# 语法分析 (3. 递归下降的语法分析器)

# 魏恒峰

hfwei@nju.edu.cn

2021年11月23日



# 语法分析阶段的主题之二: 构建语法分析树

	(Stmt)														
if	(	(Expr)		)						(St	$\mathrm{mt} angle$				_
if	(Expr)	(Optr)	(Expr)							(St	$\mathrm{mt}\rangle$				
if	$\langle Id \rangle$	(Optr)	(Expr)							(St	mt				
if	( x	(Optr)	$\langle Expr \rangle$							(St	$\mathrm{mt}\rangle$				
if	( x	>	(Expr)							(St	$\mathrm{mt}\rangle$				
if	( x	>	(Num)							(St	$\mathrm{mt} \rangle$				
if	( x	>	9							(St	$\mathrm{mt} angle$				
if	( x	>	9	) {	{				⟨S	tm	tList				}
if	( x	>	9		(	Stn	ntList				(S	$tmt\rangle$			
if	( x	>	9			(S	$\operatorname{tmt}\rangle$				(S	$\operatorname{tmt}\rangle$			
if	( x	>	9		$\langle Id \rangle$	=	(Expr)	;			(S	$\operatorname{tmt}\rangle$			
if	( x	>	9		х	-	$\langle \text{Expr} \rangle$					$\operatorname{tmt}\rangle$			
if	( x	>	9		( x	=	(Num)				(S	$\operatorname{tmt}\rangle$			
if	( x	>	9		( x	=	0				(S	$_{ m tmt} angle$			
if	( x	>	9		( x				$\langle Id \rangle$	=		(Expr)		;	
if	( x	>	9		( x				У	=		$\langle \mathrm{Expr} \rangle$		;	
if	( x	>	9		( x	=			У	=	(Expr)	(Optr)	(Expr)	;	
if	( x	>	9		( x	=			У	=	$\langle \mathrm{Id} \rangle$	$\langle \mathrm{Optr} \rangle$	$\langle \text{Expr} \rangle$	;	
if	( x	>	9		( x	=			У	=	у	$\langle \mathrm{Optr} \rangle$	$\langle \text{Expr} \rangle$	;	
if	( x	>	9		( x	=			У	=	У	+	$\langle \text{Expr} \rangle$	;	
if	( x	>	9		( x	=			У	=		+	(Num)	;	
if	( x	>	9	) {	x	=	0	;	У	=	У	+	1	;	}

#### 带记忆功能的可回溯的递归下降的语法分析器



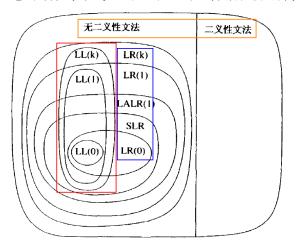
甚至可以使用谓词解析器处理上下文相关文法

3/39

6-parser-ll/ExprPred.g4

# 只考虑无二义性的文法

这意味着,每个句子对应唯一的一棵语法分析树



今日份主题: LL(1) 语法分析器

自顶向下的、

递归下降的、

预测分析的、

适用于LL(1) 文法的、

LL(1) 语法分析器

# 自顶向下构建语法分析树

根节点是文法的起始符号 S

# 每个中间节点表示对某个非终结符应用某个产生式进行推导

(Q:选择哪个非终结符,以及选择哪个产生式)

**叶节点**是词法单元流 w\$

仅包含终结符号与特殊的**文件结束符** \$ (EOF)

#### 每个中间节点表示对某个非终结符应用某个产生式进行推导

Q:选择哪个非终结符,以及选择哪个产生式

在推导的每一步, LL(1) 总是选择最左边的非终结符进行展开

LL(1): 从左向右读入字符串

# 递归下降的实现框架

```
void A()
            先不考虑这里是如何选择产生式的
                A 产生式, A \to X_1 X_2 \cdots X_k;
^{2)}
             i = 1 \text{ to } k
3)
              else if (X_i 等于当前的输入符号a)
 匹配当前词法单元
6)
                    读入下一个输入符号;
              else /* 发生了一个错误 */;
                 出现了不期望出现的词法单元
```

#### 为每个非终结符写一个递归函数

内部按需调用其它非终结符对应的递归函数

$$S \to F$$
  
 $S \to (S+F)$   
 $F \to a$ 

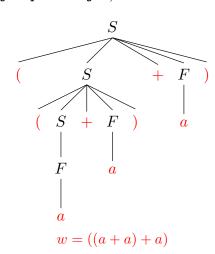
w = ((a+a)+a)

#### 演示<mark>递归下降</mark>过程 (jflap: SFa.jff)

$$S \to F$$

$$S \to (S+F)$$

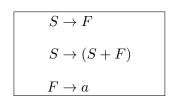
$$F \to a$$

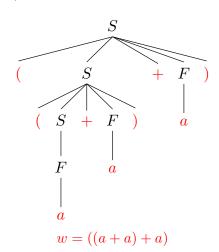


每次都选择语法分析树最左边的非终结符进行展开

#### 同样是展开非终结符 S,

为什么前两次选择了  $S \to (S+F)$ , 而第三次选择了  $S \to F$ ?





#### 因为它们面对的当前词法单元不同

### 使用预测分析表确定产生式

$$S \to F$$

$$S \to (S+F)$$

$$F \to a$$

	(	)	a	+	\$
S	2		1		
$\overline{F}$			3		

指明了每个**非终结符**在面对不同的**词法单元或文件结束符**时, 该选择哪个产生式(按编号进行索引)或者报错

#### Definition (LL(1) 文法)

如果文法 G 的预测分析表是无冲突的, 则 G 是 LL(1) 文法。

# 无冲突:每个单元格里只有一个生成式(编号)

$$S \to F$$

$$S \to (S+F)$$

$$F \to a$$

	(	)	a	+	\$
S	2		1		
F			3		

对于当前选择的非终结符,

仅根据输入中当前的词法单元 (LL(1)) 即可确定需要使用哪条产生式

# **递归下降的、预测分析**实现方法

$$S \to F$$
 
$$S \to (S+F)$$
 
$$F \to a$$

	(	)	$\boldsymbol{a}$	+	\$
S	2		1		
F			3		

```
1: procedure S()
       if token = ('then )
          MATCH('('))
3:
          S()
4:
          MATCH('+')
5:
          F()
6:
7:
          MATCH(')'
       else if token = 'a' then
8:
          F()
9:
       else
10:
          ERROR(token, \{(', 'a'\})
11:
```

```
1: procedure MATCH(t)
```

2: **if** token = t **then** 

3:  $token \leftarrow NEXT-TOKEN()$ 

4: **else** 

else

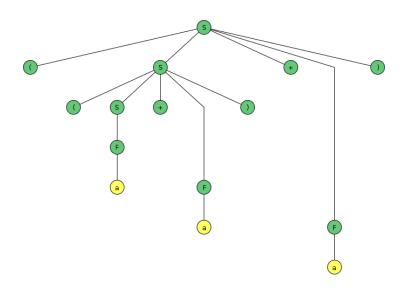
1: **procedure** F()

if token = 'a' then

15/39

2:

# 再次演示<mark>递归下降</mark>过程 (jflap: SFa.jff)



```
6-parser-ll/OptionalInit.g4
Joptional_init
    : '=' expr # Init
             # NoInit
expr : ID; // just a placeholder
decl : 'int' ID optional_init ';' ;
arg : 'int' ID optional_init ;
func_call : ID '(' arg ')';
       int x = y; int x;
     f(int x = y) f(int x)
```

# 如何计算给定文法 G 的预测分析表?

 $FIRST(\alpha)$  是可从  $\alpha$  推导得到的句型的**首终结符号**的集合

Definition (FIRST( $\alpha$ ) 集合)

对于任意的 (产生式的右部)  $\alpha \in (N \cup T)^*$ :

$$FIRST(\alpha) = \left\{ t \in T \cup \{\epsilon\} \mid \alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} t\beta \lor \alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon \right\}.$$

考虑非终结符 A 的所有产生式  $A \to \alpha_1, A \to \alpha_2, \dots, A \to \alpha_m,$  如果它们对应的 FIRST( $\alpha_i$ ) 集合互不相交,

则只需查看当前输入词法单元,即可确定选择哪个产生式(或报错)

# 如何计算给定文法 G 的预测分析表?

FOLLOW(A) 是可能在某些句型中**紧跟在** A 右边的终结符的集合 Definition (FOLLOW(A) 集合)

对于任意的 (产生式的左部) 非终结符  $A \in N$ :

$$Follow(A) = \Big\{ t \in T \cup \{\$\} \mid \exists s. \ S \xrightarrow{*} s \triangleq \beta A t \gamma \Big\}.$$

考虑产生式  $A \rightarrow \alpha$ ,

如果从  $\alpha$  可能推导出空串 ( $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon$ ),

则只有当当前词法单元  $t \in Follow(A)$ , 才可以选择该产生式

# 先计算每个符号 X 的 FIRST(X) 集合

```
1: procedure FIRST(X)
        if X \in T then
                                                              ▶ 规则 1: X 是终结符
2:
            FIRST(X) = X
 3:
        for X \to Y_1 Y_2 \dots Y_k do
                                                           ▶ 规则 2: X 是非终结符
 4:
             FIRST(X) \leftarrow FIRST(X) \cup \{FIRST(Y_1) \setminus \{\epsilon\}\}\
 5:
             for i \leftarrow 2 to k do
 6:
                 if \epsilon \in L(Y_1 \dots Y_{i-1}) then
 7:
                     FIRST(X) \leftarrow FIRST(X) \cup \{FIRST(Y_i) \setminus \{\epsilon\}\}
 8:
                                                       ▶ 规则 3: X 可推导出空串
             if \epsilon \in L(Y_1 \dots Y_k) then
9:
                 First(X) \leftarrow First(X) \cup \{\epsilon\}
10:
```

### 不断应用上面的规则, 直到每个 FIRST(X) 都不再变化 (**闭包!!!**)

# 再计算每个符号串 $\alpha$ 的 First( $\alpha$ ) 集合

$$\operatorname{First}(\alpha) = \begin{cases} \operatorname{First}(X) & \epsilon \notin L(X) \\ (\operatorname{First}(X) \setminus \{\epsilon\}) \cup \operatorname{First}(\beta) & \epsilon \in L(X) \end{cases}$$

 $\alpha = X\beta$ 

最后, 如果  $\epsilon \in L(\alpha)$ , 则将  $\epsilon$  加入 FIRST( $\alpha$ )。

$$(1) X \rightarrow Y$$

(2) 
$$X \rightarrow a$$

(3) 
$$Y \to \epsilon$$

(4) 
$$Y \rightarrow c$$

(5) 
$$Z \rightarrow d$$

(6) 
$$Z \rightarrow XYZ$$

jflap: XYZ.jff

$$FIRST(X) = \{a, c, \epsilon\}$$
$$FIRST(Y) = \{c, \epsilon\}$$
$$FIRST(Z) = \{a, c, d\}$$

$$\operatorname{First}(XYZ) = \{a, c, d\}$$

# 为每个非终结符 X 计算 Follow(X) 集合

```
1: procedure FOLLOW(X)
      for X 是开始符号 do
                                               ▶ 规则 1: X 是开始符号
2:
          Follow(X) \leftarrow Follow(X) \cup \{\$\}
3:
      for A \to \alpha X do ▷ 规则 3: X 是某产生式右部的最后一个符号
4:
          Follow(X) \leftarrow Follow(X) \cup Follow(A)
5:
      for A \to \alpha X \beta do ▷ 规则 2: X 是某产生式右部中间的一个符号
6:
          Follow(X) \leftarrow Follow(X) \cup (First(\beta) \setminus \{\epsilon\})
7:
          if \epsilon \in \text{First}(\beta) then
8:
             Follow(X) \leftarrow Follow(X) \cup Follow(A)
9:
```

不断应用上面的规则, 直到每个 Follow(X) 都不再变化 (**闭包!!!**)

$$(1) X \rightarrow Y$$

(2) 
$$X \rightarrow a$$

(3) 
$$Y \to \epsilon$$

(4) 
$$Y \rightarrow c$$

(5) 
$$Z \to d$$

(6) 
$$Z \rightarrow XYZ$$

jflap: XYZ.jff

Follow(X) = 
$$\{a, c, d, \$\}$$
  
Follow(Y) =  $\{a, c, d, \$\}$   
Follow(Z) =  $\emptyset$ 

# 如何根据First 与 Follow 集合计算给定文法 G 的预测分析表?

按照以下规则, 在表格 [A,t] 中填入生成式  $A \to \alpha$  (编号):

$$t \in \text{First}(\alpha)$$
 (1)

$$\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow} \epsilon \wedge t \in \text{Follow}(A) \tag{2}$$

#### Definition (LL(1) 文法)

如果文法 G 的预测分析表是无冲突的, 则 G 是 LL(1) 文法。

按照以下规则, 在表格 [A,t] 中填入生成式  $A \rightarrow \alpha$  (编号):

$$t \in \text{First}(\alpha)$$
 (1)

$$\alpha \stackrel{*}{\Longrightarrow} \epsilon \wedge t \in \text{Follow}(A) \tag{2}$$

因其"唯一"(无冲突), 必要变充分

$$(1) X \rightarrow Y$$

(2) 
$$X \to a$$

(3) 
$$Y \to \epsilon$$

(4) 
$$Y \rightarrow c$$

(5) 
$$Z \rightarrow d$$

(6) 
$$Z \to XYZ$$

$$First(X) = \{a, c, \epsilon\}$$

$$FIRST(Y) = \{c, \epsilon\}$$

$$\operatorname{First}(Z) = \{a, c, d\}$$

$$FIRST(XYZ) = \{a, c, d\}$$

$$Follow(X) = \{a, c, d, \$\}$$

$$Follow(Y) = \{a, c, d, \$\}$$

$$Follow(Z) = \emptyset$$

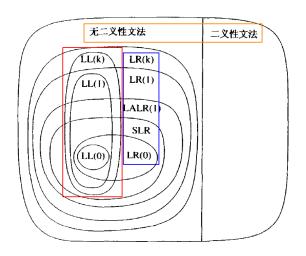
	a	c	d	\$
X	1, 2	1	1	1
Y	3	3, 4	3	3
$\overline{Z}$	6	6	5, 6	

# LL(1) 语法分析器

L: 从左向右 (left-to-right) 扫描输入

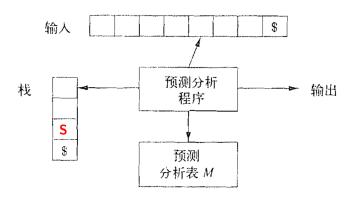
L: 构建最左 (leftmost) 推导

1: 只需向前看一个输入符号便可确定使用哪条产生式



What is LL(0)?

# 非递归的预测分析算法



# 非递归的预测分析算法

```
设置 in 使它指向 w的第一个符号, 其中 in 是输入指针;
令 X = 栈顶符号;
while ( X ≠ $ ) { /* 栈非空 */
    else if (X是一个终结符号) error();
    else if (M[X,a] 是一个报错条目) error();
    else if (M[X,a] = X \rightarrow Y_1Y_2 \cdots Y_k)
         输出产生式X \to Y_1Y_2 \cdots Y_k;
        弹出栈顶符号;
        将 Y_k, Y_{k-1}, \ldots, Y_1 压入栈中,其中 Y_1 位于栈顶。
```

31/39

# 不是 LL(1) 文法怎么办?

改造它

消除左递归 提取左公因子

#### E 在**不消耗任何词法单元**的情况下, 直接递归调用 E, 造成死循环

$$E 
ightarrow E + T \mid E - T \mid T$$
  $T 
ightarrow T * F \mid T/F \mid F$   $F 
ightarrow (E) \mid \mathbf{id} \mid \mathbf{num}$ 

$$\mathrm{First}(E+T)\cap\mathrm{First}(T)\neq\emptyset$$
 不是  $LL(1)$  文法

$$FIRST(F) = \{(, id)\}$$

$$FIRST(T) = \{(, id)\}$$

$$FIRST(E) = \{(, id)\}$$

$$FIRST(E') = \{+, \epsilon\}$$

$$FIRST(T') = \{*, \epsilon\}$$

$$FOLLOW(E) = FOLLOW(E') = \{), \$\}$$

$$FOLLOW(T) = FOLLOW(T') = \{+, \}, \$\}$$

#### 文件结束符 \$ 的必要性

-1 m T-1	F.II:	40	~1.6	
己匹配	栈	输入	动化	<u> </u>
<b>句型</b>	E\$	id + id * id\$		
PJ ==	TE'\$	id + id * id\$	输出	$E \to TE'$
	FT'E'\$	id + id * id\$	输出	$T \to FT'$
	id <i>T'E'</i> \$	id + id * id\$	输出	$F  o \mathbf{id}$
id	T'E'\$	+ id * id\$	四配	id
id	E'\$	+ id * id\$	输出	$T'  o \epsilon$
id	+ TE'\$	+ id * id\$	输出	$E' \rightarrow + TE'$
id +	TE'\$	id * id	匹配	+
id +	FT'E'\$	id∗id\$	输出	T  o FT'
id +	$\mathbf{id}\ T'E'$ $\$$	id * id\$	输出	$F  o \mathbf{id}$
id + id	T'E'\$	* id\$	匹配	$\operatorname{id}$
id + id	*FT'E'\$	* id\$	输出	$T' \to *FT'$
id + id *	FT'E'\$	id\$	匹配	*
id + id *	$\operatorname{id} T'E'$ \$	id\$	输出	$F \to \operatorname{id}$
'id + id ∗ id	T'E'\$	\$	四阳	id
id + id * id	E'\$	. \$	输出	$T'  o \epsilon$
id + id * id	\$	\$_	输出	$E' \rightarrow \epsilon$

图 4-21 对输入 id + id \* id 进行预测分析时执行的步骤

# ANTLR4 可以处理直接左递归文法, 不要改写文法

parserantlr/Expr.g4



$$S \rightarrow i E t S + i E t S e S + a$$
  
 $E \rightarrow b$ 

#### 提取左公因子

$$S \rightarrow i \ E \ t \ S \ S' + a$$

$$S' \rightarrow e \ S + \epsilon$$

$$E \rightarrow b$$

$$S \rightarrow i \ E \ t \ S \ S' + a$$

$$S' \rightarrow e \ S + \epsilon$$

$$E \rightarrow b$$

dh (da (da (da 🖂	输入符号						
非终结符号	a	<i>b</i>	e	i	t	\$	
S	$S \rightarrow a$			$S \rightarrow iEtSS'$			
S'			$S' \to \epsilon$ $S' \to eS$			$S'  o \epsilon$	
E		$E \rightarrow b$			·		

#### if b then if b then a else a

**解决二义性:** 选择  $S' \rightarrow eS$ , 将 **else** 与前面最近的 **then** 关联起来

# ANTLR4 可以处理有左公因子的文法,不要改写文法 parserll/IfStat.g4

if a then if a then b else c else c else c

(if a then (if a then (if a then b else c) else c) else c)

# Thank You!



Office 926 hfwei@nju.edu.cn