

语法分析

(1. ANTLR 4 语法分析器)

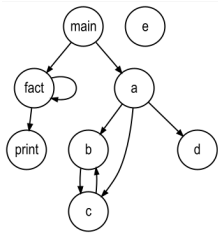
魏恒峰

hfwei@nju.edu.cn

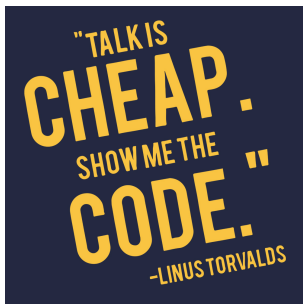
2022 年 11 月 21 日



Cymbol.g4



函数调用图



迷你计算器

IfStat.g4



二义性文法

```
stat : 'if' expr 'then' stat  
      | 'if' expr 'then' stat 'else' stat  
      | expr  
      ;
```

```
stat : matched_stat | open_stat ;
```

```
matched_stat : 'if' expr 'then' matched_stat 'else' matched_stat  
              | expr  
              ;
```

```
open_stat: 'if' expr 'then' stat  
          | 'if' expr 'then' matched_stat 'else' open_stat  
          ;
```

Left-Factoring

```
stat : 'if' expr 'then' stat
    | 'if' expr 'then' stat 'else' stat
    | expr
    ;

stat : 'if' expr 'then' stat stat_prime ;
stat_prime : 'else' stat
           |
           ;

expr : ID ;
```

很明显, 提取左公因子无助于消除文法二义性

而且, ANTLR 4 可以处理有左公因子的文法

Expr.g4



二义性文法

```
expr :  
    | expr '*' expr  
    | expr '-' expr  
    | DIGIT  
    ;
```

结合性、优先级 (−, ^)

```

expr : expr '-' term
      | term
      ;

term : term '*' factor
      | factor
      ;

factor : DIGIT ;

```

左递归 (左结合)

```

expr :
      | expr '*' expr
      | expr '-' expr
      | DIGIT
      ;

```

ANTLR 4 可以处理
(直接) 左递归

```

expr : term expr_prime ;
expr_prime : '-' term expr_prime
            |
            ;

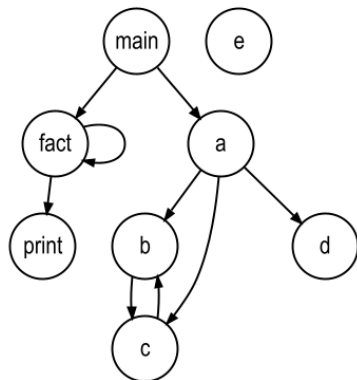
term : factor term_prime ;
term_prime : '*' factor term_prime
            |
            ;

factor : DIGIT ;

```

右递归 (右结合)

Call Graphs



Calculator





<Context-Free Grammar>

上下文无关文法

Definition (Context-Free Grammar (CFG); 上下文无关文法)

上下文无关文法 G 是一个四元组 $G = (T, N, P, S)$:

- ▶ T 是**终结符号** (Terminal) 集合, 对应于词法分析器产生的词法单元;
- ▶ N 是**非终结符号** (Non-terminal) 集合;
- ▶ P 是**产生式** (Production) 集合;

$$A \in N \longrightarrow \alpha \in (T \cup N)^*$$

头部/左部 (Head) A : **单个**非终结符

体部/右部 (Body) α : 终结符与非终结符构成的串, 也可以是空串 ϵ

- ▶ S 为**开始** (Start) 符号。要求 $S \in N$ 且唯一。

[Extended] Backus-Naur form ([E]BNF)



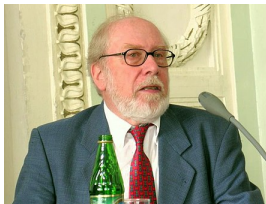
John Backus
(1924 ~ 2007)

1977 (FORTRAN)



Peter Naur
(1928 ~ 2016)

2005 (ALGOL60)



Niklaus Wirth (1934 ~)

1984 (PLs; PASCAL)



Syntax

Semantics

语义：上下文无关文法 G 定义了一个**语言** $L(G)$

语言是**串**的集合

串从何来？

推导 (Derivation)

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid -E \mid \mathbf{id}$$

推导即是将某个产生式的左边**替换**成它的右边

每一步推导需要选择**替换哪个非终结符号**, 以及**使用哪个产生式**

推导 (Derivation)

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid -E \mid \mathbf{id}$$

$$E \Longrightarrow -E \Longrightarrow -(E) \Longrightarrow -(E + E) \Longrightarrow -(\mathbf{id} + E) \Longrightarrow -(\mathbf{id} + \mathbf{id})$$

$E \Longrightarrow -E$: 经过一步推导得出

$E \stackrel{+}{\Longrightarrow} -(\mathbf{id} + E)$: 经过一步或多步推导得出

$E \stackrel{*}{\Longrightarrow} -(\mathbf{id} + E)$: 经过零步或多步推导得出

$$E \Longrightarrow -E \Longrightarrow -(E) \Longrightarrow -(E + E) \Longrightarrow -(E + \mathbf{id}) \Longrightarrow -(\mathbf{id} + \mathbf{id})$$

Definition (Sentential Form; 句型)

如果 $S \xRightarrow{*} \alpha$, 且 $\alpha \in (T \cup N)^*$, 则称 α 是文法 G 的一个**句型**。

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid -E \mid \text{id}$$

$$E \Longrightarrow -E \Longrightarrow -(E) \Longrightarrow -(E+E) \Longrightarrow -(\text{id} + E) \Longrightarrow -(\text{id} + \text{id})$$

Definition (Sentence; 句子)

如果 $S \xRightarrow{*} w$, 且 $w \in T^*$, 则称 w 是文法 G 的一个**句子**。

Definition (文法 G 生成的语言 $L(G)$)

文法 G 的**语言** $L(G)$ 是它能推导出的**所有句子**构成的集合。

$$w \in L(G) \iff S \xRightarrow{*} w$$

关于文法 G 的**两个基本问题**:

- ▶ **Membership 问题**: 给定字符串 $x \in T^*$, $x \in L(G)$?
- ▶ $L(G)$ 究竟是什么?

给定字符串 $x \in T^*$, $x \in L(G)$?

(即, 检查 x 是否符合文法 G)

这就是**语法分析器**的任务:

为输入的词法单元流寻找推导、**构建语法分析树**, 或者报错

$L(G)$ 是什么?

这是**程序设计语言设计者**需要考虑的问题

$$S \rightarrow SS$$

$$S \rightarrow (S)$$

$$S \rightarrow ()$$

$$S \rightarrow \epsilon$$

$$S \rightarrow aSb$$

$$S \rightarrow \epsilon$$

$$L(G) = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$$

$$L(G) = \{\text{良匹配括号串}\}$$

字母表 $\Sigma = \{a, b\}$ 上的所有**回文串** (Palindrome) 构成的语言

$$S \rightarrow aSa$$

$$S \rightarrow bSb$$

$$S \rightarrow a$$

$$S \rightarrow b$$

$$S \rightarrow \epsilon$$

$$\{b^n a^m b^{2n} \mid n \geq 0, m \geq 0\}$$

$$S \rightarrow bSbb \mid A$$

$$A \rightarrow aA \mid \epsilon$$

$\{x \in \{a, b\}^* \mid x \text{ 中 } a, b \text{ 个数相同}\}$

$$V \rightarrow aVbV \mid bVaV \mid \epsilon$$

$\{x \in \{a, b\}^* \mid x \text{ 中 } a, b \text{ 个数不同}\}$

$$S \rightarrow T \mid U$$

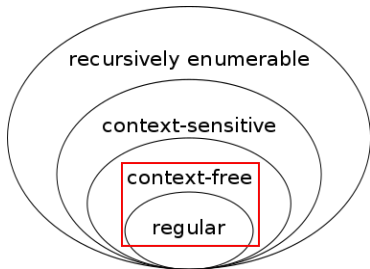
$$T \rightarrow VaT \mid VaV$$

$$U \rightarrow VbU \mid VbV$$

$$V \rightarrow aVbV \mid bVaV \mid \epsilon$$

Let me know if you have a proof.

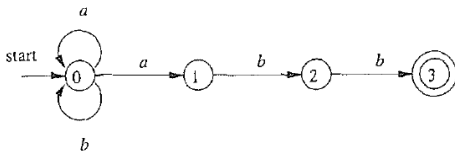
为什么不使用优雅、强大的**正则表达式**描述程序设计语言的语法？



正则表达式的表达能力**严格弱于**上下文无关文法

每个正则表达式 r 对应的语言 $L(r)$ 都可以使用上下文无关文法来描述

$$r = (a|b)^*abb$$



$$\begin{aligned} A_0 &\rightarrow aA_0 \mid bA_0 \mid aA_1 \\ A_1 &\rightarrow bA_2 \\ A_2 &\rightarrow bA_3 \\ A_3 &\rightarrow \epsilon \end{aligned}$$

此外, 若 $\delta(A_i, \epsilon) = A_j$, 则添加 $A_i \rightarrow A_j$

$$S \rightarrow aSb$$

$$S \rightarrow \epsilon$$

$$L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$$

该语言**无法**使用正则表达式来描述

Theorem

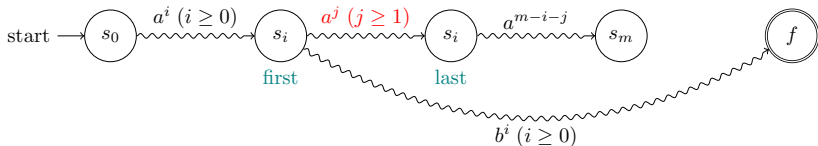
$L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$ 无法使用正则表达式描述。

反证法

假设存在正则表达式 $r: L(r) = L$

则存在有限状态自动机 $D(r): L(D(r)) = L$; 设其状态数为 k

考虑输入 $a^m (m > k)$



$D(r)$ 也能接受 $a^{i+j}b^i$; 矛盾!

$$L = \{a^n b^n \mid n \geq 0\}$$

Pumping Lemma for Regular Languages

$$L = \{a^n b^n c^n \mid n \geq 0\}$$

Pumping Lemma for Context-free Languages

Thank
You!



Office 926

hfwei@nju.edu.cn