m 个, 最多 n 个 r 的重复出现	$a\{1, 5\}$
r_1r_2	r_1 后加上 r_2	ab
$r_1 \mid r_2$	r_1 或 r_2	$a \mid b$
(r)	与 r 相同	$(a \mid b)$
r_1/r_2	后面跟有 r_2 时的 r_1	$abc/123$

$[0 - 9] \quad [a - zA - Z]$

正则定义与简记法

Vim ↕	Java ↕	ASCII ↕	Description ↕
	\p{ASCII}	[\x00-\x7F]	ASCII characters
	\p{Alnum}	[A-Za-z0-9]	Alphanumeric characters
\w	\w	[A-Za-z0-9_]	Alphanumeric characters plus "_"
\W	\W	^[A-Za-z0-9_]	Non-word characters
\a	\p{Alpha}	[A-Za-z]	Alphabetic characters
\s	\p{Blank}	[\t]	Space and tab
\< \>	\b	(?<=\W) (?=\w) (?<=\w) (?=\W)	Word boundaries
	\B	(?<=\W) (?=\W) (?<=\w) (?=\w)	Non-word boundaries
	\p{Cntrl}	[\x00-\x1F\x7F]	Control characters
\d	\p{Digit} or \d	[0-9]	Digits
\D	\D	^[0-9]	Non-digits
	\p{Graph}	[\x21-\x7E]	Visible characters
\l	\p{Lower}	[a-z]	Lowercase letters
\p	\p{Print}	[\x20-\x7E]	Visible characters and the space character
	\p{Punct}	[] [! " # \$ % & ' () * + , . / : ; < = > ? @ \ ^ _ ` { } ~ -]	Punctuation characters
\s	\p{Space} or \s	[\t\r\n\v\f]	Whitespace characters
\S	\S	^[\t\r\n\v\f]	Non-whitespace characters
\u	\p{Upper}	[A-Z]	Uppercase letters
\x	\p{XDigit}	[A-Fa-f0-9]	Hexadecimal digits



$$(0|(1(01^*0)^*1))^*$$



<https://regex101.com/r/ED4qgC/1>

REGULAR EXPRESSION v1

/^(0|1(01*0)*1)*\$/

TEST STRING

0
1
10
11
100
101
110
111
1000
1001
1010
1011
1100
1101
1110
1111
10000
10001
10010
10011
10100
10101
10110

REGULAR EXPRESSION v1 ✓

$$/ ^{(0 | (1(01^*0)^*1)) ^* \$}$$

TEST STRING

1

10

11

100

101

110

111

1000

1001

1010

1011

1100

1101

1110

1111

10000

10001

10010

10011

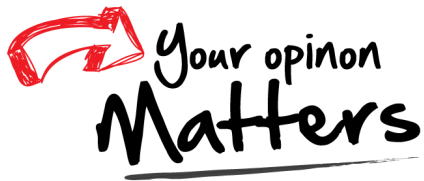
10100

10101

$$\begin{array}{r} 10110 \\ + \quad 1 \\ \hline \end{array}$$

3 的倍数 (二进制表示)

Thank
You!



Office 926

hfwei@nju.edu.cn