语法分析 (1. ANTLR 4 语法分析器)

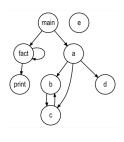
魏恒峰

hfwei@nju.edu.cn

2023年03月22日



Cymbol.g4



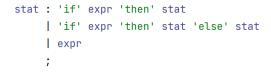
函数调用图



M+ M- MRC GT OFF.
7 8 9 X %
4 5 6 X %
1 2 3 - MU
0 000 . + =

迷你计算器

IfStat.g4





二义性文法

二义性文法

IfStat.g4

```
stat: 'if' expr 'then' stat
         | 'if' expr 'then' stat 'else' stat
          expr
stat : matched_stat | open_stat ;
matched_stat : 'if' expr 'then' matched_stat 'else' matched_stat
           expr
open_stat: 'if' expr 'then' stat
       | 'if' expr 'then' matched_stat 'else' open_stat
```

Left-Factoring

```
stat: 'if' expr 'then' stat stat_prime;

stat: 'if' expr 'then' stat stat_prime;

stat_prime: 'else' stat

stat_prime: 'else' stat

stat_prime: 'else' stat

stat_prime: 'else' stat

expr

expr: ID;
```

很明显,提取左公因子无助于消除文法二义性而且,ANTLR 4 可以处理有左公因子的文法

Expr.g4



二义性文法

```
expr:
| expr '*' expr
| expr '-' expr
| DIGIT
;
```

结合性、优先级

Expr.g4



二义性文法

```
expr :
| expr '*' expr
| expr '-' expr
| DIGIT
;
```

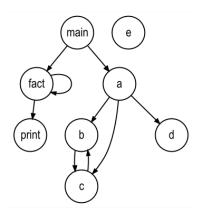
结合性、优先级(-, ^)

```
expr:
| expr '*' expr
| expr '-' expr
| DIGIT
;
```

ANTLR 4 可以处理 (直接) 左递归

```
expr : expr '-' term
                            expr:
                                                      expr : term expr_prime ;
                                                      expr_prime : '-' term expr_prime
    term
                               expr '*' expr
                                expr '-' expr
                                 DIGIT
term : term '*' factor
                                                      term : factor term_prime ;
                                                      term_prime : '*' factor term_prime
    I factor
factor : DIGIT :
                                                      factor : DIGIT ;
                          ANTLR 4 可以处理
左递归(左结合)
                              (直接) 左递归
                                                         右递归(右结合)
```

Call Graphs



Calculator





上下文无关文法

Definition (Context-Free Grammar (CFG); 上下文无关文法)

上下文无关文法 G 是一个四元组 G = (T, N, P, S):

- ▶ T 是<mark>终结符号</mark> (Terminal) 集合, 对应于词法分析器产生的词法单元;
- ▶ N 是<mark>非终结符号</mark> (Non-terminal) 集合;
- ▶ P 是产生式 (Production) 集合;

$$A \in N \longrightarrow \alpha \in (T \cup N)^*$$

头部/左部 (Head) A: 单个非终结符

体部/右部 (Body) α : 终结符与非终结符构成的串, 也可以是空串 ϵ

▶ S 为开始 (Start) 符号。要求 $S \in N$ 且唯一。

[Extended] Backus-Naur form ([E]BNF)



John Backus $(1924 \sim 2007)$



Peter Naur $(1928 \sim 2016)$



Niklaus Wirth (1934 \sim)

[Extended] Backus-Naur form ([E]BNF)



John Backus $(1924 \sim 2007)$

1977 (FORTRAN)



Peter Naur $(1928 \sim 2016)$

2005 (ALGOL60)



Niklaus Wirth (1934 \sim)

1984 (PLs; PASCAL)



语义: 上下文无关文法 G 定义了一个语言 L(G)

Syntax

Semantics

语义: 上下文无关文法 G 定义了一个语言 L(G)

语言是串的集合

串从何来?

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid -E \mid \mathbf{id}$$

推导即是将某个产生式的左边替换成它的右边

每一步推导需要选择替换哪个非终结符号,以及使用哪个产生式

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid -E \mid \mathbf{id}$$

$$E \implies -E \implies -(E) \implies -(E+E) \implies -(\mathbf{id}+E) \implies -(\mathbf{id}+\mathbf{id})$$

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid -E \mid \mathbf{id}$$

$$E \implies -E \implies -(E) \implies -(E+E) \implies -(\mathbf{id}+E) \implies -(\mathbf{id}+\mathbf{id})$$

 $E \implies -E$: 经过一步推导得出

 $E \xrightarrow{+} -(\mathbf{id} + E)$: 经过一步或多步推导得出

 $E \stackrel{*}{\Rightarrow} -(\mathbf{id} + E)$: 经过零步或多步推导得出

$$E \to E + E \mid E * E \mid (E) \mid -E \mid id$$

$$E \implies -E \implies -(E) \implies -(E+E) \implies -(\mathbf{id}+E) \implies -(\mathbf{id}+\mathbf{id})$$

 $E \implies -E$: 经过一步推导得出

 $E \xrightarrow{+} -(\mathbf{id} + E) : 经过一步或多步推导得出$

 $E \stackrel{*}{\Rightarrow} -(\mathbf{id} + E)$: 经过零步或多步推导得出

$$E \implies -E \implies -(E) \implies -(E+E) \implies -(E+id) \implies -(id+id)$$

Definition (Sentential Form; 句型)

如果 $S \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha$, 且 $\alpha \in (T \cup N)^*$, 则称 α 是文法 G 的一个句型。

$$E \to E + E \mid E * E \mid (E) \mid -E \mid \mathbf{id}$$

$$E \implies -E \implies -(E) \implies -(E+E) \implies -(\mathbf{id} + \mathbf{E}) \implies -(\mathbf{id} + \mathbf{id})$$

Definition (Sentential Form; 句型)

如果 $S \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha$, 且 $\alpha \in (T \cup N)^*$, 则称 α 是文法 G 的一个句型。

$$E \to E + E \mid E * E \mid (E) \mid -E \mid \mathbf{id}$$

$$E \implies -E \implies -(E) \implies -(E+E) \implies -(\mathbf{id} + \mathbf{E}) \implies -(\mathbf{id} + \mathbf{id})$$

Definition (Sentence; 句子)

如果 $S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$, 且 $w \in T^*$, 则称 w 是文法 G 的一个句子。

Definition (文法 G 生成的语言 L(G))

文法 G 的语言 L(G) 是它能推导出的所有句子构成的集合。

$$w \in L(G) \iff S \stackrel{*}{\Rightarrow} w$$

关于文法 G 的两个基本问题:

- ▶ Membership 问题: 给定字符串 $x \in T^*$, $x \in L(G)$?
- ► *L*(*G*) 究竟是什么?

给定字符串 $x \in T^*$, $x \in L(G)$?

(即, 检查 x 是否符合文法 G)

给定字符串 $x \in T^*$, $x \in L(G)$?

(即, 检查 x 是否符合文法 G)

这就是语法分析器的任务:

为输入的词法单元流寻找推导、构建语法分析树,或者报错

L(G) 是什么?

这是程序设计语言设计者需要考虑的问题

$$S \to SS$$

$$S \to (S)$$

$$S \to ()$$
 $S \to \epsilon$

$$S \to \epsilon$$

$$L(G) =$$

$$S o SS$$
 $S o (S)$ $S o ()$ $S o \epsilon$

$$L(G) = \{$$
良匹配括号串 $\}$

$$S \rightarrow SS$$
 $S \rightarrow (S)$
 $S \rightarrow ()$
 $S \rightarrow \epsilon$

$$L(G) = \{$$
良匹配括号串 $\}$

$$S o aSb$$
 $S o \epsilon$

$$L(G) =$$

$$S o SS$$
 $S o (S)$
 $S o ()$
 $S o \epsilon$

$$L(G) = \{$$
良匹配括号串 $\}$

$$S o aSb$$
 $S o \epsilon$

$$L(G) = \{a^n b^n \mid n \ge 0\}$$

字母表 $\Sigma = \{a, b\}$ 上的所有回文串 (Palindrome) 构成的语言

字母表 $\Sigma = \{a, b\}$ 上的所有回文串 (Palindrome) 构成的语言

$$S \rightarrow aSa$$
 $S \rightarrow bSb$
 $S \rightarrow a$
 $S \rightarrow b$
 $S \rightarrow b$

$$\{b^n a^m b^{2n} \mid n \ge 0, m \ge 0\}$$

$$\{b^n a^m b^{2n} \mid n \ge 0, m \ge 0\}$$

$$S \to bSbb \mid A$$
$$A \to aA \mid \epsilon$$

$$A \to aA \mid \epsilon$$

 $\{x \in \{a,b\}^* \mid x + a,b$ 个数相同 $\}$

 $\{x \in \{a,b\}^* \mid x + a,b$ 个数相同 $\}$

$$V \rightarrow aVbV \mid bVaV \mid \epsilon$$

 $\{x \in \{a,b\}^* \mid x \ \ \text{中} \ a,b \ \text{个数不同}\}$

 $\{x \in \{a,b\}^* \mid x + a,b \land x = a,b \land$

$$S \rightarrow T \mid U$$

$$T \rightarrow VaT \mid VaV$$

$$U \rightarrow VbU \mid VbV$$

$$V \rightarrow aVbV \mid bVaV \mid \epsilon$$

$$\{x \in \{a,b\}^* \mid x + a,b \land x = a,b \land$$

$$S \rightarrow T \mid U$$

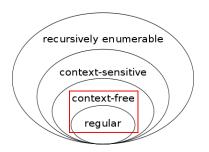
$$T \rightarrow VaT \mid VaV$$

$$U \rightarrow VbU \mid VbV$$

$$V \rightarrow aVbV \mid bVaV \mid \epsilon$$

Let me know if you have a proof.

为什么不使用优雅、强大的正则表达式描述程序设计语言的语法?



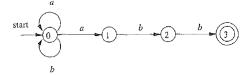
正则表达式的表达能力严格弱于上下文无关文法

每个正则表达式 r 对应的语言 L(r) 都可以使用上下文无关文法来描述

$$r = (a|b)^*abb$$

每个正则表达式 r 对应的语言 L(r) 都可以使用上下文无关文法来描述





每个正则表达式 r 对应的语言 L(r) 都可以使用上下文无关文法来描述

此外, 若 $\delta(A_i, \epsilon) = A_j$, 则添加 $A_i \to A_j$

$$S \to aSb$$
$$S \to \epsilon$$

$$L = \{a^n b^n \mid n \ge 0\}$$

该语言无法使用正则表达式来描述

 $L = \{a^n b^n \mid n \ge 0\}$ 无法使用正则表达式描述。

 $L = \{a^n b^n \mid n \ge 0\}$ 无法使用正则表达式描述。

反证法

 $L = \{a^n b^n \mid n \ge 0\}$ 无法使用正则表达式描述。

反证法

假设存在正则表达式 r: L(r) = L

 $L = \{a^n b^n \mid n \ge 0\}$ 无法使用正则表达式描述。

反证法

假设存在正则表达式 r: L(r) = L

则存在**有限**状态自动机 D(r): L(D(r)) = L; 设其状态数为 k

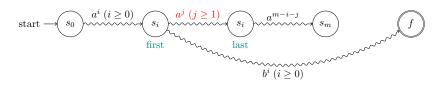
 $L = \{a^n b^n \mid n \ge 0\}$ 无法使用正则表达式描述。

反证法

假设存在正则表达式 r: L(r) = L

则存在**有限**状态自动机 D(r): L(D(r)) = L; 设其状态数为 k

考虑输入 $a^m(m>k)$



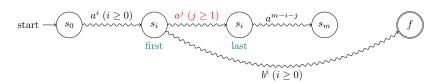
 $L = \{a^n b^n \mid n \ge 0\}$ 无法使用正则表达式描述。

反证法

假设存在正则表达式 r: L(r) = L

则存在**有限**状态自动机 D(r): L(D(r)) = L; 设其状态数为 k

考虑输入 $a^m(m>k)$



D(r) 也能接受 $a^{i+j}b^i$; 矛盾!

$$L = \{a^n b^n \mid n \ge 0\}$$

Pumping Lemma for Regular Languages

$$L = \{a^n b^n \mid n \ge 0\}$$

Pumping Lemma for Regular Languages

$$L = \{a^n b^n c^n \mid n \ge 0\}$$

Pumping Lemma for Context-free Languages

Thank You!



Office 926 hfwei@nju.edu.cn