

## PRACTICA 5

**INTRODUCCIÓ A LA SIMULACIÓ DE SISTEMES AMB SIMULINK****OBJECTIUS**

Veure les possibilitats que ofereix el programa de simulació de sistemes dinàmics (lineals i no-lineals) Simulink.

**EXERCICI**

En aquesta practica construirem el model dinàmic d'un motor de contínua controlat per induït (tensió d'armadura). Si recordem de teoria, les equacions que descriuen la dinàmica d'un d'aquests motors és la següent:

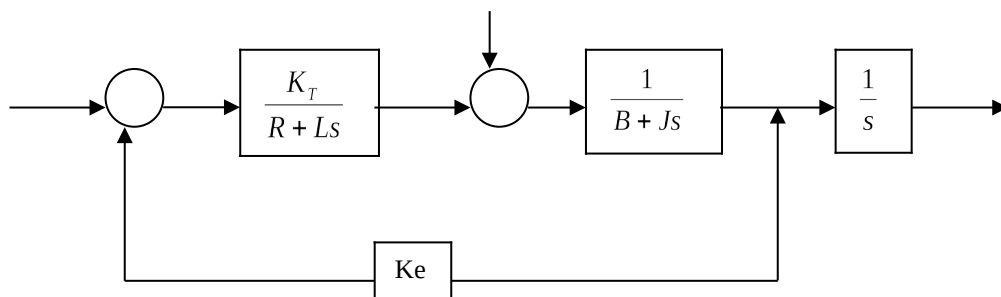
$$iR + L \frac{di}{dt} + k_e \omega = V_g$$

$$K_t i = J \frac{d\omega}{dt} + B\omega + T_L$$

on:

- |  |  |
|--|--|
| - $K_T$ és la constant de parell       | - $K_e$ és la constant elèctrica (f.c.e.m) |
| - $R$ és la resistència d'armadura     | - $L$ és la inductància d'armadura         |
| - $J$ és la inèrcia del motor-carga    | - $B$ és el coeficient de fricció viscosa  |
| - $T_L$ és el parell degut a la carga. |  |

El corresponent diagrama de blocs és el següent:

**Apartat 1:**

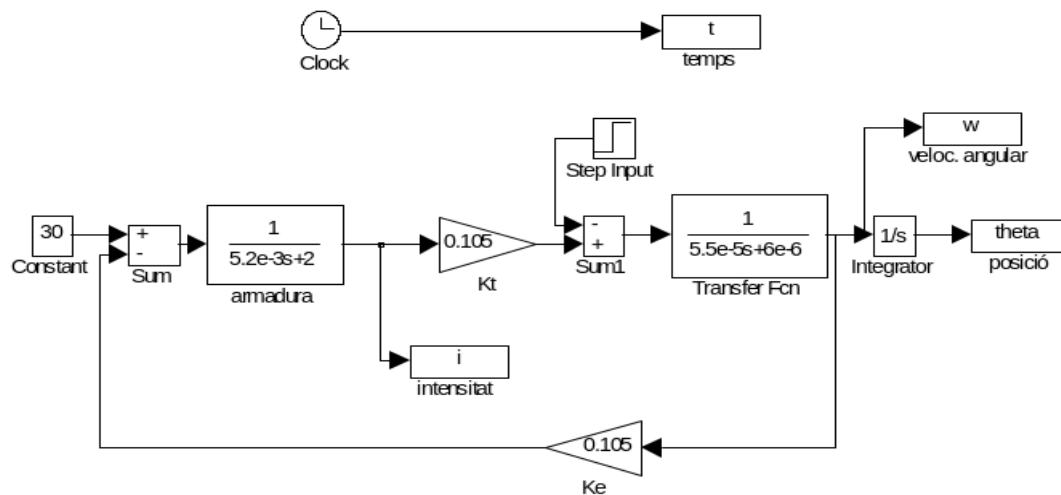
Construir el model del motor en Simulink, per als següents valors:

$K_e = K_T = 0.105 \text{ Vs/rad}$ ;  $R = 2\Omega$ ;  $L = 5.2 \text{ mH}$ ;  $V_g = -60..60\text{V}$ ,  $B = 6e-6 \text{ (Nm)/(rad/seg)}$ ,

$J = 5.5 \text{ e-5 kg.m}^2$

La constant elèctrica és igual a 2 ms, mentre que la mecànica és de 10 ms. El diagrama és el següent.

S'ha de provocar una pertorbació al parell de la carga en el règim estacionari (= 0.1 Nm).



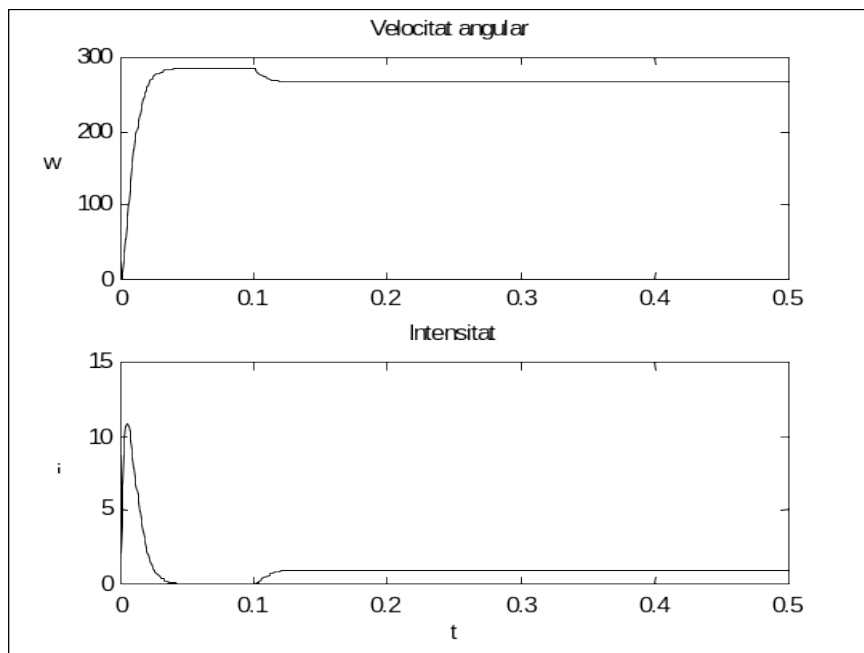
Es demana visualitzar les gràfiques de intensitat i velocitat angular i comprovar quina es la constant de temps del sistema.

Per poder dibuixar aquestes gràfiques hem creat un arxiu en Matlab anomenat 'motxav2.m' que ens calcula la constant de temps del motor i ens representa aquestes dos gràfiques a partir dels valors que hem simulat previament en el Simulink i hem enviat a Matlab mitjançant un bloc del Simulink anomenat 'To workspace'.

Executant aquest arxiu obtenim el següent valor de la constant de temps, considerant aquesta constant el temps que tarda la sortida en aconseguir el 63% del seu valor en estat estacionari.

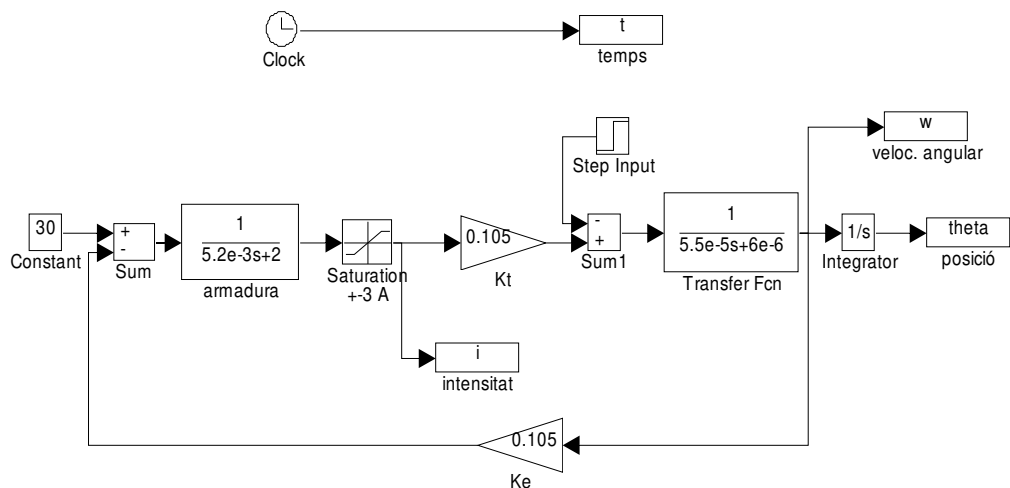
La constant de temps del sistema és:  **$\tau = 0.0104 \text{ seg.}$**

Les grafiques de velocitat angular i intensitat són les següents:



### Apartat 2:

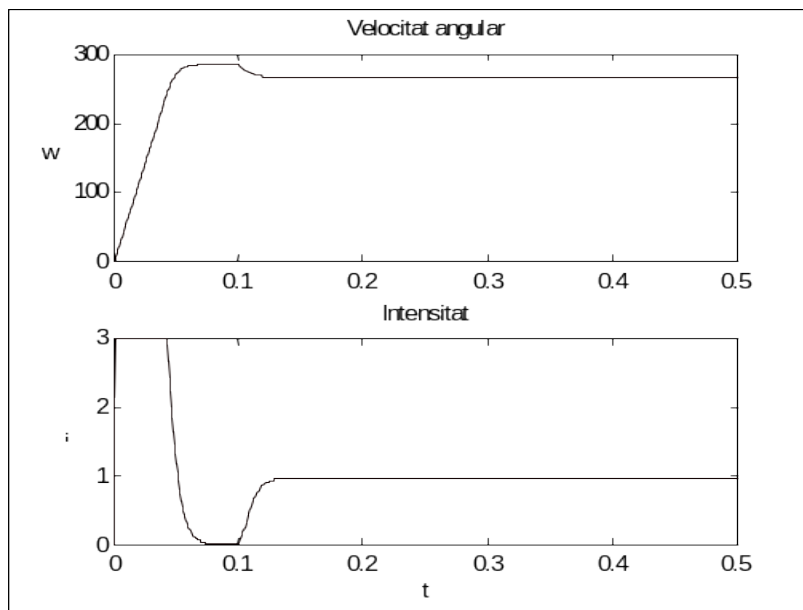
Aquest motor pot soportar intensitats entre  $\pm 3$  A, amb la qual cosa la simulació anterior no és real. Per tant es demana afegir una saturació de intensitat i comparar els resultats amb l'apartat anterior.



Coloquem la saturació d'intensitat entre el bloc de l'armadura i l'amplificador  $K_t$

Executem l'arxiu 'motxav2.m' i trobem la constant de temps i les grafiques de velocitat i de corrent:

La constant de temps del sistema és:  **$\tau = 0.0304$  seg**



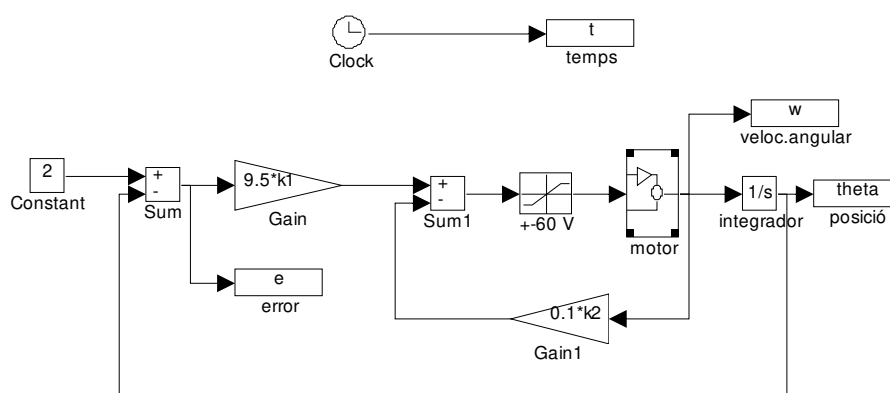
En ambdós casos (apartat 1 i 2) hem provocat l'aparició d'una pertorbació en un instant ( $t=0.1\text{seg}$ ) i el sistema reacciona demanant corrent per tal de tornar a aconseguir un regim estacionari estable.

La diferencia que podem observar entre ambdós sistemes és que amb la saturació de corrent hem fet que el sistema trigui més a arribar al regim estacionari. La constant de temps en aquest cas és major (0.034 seg enfront els 0.014 seg), per això li costa més aconseguir aquest regim estacionari.

Quan apareix la pertorbació veiem que la resposta d'ambdós sistemes és la mateixa, així és perquè la demanda de corrent del sistema no es superior als  $\pm 3\text{ A}$  amb que hem saturat el segon sistema.

### Apartat 3:

Ara volem realitzar un control de posició del motor, per la qual cosa afegirem una constant proporcional i una realimentació tacomètrica. L'esquema de blocs és el següent:



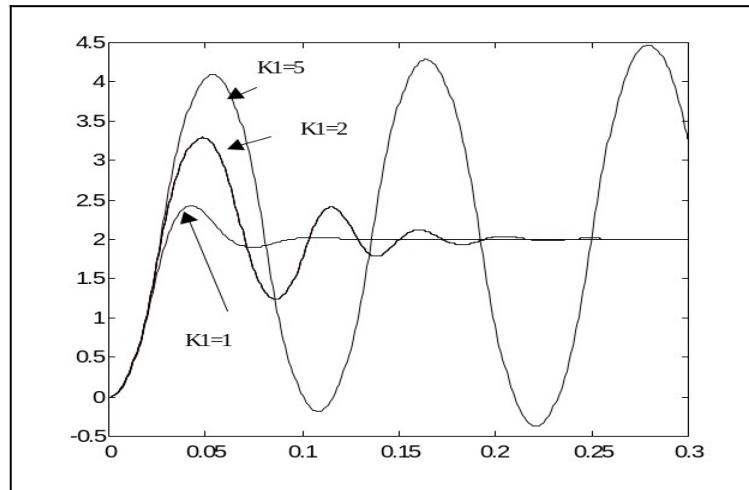
- S'ha de colocar una saturació en la  $V_g$  d'entrada al motor (+60V)
- La theta de referencia és de 2 rad.

**Es demana:** Veure la resposta del sistema (posició) per diferents valors de  $K_1$  y  $K_2$ . Analitzar els resultats:

Sustituïm en el sistema els valors de  $K_1$  i  $K_2$  i fem un estudi.

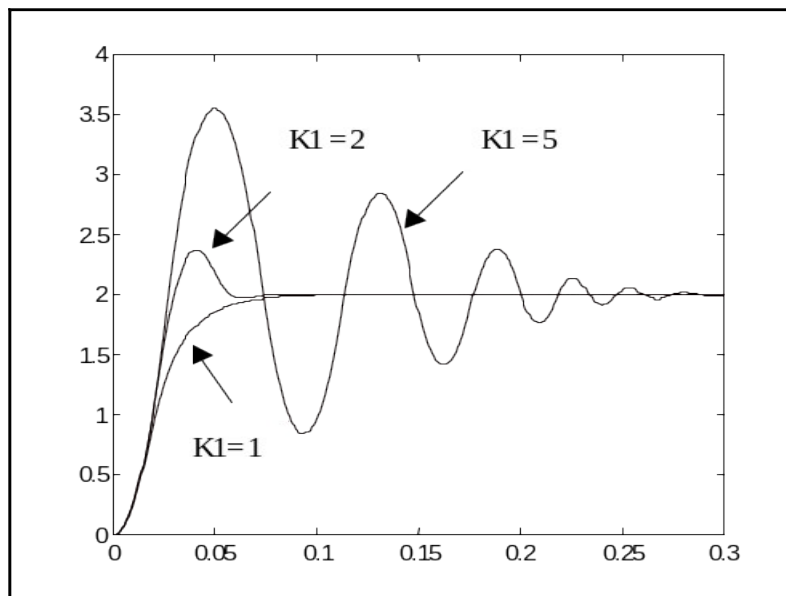
**$K_1 = (1, 2, 5)$ ;  $K_2 = 0$**

Les grafiques que s'obtenen són les següents:



Per un valor de  $K_2=0$ , es a dir, sense llaç de realimentació tacometrica tenim que el sistema varia en funció dels valors de la constant tacometrica entre una resposta de 2<sup>on</sup> ordre amb un sobrepic d'aproximadament el 50% (per  $K_1 = 1$ ) fins a una resposta inestable (per  $K_1 = 5$  el sistema oscila).

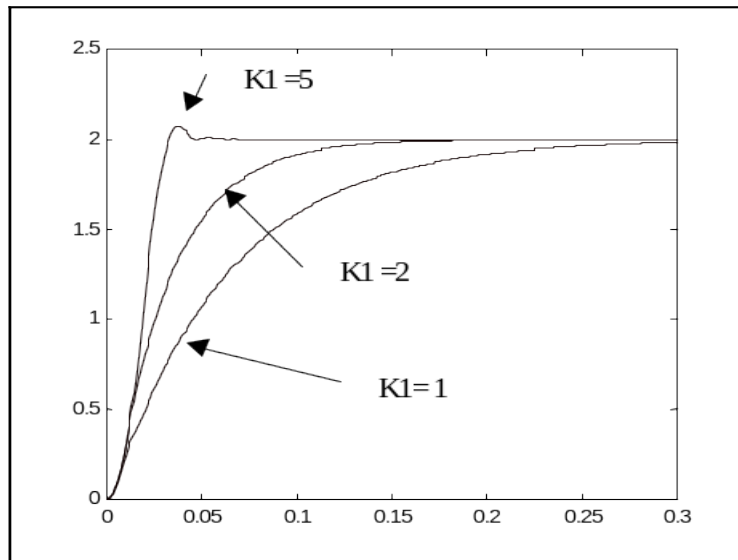
**$K_1 = (1, 2, 5)$ ;  $K_2 = 1$**



Ara hem introduït una realimentació tacometrica ( $K_2 = 1$ ). Amb això aconseguim que el sistema no es faci inestable a mesura que augmentem la constant tacometrica ( $K_1$ ). Ara bé, com més gran és aquesta  $K_1$ , el sistema tarda més en aconseguir arribar a l'estat estacionari, si bé sempre hi arriba.

**$K_1 = (1, 2, 5); K_2 = 5$**

Les grafiques corresponents a aquest cas són:



En aquest cas en que la realimentació tacometrica és més gran ( $K_2 = 5$ ), el circuit presenta una resposta molt més bona que en els casos anteriors.

Per  $k_1 = 1$  el sistema té un comportament de 1<sup>er</sup> ordre. Per  $k_1 = 2$  té la mateixa resposta si bé és més ràpida.

A mesura que augmentem  $K_1$ , el circuit és més ràpid però alhora presenta més dificultat en aconseguir arribar al règim estacionari.

**Resum:**

Si fem una anàlisi de cada cas individualment tenim:

**$K_1 = 1, K_2 = 0$ :** Resposta subamortiguada ( $0 < \zeta < 1$ ). El temps de pujada és petit, el temps d'establiment és petit i el sobrepic és elevat.

**$K_1 = 2, K_2 = 0$ :** Resposta subamortiguada ( $\zeta$  és molt petit). Temps de pujada disminueix mentre el temps d'establiment augmenta. Com  $\zeta$  és molt petit apareixen molts harmònics.

**$K_1 = 5, K_2 = 0$ :** En aquest cas el coeficient d'esmoreïment s'anula ( $\zeta = 0$ ). Això implica que tenim una senyal que oscila.

**K1 = 1, K2 = 1:** El coeficient d'esmoreïment és aproximadament igual a 1. Això implica que el temps de pujada es igual al temps d'establiment amb un sobrepic nul. Sembla la resposta d'un sistema de 1<sup>er</sup> ordre.

**K1 = 2, K2 = 1:** El sistema es subamortiguat, el temps de pujada disminueix, el temps d'establiment augmenta i apareix un sobrepic.

**K1 = 5, K2 = 1:** El sistema és fa més subamortiguat → el temps de pujada és una mica més ràpid però augmenta considerablement el temps d'establiment. El sobrepic és molt gran.

**K1 = 1, K2 = 5:** El sistema es sobreamortiguat ( $\zeta > 1$ ). El temps de pujada i d'establiment són igual i considerables.

**K1 = 2, K2 = 5:** El sistema continua sent sobreamortiguat, si bé el temps de pujada i d'establiment ha disminuït respecte el cas anterior.

**K1 = 5, K2 = 5:** El sistema es troba prop de l'amortiguament crític ( $\zeta = 1$ ). El temps de pujada i el d'establiment són molt ràpids si bé tenim un petit sobrepic que desapareix molt aviat.

### **Conclusió:**

A mesura que augmentem K2 estem augmentant el coeficient d'esmoreïment i a mesura que augmentem K1 estem augmentant la freqüència d'oscil·lació.

Si anem augmentant K1 disminuïm el temps de pujada però augmentem el temps d'establiment.

Si augmentem K2 estem augmentant  $\zeta$ .

**Anexe:**

Aquí donem el llistat de l'arxiu 'motxav.m'

```
%Calcul de la constant de temps del motor
%saturació d'intensitat

wss=w(length(w))
x=1;
while w(x)<0.63*wss
x=x+1;
end;

tau=t(x);
disp('la constant de temps del sistema és:')
tau

figure(1)
subplot(2,1,1), plot(t,w);
ylabel('w');
title('Velocitat angular');
subplot(2,1,2), plot(t,i);
xlabel('t');
ylabel('i');
title('Intensitat');
```